## "CETC-10" 通信杯 文献综述

## 大规模 MIMO 的技术特性及其前景应用

院系: 通信工程学院通信工程专业

年级: 本科 2017 级

姓名: 王秀程 曹思齐

学号: 17010199045 17010199002

2018年3月

### 摘要

随无线通信技术的发展,更加高效的无线通信手段成为需求的焦点。继 4G 通信之后,5G 通信的概念逐渐成型。而大规模 MIMO 的概念也在天线成本降低,电子技术发展的条件下因运而生。

大规模 MIMO ,也称大型 MIMO 系统,是一种通过在增加基站侧物理天线数量,来显著提高频谱效率,增强信号质量的技术。但是在实际应用中依然存在导频污染、信道估计等部分问题。

本文将从大规模 MIMO 的定义开始 ,利用现有的实验数据及结果,对大规 模 MIMO 的具体功能和利弊作出较为详 细描述,并且提出在大规模 MIMO 成熟 以后,其可能的应用前景。

**关键词:** 5G; 大规模 MIMO; 频谱效率; 导频污染: 信道估计

## 第1章 引言

随着第四代通信技术的不断完善与普及,我国移动互联网用户数量呈现爆发性增长,截至2017年12月,我国移动互联网用户数量已突破12.5亿户,电信业务总量同比增长72.2%,电信业务收入同比增长6.5%。移动互联网用户数的爆炸式增加,也使得现有的频谱资源数量及频谱利用效率难以完全满足用户日益增长的服务需求。

尽管利用更小更紧密的小区划分、 更高阶的调制等技术可以在一定程度上 提高频谱利用效率。但是面对移动互联 网用户数量的快速增长,现有的技术已 很难充分满足用户的服务需求。

为了满足日趋增长的用户需求,研究人员亟需制定第5代通信标准,并使频谱效率提升一个数量级以上。而作为未来5G关键技术之一的大规模多入多出(Massive Multiple-Input Multiple-Output)技术,采用在基站侧布置100根以上天线的策略,使其不仅能够满足数据吞吐量的需求,还可能有效改善通信服务质量<sup>[10]</sup>,并使信号的空间自由度和信道容量得到提高。根据文献<sup>[9]</sup> 中的数据显示,大规模 MIMO 系统能使频谱效率提升1~2个数量级。上述特性使得大规模 MIMO 有望成为未来5G通信系统中的核心技术<sup>[3]</sup>。

本文主要研究大规模 MIMO 系统的主要技术特性及研究现状,并对其前景应用做出了一定的展望。第 2 节介绍大规模 MIMO 系统的基本特性。第 3 节介绍大规模 MIMO 系统的优势。第 4 节则就大规模 MIMO 系统所面临的挑战进行了分析。第 5 节则将在应用前景上对大规模 MIMO 系统进行进一步讨论。

# 第2章 大规模 MIMO 的基本特性

大规模 MIMO 由于其通信终端众多,天 线规模巨大的特性,在理论和实践上与传统 意义上的 MIMO 有着很大的区别,因此也具 备了较传统 MIMO 更好的功能和特性。本 节将以大规模 MIMO 与普通 MIMO 的不同 点为基础,详细描述大规模 MIMO 系统所 具有的编码、空间分布、电磁辐射等基本特 性。

## 2.1 大规模 MIMO 与传统 MIMO 系统的区别

#### 2.1.1 天线规模的跃迁

在传统 MIMO 系统中天线数量一般不 多于 8 根,而在大规模 MIMO 系统中,为 利用天线的阵列增益。其天线的配置数量一般不低于 100 根。

#### 2.1.2 确定性提高

在传统 MIMO 系统中受限于信道矩阵的维数,其通道转角值一般是不确定的。而在大规模 MIMO 系统中由于矩阵维数的增加,对于其通道转角值的计算已经基本接近一个确切的数值。

