



**Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Московский государственный технический университет  
имени Н.Э. Баумана  
(национальный исследовательский университет)»  
(МГТУ им. Н.Э. Баумана)**

**ФАКУЛЬТЕТ «ИНФОРМАТИКА И СИСТЕМЫ УПРАВЛЕНИЯ»**

**КАФЕДРА «ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ЭВМ И ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ»**

## **ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №7 ПО ДИСЦИПЛИНЕ «ТИПЫ И СТРУКТУРЫ ДАННЫХ»**

**Сбалансированные деревья, хеш–таблицы**

**Вариант №3**

**Студент: Ширяев А.А.**

**Группа: ИУ7-33Б**

**Преподаватель:**

**Силантьева А.В.**

**2024 г.**

Лабораторная работа №7 по дисциплине “Типы и структуры данных” .....	1
Условие задачи.....	3
Описание техзадачи.....	4
Описание исходных данных.....	4
Описание задачи, реализуемой программой.....	6
Способ обращения к программе.....	7
Для обращения к программе запускается файл app.exe.....	7
Описание возможных аварийных ситуаций и ошибок пользователя.....	7
Информация о вершине дерева.....	8
Информация о хэш-таблице с закрытым хешированием.....	8
Информация о хэш-таблице с открытым хешированием.....	9
Описание алгоритма.....	10
Позитивные тесты.....	15
Негативные тесты.....	24
Сравнение времени удаления, объема памяти и количества сравнений при использовании сбалансированных деревьев и хеш-таблиц.....	27
Сравнение эффективности поиска в хеш-таблице с разными адресациями при различном количестве коллизий.....	28
Сравнение эффективности использования структур (по времени и по памяти) для поставленной задачи (поиск элемента в структуре данных при случайном заполнении данных).....	29
Выводы по проделанной работе.....	31

Цель работы — построить и обработать хеш-таблицы, сравнить эффективность поиска в сбалансированных деревьях, в двоичных деревьях поиска, в хештаблицах и в файлах. Сравнить эффективность реструктуризации таблицы для устранения коллизий и поиска в ней с эффективностью поиска в исходной таблице.

## Условие задачи

### Вариант 3

Построить хеш-таблицу и AVL-дерево по указанным данным. Сравнить эффективность поиска в сбалансированном двоичном дереве, в двоичном дереве поиска и в хеш-таблице (используя открытую и закрытую адресацию). Вывести на экран деревья и хеш-таблицы. Подсчитать среднее количество сравнений для поиска данных в указанных структурах. Произвести реструктуризацию хеш-таблицы, если количество сравнений при поиске/добавлении больше указанного. Оценить эффективность использования этих структур (по времени и по памяти) для поставленной задачи. Оценить эффективность поиска в хеш-таблице при различном количестве коллизий и при различных методах их разрешения.

Построить дерево поиска из слов текстового файла (задача №6), сбалансировать полученное дерево. Вывести его на экран в виде дерева. Удалить все слова, начинающиеся на указанную букву, в исходном и сбалансированном дереве. Построить хеш-таблицу из слов текстового файла. Вывести построенную таблицу слов на экран. Осуществить поиск и удаление введенного слова. Выполнить программу для различных размерностей таблицы и сравнить время удаления, объем памяти и количество сравнений при использовании сбалансированных деревьев и хеш-таблиц.

**ПРИМЕЧАНИЕ!** В отчёте будут использоваться обозначения для действий:

<usual read> - Чтение дерева из файла

<avl copy> - Глубокое копирование из обычного дерева в сбалансированное

<usual add>/<avl add> - Добавление элемента в дерево

<usual remove>/<avl remove> - Удаление элемента из дерева по ключу

<usual search>/<avl search> - Поиск дерева по ключу

<usual pre\_order\_output>/<avl pre\_order\_output> - Префиксный обход дерева и создание файла с визуализацией дерева

<usual in\_order\_output>/<avl in\_order\_output> - Инфиксный обход дерева и создание файла с визуализацией дерева

<usual post\_order\_output>/<avl post\_order\_output> - Постфиксный обход дерева и создание файла с визуализацией дерева

<usual find>/<avl find> - Нахождение элементов, начинающихся на букву и их удаление

<open limit>/<close limit> - Изменения лимита до реструктуризации

<open read>/<close read> - Чтение хэш-таблицы из файла  
<open add>/<close add> - Добавление элемента в хэш-таблицу  
<open remove>/<close remove> - Удаление элемента из хэш-таблицы по ключу  
<open search>/<close search> - Поиск хэш-таблицы по ключу  
<open output>/<close output> - Вывод хэш-таблицы  
<stat> - Вывод статистики  
<exit>- Выход из программы  
(ПРИМЕЧАНИЕ! Под usual деревом подразумевается двоичное дерево поиска, в вершинах которого слова.)

