

සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි/முழுப் பதிப்புரிமையுடையது/All Rights Reserved]

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
 இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம்
 Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka
 ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
 இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரīட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரīட்சைத் திணைக்களம்

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2017 අගෝස්තු
 கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2017 ஓகஸ்ட்
 General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2017

උසස් ගණිතය I
 உயர் கணிதம் I
 Higher Mathematics I

11 S I

පැය තුනයි
 மூன்று மணித்தியாலம்
 Three hours

උපදෙස්:

විභාග අංකය

* මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ;

A කොටස (ප්‍රශ්න 1 - 10) සහ B කොටස (ප්‍රශ්න 11 - 17).

* A කොටස:

සියලු ම ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩේහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශ්‍ය වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකි ය.

* B කොටස:

ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩදාසිවල ලියන්න.

* නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු A කොටසෙහි පිළිතුරු පත්‍රය B කොටසෙහි පිළිතුරු පත්‍රයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග ශාලාධිපතිට භාර දෙන්න.

* ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි B කොටස පමණක් විභාග ශාලාවෙන් පිටතට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.

පරීක්ෂකවරුන්ගේ ප්‍රයෝජනය සඳහා පමණි.

(11) උසස් ගණිතය I		
කොටස	ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
	එකතුව	
	ප්‍රතිශතය	

I පත්‍රය	
II පත්‍රය	
එකතුව	
අවසාන ලකුණු	

අවසාන ලකුණු

ඉලක්කමෙන්	
අකුරෙන්	

සංකේත අංක

උත්තර පත්‍ර පරීක්ෂක	
පරීක්ෂා කළේ:	1
	2
අධීක්ෂණය කළේ:	

- $x_1 \neq 0$ හා $y_1 \neq 0$ බව දී ඇති විට, මෙම ස්පර්ශක දෙක ඉලිප්සයේ ප්‍රධාන අක්ෂය මත ලක්ෂ්‍යයක දී හමුවන බව පෙන්වන්න.

- මගින් අර්ථ දැක්වෙන ශ්‍රිතය යැයි ද ගනිමු. \mathbb{R} මත f සන්තතික බව දී ඇත. a හා b හි අගයන් සොයන්න.

9. $a \in \mathbb{R}$ යැයි ද f යනු $[0, 2a]$ මත අර්ථ දැක්වෙන $x \in [0, a]$ සඳහා $f(x+a) = f(x)$ වන පරිදි වූ තාත්ත්වික-අගයැති සන්තතික ශ්‍රිතයක් යැයි ද ගනිමු. $\int_0^{2a} f(x) dx = 2 \int_0^a f(x) dx$ බව පෙන්වන්න.

10. ධ්‍රැවක සමීකරණ $r = 2 \cos \theta$ හා $r = 2 \sin \theta$ මගින් දෙනු ලබන චක්‍රවල දළ සටහන් එක ම රූපයක ඇඳ මෙම චක්‍ර දෙක මගින් ආවෘත පෙදෙසෙහි වර්ගඵලය සොයන්න.

සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි / முழுப் பதிப்புரிமையுடையது / All Rights Reserved

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம்
Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka
ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரīட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரīட்சைத் திணைக்களம்
Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2017 අගෝස්තු
கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2017 ஓகஸ்ட்
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2017

උසස් ගණිතය I
உயர் கணிதம் I
Higher Mathematics I

11 S I

B කොටස

* ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

11. (a) A, B, C හා D යනු S සර්වත්‍ර කුලකයක උපකුලක යැයි ගනිමු. ඔබ භාවිත කරන කුලක වීජයේ නියමයන් පැහැදිලි ව ප්‍රකාශ කරමින් පහත එක එකක් සාධනය කරන්න:

(i) $(A \cap B \cap C \cap D)' = (A' \cup B' \cup C' \cup D')$

(ii) $(A - B) - C = (A - C) - (B - C)$; මෙහි $A - B$ යන්න $A - B = A \cap B'$ මගින් අර්ථ දැක්වේ.