#### 2.1.3 信道矩阵良好

相较于传统 MIMO 系统的信道矩阵, 大规模 MIMO 系统中的信道矩阵条件则较 为良好。

## 2.1.4 其他各类性能的对比 [3]

除天线规模与信道矩阵之外,大规模 MIMO 相对传统 MIMO 系统还有许多革新 , 其性能, 将在表 1 中给出更加直观而具体的对比。

综合来看大规模 MIMO 系统利用其天 线数量增加所带来的增益,可以显著地提 高信道质量与频谱效率等特性。但是由于 天线数量众多,一定空间内的天线分布将更 为紧密,甚至可能会出现天线间距小于发射 信号的波长的情形,这将增加天线的互耦效 应并使系统的空间分集性降低。因此大规模 MIMO 能否在未来取得突破性进展,将在一 定程度上取决于空间相关性于互耦效应间、 一定空间内天线数量的增加与空间分集效应

表 1: 其他各类性能的对比 [3]

	传统 MIMO	大规模 MIMO
信道质量	较低	优异
分集增益	低	较高
连接可靠性	普通	高可靠性
抗噪能力	低	高
阵列分辨率	普通	高
频谱效率	普通	高
信道相关性	低	较高
互耦效应	低	较高
导频污染	无	有

间矛盾的解决,与导频污染等关键性技术瓶 颈的突破。

## 

- 信道估计 在大规模 MIMO 系统中终端首 先需要通过处理由基站发送而来的数 据,来确定无线传输信道的状态。
- 预编码 信道估计完成后基站中的预编码器利用信道的状态信息,产生预编码矩阵,以对通信信号进行预处理。
- 权值计算 最后系统利用已生成的预编码 矩阵,实现 M 个用户数据流到 N 个天 线数据流的交换。

#### 2.3 天线特性

大规模 MIMO 相对与传统 MIMO 的 4~12 个天线的数量,其天线的配置数量有一个数量级的上升,其基本含有 100 余个阵列天线,同时服务于一组单天线用户,并且

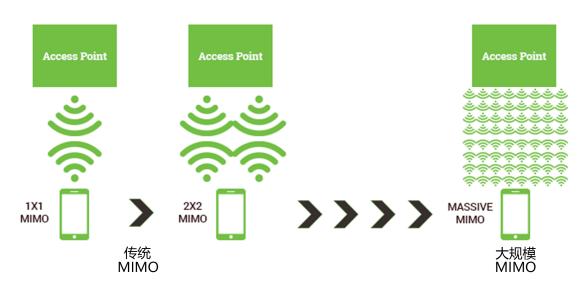


图 1: 天线规模的跃迁

其产生的复用增益可以由多个用户终端共享

由于基站天线的配置数量增多,在信号分析的过程中,可采用大数定理以及中心极限定理。因此对于在大规模 MIMO 系统中信号处理不必采用复杂的非线性运算来避免瑞利衰落、高斯白噪声和小区内干扰,而只需要采用简单的线性设计便能实现较好的系统性能 [7]。

#### 2.4 编码特性

传统的 MIMO 一般使用脏纸等非线性预编码方式,但随着 MIMO 系统中天线数目的激增,非线性的预编码方式会使基站侧的计算复杂度快速增加。因此在大规模MIMO 系统中一般采用最大比发送(MRT)、迫零(ZF)、最小均方误差(MMSE)等线性预编码理论。而且在根据文献<sup>[1]</sup> 中提供的数据,瑞士隆德大学在实际测量中发现,在大规模 MIMO 系统中,采用 MMSE等线性预编码方式,可以实现脏纸(DPC)预编码方式 98% 的性能。

#### 2.5 全双工通信方式

#### 2.5.1 FDD 模式

FDD 模式的基本方案是在基站与终端间的上下行链路采用不同的频段进行通信。由于上下链路的状态特性不同,终端需将导频信息传输至基站,以采集上行参数,之后用户接收基站计算出的加权参数,用于对上行链路的计算。