## Описание техзадачи

## Описание исходных данных

Данные на входе: Меню. Код действия. Далее для каждого действия:

<usual read> - Файл с данными  
<avl copy> - Usual-дерево  
<usual add>/<avl add> - Usual-дерево/AVL-дерево, Ключ  
<usual remove>/<avl remove> - Usual-дерево/AVL-дерево, Ключ  
<usual search>/<avl search> - Usual-дерево/AVL-дерево, Ключ  
<usual pre\_order\_output>/<avl pre\_order\_output> - Usual-дерево/AVL-дерево  
<usual in\_order\_output>/<avl in\_order\_output> - Usual-дерево/AVL-дерево  
<usual post\_order\_output>/<avl post\_order\_output> - Usual-дерево/AVL-дерево  
<usual find>/<avl find> - Usual-дерево/AVL-дерево, ключ  
<open limit>/<close limit> - Новое значение предела до реструктуризацией  
<open read>/<close read> - Файл с данными  
<open add>/<close add> - Хэш-таблица, ключ  
<open remove>/<close remove> - Хэш-таблица, ключ  
<open search>/<close search> - Хэш-таблица, ключ  
<open output>/<close output> - Хэш-таблица  
<stat> - -  
<exit>- Выход из программы

Данные на выходе:

<usual read> - Usual-дерево

<avl copy> - AVL-дерево

<usual add>/<avl add> - Usual-дерево/AVL-дерево

<usual remove>/<avl remove> - Usual-дерево/AVL-дерево

<usual search>/<avl search> - Usual-дерево/AVL-дерево

<usual pre\_order\_output>/<avl pre\_order\_output> - Usual-дерево/AVL-дерево,  
изображение-визуализация дерева

<usual in\_order\_output>/<avl in\_order\_output> - Usual-дерево/AVL-дерево,  
изображение-визуализация дерева

<usual post\_order\_output>/<avl post\_order\_output> - Usual-дерево/AVL-дерево,  
изображение-визуализация дерева

<usual find>/<avl find> - Usual-дерево/AVL-дерево

<open limit>/<close limit> - Предел реструктуризации

<open read>/<close read> - Хэш-таблица

<open add>/<close add> - Хэш-таблица

<open remove>/<close remove> - Хэш-таблица

<open search>/<close search> - Хэш-таблица

<open output>/<close output> - Хэш-таблица

<stat> Статистика

<exit>- --

## Описание задачи, реализуемой программой

Программа реализует ряд действий:

<usual read> - Чтение дерева из файла

<avl copy> - Глубокое копирование из обычного дерева в сбалансированное

<usual add>/<avl add> - Добавление элемента в дерево

<usual remove>/<avl remove> - Удаление элемента из дерева по ключу

<usual search>/<avl search> - Поиск дерева по ключу

<usual pre\_order\_output>/<avl pre\_order\_output> - Префиксный обход дерева и создание файла с визуализацией дерева

<usual in\_order\_output>/<avl in\_order\_output> - Инфиксный обход дерева и создание файла с визуализацией дерева

<usual post\_order\_output>/<avl post\_order\_output> - Постфиксный обход дерева и создание файла с визуализацией дерева

<usual find>/<avl find> - Нахождение элементов, начинающихся на букву и их удаление

<open limit>/<close limit> - Изменения лимита до реструктуризации

<open read>/<close read> - Чтение хэш-таблицы из файла

<open add>/<close add> - Добавление элемента в хэш-таблицу

<open remove>/<close remove> - Удаление элемента из хэш-таблицы по ключу

<open search>/<close search> - Поиск хэш-таблицы по ключу

<open output>/<close output> - Вывод хэш-таблицы

<stat> - Вывод статистики

<exit>- Выход из программы

## Способ обращения к программе

Для обращения к программе запускается файл app.exe.

