ซิสลู อ ชิอิลอิ สุเฮิวิฮิ (เบเบูบ์ บุฐมิเปติดอนุดนบรูป/All Rights Reserved)

I

# (නව නිර්දේශය/புதிய பாடத்திட்டம்/New Syllabus)

අධානයන පොදු සහතික පනු (උසස් පෙළ) විභාගය, 2019 අගෝස්තු கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2019 ஓகஸ்ற் General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

සංයුක්ත ගණිතය

இணைந்த கணிதம் Combined Mathematics



# 2019.08.05 / 0830 - 1140

පැය තුනයි

மூன்று மணித்தியாலம் Three hours අමතර කියවීම් කාලය

- මිනිත්තු 10 යි

மேலதிக வாசிப்பு நேரம் Additional Reading Time

- 10 நிமிடங்கள் - 10 minutes

අමතර කියච්මි කාලය පුශ්න පතුය කියවා පුශ්න තෝරා ගැනීමටත් පිළිතුරු ලිවීමේදී පුමුවත්වය දෙන පුශ්න සංවිධානය කර ගැනීමටත් යොදාගන්න.

ව්භාග අංකය		
Contract to the contract of th		1 1 1

#### උපදෙස්:

🗱 මෙම පුශ්න පතුය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ;

A කොටස (පුශ්න 1 - 10) සහ B කොටස (පුශ්න 11 - 17).

\* A කොටස:

සීයලු ම පුශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් පුශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩෙහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශා වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකි ය.

\* B කොටස:

පුශ්ත පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩදාසිවල ලියන්න.

- \* නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු A කොටසෙහි පිළිතුරු පතුය, B කොටසෙහි පිළිතුරු පතුයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විහාග ශාලාධිපතිට භාර දෙන්න.
- 🔆 පුශ්න පකුයෙහි B කොටස පමණක් විභාග ශාලාවෙන් පිටකට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.

#### පරීක්ෂකවරුන්ගේ පුයෝජනය සඳහා පමණි.

කාටස	පුශ්න අංකය	ලකුණු
	1	- 4
	2	
	3	
	4	
	5	
A	6	
	7	
	8	
	9	
	10	****
	11	
	12	
	13	
В	14	
	15	
	16	
	17	28,464
	එකතුව	

(10) ഒരു നാരിത നരിതാന

	එකතුව
ඉලක්කමෙන්	
අකුරින්	

	_
78.	ලකා <i>ර)</i> ස

1.	ගණිත අහසුහන මූලධර්මය	භාවිතයෙන්,	සියලු $n \in \mathbb{Z}^{2}$	$\sum_{r=1}^{n}$	$(2r-1) = n^2$ බව	සාධනය කර	රත්ත.
	***************************************	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •			**************	**************	
	***************************************	*******	************		************	***********	
	***************************************	* * * * * * * * * * * * * * * * * * *	**********		*************	***********	
		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	**************				
	***************************************				*****		
	************************		*************	******	*****************		**********
	***************************************	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	************	************			
				.,	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		
		*******		**********	•••••		
	***************************************	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	*************	************			************
	***************************************	***********		************			**********
	•••••••••••			***********			
					• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		
	***************************************	,		***********			*
				*************			******
2.	එක ම රූප සටහනක y=	4x-3  800	$y=3-2 x  \otimes$	පුස්තාරවල	දළ සටහන් අඳින	ත්න.	
	-	1 1		_			
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින් සොයන්න.						වික අගයන්
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින්						වික අගයන්
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින්						වික අගයන්
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින්						වික අගයන්
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින්						වික අගයන්
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින්						වික අගයන්
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින්						වික අගයන්
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින්						වික අගයන්
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින්						වික අගයන්
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින්						වික අගයන්
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින්						වික අගයන්
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින්						වික අගයන්
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින්						වික අගයන්
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින්						වික අගයන්
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින්	@855,  2x-3 -	+ x <3 අස®	Papers at	රාලන <i>x</i> හි සිය		වික අගයන්
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින්	@855,  2x-3 -	+ x <3 æ	Papers at	රාලන <i>x</i> හි සිය		වික අගයන්

AT.	./201	9/1	10/S	.I/N	IFW)

- 3 -	ව්භාග	අංකය

	2
3.	අාගන්ඩ් සටහනක, $\operatorname{Arg}ig(z-2-2iig)=-rac{3\pi}{4}$ සපුරාලන $z$ සංකීර්ණ සංඛාා නිරූපණය කරන ලක්ෂාවල
	පථයෙහි දළ සටහනක් අඳින්න.
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ, $\operatorname{Arg}\left(z-2-2i\right)=-rac{3\pi}{4}$ වන පරිදි $\left i\overline{z}\right +1$ හි අවම අගය සොයන්න.
	·
	***************************************
	······
A	$\left(\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
₩.	$\left(x^3+rac{1}{x^2} ight)^\prime$ හි ද්විපද පුසාරණයේ $x^6$ හි සංගුණකය $35$ බව පෙන්වන්න.
	ඉහත ද්ව්පද පුසාරණයේ $x$ වලින් ස්වායත්ත පදයක් <b>නොපවතින</b> බවත් පෙන්වන්න.
	······································

5.	$\lim_{x \to 3} \frac{\sqrt{x-2}-1}{\sin(\pi(x-3))} = \frac{1}{2\pi}  \text{බව ලපන්වන්න.}$
	***************************************
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
	***************************************
	[n.1]
6.	$y=\sqrt{rac{x+1}{n^2+1}}$ , $x=0$ , $x=1$ හා $y=0$ වකු මගින් ආවෘත වන පෙදෙස $x$ - අක්ෂය වටා රේඩීයන $2\pi$ වලින
6.	$y=\sqrt{rac{x+1}{x^2+1}}$ , $x=0$ , $x=1$ හා $y=0$ වකු මගින් ආවෘත වන පෙදෙස $x$ - අක්ෂය වටා රේඩියන $2\pi$ වලින හුමණය කරනු ලබයි. මෙලෙස ජනනය වන සන වස්තුවේ පරිමාව $\frac{\pi}{4}(\pi+\ln 4)$ බව පෙන්වන්න.
6.	177 1 2
6.	177 1 2
6.	177 1 2
6.	177 1 2
6.	177 1 2
6.	177 1 2
6.	177 1 2
6.	177 1 2
6.	177 1 2
6.	භුමණය කරනු ලබයි. මෙලෙස ජනනය වන සන වස්තුවේ පරිමාව $\frac{\pi}{4}(\pi + \ln 4)$ බව පෙන්වන්න.
6.	භුමණය කරනු ලබයි. මෙලෙස ජනනය වන සන වස්තුවේ පරිමාව $\frac{\pi}{4}(\pi + \ln 4)$ බව පෙන්වන්න.
6.	භුමණය කරනු ලබයි. මෙලෙස ජනනය වන සන වස්තුවේ පරිමාව $\frac{\pi}{4}(\pi + \ln 4)$ බව පෙන්වන්න.
6.	භුමණය කරනු ලබයි. මෙලෙස ජනනය වන සන වස්තුවේ පරිමාව $\frac{\pi}{4}(\pi + \ln 4)$ බව පෙන්වන්න.
6.	භුමණය කරනු ලබයි. මෙලෙස ජනනය වන සන වස්තුවේ පරිමාව $\frac{\pi}{4}(\pi + \ln 4)$ බව පෙන්වන්න.
6.	භුමණය කරනු ලබයි. මෙලෙස ජනනය වන සන වස්තුවේ පරිමාව $\frac{\pi}{4}(\pi + \ln 4)$ බව පෙන්වන්න.

