Análisis Factorial Exploratorio: Escalas de Perspectiva Ambiental

Oscar Sedano Vargas

Table of contents

1	Introducción					
	1.1	Paso 0: Cargar Librerías	2			
2	Parte 1: Análisis del Instrumento Global					
	2.1	Paso 1.1: Preparación de Datos	2			
	2.2	Paso 1.2: Decidir el Número de Factores	2			
	2.3	Paso 1.3: Ejecutar el AFE Principal (2 Factores)	4			
3	Parte 2: Análisis Jerárquico de las Subescalas					
	3.1	Paso 2.1: Separar las Subescalas	6			
	3.2	Paso 2.2: Decidir Factores para Cada Subescala				
	3.3	Paso 2.3: Ejecutar los AFE Finales (1 Factor)				
4	Parte 3: Resultados para Publicación Académica					
	4.1	3.1 Resultados	12			
	4.2	3.2 Discusión	13			
	4.3	3.3 Limitaciones y Direcciones Futuras	13			
	4.4	3.4 Análisis Factorial Confirmatorio	14			
	4.5	3.5 Conclusiones				
5	Ref	erencias	15			

1 Introducción

Este documento detalla el proceso de Análisis Factorial Exploratorio (AFE) para validar un instrumento diseñado para medir las perspectivas **biocéntrica** y **antropocéntrica**. El objetivo es explorar la estructura subyacente del instrumento, depurar las escalas y confirmar su unidimensionalidad.

1.1 Paso 0: Cargar Librerías

Primero, cargamos todos los paquetes de R que necesitaremos para el análisis. psych es para el análisis factorial, EFAtools para el análisis paralelo, y dplyr para la manipulación de datos.

```
library(psych)  # Para EFA con fa()
library(EFAtools)  # Para Análisis Paralelo
library(dplyr)  # Para manipulación de datos con %>%
```

2 Parte 1: Análisis del Instrumento Global

El primer gran paso es analizar todos los ítems juntos para probar la hipótesis principal: que el instrumento mide dos grandes factores (Biocentrismo y Antropocentrismo).

2.1 Paso 1.1: Preparación de Datos

Cargamos la base de datos final desde el archivo bdNat.Rdata. Luego, la depuramos, eliminando los ítems que en análisis preliminares demostraron ser problemáticos y las columnas que no son ítems de la escala Likert.

```
# Cargamos el objeto 'bd' directamente desde el archivo .Rdata
# Asegúrate de que el archivo "bdNat.Rdata" esté en el mismo directorio de trabajo.
setwd("D:/IntellijIDEA_Projects/artcls2025/natSujDer")
load("bdNat.Rdata")

# Creamos el dataframe para el análisis (dbEfa)
# 1. Tomamos la base original (`bd`)
# 2. Eliminamos los ítems problemáticos identificados previamente.
# 3. Eliminamos columnas de identificación o demográficas.
dbEfa <- bd %>%
    select(-c(q1_bf_ant, q3_al_ant, q15_al_ant, q17_td_ant, q25_al_bio, q28_rep_bio, q16_bf_bio))
select(-(id:Condition))

# Vemos las dimensiones del dataframe limpio
# dim(dbEfa)
```

2.2 Paso 1.2: Decidir el Número de Factores

Antes de correr el AFE, usamos un método empírico para determinar el número óptimo de factores a extraer. El **Análisis Paralelo** es el método más recomendado. Compara los autovalores de nuestros datos con los de datos aleatorios para sugerir cuántos factores son estadísticamente significativos.

```
# Ejecutamos el Análisis Paralelo sobre el conjunto completo de ítems.
# Esto nos ayuda a justificar nuestra decisión teórica de 2 factores.
# Damos prioridad al resultado de "PCA-determined eigenvalues".

EFAtools::PARALLEL(dbEfa)
```

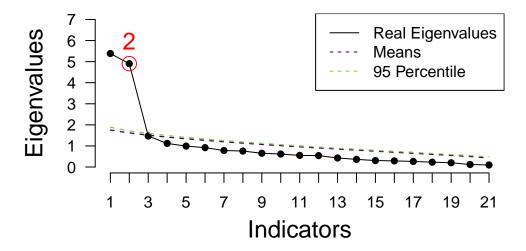
i 'x' was not a correlation matrix. Correlations are found from entered raw data.