## Описание возможных аварийных ситуаций и ошибок пользователя

Программа может не вывести результат, а вывести сообщение об ошибке. Данная ситуация может произойти при условии:

### Ошибки пользователя

1. Неверный код действия
2. Выполнение действия при нехватке данных (Удаления, вывод, поиск)

### Аварийные ситуации

1. Программа не смогла выделить необходимую память для работы (для добавления элемента в дерево/хэш-таблицу)
2. Программа создала некорректный файл с деревом (если в статистике слишком много элементов)

## Описание внутренних СД

### Информация о вершине дерева

Информация о вершине представляет собой структуру на языке Си, состоящую из:

```
struct node
{
    char *data;

    node_t *left;
    node_t *right;

    int height;
};
```

data - указатель на строку вершины

color - значение цвета

\*left - указатель на левого потомка вершины

\*right - указатель на правого потомка вершины

height – Высота вершины (Используется в AVL-дереве. При подсчёте размера Usual-деревя в результат не входит)

### Информация о хэш-таблице с закрытым хешированием

Информация о хэш-таблице с закрытым хешированием представляет собой структуру на языке Си, содержащую:

```
typedef struct
{
    char *data[TABLE_MAX_SIZE];
    size_t (*hash_function)(char *, size_t);

    size_t size;
    size_t elems_count;

    double comp_limit;
} close_hash_table_t;
```

data – массив размера TABLE\_MAX\_SIZE, содержащий слова

```
#define TABLE_MAX_SIZE 8000
```

hash\_function – Хэш-функция



size – Максимальный размер хэш-таблицы

elems\_count – Количество элементов в настоящий момент

comp\_limit – Предел реструктуризации

## Информация о хэш-таблице с открытым хешированием

Информация о хэш-таблице с открытым хешированием представляет собой структуру на языке Си, содержащую:

```
struct open_hash_table
{
    data_t *data[TABLE_MAX_SIZE];
    size_t (*hash_function)(char *, size_t);

    size_t size;
    size_t elems_count;

    double comp_limit;
};
```

data – массив размера TABLE\_MAX\_SIZE, содержащий слова

```
#define TABLE_MAX_SIZE 8000
```

hash\_function – Хэш-функция

size – Максимальный размер хэш-таблицы

elems\_count – Количество элементов в настоящий момент

comp\_limit – Предел реструктуризации

## Информация о ключе хэш-таблицы с открытым хешированием

Информация о ключе хэш-таблицы с открытым хешированием представляет собой структуру на языке Си, содержащую:

```
typedef struct data data_t;

struct data
{
    char *str;

    data_t *next;
};
```

str – строка, содержащее слово

next – информация о следующем элементе с данным хэшем.

## Описание алгоритма

Для начала считывается код действия. Далее в зависимости от выбранного действия:

<usual read>

```
int node_read_by_file(char *filedata, node_t **root)
```

- С клавиатуры считывается название файла.
- Файл проверяется на корректность
- Программа читает информацию в файле, выделяет память под элемент, заполняет его и добавляет в новое дерево.

<avl copy>

```
int tree_to_avl_cpy(node_t *node, node_t **avl_tree)
```

- Программа проходится по Usual-дереву
- Выполняется глубокое копирование вершины
- Скопированная вершина добавляется в AVL-дерево

<usual add>/<avl add>

```
node_t *node_add(node_t *node, node_t *elem)
```

```
node_t *avl_node_add(node_t *node, node_t *elem)
```

- Считывается строка-ключ нового элемента
- Выделяется память под новый элемент дерева
- Проверяется наличие элемента с такой же строкой-ключом
- Новый элемент добавляется в дерево (при отсутствии эквивалентного)
- (ДЛЯ AVL-дерева) Выполняется балансировка поддерева

<usual remove>/<avl remove>

```
void node_delete(node_t **node, char *data)
```

```
void avl_node_delete(node_t **node, char *data)
```

- Считывается строка-ключ элемента
- Проверяется наличие элемента с такой же строкой-ключом
- Программа удаляет элемент (при наличии)
- (ДЛЯ AVL-дерева) Выполняется балансировка поддерева

<usual search>/<avl search>

```
node_t *node_search(node_t *node, char *data, int *compares)
```