7.	$C$ යනු $t\in\mathbb{R}$ සඳහා $x=at^2$ සහ $y=2at$ මගින් පරාමිතිකව දෙනු ලබන පරාවලය යැයි ගනිමු; මෙහි $a\neq 0$ වේ. $C$ පරාවලයට $\left(at^2,2at\right)$ ලක්ෂායෙහි දී වූ අභිලම්බ රේඛාවෙහි සමීකරණය $y+tx=2at+at^3$ මගින් දෙනු
	ලබන බව පෙන්වන්න.
	$C$ පරාවලය මත $P\equiv (4a,4a)$ ලක්ෂායෙහි දී වූ අභිලම්බ රේඛාවට එම පරාවලය නැවත $Q\equiv (aT^2,2aT)$
	ලක්ෂායක දී හමු වේ. $T=-3$ බව පෙන්වන්න.
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
8.	$l_1$ හා $l_2$ යනු පිළිවෙළින් $x+y=4$ හා $4x+3y=10$ මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු.
8.	$l_1$ හා $l_2$ යනු පිළිවෙළින් $x+y=4$ හා $4x+3y=10$ මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු.
8.	
8.	$l_1$ හා $l_2$ යනු පිළිවෙළින් $x+y=4$ හා $4x+3y=10$ මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු. $P$ හා $Q$ පුහින්න ලක්ෂා දෙක $l_1$ රේඛාව මත පිහිටා ඇත්තේ මෙම එක් එක් ලක්ෂායේ සිට $l_2$ රේඛාවට
8.	$l_1$ හා $l_2$ යනු පිළිවෙළින් $x+y=4$ හා $4x+3y=10$ මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු. $P$ හා $Q$ පුහින්න ලක්ෂා දෙක $l_1$ රේඛාව මත පිහිටා ඇත්තේ මෙම එක් එක් ලක්ෂායේ සිට $l_2$ රේඛාවට
8.	$l_1$ හා $l_2$ යනු පිළිවෙළින් $x+y=4$ හා $4x+3y=10$ මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු. $P$ හා $Q$ පුහින්න ලක්ෂා දෙක $l_1$ රේඛාව මත පිහිටා ඇත්තේ මෙම එක් එක් ලක්ෂායේ සිට $l_2$ රේඛාවට
8.	$l_1$ හා $l_2$ යනු පිළිවෙළින් $x+y=4$ හා $4x+3y=10$ මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු. $P$ හා $Q$ පුහින්න ලක්ෂා දෙක $l_1$ රේඛාව මත පිහිටා ඇත්තේ මෙම එක් එක් ලක්ෂායේ සිට $l_2$ රේඛාවට
8.	$l_1$ හා $l_2$ යනු පිළිවෙළින් $x+y=4$ හා $4x+3y=10$ මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු. $P$ හා $Q$ පුහින්න ලක්ෂා දෙක $l_1$ රේඛාව මත පිහිටා ඇත්තේ මෙම එක් එක් ලක්ෂායේ සිට $l_2$ රේඛාවට
8.	$l_1$ හා $l_2$ යනු පිළිවෙළින් $x+y=4$ හා $4x+3y=10$ මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු. $P$ හා $Q$ පුහින්න ලක්ෂා දෙක $l_1$ රේඛාව මත පිහිටා ඇත්තේ මෙම එක් එක් ලක්ෂායේ සිට $l_2$ රේඛාවට
8.	$l_1$ හා $l_2$ යනු පිළිවෙළින් $x+y=4$ හා $4x+3y=10$ මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු. $P$ හා $Q$ පුහින්න ලක්ෂා දෙක $l_1$ රේඛාව මත පිහිටා ඇත්තේ මෙම එක් එක් ලක්ෂායේ සිට $l_2$ රේඛාවට
8.	$l_1$ හා $l_2$ යනු පිළිවෙළින් $x+y=4$ හා $4x+3y=10$ මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු. $P$ හා $Q$ පුහින්න ලක්ෂා දෙක $l_1$ රේඛාව මත පිහිටා ඇත්තේ මෙම එක් එක් ලක්ෂායේ සිට $l_2$ රේඛාවට
8.	$l_1$ හා $l_2$ යනු පිළිවෙළින් $x+y=4$ හා $4x+3y=10$ මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු. $P$ හා $Q$ පුහින්න ලක්ෂා දෙක $l_1$ රේඛාව මත පිහිටා ඇත්තේ මෙම එක් එක් ලක්ෂායේ සිට $l_2$ රේඛාවට
8.	$l_1$ හා $l_2$ යනු පිළිවෙළින් $x+y=4$ හා $4x+3y=10$ මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු. $P$ හා $Q$ පුහින්න ලක්ෂා දෙක $l_1$ රේඛාව මත පිහිටා ඇත්තේ මෙම එක් එක් ලක්ෂායේ සිට $l_2$ රේඛාවට
8.	$l_1$ හා $l_2$ යනු පිළිවෙළින් $x+y=4$ හා $4x+3y=10$ මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු. $P$ හා $Q$ පුහින්න ලක්ෂා දෙක $l_1$ රේඛාව මත පිහිටා ඇත්තේ මෙම එක් එක් ලක්ෂායේ සිට $l_2$ රේඛාවට
8.	$l_1$ හා $l_2$ යනු පිළිවෙළින් $x+y=4$ හා $4x+3y=10$ මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු. $P$ හා $Q$ පුහින්න ලක්ෂා දෙක $l_1$ රේඛාව මත පිහිටා ඇත්තේ මෙම එක් එක් ලක්ෂායේ සිට $l_2$ රේඛාවට
8.	$l_1$ හා $l_2$ යනු පිළිවෙළින් $x+y=4$ හා $4x+3y=10$ මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු. $P$ හා $Q$ පුහින්න ලක්ෂා දෙක $l_1$ රේඛාව මත පිහිටා ඇත්තේ මෙම එක් එක් ලක්ෂායේ සිට $l_2$ රේඛාවට
8.	$l_1$ හා $l_2$ යනු පිළිවෙළින් $x+y=4$ හා $4x+3y=10$ මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු. $P$ හා $Q$ පුහින්න ලක්ෂා දෙක $l_1$ රේඛාව මත පිහිටා ඇත්තේ මෙම එක් එක් ලක්ෂායේ සිට $l_2$ රේඛාවට
8.	$l_1$ හා $l_2$ යනු පිළිවෙළින් $x+y=4$ හා $4x+3y=10$ මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු. $P$ හා $Q$ පුහින්න ලක්ෂා දෙක $l_1$ රේඛාව මත පිහිටා ඇත්තේ මෙම එක් එක් ලක්ෂායේ සිට $l_2$ රේඛාවට
8.	$l_1$ හා $l_2$ යනු පිළිවෙළින් $x+y=4$ හා $4x+3y=10$ මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු. $P$ හා $Q$ පුහින්න ලක්ෂා දෙක $l_1$ රේඛාව මත පිහිටා ඇත්තේ මෙම එක් එක් ලක්ෂායේ සිට $l_2$ රේඛාවට

9.	$A \equiv (-7,9)$ ලක්ෂාය $S \equiv x^2 + y^2 - 4x + 6y - 12 = 0$ වෘත්තයට පිටතින් පිහිටන බව පෙන්වන්න. $S = 0$ වෘත්තය මත වූ, $A$ ලක්ෂායට ආසන්නතම ලක්ෂායෙහි බණ්ඩාංක සොයන්න.
10.	$\theta + (2n+1)\pi$ where $t = \tan \theta$ and $\theta = 0$ and $\theta = 0$ and $\theta = 1 - t^2$ and another $\theta = 0$ and $\theta = 0$ .
	$0 \neq (2n+1)n \text{ acos } t = \tan \frac{\pi}{2} \text{ aco assign, see } n \in \mathbb{Z} \text{ so. } \cos t = \frac{\pi}{1+t^2} \text{ aco assign.}$
- * •	$ heta  eq (2n+1)\pi$ සඳහා $t= anrac{ heta}{2}$ යැයි ගනිමු; මෙහි $n\in\mathbb{Z}$ වේ. $\cos heta=rac{1-t^2}{1+t^2}$ බව පෙන්වන්න. $ anrac{\pi}{12}=2-\sqrt{3}$ බව <b>අපෝහන</b> ය කරන්න.

# (නව නිඊදේශය/பුනිய பாடத்திட்டம்/New Syllabus

eon நிலக செய்தேற்கேற்ற இல்ல செய்தை இருக்கு இர

අධායන පොදු සහතික පතු (උසස් පෙළ) විභාගය, 2019 අගෝස්තු கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2019 ஓகஸ்ற் General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

**සංයුක්ත ගණිතය I** இணைந்த கணிதம் **I** Combined Mathematics **I** 



## B කොටස

\* පුශ්න **පහකට** පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

11. (a)  $p \in \mathbb{R}$  හා  $0 යැයි ගනිමු. <math>p^2 x^2 + 2x + p = 0$  සමීකරණයෙහි, 1 මූලයක් **නොවන** බව පෙන්වන්න.  $\alpha$  හා  $\beta$  යනු මෙම සමීකරණයෙහි මූල යැයි ගනිමු.  $\alpha$  හා  $\beta$  දෙකම තාත්ත්වික බව පෙන්වන්න. p ඇසුරෙන්  $\alpha + \beta$  හා  $\alpha\beta$  ලියා දක්වා

$$\frac{1}{(\alpha-1)} \cdot \frac{1}{(\beta-1)} = \frac{p^2}{p^2 + p + 2}$$

බව පෙත්වත්න.

 $\frac{\alpha}{\alpha-1}$  හා  $\frac{\beta}{\beta-1}$  මූල වන වර්ගජ සමීකරණය  $(p^2+p+2)x^2-2(p+1)x+p=0$  මගින් දෙනු ලබන බවත්, මෙම මූල දෙකම ධන වන බවත් පෙන්වන්න.

- (b) c හා d යනු **නිශ්ශන** තාත්ත්වික සංඛන දෙකක් යැයි ද  $f(x) = x^3 + 2x^2 dx + cd$  යැයි ද ගනිමු. (x-c) යන්න f(x) හි සාධකයක් බවත්, (x-d) මගින් f(x) බෙදූ විට ශේෂය cd බවත් දී ඇත. c හා d හි අගයන් සොයන්න. c හා d හි මෙම අගයන් සඳහා,  $(x+2)^2$  මගින් f(x) බෙදූ විට ශේෂය සොයන්න.
- 12. (a)  $P_1$  හා  $P_2$  යනු පිළිවෙළින්  $\left\{A,B,C,D,E,1,2,3,4\right\}$  හා  $\left\{F,G,H,I,J,5,6,7,8\right\}$  මගින් දෙනු ලබන කුලක දෙක යැයි ගනිමු.  $P_1 \cup P_2$  න් ගනු ලබන වෙනස් අකුරු 3 කින් හා වෙනස් සංඛාාංක 3 කින් යුත්, අවයව 6 කින් සමන්විත මුරපදයක් සෑදීමට අවශාව ඇත. පහත එක් එක් අවස්ථාවේ දී සෑදිය හැකි එවැනි වෙනස් මුරපද ගණන සොයන්න:
  - (i) අවයව 6 ම  $P_1$  න් පමණක් ම තෝරා ගනු ලැබේ,
  - (ii) අවයව 3 ක්  $P_1$  න් ද  $P_2$  න් අනෙක් අවයව 3 ද තෝරා ගනු ලැබේ.
  - $(b) \ r \in \mathbb{Z}^+$ සඳහා  $U_r = \frac{1}{r(r+1)(r+3)(r+4)}$  හා  $V_r = \frac{1}{r(r+1)(r+2)}$  යැයි ගනිමු.