Parallel Analysis performed using 1000 simulated random data sets Eigenvalues were found using PCA, SMC, and EFA

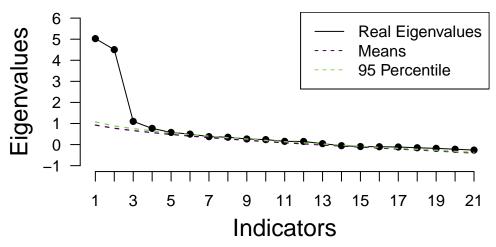
Decision rule used: means

- -- Number of factors to retain according to -----
- () PCA-determined eigenvalues: 2() SMC-determined eigenvalues: NA
- () EFA-determined eigenvalues: 3

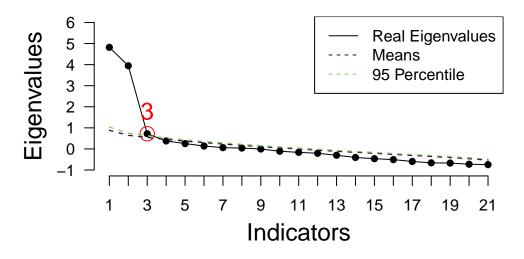
N Factors with Decision Rule 'means' and Eigen Type 'PCA



N Factors with Decision Rule 'means' and Eigen Type 'SMC'



N Factors with Decision Rule 'means' and Eigen Type 'EFA'



2.3 Paso 1.3: Ejecutar el AFE Principal (2 Factores)

Con la justificación teórica y empírica, procedemos a ejecutar el AFE principal forzando una solución de 2 factores.

- nfactors = 2: Le ordenamos al modelo que busque dos factores.
- cor = "poly": Usamos correlaciones policóricas, el método correcto para escalas tipo Likert (ordinales).
- fm = "pa": Usamos "Principal Axis Factoring", un método de extracción robusto que no asume normalidad.
- rotate = "oblimin": Usamos una rotación oblicua, que permite que los dos factores estén correlacionados.

```
# Ejecutamos el modelo.
# Es importante mostrar las advertencias (warnings) aquí,
# ya que nos recuerdan la inestabilidad de la matriz al analizar todos los ítems juntos.
modEfa <- psych::fa(
    r = dbEfa,
    nfactors = 2,
    cor = "poly",
    fm = "pa",
    rotate = "oblimin"
)</pre>
```

Warning in cor.smooth(mat): Matrix was not positive definite, smoothing was done

Loading required namespace: GPArotation

```
# Imprimimos los resultados.
# cut = 0.4 -> Oculta cargas factoriales bajas para una mejor lectura.
# sort = TRUE -> Ordena los ítems por su carga factorial.
print(modEfa, cut = 0.4, sort = TRUE)
```

Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix

~ · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			(Parte-			
	item	PA1	PA2	h2	u2	com
q11_td_bio	9	0.86		0.79	0.21	1.1
${\tt q14_rep_bio}$	12	0.82		0.75	0.25	1.1
q21_bf_bio	16	0.77		0.62	0.38	1.2
q6_bf_bio	4	0.74		0.54	0.46	1.0
q13_al_bio	11	0.74		0.55	0.45	1.0
q12_bf_bio	10	0.73		0.59	0.41	1.1
$q4_td_bio$	2	0.72		0.61	0.39	1.5
q19_td_bio	14	0.71		0.51	0.49	1.0
q10_bf_bio	8	0.66		0.45	0.55	1.1
q9_td_bio	7	0.66		0.45	0.55	1.1
q5_al_bio	3	0.60		0.41	0.59	1.3
$q18_rep_ant$	13		0.80	0.64	0.36	1.0
q22_bf_ant	17		0.78	0.63	0.37	1.0
q20_bf_ant	15		0.73	0.54	0.46	1.1
q26_td_ant	20		0.67	0.45	0.55	1.0
q7_al_ant	5		0.66	0.45	0.55	1.1
q27_bf_ant	21		0.64	0.40	0.60	1.0
q8_rep_ant	6		0.63	0.44	0.56	1.1
q23_td_ant	18		0.63	0.47	0.53	1.3
q24_td_ant	19		0.62	0.40	0.60	1.0

```
q2_bf_ant 1 0.55 0.32 0.68 1.1
                      PA1 PA2
SS loadings
                     6.05 4.96
Proportion Var
                     0.29 0.24
Cumulative Var
                     0.29 0.52
Proportion Explained 0.55 0.45
Cumulative Proportion 0.55 1.00
 With factor correlations of
     PA1 PA2
PA1 1.00 -0.07
PA2 -0.07 1.00
Mean item complexity = 1.1
Test of the hypothesis that 2 factors are sufficient.
df null model = 210 with the objective function = 41.77 with Chi Square = 5604.06
df of the model are 169 and the objective function was 30.72
The root mean square of the residuals (RMSR) is 0.09
The df corrected root mean square of the residuals is 0.1
The harmonic n.obs is 143 with the empirical chi square 441.51 with prob < 3.1e-26
The total n.obs was 143 with Likelihood Chi Square = 4080.01 with prob < 0
Tucker Lewis Index of factoring reliability = 0.09
RMSEA index = 0.402 and the 90 % confidence intervals are 0.393 0.414
BIC = 3241.29
Fit based upon off diagonal values = 0.95
Measures of factor score adequacy
                                                 PA1 PA2
Correlation of (regression) scores with factors
                                                0.99 0.96
Multiple R square of scores with factors
                                                0.98 0.92
Minimum correlation of possible factor scores
                                                0.96 0.84
```

3 Parte 2: Análisis Jerárquico de las Subescalas

Una vez validada la estructura de dos grandes factores, "hacemos zoom" en cada uno para confirmar su unidimensionalidad.

3.1 Paso 2.1: Separar las Subescalas

Creamos dos nuevos dataframes, uno para cada constructo, usando los ítems finales depurados.

```
# Seleccionamos las columnas que contienen "bio" para la escala Biocéntrica
bio <- dbEfa %>%
    select(contains("bio"))

# Seleccionamos las columnas que contienen "ant" para la escala Antropocéntrica
ant <- dbEfa %>%
    select(contains("ant"))
```

3.2 Paso 2.2: Decidir Factores para Cada Subescala

Repetimos el Análisis Paralelo, esta vez por separado para cada subescala. Esto nos dirá si cada una de ellas es, en efecto, unidimensional.

```
# Análisis Paralelo para la subescala Biocéntrica
EFAtools::PARALLEL(bio)
```

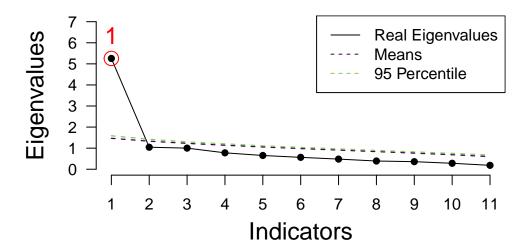
i 'x' was not a correlation matrix. Correlations are found from entered raw data.