- Считывается строка-ключ элемента
- Производится поиск элемента с такой же строкой-ключом
- Выводится результат поиска
- Выводится кол-во сравнений

<usual pre\_order\_output>/<avl pre\_order\_output> <usual in\_order\_output>/<avl in\_order\_output> <usual post\_order\_output>/<avl post\_order\_output>

```
void node_output_pre_order(node_t *node, FILE *f)
```

```
void node_output_in_order(node_t *node, FILE *f)
```

```
void node_output_post_order(node_t *node, FILE *f)
```

- Выполняется соответствующий обход дерева
- Программа преобразует информацию о дереве в код на языке DOT
- Создается изображение дерева

```
void node_export_to_dot_eli(FILE *f, const char *node_data, node_t *node)
```

<usual find>/<avl find>

```
void node_delete_by_char(node_t **node, char c)
```

```
void avl_node_delete_by_char(node_t **node, char c)
{
```

- Считывается символ, с которого должна начинаться строка
- Программа проходится по дереву, закрашивая вершины, строка которых начинается с указанного символа

<open limit>/<close limit>

```
case CODE_OPEN_RESTRUCT_SIZE:
    if (! open_hash_table)
    {
        printf("\nNO HASH TABLE\n");

        break;
    }

    printf("Enter restruct value (> 1) (or enter invalid value to skip changes): ");
    if (scanf("%d", &restruct_limit_tmp) == 1 && restruct_limit_tmp > 1)
        open_restruct_limit = restruct_limit_tmp;

    break;
```

```
case CODE_CLOSE_RESTRUCT_SIZE:
    if (! close_hash_table)
    {
        printf("\nNO HASH TABLE\n");

        break;
    }

    printf("Enter restruct value (> 1) (or enter invalid value to skip changes): ");
    if (scanf("%d", &restruct_limit_tmp) == 1 && restruct_limit_tmp > 1)
        close_restruct_limit = restruct_limit_tmp;

    break;
```

- Считывается предел реструктуризации
- Предел реструктуризации меняется

<open read>/<close read>

```
int open_hash_table_read_by_file(char *filedata, open_hash_table_t *hash_table);
```

```
int close_hash_table_read_by_file(char *filedata, close_hash_table_t *hash_table);
```

- С клавиатуры считывается название файла.
- Файл проверяется на корректность
- Программа читает информацию в файле, выделяет память под элемент, заполняет его и добавляет в новую хэш-таблицу.

<open add>/<close add>

```
int open_hash_table_add(open_hash_table_t *hash_table, char *str, int *comp);
```

```
int close_hash_table_add(close_hash_table_t *hash_table, char *str, int *comp);
```

- Считывается строка-ключ нового элемента
- Выделяется память под новый элемент хэш-таблицы
- Ищется место для добавления (при наличии коллизии)
- Новый элемент добавляется в хэш-таблицу (при отсутствии эквивалентного)

<open remove>/<close remove>

```
int open_hash_table_delete(open_hash_table_t *hash_table, char *str);
```

```
int close_hash_table_delete(close_hash_table_t *hash_table, char *str);
```

- Считывается строка-ключ элемента
- Проверяется наличие элемента с такой же строкой-ключом
- Программа удаляет элемент (при наличии)

<open search>/<close search>

```
int open_hash_table_search(open_hash_table_t *hash_table, char *str, int *comp);
```

```
int close_hash_table_search(close_hash_table_t *hash_table, char *str, int *comp);
```

- Считывается строка-ключ элемента
- Производится поиск элемента с такой же строкой-ключом
- Выводится результат поиска
- Выводится кол-во сравнений

<open output>/<close output> - Хэш-таблица,

```
void open_hash_table_output(open_hash_table_t *hash_table);
```

```
void close_hash_table_output(close_hash_table_t *hash_table);
```

- Выполняется обход хэш-таблицы по её размеру (параметру size)
- Непустые хэш-ячейки выводятся на экран

<stat>

```
hashstat();  
avl_hash_stat();  
  
total_stat_search();  
total_stat_compares();
```

- HASHSTAT – Сравниваются хэш-таблицы с открытой и закрытым хешированием в обычной работе при наличии коллизии определённого размера.
- TOTAL\_STAT\_SIZE– Сравниваются размеры Usual-дерева, AVL-дерева, open хэш-таблицы и close хэш-таблицы при определённом заполнении.
- TOTAL\_STAT – Сравниваются все структуры данных средним количеством сравнений при поиске при случайном заполнении структур данных, а также среднее время поиска и удаления.