 $r\!\in\! {\mathbb Z}^+$ සඳහා  $V_r\!-\!V_{r+2}\!=\!6\,U_r$  බව පෙන්වන්න.

ඒ නයින්,  $n\in\mathbb{Z}^+$  සඳහා  $\sum_{r=1}^n U_r=rac{5}{144}-rac{(2n+5)}{6(n+1)(n+2)(n+3)(n+4)}$  බව පෙන්වන්න.

 $r \in \mathbb{Z}^+$  සඳහා  $W_r = U_{2r-1} + U_{2r}$  යැයි ගනිමු.

 $n \in \mathbb{Z}^+$  සඳහා  $\sum_{r=1}^n W_r = \frac{5}{144} - \frac{(4n+5)}{24(n+1)(n+2)(2n+1)(2n+3)}$  බව **අපෝහන**ය කරන්න.

**ඒ නගින්**,  $\sum_{r=1}^{\infty}W_{r}$  අපරිමිත ශ්‍රේණිය අභිසාරී බව පෙන්වා එහි ඓකාෘය සොයන්න.

$$\mathbf{13}.(a) \ \mathbf{A} = \begin{pmatrix} a & 0 & -1 \\ 0 & -1 & 0 \end{pmatrix}, \ \mathbf{B} = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 1 & -a & 4 \end{pmatrix}$$
 හා  $\mathbf{C} = \begin{pmatrix} b & -2 \\ -1 & b+1 \end{pmatrix}$  යනු  $\mathbf{A}\mathbf{B}^{\mathrm{T}} = \mathbf{C}$  වන පරිදි වූ නාහස යැයි

ගතිමු; මෙහි  $a,b\!\in\!\mathbb{R}$  වේ.

a=2 හා b=1 බව පෙන්වන්න.

තව ද  $\mathbf{C}^{-1}$  නොපවතින බව පෙන්වන්න.

 ${f P}=rac{1}{2}({f C}-2{f I})$  යැයි ගනිමු.  ${f P}^{-1}$  ලියා දක්වා,  $2{f P}({f Q}+3{f I})={f P}-{f I}$  වන පරිදි  ${f Q}$  නාහසය සොයන්න; මෙහි  ${f I}$  යනු ගණය 2 වන ඒකක නාහසය වේ.

- (b)  $z,z_1,z_2\in\mathbb{C}$  යැයි ගනිමු.
  - (i) Re  $z \le |z|$ , 80

 $(ii) \quad z_2 \neq 0 \text{ excess} \left| \frac{z_1}{z_2} \right| = \frac{|z_1|}{|z_2|}$  tamilguru.lk

බව පෙන්වන්න.

$$z_1+z_2 \neq 0$$
 සඳහා  $\operatorname{Re}\left(\frac{z_1}{z_1+z_2}\right) \leq \frac{\left|z_1\right|}{\left|z_1+z_2\right|}$  බව **අපෝහනය** කරන්න.

$$z_1+z_2 \neq 0$$
 සඳහා  $\operatorname{Re}\left(\frac{z_1}{z_1+z_2}\right)+\operatorname{Re}\left(\frac{z_2}{z_1+z_2}\right)=1$  බව සතාපනය කර,

 $z_1,z_2\in\mathbb{C}$  සඳහා  $\left|z_1+z_2\right|\leq \left|z_1\right|+\left|z_2\right|$  බව පෙන්වන්න.

(c) 
$$\omega = \frac{1}{2} \left( 1 - \sqrt{3} i \right)$$
 යැයි ගතිමු.

 $1+\omega$  යන්න  $r(\cos\theta+i\sin\theta)$  ආකාරයෙන් පුකාශ කරන්න; මෙහි r(>0) හා  $\theta\left(-\frac{\pi}{2}<\theta<\frac{\pi}{2}\right)$  යනු නිර්ණයකළ යුතු නියත වේ.

ද මුවාවර් පුමේයය භාවිතයෙන්, $(1+\omega)^{10}+(1+\overline{\omega})^{10}=243$  බව පෙන්වන්න.

**14**.(a) 
$$x \neq 3$$
 සඳහා  $f(x) = \frac{9(x^2 - 4x - 1)}{(x - 3)^3}$  යැයි ගනිමු.

 $x \neq 3$  සඳහා f(x) හි වයුත්පන්නය, f'(x) යන්න  $f'(x) = -\frac{9(x+3)(x-5)}{(x-3)^4}$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

ස්පර්ශෝන්මුබ, y – අන්තෘඛණ්ඩය හා හැරුම් ලක්ෂා දක්වමින්, y=f(x) හි පුස්තාරයේ දළ සටහනක් අඳින්න.

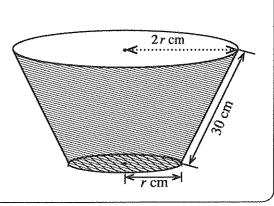
 $x \neq 3$  සඳහා  $f''(x) = \frac{18(x^2 - 33)}{(x - 3)^5}$  බව දී ඇත. y = f(x) හි පුස්තාරයේ නතිවර්තන ලක්ෂාවල x -ඛණ්ඩාංක

සොයන්න.

(b) යාබද රූපයෙන් පතුලක් සහිත සෘජු වෘත්තාකාර කේතු ඡින්නකයක ආකාරයෙන් වූ බේසමක් පෙන්වයි. බේසමෙහි ඇල දිග 30 cm ක් ද උඩත් වෘත්තාකාර දාරයෙහි අරය පතුලෙහි අරය මෙන් දෙගුණයක් ද වේ. පතුලේ අරය r cm යැයි ගනිමු.

බේසමේ පරිමාව  $V\,\mathrm{cm}^3$ යන්න  $0\!<\!r\!<\!30$  සඳහා

$$V = rac{7}{3} \pi r^2 \sqrt{900 - r^2}$$
 මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.  
බේසමේ පරිමාව උපරිම වන පරිදි  $r$  හි අගය සොයන්න.



More Past Papers at

$$15.(a)$$
  $0 \le \theta \le \frac{\pi}{4}$  සඳහා  $x = 2\sin^2\theta + 3$  ආදේශය භාවිතයෙන්,  $\int_3^4 \sqrt{\frac{x-3}{5-x}} \,\mathrm{d}x$  අගයන්න.

(b) භින්න භාග භාවිතයෙන්,  $\int \frac{1}{(x-1)(x-2)} \, \mathrm{d}x$  සොයන්න,

$$t > 2$$
 සඳහා  $f(t) = \int_{3}^{t} \frac{1}{(x-1)(x-2)} dx$  යැයි ගනිමු.

t>2 සඳහා  $f(t)=\ln{(t-2)}-\ln{(t-1)}+\ln{2}$  බව **අපෝහනය** කරන්න.

කොටස් වශයෙන් අනුකලනය භාවිතයෙන්,  $\int \ln{(x-k)}\,\mathrm{d}x$  සොයන්න; මෙහි k යනු තාත්ත්වික නියතයකි.

ඒ නයින්,  $\int f(t) \, \mathrm{d}t$  සොයන්න.

(c) a හා b නියත වන  $\int\limits_a^b f(x)\mathrm{d}x=\int\limits_a^b f(a+b-x)\,\mathrm{d}x$  සූතුය භාවිතයෙන්,

$$\int_{-\pi}^{\pi} \frac{\cos^2 x}{1 + e^x} dx = \int_{-\pi}^{\pi} \frac{e^x \cos^2 x}{1 + e^x} dx$$
 බව පෙන්වන්න.

**ඒ නයින්**, 
$$\int\limits_{-\pi}^{\pi}\frac{\cos^2x}{1+e^x}\;\mathrm{d}x\;\;\mathrm{හි }\;$$
අගය සොයන්න.

16. 12x-5y-7=0 හා y=1 සරල රේඛාවල ඡේදන ලක්ෂාය වන A හි ඛණ්ඩාංක ලියා දක්වන්න.

 $oldsymbol{l}$ යනු මෙම රේඛාවලින් සෑදෙන සුළු කෝණයෙහි සමච්ඡේදකය යැයි ගනිමූ. $oldsymbol{l}$  සරල රේඛාවේ සමීකරණය සොයන්න.

P යනු l මත වූ ලක්ෂායක් යැයි ගනිමු. P හි බණ්ඩාංක  $(3\lambda+1,2\lambda+1)$  ලෙස ලිවිය හැකි බව පෙන්වන්න; මෙහි  $\lambda$  $\in$  $\mathbb{R}$  වේ.

 $B\equiv (6,0)$  යැයි ගනිමු. B හා P ලක්ෂා විෂ්කම්භයක අන්ත ලෙස වූ වෘත්තයෙහි සමීකරණය  $S+\lambda U=0$  ලෙස ලිවිය හැකි බව පෙන්වන්න; මෙහි  $S\equiv x^2+y^2-7x-y+6$  හා  $U\equiv -3x-2y+18$  වේ.