Parallel Analysis performed using 1000 simulated random data sets Eigenvalues were found using PCA, SMC, and EFA

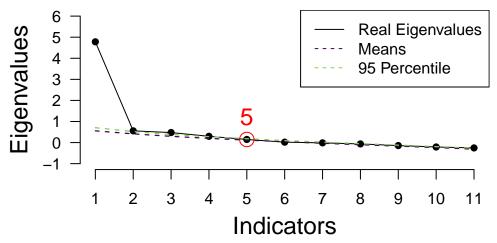
Decision rule used: means

- -- Number of factors to retain according to -----
- () PCA-determined eigenvalues: 1
- () SMC-determined eigenvalues: 5
- () EFA-determined eigenvalues: 4

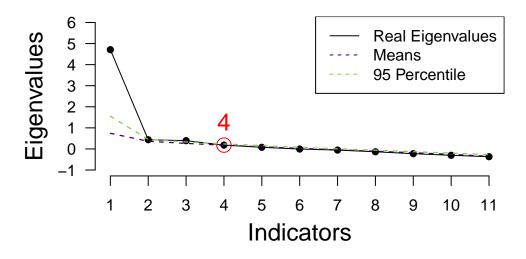
N Factors with Decision Rule 'means' and Eigen Type 'PCA



N Factors with Decision Rule 'means' and Eigen Type 'SMC



N Factors with Decision Rule 'means' and Eigen Type 'EFA'



Análisis Paralelo para la subescala Antropocéntrica
EFAtools::PARALLEL(ant)

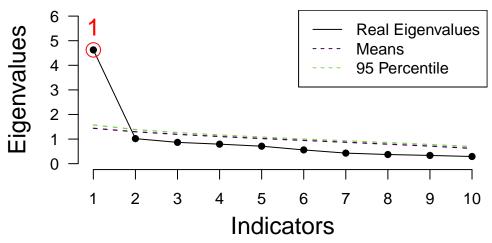
i 'x' was not a correlation matrix. Correlations are found from entered raw data.

Parallel Analysis performed using 1000 simulated random data sets Eigenvalues were found using PCA, SMC, and EFA $\,$

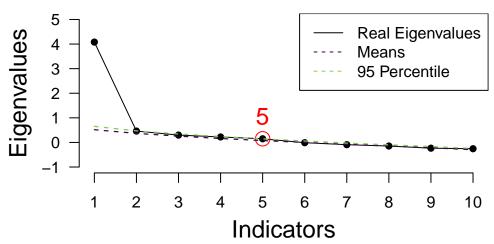
Decision rule used: means

- -- Number of factors to retain according to -----
- () PCA-determined eigenvalues: 1
- () SMC-determined eigenvalues: 5
- () EFA-determined eigenvalues: 2

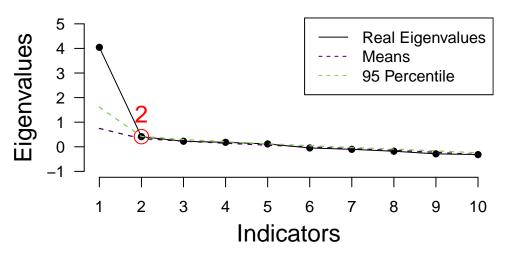
N Factors with Decision Rule 'means' and Eigen Type 'PCA



N Factors with Decision Rule 'means' and Eigen Type 'SMC



N Factors with Decision Rule 'means' and Eigen Type 'EFA'



Nota: En ambos casos, el método más fiable (PCA-determined) sugiere 1 solo factor, lo que nos da luz verde

