Versuch 351

Fourier- Analyse und Sythese

 ${\bf Stefanie\ Hilgers} \\ {\bf Stefanie. Hilgers@tu-dortmund. de}$

Lara Nollen Lara.Nollen@tu-dortmund.de

Durchführung: 14.11.2018 Abgabe: 21.11.2018

TU Dortmund – Fakultät Physik

Inhaltsverzeichnis

1	Zielsetzung	3
2	Theorie 2.1 Fraunhofer Beugung 2.2 Einzelspalt 2.3 Doppelspalt	4
3	Durchführung	6
4	Auswertung	6
5	Diskussion	6

1 Zielsetzung

Bei diesem Versuch soll durch Ausnutzung der Interferenzbilder eines Einzelspalts und zweier Doppelspalte deren Spaltbreite sowie gegebenenfalls der Abstand der beiden Spalte bestimmt werden.

2 Theorie

2.1 Fraunhofer Beugung

Trifft Licht auf eine Öffnung bzw. ein Hinderniss, welches in etwa in der Größenordnung der Wellenlänge liegt und zudem klein ist gegenüber dem Strahlendurchmesser, so kommt es zu dem Phänomen der Beugung, welche sich durch die Welleneigenschaften des Lichtes erklären lässt. Eine brauchbare Erklärung liefert das Huygenssche Prinzip der Elementarwellen, welches besagt, dass sich von jedem Punkt einer Wellenfront eine kugelförmige Elementarwelle ausbreitet, wobei sich diese Elementarwellen überlagen und konstruktiv oder destruktiv interferieren.

Bei der Beugung lassen sich im Allgemeinen zwei unterschiedliche Anordnungen beschreiben, wobei bei diesem Versuch die Fraunhofersche verwendet wird. Im Gegensatz zu der Fresnelschen liegt hier die Lichtquelle im Unendlichen (also praktisch: sehr großer Abstand zwischen der Lichtquelle und dem Spalt im Vergleich zur Wellenlänge), sodass die Wellenfront parallel auftrifft. Auch der Schirm befindet sich hierbei quasi im Unendlichen, beispielsweise realisiert durch eine Sammellinse wie in Abbildung 1, sodass jeweils die Strahlen interferieren, welche unter dem gleichen Winkel gebeugt wurden.

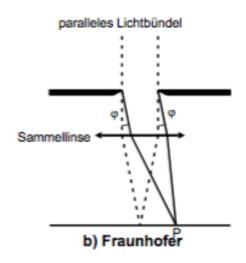


Abbildung 1: Fraunhofer Aufbau [skript].

2.2 Einzelspalt

Trifft nun zum Beispiel eine ebene Welle der Form

$$A(z,t) = A_0 \exp i(\omega t - 2\pi z/\lambda) \tag{1}$$

auf den Spalt, durchläuft sie diesen nicht nur gerade, sondern wird nach de bereits erwähnten Huygensschen Prinzip hinter dem Spalt gebeugt, da sich die kugelförmigen Elementarwellen in alle Richtungen ausbreiten. Werden nun zwei Strahlenbündel betrachtet, welche an zwei unterschiedlichen Stellen mit Abstand x auf den Spalt treffen und unter demselben Winkel ϕ gebeugt werden, besitzen diese nach durchlaufen des Spaltes einen Wegunterschied s, aufgrund dessen sich eine Phasendifferenz der Form

$$\delta = \frac{2\pi s}{\lambda} = \frac{2\pi x \sin \varphi}{\lambda} \tag{2}$$

ergibt. Die Gesamtwelle ergibt sich dabei durch Superposition der einzelnen Elementarwellen, wegen des infinitesimalen Abstands dx der einzelnen Strahlenbündel geht die Summe allerdings in eine Intergration über, wobei auch die bereits beschriebene Phasendifferenz beachtet werden muss. Es ergibt sich somit durch Umformung mit der Eulerschen Formel für den Sinus folgende Formel für die Amplitude B unter dem Winkel φ :

$$B(z,t,\varphi) = A_0 \exp\left\{i\left(\omega t - \frac{2\pi z}{\lambda}\right)\right\} \cdot \exp\left\{\frac{\pi i b \sin\varphi}{\lambda}\right\} \cdot \frac{\lambda}{\pi \sin\varphi} \sin\left\{\frac{\pi b \sin\varphi}{\lambda}\right\} \tag{3}$$

Diese Formel lässt sich durch die Substition

$$\eta := \frac{\pi b \sin \varphi}{\lambda} \tag{4}$$

zu

$$B(\varphi) = A_0 b \frac{\sin \eta}{\eta} \tag{5}$$

vereinfachen. Eine solche Funktion ist in Abbildung 2 dargestellt.