但是在 FDD 模式下信道的导频符号开销正相关于基站的天线数目。于是在一定时间内可发送的数据符号有限的情况下,过大的导频开销会降低导频效率,而且用户为估计信道往往需要消耗大量的资源。这对于移动终端而言,将对电池的使用寿命造成较大的挑战。而过大的资源耗费则对 FDD 模式下的大规模 MIMO 系统的商业化造成了较大的困难 [6]。

#### 2.5.2 TDD 模式

在 TDD 模式中用户和基站使用相同的 频段进行上下行通信。由此带来的最大优势 便是导频接收所需要的时间不再与天线的数量相关,对终端的计算压力将大大降低。

而且我国工信部已正式将 LTE TDD 技术定位为我国自主 3G 标准 TD-SCDMA 技术的后继,因此可以预见 LTE TDD 技术的发展将受到我国政府的支持 [1,7]。

#### 2.5.3 TDD 还是 FDD?

从工信部对增大我国在通信领域标准制定话语权方面来考虑,我国或许会对 TDD 技术的发展提供一定的政策福利。但是不论是工信部最新划分的 5G 试验频段还是日本、菲律宾等国与华为进行的 5G 技术试验频段。频谱波段一般都在 25~30GHz 或37~42.5GHz 的高频波段 [11]。在如此高频的波段下 LTE FDD 模式将具有显著的优势

而且目前全球多个通信服务运营商已将 FDD 模式下的大规模 MIMO 技术发展列入其自身的商用计划。而且若 TM9 模式能日趋成熟将更加有利于 FDD 模式下大规模 MIMO 的发展。另外目前市场上已有 20 余款手机在硬件上支持 TM9 ,这意味着,用户若想享用其技术革新带来的福利只需要在软件上进行一定的升级。对于运营服务商而言这无疑使一个利好消息。

#### 2.6 电磁辐射特性

由于目前 5G 试验阶段的频谱一般都是高于 6GHz 的高频率波段,信号在空气中衰落率会有所提升,从而降低信号的穿透率。所以在大规模 MIMO 系统中,一般推荐使用波束成形技术。区别于传统的基站与终端之间的单天线通信方式,在波束成形技术中,基站端拥有数目众多的天线,而且其可以根据一定的算法自动地调节每个天线信号的相位,使其可以在用户接收端形成电磁波的叠加,从而达到提高接收信号强度的目的。

此外利用此技术,基站发射的能量可以 实时汇集到用户所在的位置,并且基站可以 实时的监测用户信号的变化,并对其信号进 行实时跟踪监测,调整至最佳的发射方向, 使终端所接收到的电磁信号始终处于叠加状 态。

因此大规模 MIMO 系统可以利用基于 多用户的波束成形原理,在基站侧布置大量 天线,从而对不同的接收者调制其各自的波 束。并利用空间信号间隔,使同一频段的资源可以同时传输数十条信号 [4]。

#### 2.7 空间分布特点

#### 2.7.1 集中式

集中式的分布方式,简单来讲即将众多 天线集中在一个较小空间范围内的分布方式 ,其优点在于集中式的天线阵列分布利于空 间的节省,避免了光纤通信的同步性问题。 然而集中式天线阵列的信道相关性过强,易 使终端设备无法区分信道,导致天线的数量 优势无法被完全利用。

## 2.7.2 分布式

除了集中式的空间分布模式,大规模 MIMO 亦可采取分布式的方式来布置天线 。分布式排列,即将天线按照一定的规律分 散地配置在通信服务范围中的排布策略。分 布式的天线分布则有利于降低信道相关,使 得信道易于区分。但是分布式的天线阵列空 间占用量大而且不同的基站间需用光纤连接 ,考虑到实际分布中基站很难做到完全均匀 的分布,光纤信号的同步将是一个主要问题 [5]。