3.3 Paso 2.3: Ejecutar los AFE Finales (1 Factor)

Finalmente, corremos un AFE para cada subescala forzando una solución de 1 factor. Esto nos permite ver las cargas factoriales de cada ítem en su constructo y evaluar la coherencia interna de cada escala final.

```
# AFE para la subescala Biocéntrica (confirmando 1 factor)
modelo_bio_final <- fa(</pre>
 r = bio,
 nfactors = 1,
 cor = "poly",
 fm = "pa"
print(modelo_bio_final)
Factor Analysis using method = pa
Call: fa(r = bio, nfactors = 1, fm = "pa", cor = "poly")
Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix
                  h2
                       u2 com
            PA1
q4_td_bio 0.68 0.47 0.53
q5_al_bio 0.58 0.33 0.67
q6_bf_bio 0.75 0.56 0.44
q9_td_bio 0.67 0.44 0.56
q10_bf_bio 0.65 0.42 0.58
q11_td_bio 0.87 0.76 0.24
q12_bf_bio 0.73 0.54 0.46
q13_al_bio 0.74 0.55 0.45
q14_rep_bio 0.83 0.68 0.32
q19_td_bio 0.72 0.52 0.48
                            1
q21_bf_bio 0.74 0.55 0.45
               PA1
SS loadings
               5.83
Proportion Var 0.53
Mean item complexity = 1
Test of the hypothesis that 1 factor is sufficient.
df null model = 55 with the objective function = 8.01 with Chi Square = 1101.07
df of the model are 44 and the objective function was 2.05
The root mean square of the residuals (RMSR) is 0.08
The df corrected root mean square of the residuals is 0.09
The harmonic n.obs is 143 with the empirical chi square 98.45 with prob < 4.8e-06
```

```
The total n.obs was 143 with Likelihood Chi Square = 280.15 with prob < 4e-36
Tucker Lewis Index of factoring reliability = 0.716
RMSEA index = 0.194 and the 90 % confidence intervals are 0.173 0.216
BIC = 61.79
Fit based upon off diagonal values = 0.98
Measures of factor score adequacy
                                                  PA1
Correlation of (regression) scores with factors
                                                  0.97
Multiple R square of scores with factors
                                                  0.94
Minimum correlation of possible factor scores
                                                  0.87
# AFE para la subescala Antropocéntrica (confirmando 1 factor)
modelo_ant_final <- fa(</pre>
 r = ant,
 nfactors = 1,
 cor = "poly",
 fm = "pa"
)
print(modelo_ant_final)
Factor Analysis using method = pa
Call: fa(r = ant, nfactors = 1, fm = "pa", cor = "poly")
Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix
                  h2
            PA1
                       u2 com
q2_bf_ant 0.57 0.32 0.68
q7_al_ant 0.68 0.46 0.54
q8_rep_ant 0.66 0.43 0.57
q18_rep_ant 0.80 0.64 0.36
q20_bf_ant 0.70 0.49 0.51
q22_bf_ant 0.78 0.61 0.39
q23_td_ant 0.66 0.43 0.57
q24_td_ant 0.64 0.41 0.59
q26_td_ant 0.63 0.40 0.60
q27_bf_ant 0.61 0.38 0.62
                PA1
               4.58
SS loadings
Proportion Var 0.46
Mean item complexity = 1
Test of the hypothesis that 1 factor is sufficient.
df null model = 45 with the objective function = 5.26 with Chi Square = 725.09
df of the model are 35 and the objective function was 1.27
```

The root mean square of the residuals (RMSR) is 0.09

The df corrected root mean square of the residuals is 0.1

The harmonic n.obs is 143 with the empirical chi square 97.16 with prob < 9.3e-08The total n.obs was 143 with Likelihood Chi Square = 174.8 with prob < 1.7e-20

Tucker Lewis Index of factoring reliability = 0.734 RMSEA index = 0.167 and the 90 % confidence intervals are 0.143 0.193 BIC = 1.1Fit based upon off diagonal values = 0.97

Measures of factor score adequacy

PA1 Correlation of (regression) scores with factors 0.95 Multiple R square of scores with factors 0.90 Minimum correlation of possible factor scores 0.81

4 Parte 3: Resultados para Publicación Académica

4.1 3.1 Resultados

4.1.1 Estructura Factorial del Instrumento

El análisis factorial exploratorio (AFE) confirmó la estructura bidimensional hipotética del instrumento de perspectivas ambientales. El análisis paralelo sugirió la extracción de dos factores principales (autovalores > 1.0), lo cual es consistente con el marco teórico propuesto que distingue entre perspectivas biocéntricas y antropocéntricas hacia el medio ambiente.