S=0 යනු AB විෂ්කම්භයක් ලෙස ඇති වෘත්තයෙහි සමීකරණය බව **අපෝහනය** කරන්න.

 $U\!=\!0$  යනු l ට ලම්බව, B හරහා යන සරල රේඛාවේ සමීකරණය බව පෙන්වන්න.

සියලු  $\lambda$  $\in$  $\mathbb{R}$  සඳහා  $S+\lambda U=0$  සමීකරණය සහිත වෘත්ත මත වූ ද B වලින් පුහින්න වූ ද අචල ලක්ෂායෙහි බණ්ඩාංක සොයන්න.

S=0 මගින් දෙනු ලබන වෘත්තය,  $S+\lambda\,U=0$  මගින් දෙනු ලබන වෘත්තයට පුලම්බ වන පරිදි  $\lambda$  හි අගය සොයන්න.

17. (a)  $\sin A$ ,  $\cos A$ ,  $\sin B$  හා  $\cos B$  ඇසුරෙන්  $\sin (A+B)$  ලියා දක්වා,  $\sin (A-B)$  සඳහා එවැනි පුකාශනයක් ලබා ගන්න.

$$2 \sin A \cos B = \sin (A+B) + \sin (A-B) \infty$$

$$2\cos A\sin B = \sin(A+B) - \sin(A-B)$$

බව **අපෝහන**ය කරන්න.

ඒ නයින්,  $0<\theta<\frac{\pi}{2}$  සඳහා  $2\sin3\theta\cos2\theta=\sin7\theta$  විසඳන්න.

- (b) ABC නිකෝණයක BD=DC හා AD=BC වන පරිදි D ලක්ෂාය AC මත පිහිටා ඇත.  $B\hat{A}C=\alpha$  හා  $A\hat{C}B=eta$  යැයි ගනිමු. සුදුසු තිකෝණ සඳහා සයින් නීතිය භාවිතයෙන්,  $2\sin\alpha\cos\beta=\sin(\alpha+2\beta)$  බව පෙන්වන්න.  $\alpha:\beta=3:2$  නම්, ඉහත (a) හි අවසාන පුතිඵලය භාවිතයෙන්,  $\alpha=\frac{\pi}{6}$  බව පෙන්වන්න.
- $(c) \ 2 an^{-1} x + an^{-1} (x+1) = rac{\pi}{2}$  විසඳන්න. ඒ නයින්,  $\cos \left( rac{\pi}{4} rac{1}{2} an^{-1} \left( rac{4}{3} 
  ight) 
  ight) = rac{3}{\sqrt{10}}$  බව පෙන්වන්න.

\*\*\*

More Past Papers at tamilguru.lk

පියලු ම හිමිකම් ඇවරුම් /(மුගුට පුළුවදුල්)නහපුනළயනු/All Rights Reserved)

# (නව නිර්දේශය/பුதிய பாடத்திட்டம்/New Syllabus

நிறை நேல் நடிக்கு இவற்கு நிறை சுறிப்படு இது இது இது இது இது இது நிறை சுறிப்படு இது நிறை சுறிப்படு இது நிறை சுறிப்படு இது நிறைக்களம் இல்வகைப் படுக்கு தினைக்களம் இல்வகைப் படுக்கு தினைக்களம் நிறைக்களம் இல்வகைப் படுக்கு தினைக்களம் நிறைக்களம் இல்வகைப் படுக்கு தினைக்களம் நிறிப்படு இது சிறிப்படு இது சிறிப்படுக்கு சிறிப்படு இது சிறிப்படுக்கு ச

අධානයන පොදු සහතික පතු (උසස් පෙළ) විභාගය, 2019 අගෝස්තු கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2019 ஓகஸ்ற் General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

க**்புன்ற மறிற**க II இணைந்த கணிதம் II Combined Mathematics II



### 2019.08.07 / 0830 - 1140

#### පැය භූනයි

மூன்று மணித்தியாலம் Three hours අමතර කියවීම කාලය -மேலதிக வாசிப்பு நேரம் -

- මිනිත්තු 10 යි

மேலதிக வாசிப்பு நேரம் - 10 நிமிடங்கள் Additional Reading Time - 10 minutes

අමතර කියවීම් කාලය පුශ්න පතුය කියවා පුශ්න භෝරා ගැනීමටත් පිළිතුරු ලිවීමේදී පුමුවත්වය දෙන පුශ්න සංවිධානය කර ගැනීමටත් යොදාගන්න.

	 -	 		
ව්භාග අංකය				

#### උපදෙස්:

🛠 මෙම පුශ්න පතුය කොටස් දෙකකින් සමන්විත චේ;

A කොටස (පුශ්න 1 - 10) සහ B කොටස (පුශ්න 11 - 17).

\* A emාටය:

සියලු ම පුශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් පුශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩෙහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශා ඓ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකි ය.

\* B කොටස:

පුශ්න **පහකට** පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩදාසිවල ලියන්න.

- \* නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු **A කොටසෙහි** පිළිතුරු පතුය**, B කොටසෙහි** පිළිතුරු පතුයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග ශාලාධිපතිට භාර දෙන්න.
- 💥 පුශ්න පතුයෙහි **B කොටස පමණක්** විභාග ශාලාවෙන් පිටකට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.
- st මෙම පුශ්න පතුයෙහි g මගින් ගුරුත්වජ ත්වරණය දැක්වෙයි.

#### පරීක්ෂකවරුන්ගේ පුයෝජනය සඳහා පමණි.

(10) සංයුක්ත ගණිතය II		
කොටස	ළශ්න අංකය	ලකුණු
	1	
	2	
	3	
	4	
A	5	
A	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
	11	
	12	
	13	
В	14	
	15	
	16	
	17	
	එකතුව	

	එකතුව	
ඉලක්කමෙන්		
අකුරින්		

	සංමක්ත අංක
උත්තර පතු පරීක්ෂක	
පරීක්ෂා කළේ: 2	
අධීක්ෂණය කළේ:	