- (b) ශිෂ්‍යයන් 600ක් අතර ක්‍රිකට්, වොලිබෝල් හා පාපන්දු අතුරෙන් ඔවුන් කැමති ක්‍රීඩා නිර්ණය කිරීම සඳහා සංගණනයක් පවත්වන ලදී. සංගණනයෙන් පහත දැක්වෙන දත්ත රැස්කර ගෙන ඇත:

ක්‍රිකට්වලට 206ක් කැමති ය, වොලිබෝල්වලට 141 කැමති ය, පාපන්දුවලට 184ක් කැමති ය. තව ද ක්‍රිකට් හා වොලිබෝල්වලට 42ක් ද ක්‍රිකට් හා පාපන්දුවලට 65ක් ද වොලිබෝල් හා පාපන්දුවලට 57ක් ද කැමති අතර 19ක් ක්‍රීඩා තුනට ම කැමති ය.

සංගණනය කරන ලද ක්‍රීඩා අතුරෙන්,

- (i) වැඩි තරමින් එක් ක්‍රීඩාවකට,
(ii) හරියටම ක්‍රීඩා දෙකකට,
(iii) පාපන්දුවලට පමණක්,

කැමති ශිෂ්‍යයන් ගණන සොයන්න.

කිසිම ක්‍රීඩාවකට කැමති නැති ශිෂ්‍යයන් ගණන ද සොයන්න.

12. (a) a, b හා c යන ධන තාත්වික සංඛ්‍යා තුනක් සඳහා සමාන්තර මධ්‍යන්‍ය-ගුණෝත්තර මධ්‍යන්‍ය අසමානතාව $\frac{a+b+c}{3} \geq \sqrt[3]{abc}$ මගින් දෙනු ලැබේ.

- (i) මෙහි සමානතාව වලංගු වන්නේ කුමන විට ද?
(ii) $a^3 + b^3 = 3ab$ වන පරිදි a හා b හි යුගල සියල්ල සොයන්න.
(iii) $(a^2b + b^2c + c^2a)(ab^2 + bc^2 + ca^2) \geq 9a^2b^2c^2$ බව පෙන්වන්න.
(iv) $a > b$ වන විට, $a + \frac{1}{b(a-b)}$ හි අවම අගය කුමක් ද?

- (b) $\begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ පරිණාමනය, xy -තලයේ ලක්ෂ්‍ය $x'y'$ -තලයට අනුරූපණය කරයි.

$ad - bc \neq 0$ නම්, මෙම පරිණාමනය මගින් xy -තලයේ සමාන්තර රේඛා, $x'y'$ -තලයේ සමාන්තර රේඛා මතට අනුරූපණය කෙරෙන බව පෙන්වන්න.

More Past Papers at
tamilguru.lk

13. ධන නිඛිලමය දර්ශකයක් සඳහා ද මූලාවර් ප්‍රමේයය ප්‍රකාශ කර සාධනය කරන්න.

$\omega = \cos \frac{2\pi}{7} + i \sin \frac{2\pi}{7}$ යැයි ගනිමු. $k = 0, 1, 2, \dots$ සඳහා ω^k යන්න $z^7 = 1$ සමීකරණයෙහි මූලයක් බව පෙන්වන්න.

ඒ නයිත්, $z^7 = 1$ සමීකරණයේ මූල හත ලියා දක්වන්න.

තව ද $k=0, 1, 2, \dots, 6$ සඳහා $\omega^k = \cos \frac{2k\pi}{7} + i \sin \frac{2k\pi}{7}$ බව පෙන්වා $k=1, 2, 3$ සඳහා $\omega^k + \omega^{7-k} = 2 \cos \frac{2k\pi}{7}$ බව අපෝහනය කරන්න.

$1 + \omega + \omega^2 + \dots + \omega^6 = 0$ බව තවදුරටත් පෙන්වා, $\cos \frac{2\pi}{7} + \cos \frac{4\pi}{7} + \cos \frac{6\pi}{7} = -\frac{1}{2}$ බව අපෝහනය කරන්න.

14. (a) C_1 හා C_2 යනු පිළිවෙළින් $y = 2x^2$ හා $y = x^2 + 1$ මගින් දෙනු ලබන වක්‍ර යැයි ගනිමු. ඒවායේ ඡේදන ලක්ෂ්‍යවල ඛණ්ඩාංක දක්වමින් C_1 හා C_2 හි ප්‍රස්තාරවල දළ සටහන් එක ම රූපයක අඳින්න.