<exit>

```
case CODE_EXIT:
    tree = node_free(tree);
    avl_tree = node_free(avl_tree);
    open_hash_table_free(&open_hash_table);
    close_hash_table_free(&close_hash_table);

    str_free(&filename, &filename_size);
    str_free(&data, &data_size);

    flag = false;

    break;
```

- Освобождается память, выделенная под динамически выделенные данные программы (Деревья и строки, необходимые для выполнения действий с вводом строк, хэш-таблицы)
- Программа завершает свою работу

## Набор тестов

В ходе выполнения лабораторной работы были написаны тесты для проверки работы программы

### Позитивные тесты

Номер теста	Входные данные	Ожидаемые выходные данные
01 - <usual read> Чтение корректного файла	1  test2.txt  6	IN-ORDER:  0  1  1 214

		124126 1243124 15 26 351 421 48 5 531 573 6 8p076 9 975 maepet mamaprivet
02 - <usual add> Добавление вершины в дерево	2 a 2 b 6	IN-ORDER: a b
03 - <usual remove> Исключение вершины из дерева	2	IN-ORDER:



	a  2  b  3  a  6	b
04 - <usual search> Поиск вершины по указанному ключу	1  test1.txt  4  573	DATA WAS FOUNDED SUCCESSFULLY  Total compares: *Кол-во сравнений*
05 - <usual pre-order_output> Вывод префиксного обхода дерева	1  test1.txt  5	PRE-ORDER:  mamaprivet  5  1  0  1243124  1 214  124126  421  351  26  15  48

		6 573 531 9 8p076 975 maepet
06 - <usual post_order_output> Выход из программы	1 test1.txt 7	POST-ORDER: 0 124126 1 214 15 26 351 48 421 1243124 1 531 573 8p076 maepet

		975  9  6  5  mamaprivet
07 - <usual find> Нахождение элементов, начинающихся на данный символ и их удаление	1  test1.txt  8  1  6	*Файл с деревом, где удалены найденные элементы*
08 - <avl copy> - Копирование обычного дерева в AVL-дерево	1  test1.txt  9  13	«AVL-дерево с элементами Usual-дерево»
09 - <avl add> Добавление вершины в дерево	1  test1.txt  9  10  opewr  13	«Файл с деревом, имеющим добавленный элемент»
10 - <avl remove> Исключение вершины из дерева	1  test1.txt	«Файл с деревом, не имеющим элемент «1» »

	9 11 1 13	
11 - <avl search> Поиск вершины по указанному ключу	1 test1.txt 9 12 1	DATA WAS FOUNDED SUCCESSFULLY  Total compares: *Кол-во сравнений*
12 - <avl in-order_output> Вывод префиксного обхода дерева	1 test1.txt 9 14	PRE-ORDER:  mamaprivet  5  1  0  1243124  1 214  124126  421  351  26  15  48  6

		573 531 9 8p076 975 maepet
13 - < avl post_order_output> Выход из программы	1 test1.txt 9 15	POST-ORDER: 0 124126 1 214 15 26 351 48 421 1243124 1 531 573 8p076 maepet 975

		9 6 5 mamaprivet
14 - <avl find> Нахождение элементов, начинающихся на данный символ и их удаление	1 test1.txt 9 16 1 13	*Файл с деревом, где удалены найденные элементы*
15 - <close read> Чтение файла и построение хэш-таблицы	24 test1.txt	«Хэш-таблица с данными из файла»
16 - <close add> Добавление в хэш-таблицу	24 test1.txt 25 powpm 28	«Хэш-таблица с добавленным элементом»
17 - <close delete> Удаление из хэш-таблицы	24 test1.txt 26 1 28	«Хэш-таблица с удалённым элементом»