<i>මහාටස</i>
 197311 173

1.	එක එකක ස්කන්ධය $m$ වූ $A$ , $B$ හා $C$ අංශු තුනක් එම පිළිවෙළින්, සුමට තිරස් මේසයක් මත සරල රේඛාවා තබා ඇත. $A$ අංශුවට $u$ පුවේගයක් දෙනු ලබන්නේ එය $B$ අංශුව සමග සරල ලෙස ගැටෙන පරිදි ය. $A$ අංශුව සමග ගැටුන පසු, $B$ අංශුව චලනය වී $C$ අංශුව සමග සරල ලෙස ගැටේ. $A$ හා $B$ අතර පුතාාගති සංගුණකා $e$ වේ. පළමු ගැටුමෙන් පසුව $B$ හි පුවේගය සොයන්න.
	B හා $C$ අතර පුතාහාගති සංගුණකය ද $e$ වේ. $B$ සමග ගැටුමෙන් පසුව $C$ හි පුවේගය ලියා දක්වන්න.
	<i></i>
	·
2.	තිරස් හා සිරස් සංරචක පිළිවෙළින් $\sqrt{ga}$ හා $\sqrt{6ga}$ සහිත පුවේගයකින් තිරස් ගෙබිමක් මත වූ $O$ ලක්ෂායක සිට අංශුවක් පුක්ෂේප
	කරනු ලැබේ. රූපයේ දැක්වෙන පරිදි. එකිනෙකට අ තිරස් දුරකින් පිහිටි
	කරනු ලැබේ. රූපයේ දැක්වෙන පරිදි, එකිනෙකට $a$ තිරස් දුරකින් පිහිටි උස $a$ හා $b$ වූ සිරස් තාප්ප දෙකකට යාන්නමින් ඉහළින් අංශුව යයි. $\sqrt{6ga}$ $a$ වූ තාප්පය පසු කරන විට අංශුවේ පුවේගයෙහි සිරස් සංරචකය $2\sqrt{ga}$ බව පෙන්වන්න.
	උස $a$ හා $b$ වූ සිරස් තාප්ප දෙකකට යාන්තමින් ඉහළින් අංශුව යයි. $\sqrt{6ga}$ $b$
	උස $a$ හා $b$ වූ සිරස් තාප්ප දෙකකට යාන්තමින් ඉහළින් අංශුව යයි. $\sqrt{6ga}$ $a$ වූ තාප්පය පසු කරන විට අංශුවේ පුවේගයෙහි සිරස් සංරචකය $2\sqrt{ga}$ බව පෙන්වන්න.
	උස $a$ හා $b$ වූ සිරස් තාප්ප දෙකකට යාන්තමින් ඉහළින් අංශුව යයි. $\sqrt{6ga}$ $a$ වූ තාප්පය පසු කරන විට අංශුවේ පුවේගයෙහි සිරස් සංරචකය $2\sqrt{ga}$ බව පෙන්වන්න.
	උස $a$ හා $b$ වූ සිරස් තාප්ප දෙකකට යාන්තමින් ඉහළින් අංශුව යයි. $\sqrt{6ga}$ $a$ වූ තාප්පය පසු කරන විට අංශුවේ පුවේගයෙහි සිරස් සංරචකය $2\sqrt{ga}$ බව පෙන්වන්න.
	උස $a$ හා $b$ වූ සිරස් තාප්ප දෙකකට යාන්තමින් ඉහළින් අංශුව යයි. $\sqrt{6ga}$ $a$ වූ තාප්පය පසු කරන විට අංශුවේ පුවේගයෙහි සිරස් සංරචකය $2\sqrt{ga}$ බව පෙන්වන්න.
	උස $a$ හා $b$ වූ සිරස් තාප්ප දෙකකට යාන්තමින් ඉහළින් අංශුව යයි. $\sqrt{6ga}$ $a$ වූ තාප්පය පසු කරන විට අංශුවේ පුවේගයෙහි සිරස් සංරචකය $2\sqrt{ga}$ බව පෙන්වන්න.
	උස $a$ හා $b$ වූ සිරස් තාප්ප දෙකකට යාන්තමින් ඉහළින් අංශුව යයි. $\sqrt{6ga}$ $a$ වූ තාප්පය පසු කරන විට අංශුවේ පුවේගයෙහි සිරස් සංරචකය $2\sqrt{ga}$ බව පෙන්වන්න.
	උස $a$ හා $b$ වූ සිරස් තාප්ප දෙකකට යාන්තමින් ඉහළින් අංශුව යයි. $\sqrt{6ga}$ $a$ වූ තාප්පය පසු කරන විට අංශුවේ පුවේගයෙහි සිරස් සංරචකය $2\sqrt{ga}$ බව පෙන්වන්න.
	උස $a$ හා $b$ වූ සිරස් තාප්ප දෙකකට යාන්තමින් ඉහළින් අංශුව යයි. $\sqrt{6ga}$ $a$ වූ තාප්පය පසු කරන විට අංශුවේ පුවේගයෙහි සිරස් සංරචකය $2\sqrt{ga}$ බව පෙන්වන්න.
	උස $a$ හා $b$ වූ සිරස් තාප්ප දෙකකට යාන්තමින් ඉහළින් අංශුව යයි. $\sqrt{6ga}$ $a$ වූ තාප්පය පසු කරන විට අංශුවේ පුවේගයෙහි සිරස් සංරචකය $2\sqrt{ga}$ බව පෙන්වන්න.
	උස $a$ හා $b$ වූ සිරස් තාප්ප දෙකකට යාන්තමින් ඉහළින් අංශුව යයි. $\sqrt{6ga}$ $a$ වූ තාප්පය පසු කරන විට අංශුවේ පුවේගයෙහි සිරස් සංරචකය $2\sqrt{ga}$ බව පෙන්වන්න.
	උස $a$ හා $b$ වූ සිරස් තාප්ප දෙකකට යාන්තමින් ඉහළින් අංශුව යයි. $\sqrt{6ga}$ $a$ වූ තාප්පය පසු කරන විට අංශුවේ පුවේගයෙහි සිරස් සංරචකය $2\sqrt{ga}$ බව පෙන්වන්න.
	උස $a$ හා $b$ වූ සිරස් තාප්ප දෙකකට යාන්තමින් ඉහළින් අංශුව යයි. $\sqrt{6ga}$ $a$ වූ තාප්පය පසු කරන විට අංශුවේ පුවේගයෙහි සිරස් සංරචකය $2\sqrt{ga}$ බව පෙන්වන්න.
	උස $a$ හා $b$ වූ සිරස් තාප්ප දෙකකට යාන්තමින් ඉහළින් අංශුව යයි. $\sqrt{6ga}$ $a$ වූ තාප්පය පසු කරන විට අංශුවේ පුවේගයෙහි සිරස් සංරචකය $2\sqrt{ga}$ බව පෙන්වන්න.

5.	එක එකක ස්කන්ධය $m$ වූ $A$ හා $B$ අංශු දෙකක්, අචල සුමට කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු	
	අවිතතාෳ තත්තුවක දෙකෙළවරට ඈඳා සමතුලිතතාවයේ එල්ලෙයි. $A$ ට සිරස්ව $a$ දුරක්	
	ඉහළින් වූ ලක්ෂායකින් නිශ්චලතාවයේ සිට මුදා හරින ලද ස්කන්ධය $m$ ම වූ $C$ කුඩා	
	පබළුවක් ගුරුත්වය යටතේ නිදහසේ චලනය වී $A$ සමග ගැටී හා වේ. (රූපය බලන්න.) $m$	
	$A$ හා $C$ අතර ගැටුම සිදු වන මොහොතේ දී තන්තුවේ ආවේගය ද ඉහත ගැටුමෙන් $oxed{1}$	
	මොහොතකට පසු $B$ ලබා ගන්නා පුවේගය ද නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත් සමීකරණ ලියා $egin{array}{c} a \\ \end{array}$	
	දක්වන්න.	
	$\downarrow A \qquad \downarrow B \qquad \qquad m \qquad m$	
		İ
		٠
	······································	٠
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••	٠
		٠
		٠
		٠
		.
		٠
		.
		- 1
		۱ ٔ
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂ $z$ දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින	- 1
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $2\mathbf{i}+\mathbf{j}$ හා $3\mathbf{i}-\mathbf{j}$ යැයි ගනිමු. $A\hat{O}C=A\hat{O}D=\frac{\pi}{2}$ හා $OC=OD=\frac{1}{3}AB$ වන පරිදි වූ $C$ හා $D$ පුහින්න ලක්ෂා	- 1
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂ $z$ දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින	- 1
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $2\mathbf{i}+\mathbf{j}$ හා $3\mathbf{i}-\mathbf{j}$ යැයි ගනිමු. $A\hat{O}C=A\hat{O}D=\frac{\pi}{2}$ හා $OC=OD=\frac{1}{3}AB$ වන පරිදි වූ $C$ හා $D$ පුහින්න ලක්ෂා	- 1
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $2\mathbf{i}+\mathbf{j}$ හා $3\mathbf{i}-\mathbf{j}$ යැයි ගනිමු. $A\hat{O}C=A\hat{O}D=\frac{\pi}{2}$ හා $OC=OD=\frac{1}{3}AB$ වන පරිදි වූ $C$ හා $D$ පුහින්න ලක්ෂා	- 1
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $2\mathbf{i}+\mathbf{j}$ හා $3\mathbf{i}-\mathbf{j}$ යැයි ගනිමු. $A\hat{O}C=A\hat{O}D=\frac{\pi}{2}$ හා $OC=OD=\frac{1}{3}AB$ වන පරිදි වූ $C$ හා $D$ පුහින්න ලක්ෂා	- 1
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $2\mathbf{i}+\mathbf{j}$ හා $3\mathbf{i}-\mathbf{j}$ යැයි ගනිමු. $A\hat{O}C=A\hat{O}D=\frac{\pi}{2}$ හා $OC=OD=\frac{1}{3}AB$ වන පරිදි වූ $C$ හා $D$ පුහින්න ලක්ෂා	- 1
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $2\mathbf{i}+\mathbf{j}$ හා $3\mathbf{i}-\mathbf{j}$ යැයි ගනිමු. $A\hat{O}C=A\hat{O}D=\frac{\pi}{2}$ හා $OC=OD=\frac{1}{3}AB$ වන පරිදි වූ $C$ හා $D$ පුහින්න ලක්ෂා	- 1
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $2\mathbf{i}+\mathbf{j}$ හා $3\mathbf{i}-\mathbf{j}$ යැයි ගනිමු. $A\hat{O}C=A\hat{O}D=\frac{\pi}{2}$ හා $OC=OD=\frac{1}{3}AB$ වන පරිදි වූ $C$ හා $D$ පුහින්න ලක්ෂා	- 1
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $2\mathbf{i}+\mathbf{j}$ හා $3\mathbf{i}-\mathbf{j}$ යැයි ගනිමු. $A\hat{O}C=A\hat{O}D=\frac{\pi}{2}$ හා $OC=OD=\frac{1}{3}AB$ වන පරිදි වූ $C$ හා $D$ පුහින්න ලක්ෂා	- 1
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $2\mathbf{i}+\mathbf{j}$ හා $3\mathbf{i}-\mathbf{j}$ යැයි ගනිමු. $A\hat{O}C=A\hat{O}D=\frac{\pi}{2}$ හා $OC=OD=\frac{1}{3}AB$ වන පරිදි වූ $C$ හා $D$ පුහින්න ලක්ෂා	- 1
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $2\mathbf{i}+\mathbf{j}$ හා $3\mathbf{i}-\mathbf{j}$ යැයි ගනිමු. $A\hat{O}C=A\hat{O}D=\frac{\pi}{2}$ හා $OC=OD=\frac{1}{3}AB$ වන පරිදි වූ $C$ හා $D$ පුහින්න ලක්ෂා	- 1
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $2\mathbf{i}+\mathbf{j}$ හා $3\mathbf{i}-\mathbf{j}$ යැයි ගනිමු. $A\hat{O}C=A\hat{O}D=\frac{\pi}{2}$ හා $OC=OD=\frac{1}{3}AB$ වන පරිදි වූ $C$ හා $D$ පුහින්න ලක්ෂා	- 1
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $2\mathbf{i}+\mathbf{j}$ හා $3\mathbf{i}-\mathbf{j}$ යැයි ගනිමු. $A\hat{O}C=A\hat{O}D=\frac{\pi}{2}$ හා $OC=OD=\frac{1}{3}AB$ වන පරිදි වූ $C$ හා $D$ පුහින්න ලක්ෂා	- 1
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $2\mathbf{i}+\mathbf{j}$ හා $3\mathbf{i}-\mathbf{j}$ යැයි ගනිමු. $A\hat{O}C=A\hat{O}D=\frac{\pi}{2}$ හා $OC=OD=\frac{1}{3}AB$ වන පරිදි වූ $C$ හා $D$ පුහින්න ලක්ෂා	- 1
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $2\mathbf{i}+\mathbf{j}$ හා $3\mathbf{i}-\mathbf{j}$ යැයි ගනිමු. $A\hat{O}C=A\hat{O}D=\frac{\pi}{2}$ හා $OC=OD=\frac{1}{3}AB$ වන පරිදි වූ $C$ හා $D$ පුහින්න ලක්ෂා	- 1
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $2\mathbf{i}+\mathbf{j}$ හා $3\mathbf{i}-\mathbf{j}$ යැයි ගනිමු. $A\hat{O}C=A\hat{O}D=\frac{\pi}{2}$ හා $OC=OD=\frac{1}{3}AB$ වන පරිදි වූ $C$ හා $D$ පුහින්න ලක්ෂා	- 1
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $2\mathbf{i}+\mathbf{j}$ හා $3\mathbf{i}-\mathbf{j}$ යැයි ගනිමු. $A\hat{O}C=A\hat{O}D=\frac{\pi}{2}$ හා $OC=OD=\frac{1}{3}AB$ වන පරිදි වූ $C$ හා $D$ පුහින්න ලක්ෂා	- 1
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $2\mathbf{i}+\mathbf{j}$ හා $3\mathbf{i}-\mathbf{j}$ යැයි ගනිමු. $A\hat{O}C=A\hat{O}D=\frac{\pi}{2}$ හා $OC=OD=\frac{1}{3}AB$ වන පරිදි වූ $C$ හා $D$ පුහින්න ලක්ෂා	- 1