C_1 හා C_2 වක්‍ර දෙකෙන් සපර්යන්ත වන D පෙදෙසෙහි වර්ගඵලය සොයන්න.

D පෙදෙස x -අක්ෂය වටා සෘජු කෝණ හතරකින් භ්‍රමණය කිරීමෙන් ජනනය වන ඝනයෙහි පරිමාව ද සොයන්න.

- (b) වක්‍ර කුලයක් $\frac{dy}{dx} = \frac{x+3y-5}{2x+7y-9}$ අවකල සමීකරණය තෘප්ත කරයි. $x = X + a$ හා $y = Y + b$ ආදේශ කිරීමෙන්,

දී ඇති අවකල සමීකරණය $\frac{dY}{dX} = \frac{X+3Y}{2X+7Y}$ ට පරිණාමනය වන බව පෙන්වන්න; මෙහි a හා b යනු නිර්ණය කළ යුතු නියත වේ.

$Y = vX$ ආදේශ කිරීමෙන් මෙම අවකල සමීකරණය විසඳා, ඉහතින් දෙන ලද වක්‍ර කුලයෙහි කාටිසිය නිරූපණය ලබා ගන්න.

15. (a) $I_n = \int \frac{x^n dx}{\sqrt{a^2 + x^2}}$ නම්, $n \geq 2$ සඳහා $I_n = x^{n-1} \sqrt{a^2 + x^2} - (n-1)a^2 I_{n-2}$ බව පෙන්වන්න.

ඒ නයිත්, $\int_0^2 \frac{x^5 dx}{\sqrt{5+x^2}} = \frac{168}{5} - \frac{40\sqrt{5}}{3}$ බව පෙන්වන්න.

- (b) $y(x) = \ln(\sec x)$ හි n වන ව්‍යුත්පන්නය $y_n(x)$ මගින් දක්වන්නේ යැයි ගනිමු.

$y_3 = 2y_2y_1$ හා $y_5 = 2y_4y_1 + 6y_3y_2$ බව පෙන්වන්න.

$n = 1, 2, 3, 4$ හා 5 සඳහා $y_n(0)$ හි අගයන් සොයන්න.

ඒ නයිත්, x හි x^6 හා ඊට වඩා විශාල බල නොසලකා හරින්නේ නම්, $y(x)$ සඳහා මැක්ලෝරීන් ශ්‍රේණි ප්‍රසාරණය ලියා දක්වන්න.

$\ln 2 = \frac{\pi^2}{16} \left(1 + \frac{\pi^2}{96} \right)$ ආසන්න සම්බන්ධතාව අපෝහනය කරන්න.

16. $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ බහුවලයේ සහ $y = mx + c$ සරල රේඛාවේ ඡේදන ලක්ෂ්‍යවල x -බර්ණධාංක $(a^2 m^2 - b^2)x^2 + 2a^2 mcx + a^2(b^2 + c^2) = 0$ සමීකරණය සපුරාලන බව පෙන්වන්න; මෙහි a, b, m සහ c නිශ්ශුන්‍ය තාත්ත්වික නියත වේ.

$y = mx + c$ රේඛාව, බහුවලයට ස්පර්ශකයක් වේ නම්, $a^2 m^2 = b^2 + c^2$ බව අපෝහනය කරන්න.

$(1, 4)$ ලක්ෂ්‍යය ඔස්සේ යන, $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{16} = 1$ බහුවලයේ ස්පර්ශක දෙකෙහි සමීකරණ සොයන්න.

මෙම ස්පර්ශක දෙක බහුවලය ස්පර්ශ කරන ලක්ෂ්‍ය දෙකෙහි බර්ණධාංක සොයන්න.

17. (a) $x \in \mathbb{R}$ සඳහා $f(x) = 4\sin^2 x + 4\cos x - 1$ යැයි ගනිමු.

(i) $a - (b \cos x + c)^2$ ආකාරයෙන් $f(x)$ ප්‍රකාශ කරන්න; මෙහි a, b හා c යනු නිර්ණය කළ යුතු නියත වේ.

ඒ නමුත්, $f(x)$ හි උපරිම අගය හා අවම අගය සොයා, ඒවා ලබා ගන්නා ලක්ෂ්‍යවල x - බර්ණධාංක ද සොයන්න.

(ii) $f(x) = 0$ සමීකරණය විසඳන්න.