#### 2.7.3 对比

在目前看来集中式和分布式的 MIMO 系统均是利弊参半。而且单独采用任何一种模式都具有一定的局限性。或许根据实际情景灵活的布置集中式和分布式 MIMO 更

有利于大规模 MIMO 的商用化。譬如在诸如 CBD 的核心城区以及大型居民区等人口密集、地价昂贵的区域则可以使用集中式的 MIMO 系统以减少对空间的占用,降低运营成本。另外考虑到我国居民目前对基站辐射的担忧,大量的建设分布式基站,可能会引起民意强烈的反抗。甚至导致诸如东莞刘家墩村类似的基站被迫全部拆除的极端事件的出现 <sup>1</sup>。

但是对于人口相对稀释的城郊与开发区 ,甚至空旷地带较为充沛的大学城中,由于 土地资源较为充沛,可以近圆地配置基站,从 而充分发挥大规模 MIMO 的天线数量优势。

## 第3章 大规模 MIMO 的 优势

作为一个新兴的技术,大规模 MIMO 表现出了优异的性能,本节将从传输质量及 功耗等方面介绍大规模 MIMO 的新特性所 带来的效益,以及大规模 MIMO 对现阶段 信号传输终端所做出的改进,进而阐述大规 模 MIMO 可以解决现阶段通信系统中的哪 些问题。

## 3.1 传输效率提升

在传统的单天线通信系统中,由于现实环境的复杂性,电磁波在传播过程中经过空气等媒介的多层反射之后,用户最终可能接收到相位相反,互相削弱的信号,导致信号出现较大的衰落,进而影响用户的使用体验。但当基站的天线数量趋向于无穷时,则根据大数定理和中心极限定理,多个信号同时出现衰落的概率几乎可以忽略,进一步而言高斯白噪音和瑞立衰落亦可以极大的减小,从而使传输效率提高[2]。

#### 3.2 空间复用效益增强

目前无线通信数据业务的突出特点是:超过 70%的流量业务,集中发生在 20% 左右的如 CBD、大学城等热点区域之中。于是通信业务负荷高、容量不足,是目前此类地区共同面临的困境。而 MU-MIMO(多用户 MIMO)系统可以提供较高的空间复用效益并利用波束成形技术,使其在时频资源有限的情况下可以增强多个用户之间的空间复用能力。从而减少大规模的通信对基站密度与带宽的需求。

#### 3.3 能量利用率的提升

根据理论证明,在 CSI 条件下,大规模 MIMO 的发射功率与天线的数量成反比 <sup>[2,4,7]</sup>。即使在实际的非理想状态下,经验证其发射功率依然与天线的数量成平方根反比。在目前注重绿色环保的大背景下,大规模 MIMO 由于其环保特性必将受到各国政府的重视。

另一方面,如果发射功率一定,大规模 MIMO 可以扩展操作空间,提高用户的使用 体验。

## 3.4 覆盖功耗水平降低

在 4G 通信系统中,由于基站天线配置数量一般不多于 8 根,为满足一定区域内的信号覆盖,通常使用功率较高的射频组件,而且往往又需与之配备相应的散热装置,使得总体功耗较大。而在大规模 MIMO 系统中,由于天线的数量众多,可以利用波束成形技术,使得信号增益扩大,由此所需要的射频组件则有望降至毫瓦级 [2]。

## 3.5 3D 传输能力增强

目前在大中型城市中高层建筑数目较多 ,如何使每个楼层都获得优质的通信服务体

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>王晓易,通信基站遭村民抵制三大运营商联合停闭,大洋网-广州日报(广州),2015-07-22.