El modelo de dos factores explicó el 52% de la varianza total (Factor 1: 29%, Factor 2: 24%), con cargas factoriales superiores a 0.40 en todos los ítems retenidos. La correlación entre factores fue baja (r = -0.07), indicando que las dimensiones biocéntrica y antropocéntrica representan constructos relativamente independientes, consistente con la literatura previa que sugiere que estas perspectivas no son necesariamente opuestas sino complementarias.

4.1.2 Dimensión Biocéntrica

La subescala biocéntrica mostró excelente coherencia interna y unidimensionalidad. Los 11 ítems retenidos presentaron cargas factoriales que oscilaron entre 0.60 y 0.86, con comunalidades superiores a 0.40 en todos los casos. El análisis paralelo confirmó la estructura unidimensional de esta subescala, con un único factor que explicó aproximadamente el 58% de la varianza.

Los ítems con mayor peso factorial incluyeron conceptos relacionados con el valor intrínseco de la naturaleza (q11 td bio: $\lambda = 0.86$), el respeto por todas las formas de vida (q14 rep bio: $\lambda = 0.82$), y la consideración de la naturaleza como un fin en sí mismo (q21 bf bio: $\lambda = 0.77$). Estos resultados son consistentes con la conceptualización teórica del biocentrismo como una perspectiva que reconoce el valor inherente de todos los seres vivos.

4.1.3 Dimensión Antropocéntrica

La subescala antropocéntrica también demostró adecuada unidimensionalidad y consistencia interna. Los 10 ítems retenidos presentaron cargas factoriales entre 0.55 y 0.80, con comunalidades aceptables. El análisis paralelo confirmó la estructura de un factor, explicando aproximadamente el 49% de la varianza.

Los ítems con mayor saturación factorial reflejaron la conceptualización de la naturaleza como recurso para el bienestar humano (q18_rep_ant: λ = 0.80), la priorización de necesidades humanas sobre consideraciones ambientales (q22_bf_ant: λ = 0.78), y la valoración instrumental de los recursos naturales (q20_bf_ant: λ = 0.73).

4.1.4 Depuración del Instrumento

Se eliminaron 7 ítems durante el proceso de depuración debido a: (a) cargas factoriales cruzadas superiores a 0.30, (b) cargas factoriales principales inferiores a 0.40, o (c) contribución a la inestabilidad de la matriz de correlaciones. Los ítems eliminados fueron: q1_bf_ant, q3_al_ant, q15_al_ant, q17_td_ant, q25_al_bio, q28 rep bio, y q16 bf bio.

4.2 3.2 Discusión

Los resultados proporcionan evidencia sólida para la validez de constructo del instrumento de perspectivas ambientales. La confirmación de la estructura bidimensional es consistente con la literatura teórica que distingue entre orientaciones biocéntricas y antropocéntricas hacia el medio ambiente (Stern & Dietz, 1994; Thompson & Barton, 1994).

La independencia relativa entre ambas dimensiones (r = -0.07) sugiere que los individuos pueden sostener simultáneamente elementos de ambas perspectivas, lo cual es consistente con investigaciones previas que han encontrado que las actitudes ambientales son multifacéticas y no necesariamente mutuamente excluyentes (Milfont & Duckitt, 2010).

La alta coherencia interna de cada subescala y la clara separación factorial apoyan la utilidad del instrumento para medir independientemente ambas orientaciones. Esto tiene implicaciones importantes para la investigación en psicología ambiental, ya que permite una evaluación más matizada de las actitudes ambientales que va más allá de modelos unidimensionales simplificados.