(iii) $0 \leq x \leq \pi$ සඳහා $y = f(x)$ හි ප්‍රස්ථාරයේ දළ සටහනක් අඳින්න.

- (b) පහත වගුවෙන් දෙනු ලබන e^{x^2} හි අගයන් ඇතිව සිම්සන් නීතිය භාවිතයෙන් $\int_0^1 e^{x^2} dx$ සඳහා ආසන්න අගයක් සොයන්න.

x	0	0.25	0.50	0.75	1.0
e^{x^2}	1	1.064	1.284	1.755	2.718

$\int_0^1 (2x + 3e^{x^2}) dx$ සඳහා ආසන්න අගයක් අපෝහනය කරන්න.

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
 இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம்
 Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka
 ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
 இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரīட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரīட்சைத் திணைக்களம்
 Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2017 අගෝස්තු
 கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2017 ஓகஸ்ட்
 General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2017

උසස් ගණිතය II
 உயர் கணிதம் II
 Higher Mathematics II

11 S II

පැය තුනයි
 மூன்று மணித்தியாலம்
 Three hours

උපදෙස් :

විභාග අංකය

* මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ;

A කොටස (ප්‍රශ්න 1 - 10) සහ B කොටස (ප්‍රශ්න 11 - 17).

* A කොටස

සියලු ම ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉවෙහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශ්‍ය වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකි ය.

* B කොටස

ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩදාසිවල ලියන්න.

* නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු A කොටසෙහි පිළිතුරු පත්‍රය B කොටසෙහි පිළිතුරු පත්‍රයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග ශාලාධිපතිට භාර දෙන්න.

* ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි B කොටස පමණක් විභාග ශාලාවෙන් පිටතට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.

* සංඛ්‍යාන වගු සපයනු ලැබේ.

* g මගින් ගුරුත්වජ ත්වරණය දැක්වෙයි.

පරීක්ෂකවරුන්ගේ ප්‍රයෝජනය සඳහා පමණි.

(11) උසස් ගණිතය II		
කොටස	ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
	එකතුව	
	ප්‍රතිශතය	

I පත්‍රය	
II පත්‍රය	
එකතුව	
අවසාන ලකුණු	

අවසාන ලකුණු

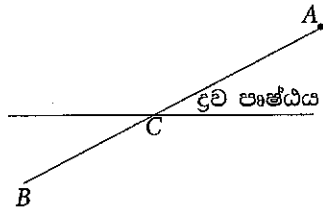
ඉලක්කමෙන්	
අකුරෙන්	

සංකේත අංක

උත්තර පත්‍ර පරීක්ෂක	
පරීක්ෂා කළේ :	1
	2
අධීක්ෂණය කළේ:	

3. A කෙළවරින් සුමට ලෙස අසව් කරන ලද දිග $2a$ හා ඝනත්වය ρ වූ ඒකාකාර AB දණ්ඩක්, දිග $2b$ වූ BC කොටස ඝනත්වය σ වූ සමජාතීය ද්‍රව්‍යක ගිල්වන ලදුව රූපයේ දැක්වෙන පරිදි ආනත පිහිටීමක සමතුලිතව ඇත.

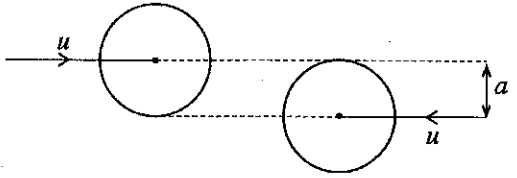
ඇත. $\frac{\rho}{\sigma} = \frac{2ab - b^2}{a^2 + 2ab - b^2}$ බව පෙන්වන්න.



4. O අවල මූලයක් අනුබද්ධයෙන්, ස්කන්ධය m වූ P අංශුවක, t කාලයේ දී පිහිටුම් දෛශිකය \mathbf{r} වේ. P මත ක්‍රියා කරන \mathbf{F} බලය O වෙතට යොමු වී තිබෙන බව දී ඇත. $\mathbf{h} = \mathbf{r} \times m\mathbf{v}$ මගින් අර්ථ දැක්වෙන එහි කෝණික ගම්‍යතා දෛශිකය \mathbf{h} නියතව පවතින බව පෙන්වන්න; මෙහි \mathbf{v} යනු ප්‍රවේගය වේ.