18 - <close search> Поиск в хэш-таблице	24 test1.txt 27 1	DATA WAS FOUNDED SUCCESSFULLY  Total compares: *Кол-во сравнений*
19 <close limit> изменение предела реструктуризации	24 test1.txt 23 55	restruct limit: 55
20 - <open read> Чтение файла и построение хэш-таблицы	18 test1.txt	«Хэш-таблица с данными из файла»
21 - <open add> Добавление в хэш-таблицу	18 test1.txt 19 powpm 22	«Хэш-таблица с добавленным элементом»
22 - < open delete> Удаление из хэш-таблицы	18 test1.txt 20 1 22	«Хэш-таблица с удалённым элементом»
23 - < open search> Поиск в хэш-таблице	18	DATA WAS FOUNDED SUCCESSFULLY

	test1.txt 21 1	Total compares: *Кол-во сравнений*
24 <open limit> изменение предела реструктуризации	18 test1.txt 17 55	restruct limit: 55
25 - <stat> Вывод статистики	29	*Статистика*
26 - <exit> Выход из программы	30	-

## Негативные тесты

Номер теста	Входные данные	Выходные данные
01 - Код неправильный	15	INVALID CODE
02 - Код с иными символами	1.1	INVALID CODE
03 - <usual remove> Нет дерева	3	NO DATA
04 - <usual add> Найден эквивалентный элемент	1 test1.txt	THIS VALUE IS ALREADY IN TREE



	2 1	
05 - <usual search> Нет дерева	4	NO DATA
06 - <usual remove> Нет элемента с данным ключом	1 test1.txt 3 yotumidore	ELEMENT IS NOT FOUND
07 - <usual pre_order_output> Нет дерева	5	NO DATA
08 - <usual in_order_output> Нет дерева	6	NO DATA
09 - <usual post_order_output> Нет дерева	7	NO DATA
10 - <avl remove> Нет дерева	11	NO DATA
11 - <avl add> Найден эквивалентный элемент	1 test1.txt 9 10 1	THIS VALUE IS ALREADY IN TREE
12 - <avl search> Нет дерева	12	NO DATA
13 - <avl remove> Нет элемента с данным ключом	1 test1.txt 9 11	ELEMENT IS NOT FOUND

	yotumidore	
14 - <avl pre_order_output> Нет дерева	13	NO DATA
15 - <avl in_order_output> Нет дерева	14	NO DATA
16 - <avl post_order_output> Нет дерева	15	NO DATA
17 - <open limit> Нет хэш-таблицы	17	NO DATA
18 - <open remove> Нет хэш-таблицы	20	NO DATA
19 - <open search> Нет хэш-таблицы	21	NO DATA
20 - <open output> Нет хэш-таблицы	22	NO DATA
21 - <close limit> Нет хэш-таблицы	23	NO DATA
22 - <close remove> Нет хэш-таблицы	26	NO DATA
23 - <close search> Нет хэш-таблицы	27	NO DATA
24 - <close output> Нет хэш-таблицы	28	NO DATA

## Сравнение времени удаления, объема памяти и количества сравнений при использовании сбалансированных деревьев и хеш-таблиц.

Ниже представлена статистика по зависимости времени удаления, объема памяти и количества сравнений от количества элементов при использовании сбалансированных деревьев и хеш-таблиц. (для получения значения использовалось 1500 итераций (Значение ITER\_COUNT = 1500))

Статистика

TOTAL STATISTICS: DELETE AVERAGE COMPARES FROM RANDOM DATA (time in nsec) (total iteration: 1500) (comp limit = 3)				
BINARY HASH FUNCTION				
count	AVL TIME	OPEN TIME	CLOSE TIME	
1	27.092000	86.194667	76.702667	
2	30.680000	72.463667	35.452333	
4	37.877833	65.303500	56.808000	
8	44.376750	64.222667	55.453500	
16	64.677708	63.593375	63.769375	
32	104.600375	61.064146	58.782479	
64	189.426375	63.731198	59.968229	
128	377.578547	62.887062	61.446464	
256	748.549344	60.044227	69.869987	
512	1537.837716	60.923111	60.365810	

TOTAL STATISTICS: SIZES (size in bytes)				
count	USUAL SIZE	AVL SIZE	OPEN SIZE	CLOSE SIZE
1	42	46	64067	64051
2	76	84	64084	64057
4	144	160	64128	64069
8	280	312	64216	64093
16	568	616	64392	64141
32	1128	1224	64744	64237
64	2248	2440	65448	64429
128	4616	4872	66856	64813
256	9224	9736	69672	65581
512	18440	19464	75304	67117