7.	තිරස සමග පිළිවෙළින් $a$ හා $\frac{\pi}{3}$ කෝණ සාදන $AP$ හා $BP$ $A = A = A = A = A = A = A = A = A = A $
	සැහැල්ලු අවිතනා තන්තු දෙකක් මගින් තිරස් සිවිලිමකින්
	එල්ලා ඇති බර $W$ වූ $P$ අංශුවක්, රූපයේ දැක්වෙන පරිදි
	සමතුලිතතාවයේ පවතී. $AP$ තත්තුවේ ආතතිය, $W$ හා $lpha$
	ඇසුරෙන් සොයන්න. $\sqrt{p}$
	ඒ නයින්, මෙම ආතතියේ අවම අගයත් එයට අනුරූප $a$ හි අගයත් සොයන්න.
	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,
	· ,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,
	.,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,
8.	දිග $2a$ හා බර $W$ වූ ඒකාකාර $AB$ දණ්ඩක් එහි $A$ කෙළවර රඑ තිරස්
	ගෙබිමක් මත ද $B$ කෙළවර සුමට සිරස් බිත්තියකට එරෙහිව ද $B \searrow \longrightarrow rac{W}{2}$
	තබා ඇත. බිත්තියට ලම්බ සිරස් තලයක දණ්ඩ සමතුලිකතාවයේ
	තබා ඇත්තේ $A$ කෙළවරේ දී බිත්තිය දෙසට යෙදූ විශාලත්වය $P$
	වන තිරස් බලයක් මගිනි. රූපයේ $F$ හා $R$ මගින් පිළිවෙළින් $A$ හි දී
	සර්ෂණ බලය හා අභිලම්බ පුතිකිුයාව දක්වා ඇත. $B$ හි දී බිත්තිය
	මගින් ඇති කරන පුතිකිුයාව, රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි $rac{W}{2}$ ද
	දණ්ඩ හා ගෙබීම අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{4}$ ද නම්, $\frac{W}{4} \le P \le \frac{3W}{4}$ බව පෙන්වන්න.
	$\frac{1}{4}$ $\frac{1}$
	······································
	***************************************

9.	$A$ හා $B$ යනු $\Omega$ නියැදි අවකාශයක සිද්ධි දෙකක් යැයි ගනිමු. සුපුරුදු අංකනයෙන්, $P(A)=rac{3}{5}$ , $P(A\cap B)=rac{2}{5}$
	හා $P(A'\cap B)=rac{1}{10}$ බව දී ඇත. $P\left(B ight)$ හා $P(A'\cap B')$ සොයන්න; මෙහි $A'$ හා $B'$ වලින් පිළිවෙළින් $A$ හ
	B හි අනුපූරක සිද්ධි දැක්වේ.
	An Anal 50 100 100 100 100 100 100 100 100 100
lO.	එක එකක් $5$ ට අඩු ධන නිබිල පහකට මාතයන් දෙකක් ඇති අතර ඉන් එකක් $3$ වේ. ඒවායේ මධ $oldsymbol{x}$ න $oldsymbol{x}$ න
10.	වක වකක 3 ට අඩු ධන නිබල පහකට මාතයන් දෙකක් ඇති අතර ඉන් එකක් 3 වේ. ඒවායේ මධ්‍යන්‍ය හා මධ්‍යස්ථය යන දෙකම් 3 ට සමාන වේ. මෙම නිඛිල පහ සොයන්න.
10.	
10.	
10.	මධාසේථය යන දෙකම 3 ට සමාන වේ. මෙම නිඛිල පහ සොයන්න.
10.	මධාසේථය යන දෙකම 3 ට සමාන වේ. මෙම නිඛිල පහ සොයන්න.
<b>.</b> (0.	මධාසේථය යන දෙකම 3 ට සමාන වේ. මෙම නිඛිල පහ සොයන්න.
10.	මධාසේථය යන දෙකම 3 ට සමාන වේ. මෙම නිඛිල පහ සොයන්න.
10.	මධාසේථය යන දෙකම 3 ට සමාන වේ. මෙම නිඛිල පහ සොයන්න.
10.	මධාසේථය යන දෙකම 3 ට සමාන වේ. මෙම නිඛිල පහ සොයන්න.
10.	මධාසේථය යන දෙකම 3 ට සමාන වේ. මෙම නිඛිල පහ සොයන්න.
10.	මධාසේථය යන දෙකම 3 ට සමාන වේ. මෙම නිඛිල පහ සොයන්න.
10.	මධාසේථය යන දෙකම 3 ට සමාන වේ. මෙම නිඛිල පහ සොයන්න.
10.	මධාසේථය යන දෙකම 3 ට සමාන වේ. මෙම නිඛිල පහ සොයන්න.
10.	මධාසේථය යන දෙකම 3 ට සමාන වේ. මෙම නිඛිල පහ සොයන්න.
10.	මධාසේථය යන දෙකම 3 ට සමාන වේ. මෙම නිඛිල පහ සොයන්න.
10.	මධාසේථය යන දෙකම 3 ට සමාන වේ. මෙම නිඛිල පහ සොයන්න.
10.	මධාසේථය යන දෙකම 3 ට සමාන වේ. මෙම නිඛිල පහ සොයන්න.

((නව නිර්දේශය/பුதிய பாடத்திட்டம்/New Syllabus)

අධායන පොදු සහතික පතු (උසස් පෙළ) විභාගය, 2019 අගෝස්තු கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2019 ஓகஸ்ற் General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

සංයුක්ත ගණිතය

II

இணைந்த கணிதம் Combined Mathematics II H



\* පුශ්න **පහකට** පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

(මෙම පුශ්න පකුයෙහි g මගින් ගුරුත්වජ ත්වරණය දැක්වෙයි.)

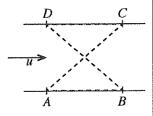
B කොටස

- ${f 11.}\,(a)\,\,P$  හා  $\,Q\,$  මෝටර් රථ දෙකක් සෘජු පාරක් දිගේ නියත ත්වරණ සහිතව එකම දිශාවකට චලනය වේ. කාලය t=0 හි දී P හි පුවේගය u m s $^{-1}$  ද Q හි පුවේගය (u+9) m s $^{-1}$  ද වේ. P හි නියත ත්වරණය f m s $^{-2}$ ද Q හි නියත ත්වරණය  $\left(f + \frac{1}{10}\right)$  m s $^{-2}$ ද වේ.
  - (i)  $t \ge 0$  සඳහා P හා Q හි චලිතවලට, එකම රූපයක හා
  - (ii)  $t \ge 0$  සඳහා P ට සාපේක්ෂව Q හි චලිතයට, වෙනම රූපයක,

පුවේග-කාල වකුවල දළ සටහන් අඳින්න.

කාලය t=0 හි දී P මෝටර් රථය Q මෝටර් රථයට වඩා මීටර 200 ක් ඉදිරියෙන් සිටි බව තවදුරටත් දී ඇත. P පසුකර යැමට Q මගින් ගනු ලබන කාලය සොයන්න.

(b) සමාන්තර සෘජු ඉවුරු සහිත පළල a වූ ගඟක් u ඒකාකාර පුවේගයෙන් ගලයි. රූපයෙහි, A, B, C හා Dයන ඉවුරු මත වූ ලක්ෂෳ සමචතුරසුයක ශීර්ෂ වේ. ජලයට සාපේක්ෂව නියත  $v\left(>u
ight)$  වේගයෙන් චලනය වන  $B_{1}$  හා  $B_{2}$  බෝට්ටු දෙකක් එකම මොහොතක A සිට ඒවායේ ගමන් ආරම්භ කරයි.  $B_1$  බෝට්ටුව පළමුව  $\overrightarrow{AC}$  දිගේ C වෙත ගොස් ඉන්පසු  $Car{D}$  දිශාවට ගඟ දිගේ ඉහළට D වෙත යයි.  $B_2$  බෝට්ටුව පළමුව AB දිශාවට ගඟ දිගේ පහළට B වෙත ගොස් ඉන්පසු BD දිගේ D වෙත යයි. එකම රූපයක,  $B_1$  හි A සිට C දක්වා ද  $B_2$  හි B සිට D දක්වා ද චලිත සඳහා පුවේග තිුකෝණවල දළ සටහත් අඳින්න.