අංශුවේ පෙත $\mathbf{r} \cdot \mathbf{h} =$ නියතයක් ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කළ හැකි සමීකරණය සහිත තලයක් මත පිහිටන බවත් පෙන්වන්න.

5. එක එකක අරය a වූ සමාන සුමට ගෝල දෙකක් සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත, එකිනෙකට a දුරින් පිහිටි සමාන්තර රේඛා දෙකක් දිගේ එක ම u වේගයෙන්, එකිනෙක දෙසට, ප්‍රතිවිරුද්ධ දිශාවලට චලනය වේ. ඒවා අතර ප්‍රත්‍යාගති සංගුණකය $\frac{1}{3}$ කි. ඒවායේ ගැටුමෙන් පසු, එක් එක් අංශුව එහි මුල් චලිත දිශාවට ලම්බව $\frac{u}{\sqrt{3}}$ වේගයෙන් චලනය වන බව පෙන්වන්න.



6. ස්කන්ධය m හා දිග $2a$ වූ ඒකාකාර AB දණ්ඩක A කෙළවර අවල ලක්ෂ්‍යයකට සුමට ලෙස අසවි කර ඇත. දණ්ඩ සමතුලිතව එල්ලෙන විට එයට ω කෝණික වේගයක් දෙනු ලැබේ. $\omega^2 \geq \frac{3g}{a}$ වේ නම්, B කෙළවර පූර්ණ වෘත්තයක් ගෙවා යන බව පෙන්වන්න.

[illegible][illegible]

9. X සසම්භාවී විචල්‍යයක $f(x)$ සම්භාවිකා සන්නව ශ්‍රිතය

$$f(x) = \begin{cases} a(2-x) & , 1 \leq x \leq 2 \text{ නම්,} \\ 0 & , \text{අනෙක් විට,} \end{cases}$$

මගින් දෙනු ලැබේ. (i) $a = 2$, (ii) මධ්‍යන්‍යය, $\mu = \frac{4}{3}$ හා (iii) $P(1 \leq X \leq 1.5) = 0.75$ බව පෙන්වන්න.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

10. X සන්තතික සසම්භාවී විචල්‍යයක $f(x)$ සම්භාවිකා සන්නව ශ්‍රිතය

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{10} e^{-\frac{x}{10}} & , x \geq 0 \text{ නම්,} \\ 0 & , \text{අනෙක් විට,} \end{cases}$$

මගින් දෙනු ලැබේ.

$P(X \leq x) = 1 - e^{-\frac{x}{10}}$ බව පෙන්වන්න.

එ නමින්, $P(5 < X \leq 10)$ සොයන්න.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි / முழுப் பதிப்புரிமையுடையது / All Rights Reserved

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
 இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம்
 Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka
 ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
 இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம்

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2017 අගෝස්තු
 கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2017 ஓகஸ்ட்
 General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2017

උසස් ගණිතය II
 உயர் கணிதம் II
 Higher Mathematics II

11 S II

B කොටස

* ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

11. F_1, F_2 හා F_3 බල තුනක් පහත නියම කර ඇති පරිදි පිළිවෙලින් r_1, r_2 හා r_3 පිහිටුම් දෛශික සහිත ලක්ෂ්‍යවල දී ක්‍රියා කරයි:

ක්‍රියා ලක්ෂ්‍යය	බලය
$r_1 = 2i - 4j$	$F_1 = i + 4j - k$
$r_2 = -3j + 5k$	$F_2 = -i - j + 2k$
$r_3 = 3i - k$	$F_3 = -3i + j + 2k$

O මූලයෙහි දී මෙම බල පද්ධතිය උභයන්තර කළ විට, R තනි බලයකට හා සූර්ණ දෛශිකය $G = 4i - 6j + 12k$ වූ යුග්මයකට තුල්‍ය වන බව පෙන්වන්න.

ඒ නමින්, පද්ධතිය තනි සම්ප්‍රයුක්ත බලයකට උභයන්තර වන බව පෙන්වන්න.

R හි විශාලත්වය සොයා, සම්ප්‍රයුක්ත බලයේ ක්‍රියා රේඛාවේ දෛශික සමීකරණයක් $r = a + \lambda R$ ආකාරයෙන් ලබා ගන්න; මෙහි λ පරාමිතියක් වන අතර a නිර්ණය කළ යුතු ලක්ෂ්‍යයක පිහිටුම් දෛශිකය වේ.