На основе полученных данных можно сделать следующие выводы:

- При увеличении количества элементов среднее время удаления в AVL-дереве возрастает, в то время как среднее время удаления в хэш-таблицах остаётся в том же диапазоне
- Память, затраченная на хэш-таблицы, во много раз превосходит память AVL-деревя, причём память на таблицу с закрытым хешированием меньше, чем на таблицу с открытым хешированием

# Сравнение эффективности поиска в хеш-таблице с разными адресациями при различном количестве коллизий.

Ниже представлена статистика по эффективности поиска в хеш-таблице с разными адресациями при различном количестве коллизий. (для получения значения использовалось 1500 итераций (Значение ITER\_COUNT = 1500))

Статистика

```
HASHES STATISTICS (time in nsec) (total iteration: 1500)
```

BINARY HASH FUNCTION						
collision	HASH FIND (OPEN)	HASH FIND(CLOSE)	COMPARES (OPEN)	COMPARES (CLOSE)	best time	
0	38.665333	33.765333	1	1	CLOSE	
1	37.236667	35.906667	2	2	CLOSE	
2	38.039333	38.717333	3	3	OPEN	
3	41.305333	40.374000	4	4	CLOSE	
4	41.417333	45.548667	5	5	OPEN	
5	44.667333	50.191333	6	6	OPEN	
6	50.035333	54.271333	7	7	OPEN	
7	50.126667	57.812667	8	8	OPEN	
8	48.997333	61.727333	9	9	OPEN	
9	51.249333	63.981333	10	10	OPEN	
10	51.790667	60.557333	11	11	OPEN	

- В среднем время поиска (Таблица 1) в хэш-таблице с открытым хешированием меньше, чем в хэш-таблице с закрытым хешированием. (Это связано с тем, что работа с указателями быстрее работы с индексами)
- При возрастании числа коллизий время поиска увеличивается

# Сравнение эффективности использования структур (по времени и по памяти) для поставленной задачи (поиск элемента в структуре данных при случайном заполнении данных).

Ниже представлена статистика по эффективности использования структур (по среднему времени поиска элемента, по памяти и по среднему количеству сравнений) для поставленной задачи (поиск элемента в структуре данных при случайном заполнении данных). (для получения значения использовалось 1500 итераций (Значение ITER\_COUNT = 1500))

TOTAL STATISTICS: SIZES (size in bytes)				
count	USUAL SIZE	AVL SIZE	OPEN SIZE	CLOSE SIZE
1	42	46	64067	64051
2	76	84	64084	64057
4	144	160	64128	64069
8	280	312	64216	64093
16	568	616	64392	64141
32	1128	1224	64744	64237
64	2248	2440	65448	64429
128	4616	4872	66856	64813
256	9224	9736	69672	65581
512	18440	19464	75304	67117

  

TOTAL STATISTICS: SEARCH AVERAGE COMPARES FROM RANDOM DATA (time in nsec) (total iteration: 1500) (comp limit = 3)								
BINARY HASH FUNCTION								
count	USUAL COMP	AVL COMP	OPEN COMP	CLOSE COMP	USUAL TIME	AVL TIME	OPEN TIME	CLOSE TIME
1	1.000000	1.000000	1.000000	1.000000	20.924000	19.804667	36.872000	46.458000
2	1.500000	1.500000	1.000000	1.000000	21.284000	21.140667	48.498333	36.172000
4	2.000000	2.000000	1.250000	1.500000	23.560000	23.454333	44.814833	48.705167
8	2.875000	2.625000	2.000000	1.250000	25.948833	27.340417	50.913083	53.989667
16	4.125000	3.437500	1.500000	2.500000	32.000750	29.176417	50.080583	50.467292
32	6.406250	4.312500	2.500000	2.312500	43.074479	33.113500	51.949562	52.529792
64	6.750000	5.218750	1.531250	2.109375	45.814823	37.683792	52.183844	50.178865
128	8.640625	6.218750	2.257812	2.843750	56.931568	42.696240	50.804604	55.829505
256	9.210938	7.195312	2.148438	2.687500	59.720969	47.619380	50.858299	53.797661
512	10.857422	8.212891	2.990234	2.554688	69.397724	53.147673	53.549059	52.946680