验是目前通信产业中的一大困境。现阶段一般采用多组天线来对所有楼层进行覆盖,然而天线的布置站点往往难以获取。而且信号在穿透墙壁之后会被较大程度得削弱,导致在一些大型 CBD 的内部,通信质量往往不佳。

但是大规模 MIMO 系统中其在垂直面 上采用了大量的天线阵列,以保证高层覆盖 。而且利用其波束成形技术可以灵活地调整 波束的宽度与方向,可以在一定程度上增补 信号在穿透过程中的损失 [11] 。

#### 3.6 可兼容性增强

在 4G 技术的发展过程中,MIMO 技术已经有了较为成熟的技术积累,虽然其天线配置一般不多于 8 个,但目前正在研发中的MU-MIMO 系统与当前的协议以及已经商用化的 4G 终端存在可兼容性。这意味着现有的 4G 运营商可以在享受配置大规模 MIMO系统带来的竞争优势的同时,又可以从已有的 4G 网络部署中得到持续的投资回报,甚至使现有的投资回报增值。

## 3.7 终端压力减小

现有技术条件下若采用 LTE TDD 技术则可以将计算压力在基站端解决,有助于缩小终端的电池容量,从而开发更加轻薄的移动终端。

## 3.8 鲁棒性增强

由于在大规模 MIMO 中天线数量远多于终端数量,系统的空间自由度得到了很大的提高,并使得大量零空间出现在信道矩阵中。利用这些零空间可以高效地处理许多干扰,增强系统的抗干扰能力。而且由于天线数量的大量增加使其可以利用大数定律和中心极限定理以抵抗高斯白噪声和瑞利衰落。而且天线数量地增加也使得系统的选择性和

灵活性得到增强,有利于提高系统应对突发 状况的能力<sup>[7]</sup>。

# 第4章 大规模 MIMO 研究 的主要挑战

虽然大规模 MIMO 表现出了出色的特性,但是在现阶段仍然处在概念阶段。要将大规模 MIMO 应用到实际的场景中,还存在诸多问题,因此目前还无法将其大规模地投入应用,本节将主要探讨目前研究过程中遇到的问题及挑战。

#### 4.1 传播模式

现有阶段对大规模 MIMO 系统的研究主要基于贝尔实验室提出的独立同分布模型(IID)下进行的。但是在实际验证中发现真实的天线相关系数明显大于贝尔实验室所提出的预期。若对于 MIMO 系统研究的模型出现重大失误,将使基于此模型进行的后续研究失去意义。因此尽快的提出一种能较好的拟合试验数据的模型将有利于 MIMO系统向更深层次发展 [6]。

## 4.2 导频污染

由于天线数量的激增,高斯白噪声以及 瑞利衰落和小区内干扰对大规模 MIMO 系 统所造成的影响几乎可以忽略不计。然而导 频污染则成为限制大规模 MIMO 发展的主 要瓶颈之一。由于 MIMO 系统中符号周期 要小于相干时间,即使在 LTE TDD 模式下 用户可以使用不同的正交导频信号分别估计 信道,但由于导频信息无法无限增多,简单 地增加导频信息可能会使附近小区的用户使 用相似的导频信息,从而导致基站接收到非 本小区用户的导频信号,进而造成导频污染 [6,7]。由于目前对于导频污染现象国内外均 没有较好的解决方案,于是对于降低导频污 染的研究势必成为大规模 MIMO 系统研究中的热点问题。

#### 4.3 FDD 模式下的研究

由于下行信道估计的导频开销正比于天 线数目,因此过大的导频开销将降低频谱利 用效率。而且终端对信道的估算也将对终端 的电池使用寿命构成较大的挑战<sup>[7]</sup>。

#### 4.4 降低硬件开销的研究

传统的 MIMO 系统对于信号的处理,通常需要对应一个耗费昂贵的射频电路。然而伴随着天线数量的增加,硬件于能量的开销也将变得十分昂贵。而且对于厂商而言,为了降低硬件成本,通常会采用使用低成本、低精度的硬件 [12]。 所以,如何在如此情形下依然进行精准的信号处理,将成为一个较为重要的研究方向。