12. කේන්ද්‍රය O හා අරය a වූ අර්ධ වෘත්තාකාර ආස්තරයක් එහි තලය සිරස් ව හා විෂ්කම්භය ද්‍රවයේ නිදහස් පෘෂ්ඨය මත ඇතිව සමජාතීය ද්‍රවයක ගිල්වනු ලැබේ. අනුකලනය භාවිතයෙන්, ආස්තරය මත ද්‍රව තෙරපුම සොයා ආස්තරයෙහි පීඩන කේන්ද්‍රය O සිට $\frac{3\pi}{16}a$ ගැඹුරකින් ඇති බව පෙන්වන්න.

කේන්ද්‍රය O හා අරය a වූ අර්ධ වෘත්තාකාර හැඩයකින් යුතු දොරක් ටැංකියක සිරස් පැත්තක් මත සාදනු ලැබේ. දොර, AB තිරස් විෂ්කම්භය දිගේ සුමට ලෙස අසව් කරනු ලැබ, දොර AB ට පහළින් පිහිටයි. සනත්වය P වන සමජාතීය ද්‍රවයකින් ටැංකිය AB මට්ටමට පුරවනු ලැබේ. ද්‍රවය ටැංකිය තුළම රැඳෙන පරිදි දොර වසා තැබීමට එයට යෙදිය යුතු අඩුතම බලය සොයන්න.

13. ස්කන්ධය m වූ අංශුවක්, සුමට තිරස් ගෙඩීමක් මත u ආරම්භක වේගයකින් තිරස් ව ප්‍රක්ෂේප කරනු ලැබේ. එහි චලිතයට ප්‍රතිරෝධය $\lambda m v^2$ වේ; මෙහි λ ධන නියතයක් වන අතර v යනු t කාලයේ දී අංශුවේ වේගය වේ.
 $\frac{dv}{dt} = -\lambda v^2$ බව පෙන්වා, ඒ නමින්, $v = \frac{4u}{(2 + \lambda\sqrt{u}t)^2}$ සම්බන්ධය ලබා ගන්න.
 වේගය u සිට $\frac{u}{4}$ තෙක් අඩුවීම සඳහා අංශුව ගනු ලබන කාලය $\frac{2}{\lambda\sqrt{u}}$ බව තවදුරටත් පෙන්වා, එම කාල ප්‍රාන්තරයේ දී අංශුව ගමන් කරන දුර සොයන්න.

14. එක ම අරය හා එක ම ස්කන්ධය සහිත පිළිවෙළින් කේන්ද්‍ර A හා B සහිත P හා Q කුඩා සුමට ගෝල දෙකක් සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත එකිනෙක දෙසට චලනය වේ. ගැටීමට මොහොතකට පෙර, P හි ප්‍රවේගය වූ u , \overrightarrow{AB} සමග θ සුළු කෝණයක් සාදන අතර Q හි ප්‍රවේගය වූ v , \overrightarrow{BA} දිශාවට වේ. ගෝල දෙක අතර ප්‍රත්‍යාගති සංගුණකය e වේ. ගැටීමට මොහොතකට පසු AB කේන්ද්‍ර රේඛාව දිගේ හා එයට ලම්බ P හි ප්‍රවේගයෙහි සංරචක සොයන්න.

$u < \left(\frac{1-e}{1+e}\right)v$ බව දී ඇති විට, Q ගෝලය $(1-e)\frac{v}{2} - \frac{(1+e)}{2}u \cos \theta$ වේගයෙන් පෙර දිශාවටම චලනය වන බව පෙන්වන්න; මෙහි $v = |v|$ හා $u = |u|$ වේ.

තව ද $u \cos \theta \ll v$ නම්, Q හි ඉතිරි වන චාලක ශක්තිය එහි මුල් අගයෙන් $\frac{1}{4}(1-e)^2$ භාගයක් බව පෙන්වන්න.

15. ස්කන්ධය M හා අරය r වූ ඒකාකාර සන ගෝලයක් තිරසර ආනතිය α වූ අවල රළු තලයක් මත නිශ්චලතාවයේ සිට මුදා හරිනු ලැබේ. ගෝලය හා තලය අතර ස්ර්ෂණ සංගුණකය μ වේ.