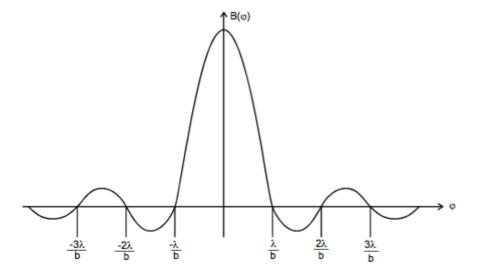


Abbildung 2: $B(\varphi)$ einer ebenen Welle nach durchlaufen eines Einzelspalts [skript].

Da sich die Amplitude in der Praxis jedoch nicht direkt messen lässt, wird hier die Intensität verwendet, welche durch die Funktion

$$I(\varphi) \propto B(\varphi)^2 = A_0^2 b^2 \left(\frac{\lambda}{\pi b \sin \varphi}\right)^2 \cdot \sin^2 \left\{\frac{\pi b \sin \varphi}{\lambda}\right\}$$
 (6)

2.3 Doppelspalt

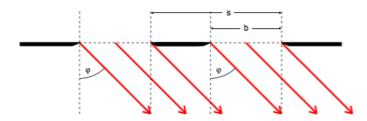


Abbildung 3: Beugung am Doppelspalt [skript].

Zur Berechnung des Beugungsmusters eines Doppelspalts, wird dieser als Überlagerung der Beugungsbilder zweier einzelner Spalte betrachtet, sodass sich eine Intensitätsverteilung von

$$I(\varphi) \propto B(\varphi)^2 = 4 \cdot \cos^2 \left\{ \frac{\pi s \sin \varphi}{\lambda} \right\} \cdot \left(\frac{\lambda}{\pi b \sin \varphi} \right)^2 \cdot \sin^2 \left\{ \frac{\pi b \sin \varphi}{\lambda} \right\}$$
 (7)

erbibt, wobei s den Abstand der Spalte beschreibt und b die Breite, wie in Abbildung 3 zu sehen ist.

3 Durchführung

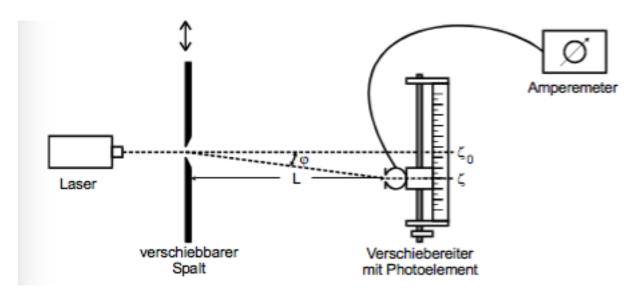


Abbildung 4: Versuchsaufbau [skript].

Wie in Abbildung 4 zu sehen ist, wird bei diesem Versuch ein verschiebbarer Einzeloder Doppelspalt von einem Laser mit einer Wellenlänge von etwa 650 nm beleuchtet,
sodass sich dahinter ein Beugungsbild ausbildet. Dieses wird von einem lichtempfindlichen
Detektor auf einem Verschiebereiter mittels einer Photodiode ausgemessen. Es ist dabei
darauf zu achten, dass der der Detektor einen möglichst großen Abstand zum Spalt, also
mindestens einen Meter, besitzt. Zudem muss vor Versuchsbeginn auch der Dunkelstrom
gemessen werden, welcher von den Messwerten jeweils abgezogen wird. Es wird nun
bei konstanten Lichtverhältnissen je eine Messreihe zu einem Einzelspalt und zu zwei
verschiedenen Doppelspalten aufgenommen, wobei je mindestens 50 Messwerte genommen
werden und das Hauptmaximum sowie beim Einzelspalt mindestens ein und bei den
Doppelspalten mindestens zwei Nebenmaxima auf beiden Seiten gemessen werden

4 Auswertung

Test

5 Diskussion