# 第5章 大规模 MIMO 的前 景应用

如果大规模 MIMO 可以被很好地应用 到实际生活中,将会给无线通信领域带来颠 覆性的革新。尤其是在互联网方面,现阶段 诸多问题都可以得到有效解决,并且由此可 以进一步激发物联网和移动网络的快速发展 。本节将着重根据大规模 MIMO 的特性对 其未来的部分应用作出推断。

## 5.1 更快更清晰的通信服务

文献 [12] 中在北京进行的大规模 MIMO 测试数据显示,即使在目前依然存在种种技术阻碍的情形下,利用 64 根天线组成的天线组,其传输速率已经比传统的 8 天线组的传输高出了 5 倍左右。在蓝光、1080P 等高清电影需求度渐增的现状下,大规模 MIMO

系统为移动端线上实时观看、下载高清视频 提供了有利的支持。

#### 5.2 3D、全息通信不再遥远

伴随着市场上裸眼 3D 移动游戏终端的出现,以及消费者对视觉享受要求的日益提升,裸眼 3D 显示将成为未来手机等移动终端制造商的一个角力点。而大规模 MIMO的高速传输特性则有利于 3D 画质的网络实时对抗游戏的研发与普及。

而且在"2017 重庆科技智能峰会暨 Link 开放日"中,全息通信技术已经被正 式提出,全息通信相较于现有的语音与视频 通信方式,其在单位时间内所需的上行与下 行流量将有一至数个数量级的提升。大规模 MIMO 则恰好能提供如此巨大的单位时间 的上下行流量,或许能带来通信方式的又一 次变革。

## 5.3 利用相控阵天线技术提供廉 价通信手段

随着"中华神盾"技术的实现,我国的相控阵技术已接近成熟。而相控阵雷达技术在原理上和大规模 MIMO 有一定相通之处。而且若利用李世东教授提出的"超稀疏设计",则有希望克服相控阵的成本高昂、散热困难的难题。另外大规模 MIMO 相控阵天线的造价仅为 5G 基站系统的  $\frac{1}{3}$ ,十分利于运营商降低服务成本。

#### 5.4 降低 Wi-Fi 延迟

在现有的 Wi-Fi 802.11ac 标准中一个路由只能同时对一个用户终端提供服务。在标准制定初期,家用终端数量不多的情况下,该标准的缺陷还未能完全显现。然而随着家庭中移动终端数量的增加,这种标准所造成的网络卡顿、延时变得十分明显。而且目

前国内高校普遍采用 Wi-Fi 实现校园网覆盖,由于高校内用户众多,其产生的卡顿现象则尤为突出。若采用 MU-MIMO 技术则可以实现一个路由像多个用户终端提供服务。MU-MIMO 可将信号在频域、空域、时域三个维度上进行分解,由于三个信号互不干扰,每个用户可以在同时得到相等的通信资源,从路由的角度出发,此项技术等同于将速度提高了 2 倍以上。

## 5.5 高速移动数据及低成本互 联网

由于大规模 MIMO 的特性,允许单个 终端同时在小范围内提供更大的数据流量, 高速移动网络将成为现实,进而降低物联网 和云计算的实现成本,将互联网融入世间万 物。自动驾驶,智能家居,便携智能终端也 将得到大规模的推广。

#### 5.6 更优的卫星通信解决方案

位于地面的大规模 MIMO 天线阵列可以更加有效的和卫星进行高码率的通信,而卫星也可以搭载 MIMO 天线阵列,这将使得空间通信更加高效,稳定,快捷。这将解决现在通信卫星所存在的诸多问题,甚至能够使星际间通信成为可能。

## 5.7 黑障通信的可能解决方案

在目前的航天工业中,黑障区的通信间断一直是困扰科研人员的难关。在现有科技基础下,对于黑障屏蔽只能起到延缓作用,很难取得突破性进展。在功耗水平一定的情况下,大规模 MIMO 的低功耗射频特性,可以使得信号传输强度大大增强,从而提高黑障削弱后的信号质量。并且大规模 MIMO 的波束成型能力强,使得电磁波的辐射能量可以集中在某一特定区域内,进一步提高穿