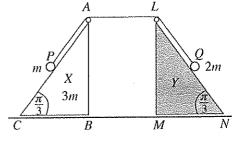


ඒ නයින්, A සිට C දක්වා චලිතයේ දී  $B_1$  බෝට්ටුවේ චේගය  $\dfrac{1}{\sqrt{2}}\Big(\sqrt{2\,v^2-u^2}\,+u\Big)$ බව පෙන්වා B සිට Dදක්වා චලිතයේ දී  $B_2$  බෝට්ටුවේ වේගය සොයන්න.

 $B_1$  හා  $B_2$  බෝට්ටු දෙකම එකම මොහොතක දී D වෙත ළඟා වන බව තවදුරටත් පෙන්වන්න.

12.(a) රූපයෙහි ABC හා LMN නිකෝණ,  $A\hat{C}B=L\hat{N}M=rac{\pi}{3}$  හා  $A\hat{B}C=L\hat{M}N=rac{\pi}{2}$  වූ BC හා MN අඩංගු මුහුණත් සුමට ති්රස් ගෙබිමක් මත තබන ලද පිළිවෙළින් X හා Yසර්වසම සුමට ඒකාකාර කුඤ්ඤ දෙකක ගුරුත්ව කේන් $\mathfrak g$  තුළින් වූ සිරස් හරස්කඩ වේ. ස්කන්ධය 3m වූ X කුඤ්ඤය ගෙබිම මත චලනය වීමට

නිදහස් වන අතර Y කූඤ්ඤය **අවලව** තබා ඇත. AC හා LNරේඛා අදාළ මුහුණත්වල උපරිම බැවුම් රේඛා වේ. A හා L හි සවිකර ඇති සුමට කුඩා කප්පි දෙකක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක දෙකෙළවර ස්කන්ධ පිළිවෙළින් m හා 2mවූ P හා Q අංශු දෙකකට ඇඳා ඇත. රූපයේ පරිදි ආරම්භක පිහිටීමේ දී, තන්තුව නොබුරුල්ව හා AP = AL = LQ = a වන ලෙස P හා Q අංශු පිළිවෙළින් AC හා LN මත අල්වා තබා ඇත. පද්ධතිය නිශ්චලතාවයෙන් මුදා හරිනු ලැබේ. Y වෙත

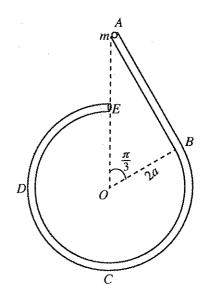


යාමට X ගනු ලබන කාලය, a හා g ඇසුරෙන් නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත් සමීකරණ ලබා ගන්න.

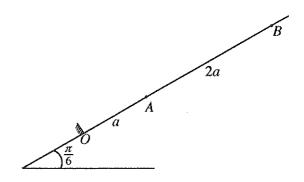
(b) රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි සුමට සිහින් ABCDE බටයක් සිරස් තලයක සවිකර ඇත. දිග  $2\sqrt{3}a$  වූ AB කොටස සෘජු වන අතර එය B හි දී අරය 2a වූ BCDE වෘත්තාකාර කොටසට ස්පර්ශක වේ. A හා E අන්ත O කේන්දුයට සිරස්ව ඉහළින් පිහිටයි. ස්කන්ධය m වූ P අංශුවක් A හි දී බටය තුළ තබා නිශ්චලතාවයේ සිට සීරුවෙන් මුදා හරිනු ලැබේ.  $\overrightarrow{OA}$  සමග  $\theta\left(\frac{\pi}{3} < \theta < 2\pi\right)$  කෝණයක්  $\overrightarrow{OP}$  සාදන විට P අංශුවේ වේගය, v යන්න,  $v^2 = 4ga(2-\cos\theta)$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වා, එම මොහොතේ දී P අංශුව මත බටයෙන් ඇති කරන පුතිකියාව සොයන්න.

P අංශුව A සිට B දක්වා චලිතයේ දී එය මත බටයෙන් ඇති කරන පුතිකුියාව ද සොයන්න.

P අංශුව B පසු කරන විට P අංශුව මත බටයෙන් ඇති කරන පුතිකිුිිිිිිිිිිිිි කරන පතිවිතියාව ක්ෂණිකව වෙනස් වන බව පෙන්වන්න.



13. තිරසට  $\frac{\pi}{6}$  කෝණයකින් ආනත සුමට අචල තලයක උපරිම බෑවුම් රේඛාවක් මත OA = a හා AB = 2a වන පරිදි O පහළම ලක්ෂාය ලෙස ඇතිව O,A හා B ලක්ෂා එම පිළිවෙළින් පිහිටා ඇත. ස්වාභාවික දිග a හා පුනාහස්ථකා මාපාංකය mg වූ සැහැල්ලු පුනාහස්ථ තන්තුවක එක් කෙළවරක් O ලක්ෂායට ඇඳා ඇති අතර අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය m වූ P අංශුවකට ඇඳා ඇත. P අංශුව B ලක්ෂාය කරා ළඟා වන තෙක් තන්තුව OAB රේඛාව දිගේ අදිනු ලැබේ. ඉන්පසු P



අංශුව නිශ්චලතාවයේ සිට මුදා හරිනු ලැබේ. B සිට A දක්වා P හි චලින සමීකරණය,  $0 \le x \le 2a$  සඳහා,  $\ddot{x} + \frac{g}{a} \left( x + \frac{a}{2} \right) = 0$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න; මෙහි AP = x වේ.

 $y=x+rac{a}{2}$  යැයි ගෙන ඉහත චලිත සමීකරණය  $rac{a}{2} \le y \le rac{5a}{2}$  සඳහා  $\ddot{y}+\omega^2 y=0$  ආකාරයෙන් නැවත ලියන්න; මෙහි  $\omega=\sqrt{rac{g}{a}}$  වේ.

ඉහත සරල අනුවර්තී චලිතයේ කේන්දුය සොයා  $\dot{y}^2=\omega^2\,(c^2-y^2\,)$  සූතුය භාවිතයෙන්, c විස්තාරය හා A වෙත ළඟා වන විට P හි පුවේගය සොයන්න.

O වෙත ළඟා වන විට P හි පුවේගය  $\sqrt{7ga}$  බව පෙන්වන්න.

B සිට O දක්වා චලනය වීමට P මහින් ගනු ලබන කාලය  $\sqrt{\frac{a}{g}}\left\{\cos^{-1}\left(\frac{1}{5}\right)+2k\right\}$  බවත් පෙන්වන්න; මෙහි  $k=\sqrt{7}-\sqrt{6}$  වේ.

P අංශුව O වෙන ළඟා වන විට, තලයට ලම්බව O හි සවිකර ඇති සුමට බාධකයක් හා එය ගැටෙයි. බාධකය හා P අතර පුනාගෙනි සංගුණකය e වේ.  $0 < e \le \frac{1}{\sqrt{7}}$  නම්, පසුව සිදු වන P හි චලිතය සරල අනුවර්තී **නොවන** බව පෙන්වන්න.

14.(a) OACB යනු සමාන්තරාසුයක් යැයි ද D යනු AC මත AD:DC=2:1 වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ද ගනිමු. O අනුබද්ධයෙන් A හා B ලක්ෂාවල පිහිටුම් දෙශික පිළිවෙළින්  $\lambda a$  හා b වේ; මෙහි  $\lambda > 0$  වේ.  $\overrightarrow{OC}$  හා  $\overrightarrow{BD}$  දෙශික, a, b හා  $\lambda$  ඇසුරෙන් පුකාශ කරන්න.

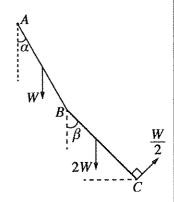
දැන්,  $\overrightarrow{OC}$  යන්න  $\overrightarrow{BD}$  ට ලම්බ වේ යැයි ගනිමු.  $3\left|\mathbf{a}\right|^2\lambda^2+2(\mathbf{a}\cdot\mathbf{b})\lambda-\left|\mathbf{b}\right|^2=0$  බව පෙන්වා  $\left|\mathbf{a}\right|=\left|\mathbf{b}\right|$  හා  $A\hat{O}B=\frac{\pi}{3}$  නම්,  $\lambda$  හි අගය සොයන්න.

(b) කේන්දුය O හා පැත්තක දිග 2a වූ  $\overrightarrow{ABCDEF}$  සවිධි ෂඩසුයක තලයෙහි වූ බල තුනකින් පද්ධතියක් සමන්විත වේ. මූලය O හි ද Ox-අක්ෂය  $\overrightarrow{OB}$  දිගේ ද Oy-අක්ෂය  $\overrightarrow{OH}$  දිගේ ද ඇතිව බල හා ඒවායේ කුියා ලක්ෂා, සුපුරුදු අංකනයෙන්, පහත වගුවේ දක්වා ඇත; මෙහි H යනු CD හි මධා ලක්ෂාය වේ. (P නිව්ටන වලින් ද a මීටර වලින් ද මනිනු ලැබේ.)