- При увеличении количества элементов среднее время поиска элементов в деревьях постепенно возрастает, в то время как среднее время поиска в хэш-таблицах остаётся в том же диапазоне.
- Среднее время поиска в обычном дереве больше среднего времени поиска в AVL-дереве.
- Изначально среднее время поиска в деревьях меньше среднего времени поиска в таблицах, но при возрастании количества элементов эффективность поиска в деревьях по времени становится выше по сравнению с хэш-таблицами.
- При увеличении количества элементов среднее количество сравнений у деревьев возрастает, в то время как у хэш-таблиц остаётся в том же диапазоне (так как для поддержания эффективности работы хэш-таблиц производится реструктуризация)
- Среднее количество сравнений у обычного дерева больше, чем у AVL-дерева

- Размеры деревьев в разы меньше размеров хэш-таблиц, причём размер обычного дерева меньше размера AVL-дерева, так как в нём не используется высота

# Выводы по проделанной работе

Хэш-таблицы - структура данных, позволяющая быстро выполнять вставку/удаление/поиск элементов. Единственный недостаток данного способа представления данных — коллизия. При возникновении коллизии работа хэш-таблицы замедляется. Проблему замедления решает реструктуризация хэш-таблицы (Например, изменение хэш-функции или изменение размера таблицы), однако при изменении параметров не всегда решается проблема коллизии.

AVL-дерево — двоичное дерево поиска, в котором поддерживается следующее свойство: для каждой его вершины высота её поддеревьев не должна различаться более чем на 1 (модуль разницы  $\leq 1$ ). Данная структура данных является модификацией двоичного дерева поиска и позволяет компактно расположить данные для работы с ними. Несмотря на наличие существенной разницы во времени выполнения операций по сравнению с хэш-таблицей, AVL-дерево позволяет выполнять базовые операции со стабильно маленькой скоростью, а также расходует намного меньше памяти, чем хэш-таблицы.

## Контрольные вопросы

### ***1. Чем отличается идеально сбалансированное дерево от AVL дерева?***

Идеально сбалансированное дерево не является двоичным деревом поиска (при построении такого дерева значение узла НЕ учитывается).

### ***2. Чем отличается поиск в AVL-дереве от поиска в дереве двоичного поиска?***

AVL-дерево хранит данные так, что поиск выполняется эффективно.  $O(\log N)$  — максимальная сложность поиска в такой таблице.

В дереве двоичного поиска данные хранятся в зависимости от построения, поэтому данные могут искажаться с максимальной сложностью  $O(N)$ .

### ***3. Что такое хеш-таблица, каков принцип ее построения?***

Хэш-таблица — структура данных, определяющая место хранения элемента по хэш-функции — функция, при помощи которой вычисляется индекс элемента. При построении:

1. Вычисляется хэш-функция элементам
2. По индексу располагается элемент хэш-таблицы

### ***4. Что такое коллизии? Каковы методы их устранения.***

Коллизия — явление, при котором нескольким ключам соответствует одна и та же хэш-функция. Для устранения коллизии производится реструктуризация таблицы (Например, меняется хэш-функция или меняется максимальный размер таблицы).

### **5. В каком случае поиск в хеш-таблицах становится неэффективен?**

Поиск в хэш-таблице становится неэффективным, когда в таблице находится большое число коллизий. В таком случае после вычисления хэш-функции элемента необходимо будет перебирать и элементы, имеющие равный хэш, но имеющие совершенно другой ключ

### **6. Эффективность поиска в AVL деревьях, в дереве двоичного поиска, в хештаблицах и в файле**

Эффективность поиска в хэш-таблице одна из самых высоких среди предложенных структур данных, но при большом числе коллизий эффективность падает, и поиск может быть не таким эффективным. В лучшем случае сложность поиска —  $O(1)$ .

Эффективность поиска в AVL-дереве ниже, чем у хэш-таблицы, однако является стабильной. Максимальная сложность поиска в AVL-дереве —  $O(\log N)$ .

Эффективность поиска в двоичном дереве поиска ниже, чем у AVL-дерева. Максимальная сложность поиска в двоичном дереве поиска может достигать  $O(N)$ .

Эффективность поиска в файле одна из самых низких среди предложенных структур данных, так как помимо максимальной сложности  $O(N)$  требует дополнительных ресурсов для работы с файлом.