透黑障后的信号强度与信号质量。

另外基于现有的试验来看,大规模 MIMO 的试验波长已达到毫米级。利用毫 米波的穿透能力与大规模 MIMO 的信号传 输能力,电磁信号或许能实现对黑障的穿透 ,从而使黑障区天地通信成为可能。

#### 5.8 提高深海潜航通信隐蔽性

提高通信过程的隐蔽性,一直是战略级核潜艇的隐身难题。大功率的通信辐射强度,可能导致敌方锁定我方核潜艇的位置,从而对我方发动先发制人的打击。大规模MIMO的发射功率已降低至毫瓦级,在深海中信号隐蔽性较好。而且大规模MIMO具有根据通信双方空间位置,实时调整发射方向的能力,这将使得潜艇的隐蔽性得到进一步的调高。从而大大提高我国核潜艇的战略威慑能力。

## 第6章 结语

目前虽然传统的 MIMO 系统技术已经成熟,但是大规模 MIMO 系统依然面临着诸如导频污染、低复杂度信号处理算法、低精度硬件条件下信号分析等挑战。而且目前的研究大多停留在理论方面,对大规模 MIMO 实际应用的研究依然匮乏。在未来的大规模 MIMO 系统的研究中,不仅应注意克服上述问题,更应注重在实际的干扰状态下进行试验检测。而且在进一步的实验中,可以利用人工智能和机器学习算法辅助信道估计和波束成型过程中的相关计算,以提高系统运行效率,从而提供更多的试验数据以不断完善大规模 MIMO 的理论模型。

## 参考文献

- [1] E Bjornson, EG Larsson, TL Marzetta. Massive MIMO. Ten Myths and One Critical Question. IEEE Communications Magazine: 2015, 54 (2):114-123.
- [2] L Lu, GY Li, AL Swindlehurst, et al. IEEE Journal of Selected Topics in Signal Processing: 2014, 8 (5): 742-758.
- [3] 张中山, 王兴, 张成勇等. 大规模 MIMO 关键技术及应用. 中国科学: 信息科学, 2015, 45: 1095-1110. doi: 10.1360/N112015-00057.
- [4] 杨中豪,王琼,乔宽. 面向 5G 通信的 Massive MIMO 技术研究. 中国新通信: 2015, 07, 101-103.
- [5] 王东明,张余,魏浩等.面向5G的大规模天线无线传输理论与技术.中国科学:信息科学: 2016,46:3–21. doi: 10.1360/N112015-00296.
- [6] 尤力等. 大规模 MIMO 无线通信关键技术. 中兴通讯技术: 2014, 20(2): 26-28.
- [7] 戚晨皓,黄永明,金石.大规模 MIMO 系统研究进展.数据采集与处理: 2015 (3):544-551.
- [8] X Gao, O Edfors, F Rusek. Linear pre-coding performance in measured very-large MIMO channels: Vehicular Technology Conference: 2011: 1-5.
- [9] HQ Ngo, EG Larsson, TL Marzetta. Energy and spectral efficiency of very large multiuser MIMO systems. IEEE Transactions on Communications: 2013, 61 (4): 1436-1449.
- [10] F Rusek, D Persson, BK Lau, et al. Scaling Up MIMO: Opportunities and Challenges with Very Large Arrays. Signal Processing Magazine IEEE, 2012, 30 (1): 40-60.
- [11] CMCC, Huawei, ZTE, et al. Massive MIMO WHITE PAPER. V 0.1. 8 9.
- [12] EG Larsson, O Edfors, F Tufvesson, et al. Massive MIMO for Next Generation Wireless Systems. IEEE Communications Magazine: 2014, 52 (2): 186-195.