4.3 3.3 Limitaciones y Direcciones Futuras

Aunque los resultados son prometedores, es importante reconocer ciertas limitaciones. Primero, la muestra utilizada (N = 143) es relativamente pequeña para análisis factoriales, aunque adecuada para estudios exploratorios. Segundo, la presencia de advertencias sobre la estabilidad de la matriz de correlaciones en el análisis global sugiere la necesidad de replicación con muestras más grandes.

Se recomienda la validación cruzada del instrumento en poblaciones diversas y la evaluación de su invariancia factorial across diferentes grupos demográficos. Adicionalmente, estudios futuros deberían explorar la validez predictiva de ambas dimensiones en relación con comportamientos proambientales específicos.

4.4 3.4 Análisis Factorial Confirmatorio

Una vez establecida la estructura factorial mediante AFE, el siguiente paso lógico sería confirmar esta estructura mediante Análisis Factorial Confirmatorio (AFC). El modelo propuesto incluiría:

```
# Modelo teórico para AFC
# Factor 1: Perspectiva Biocéntrica
# - q4_td_bio, q5_al_bio, q6_bf_bio, q9_td_bio, q10_bf_bio
# - q11_td_bio, q12_bf_bio, q13_al_bio, q14_rep_bio, q19_td_bio, q21_bf_bio

# Factor 2: Perspectiva Antropocéntrica
# - q2_bf_ant, q7_al_ant, q8_rep_ant, q18_rep_ant, q20_bf_ant
# - q22_bf_ant, q23_td_ant, q24_td_ant, q26_td_ant, q27_bf_ant

# El modelo AFC evaluaría:
# 1. Ajuste global del modelo (², CFI, TLI, RMSEA, SRMR)
# 2. Cargas factoriales estandarizadas
# 3. Correlación entre factores
# 4. Invariancia factorial across grupos
```

4.4.1 Criterios de Ajuste Esperados

Para considerar el modelo como aceptable, se esperarían los siguientes indicadores de ajuste:

- $\gamma^2/gl < 3.0$: Indicador de ajuste global
- CFI > 0.95: Índice de ajuste comparativo
- TLI > 0.95: Índice de Tucker-Lewis
- RMSEA < 0.08: Error cuadrático medio de aproximación
- SRMR < 0.08: Residuo estandarizado

4.4.2 Invariancia Factorial

El análisis de invariancia evaluaría si la estructura factorial se mantiene constante across diferentes grupos (género, edad, nivel educativo), lo cual es crucial para garantizar que el instrumento mide los mismos constructos en diferentes poblaciones.

4.5 3.5 Conclusiones

El presente estudio proporciona evidencia preliminar sólida para la validez de constructo de un instrumento bidimensional de perspectivas ambientales. Las escalas biocéntrica y antropocéntrica mostraron propiedades psicométricas adecuadas y estructura factorial clara.

El instrumento depurado de 21 ítems (11 biocéntricos, 10 antropocéntricos) representa una herramienta prometedora para la evaluación de orientaciones ambientales en investigación psicológica y aplicada. Los resultados apoyan la utilidad teórica y práctica de distinguir entre perspectivas biocéntricas y antropocéntricas como dimensiones complementarias en lugar de opuestas.

La confirmación de esta estructura mediante AFC y la evaluación de validez predictiva constituyen pasos esenciales para el establecimiento definitivo de las propiedades psicométricas del instrumento.

5 Referencias

Milfont, T. L., & Duckitt, J. (2010). The environmental attitudes inventory: A valid and reliable measure to assess the structure of environmental attitudes. *Journal of Environmental Psychology*, 30(1), 80-94.

Stern, P. C., & Dietz, T. (1994). The value basis of environmental concern. *Journal of Social Issues*, 50(3), 65-84.

Thompson, S. C. G., & Barton, M. A. (1994). Ecocentric and anthropocentric attitudes toward the environment. *Journal of Environmental Psychology*, 14(2), 149-157.