(i) $\mu > \frac{2}{7} \tan \alpha$ නම්, ගෝලය තලයේ පහළට පෙරළී යන අතර එහි කේන්ද්‍රයට $a = \frac{5}{7}g \sin \alpha$ මගින් දෙනු ලබන නියත a ත්වරණයක් ඇති බව පෙන්වන්න.

(ii) $\mu < \frac{2}{7} \tan \alpha$ නම්, ගෝලය තලයේ පහළට ලිස්සා යන අතර එහි කේන්ද්‍රයේ ත්වරණය a ට වඩා වැඩි බව පෙන්වන්න.

(iii) $\mu = \frac{2}{7} \tan \alpha$ නම්, හා ආරම්භයේ දී ගෝලය භ්‍රමණය නොකර එහි කේන්ද්‍රයට, තලයේ පහළට උපරිම බෑවුම් රේඛාවක් දිගේ u ප්‍රවේගයක් දුන්නේ නම්, එම ප්‍රවේගය නොවෙනස්ව පවතින බව පෙන්වන්න.

[ස්කන්ධය M හා අරය r වූ ඒකාකාර සන ගෝලයක විෂ්කම්භයක් වටා අවස්ථිති සූරණය $\frac{2}{5}Mr^2$ බව උපකල්පනය කළ හැක.]

16. (a) X විචික්ත සසම්භාවී විචල්‍යයක් සඳහා මධ්‍යන්‍යය, $E(X) = \mu$ අර්ථ දක්වා X හි විචලතාව සඳහා $\text{Var}(X) = E(X^2) - \mu^2$ සූත්‍රය ලබා ගන්න.

(b) X විචික්ත සසම්භාවී විචල්‍යයක සම්භාවිතා ව්‍යාප්තිය පහත දැක්වෙන පරිදි වේ.

x	1	2	4	5
$P(X=x)$	p	q	q	p

$p = \frac{1}{12}$ බව දී ඇති විට q හි අගය සොයන්න.

$E(X) = 3$ බව පෙන්වා $\text{Var}(X)$ සොයන්න.

Y සසම්භාවී විචල්‍යය $Y = X_1 + X_2$ මගින් අර්ථ දැක්වේ. මෙහි X_1 හා X_2 යනු X හි ස්වායත්ත නිරීක්ෂණ දෙකකි.

$P(Y=6) = \frac{13}{36}$ බව පෙන්වා, Y හි සම්භාවිතා ව්‍යාප්තිය ලබා ගන්න.

$E(Y)$ හා $\text{Var}(Y)$ සොයන්න.

$E(Y) = 2E(X)$ බව ද $\text{Var}(Y) = 2\text{Var}(X)$ බව ද සත්‍යාපනය කරන්න.

17. (a) X සන්තතික සසම්භාවී විචල්‍යයක $f(x)$ සම්භාවිකා ඝනත්ව ශ්‍රිතය,

$$f(x) = \begin{cases} kx(1-x) & , \quad 0 \leq x \leq 1 \text{ නම්,} \\ 0 & , \quad \text{අනෙක් විට,} \end{cases}$$

මගින් දෙනු ලැබේ.

- (i) $k = 6$ බව පෙන්වන්න.
 - (ii) $P\left(X > \frac{1}{2}\right)$ සොයන්න.
 - (iii) $E(X)$ හා $\text{Var}(X)$ සොයන්න.
- (b) තේ මලුවල බර, 200 g මධ්‍යන්‍යය සහිතව ප්‍රමත ලෙස ව්‍යාප්ත වී ඇත. සියලු ම මලුවලින් හරියටම 60% ක බර 190 g හා 210 g අතර බව දී ඇත.
- (i) තේ මලුවල බරෙහි සම්මත අපගමනය සොයන්න.
 - (ii) සසම්භාවීව තෝරා ගනු ලැබූ තේ මල්ලක බර 180 g හා 200 g අතර තිබීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.
 - (iii) තේ මලු හතරක් සසම්භාවීව තෝරා ගනු ලැබේ. මෙම මලුවලින් අඩුතරමින් එකකවත් බර 210 g ට වැඩි වීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.

More Past Papers at
tamilguru.lk