කුියා ලක්ෂපය	පිහිටුම් දෛශිකය	වලය
A	$a\mathbf{i} - \sqrt{3}a\mathbf{j}$ .	3 <i>P</i> <b>i</b> +√3 <i>P</i> <b>j</b>
C	$a\mathbf{i} + \sqrt{3}a\mathbf{j}$	$-3P\mathbf{i} + \sqrt{3}P\mathbf{j}$
E	-2ai	-2√3P <b>j</b>

පද්ධතිය යුග්මයකට තුලා වන බව පෙන්වා, යුග්මයේ සූර්ණය සොයන්න. දැන්,  $\overrightarrow{FE}$  දිගේ කිුයා කරන විශාලත්වය 6P N වූ අතිරේක බලයක් මෙම පද්ධතියට ඇතුළත් කරනු ලැබේ. නව පද්ධතිය ඌනනය වන තනි බලයේ විශාලත්වය, දිශාව හා කිුයා රේඛාව සොයන්න.

15.(a) එක එකක දිග 2a වූ AB හා BC ඒකාකාර දඬු දෙකක් B හි දී සුමට ලෙස සත්ධි කර ඇත. AB දණ්ඩේ බර W ද BC දණ්ඩේ බර 2W ද වේ. A කෙළවර අචල ලක්ෂාකට සුමට ලෙස අසව කර ඇත. AB හා BC දඬු යටී අත් සිරස සමග පිළිවෙළින්  $\alpha$  හා  $\beta$  කෝණ සාදමින් මෙම පද්ධතිය සිරස් තලයක සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ, C හි දී රූපයේ පෙන්වා ඇති BC ට ලම්බ දිශාව ඔස්සේ යෙදූ  $\frac{W}{2}$  බලයක් මගිනි.  $\beta = \frac{\pi}{6}$  බව පෙන්වා, B සන්ධියේ දී AB දණ්ඩ මගින් BC දණ්ඩ මත යොදන පුතිකිුයාවෙහි තිරස් හා සිරස් සංරචක සොයන්න.  $\tan \alpha = \frac{\sqrt{3}}{9}$  බවත් පෙන්වත්න.

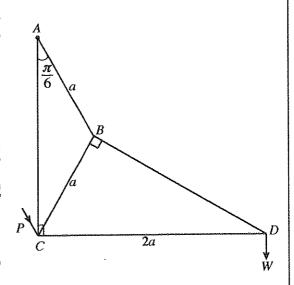


(b) රූපයෙහි පෙන්වා ඇති රාමු සැකිල්ල ඒවායේ කෙළවරවල දී සුමට ලෙස සත්ධි කළ AB,BC,BD,DC හා AC සැහැල්ලු දඬු පහකින් සමන්විත වේ.

මෙහි AB = CB = a ද CD = 2a ද  $B\hat{A}C = \frac{\pi}{6}$  ද බව දී ඇත. රාමු සැකිල්ල A හි දී අචල ලක්ෂායකට සුමට ලෙස අසව් කර ඇත. D සන්ධියේ දී W භාරයක් එල්ලා, AC සිරස්ව ද CD තිරස්ව ද ඇතිව සිරස් තලයක රාමු සැකිල්ල සමතුලිතව තබා ඇත්තේ C සන්ධියේ දී AB දණ්ඩට සමාන්තරව රූපයේ පෙන්වා ඇති දිශාවට යෙදූ P බලයක් මගිනි. බෝ අංකනය භාවිතයෙන් D,B හා C සන්ධි සඳහා පුතාහබල සටහනක් අඳින්න.



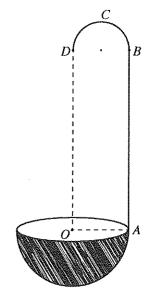
- (i) ආතති ද තෙරපුම් ද යන්න පුකාශ කරමින් දඬු පහේම පුතාහබල, හා
- (ii) P හි අගය සොයන්න.



More Past Papers at tamilguru.lk

- ${f 16}$ . (i) අරය a වූ තුනී ඒකාකාර අර්ධ වෘත්තාකාර කම්බියක ස්කන්ධ කේන්දය එහි කේන්දයේ සිට  ${2a\over \pi}$  දුරකින් ද
  - (ii) අරය a වූ තුනී ඒකාකාර අර්ධ ගෝලාකාර කබොළක ස්කන්ධ කේන්දුය එහි කේන්දුයේ සිට  $\frac{a}{2}$  දුරකින් ද පිහිටන බව පෙන්වන්න.

කේන්දුය O හා අරය 2a වූ තුනී ඒකාකාර අර්ධ ගෝලාකාර කබොළකට රූපයේ දැක්වෙන පරිදි දිග  $2\pi a$  වූ AB සෘජු කොටසකින් ද BD විෂ්කම්භය AB ට ලම්බ වන පරිදි, අරය a වූ BCD අර්ධ වෘත්තාකාර කොටසකින් ද සමන්විත ඒකාකාර කම්බියකින් සාදනු ලැබූ ABCD තුනී මිටක් දෘඪ ලෙස සවි කිරීමෙන් හැන්දක් සාදා ඇත. A ලක්ෂාය අර්ධ ගෝලයේ ගැට්ට මත ඇති අතර OA යන්න AB ට ලම්බ ද OD යන්න AB ට සමාන්තර ද වේ. තව ද BCD යන්න OABD හි තලයේ පිහිටා ඇත. අර්ධ ගෝලයේ ඒකක වර්ගඑලයක ස්කන්ධය  $\sigma$  ද මිටෙහි ඒකක දිගක ස්කන්ධය  $\frac{a\sigma}{2}$  ද වේ. හැන්දේ ස්කන්ධ කේන්දුය, OA සිට පහළට  $\frac{2}{19\pi}\Big(8\pi-2\pi^2-1\Big)a$  දුරකින් ද O හා D හරහා යන රේඛාවේ සිට  $\frac{5}{19}a$  දුරකින් ද Oහා D හරහා යන රේඛාවේ සිට  $\frac{5}{19}a$  දුරකින් ද Oහා Oහරහා යන රේඛාවේ සිට Oව පහළට



රඑ තිරස් මේසයක් මත, අර්ධ ගෝලාකාර පෘෂ්ඨය එය ස්පර්ශ කරමින්, හැන්ද තබා ඇත. අර්ධ ගෝලාකාර පෘෂ්ඨය හා මේසය අතර ඝර්ෂණ සංගුණකය  $\frac{1}{7}$ කි.  $\overrightarrow{AO}$  දිශාවට A හි දී යොදනු ලබන තිරස් බලයක් මගින් OD සිරස්ව ඇතිව හැන්ද සමතුලිතතාවයේ තැබිය හැකි බව පෙන්වන්න.

- 17.(a) ආරම්භයේ දී එක එකක් සුදු පාට හෝ කළු පාට වූ, පාටින් හැර අන් සෑම අයුරකින්ම සමාන බෝල 3 ක් පෙට්ටියක අඩංගු වේ. දැන්, පාටින් හැර අන් සෑම අයුරකින්ම පෙට්ටියේ ඇති බෝලවලට සමාන සුදු පාට බෝලයක් පෙට්ටිය තුළට දමා ඉන්පසු සසම්භාවී ලෙස බෝලයක් පෙට්ටියෙන් ඉවතට ගනු ලැබේ. පෙට්ටියේ ඇති බෝලවල ආරම්භක සංයුති හතර සම සේ භවා වේ යැයි උපකල්පනය කරමින්,
  - (i) ඉවතට ගත් බෝලය සුදු පාට එකක් වීමේ,
  - (ii) ඉවතට ගත් බෝලය සුදු පාට එකක් බව දී ඇති විට ආරම්භයේ දී පෙට්ටිය තුළ හරියටම කළු පාට බෝල 2 ක් තිබීමේ,

සම්භාවිතාව සොයන්ත.

(b)  $\mu$  හා  $\sigma$  යනු පිළිවෙළින්  $\left\{x_i:i=1,2,...,n\right\}$  අගයන් කුලකයේ මධානාසය හා සම්මත අපගමනය යැයි ගනිමු.  $\left\{\alpha x_i:i=1,2,...,n\right\}$  අගයන් කුලකයේ මධානාසය හා සම්මත අපගමනය සොයන්න; මෙහි  $\alpha$  යනු නියනයකි.

එක්තරා සමාගමක සේවකයින් 50 දෙනකුගේ මාසික වැටුප් පහත වගුවේ සාරාංශගත කර ඇත:

මාසික වැටුප (රුපියල් දහසේ ඒවායින්)	සේවකයින් ගණන
5 – 15	9
15 – 25	-11
25 – 35	14
35 – 45	10
45 – 55	6

සේවකයින් 50 දෙනාගේ මාසික වැටුප්වල මධානාය හා සම්මත අපගමනය නිමානය කරන්න.

වසරක ආරම්භයේ දී එක් එක් සේවකයාගේ මාසික වැටුප p% වලින් වැඩි කරනු ලැබේ. ඉහත සේවකයින් 50 දෙනාගේ නව මාසික වැටුප්වල මධානාය රුපියල්  $29\ 172$  බව දී ඇත. p හි අගය හා සේවකයින් 50 දෙනාගේ නව මාසික වැටුප්වල සම්මත අපගමනය නිමානය කරන්න.