සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි / (ආලාර් பනිப්பුලිකාරායුදා Labla Rights Reserved]

> අධායන පොදු සහතික පතු (උසස් පෙළ) විභාගය, 2021(2022) සහ්ඛා්ධ பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2021(2022) General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2021(2022)

සංයුක්ත ගණිතය

இணைந்த கணிதம் Combined Mathematics 10 S I

පැය තුනයි

மூன்று மணித்தியாலம் Three hours අමතර කියවීම් කාලය

- මිනිත්තු 10 යි

மேலதிக வாசிப்பு நேரம்

10 நிமிடங்கள்

Additional Reading Time

10 minutes

අමතර කියවීම් කාලය පුශ්න පතුය කියවා පුශ්න තෝරා ගැනීමටත් පිළිතුරු ලිචීමේදී පුමුබත්වය දෙන පුශ්න සංවිධානය කර ගැනීමටත් යොදාගන්න.

උපදෙස්:

🗱 මෙම පුශ්න පතුය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ;

A කොටස (පුශ්න 1 - 10) සහ B කොටස (පුශ්න 11 - 17).

* A කොටස:

සීයලු ම පුශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් පුශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩෙහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශා වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකි ය.

* B කොටස:

පුශ්න **පහකට** පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩදාසිවල ලියන්න.

- * නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු A කොටසෙහි පිළිතුරු පනුය, B කොටසෙහි පිළිතුරු පනුයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විහාග ශාලාධිපතිට භාර දෙන්න.
- 🔆 පුශ්න පතුයෙහි B කොටස පමණක් විභාග ශාලාවෙන් පිටතට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.

පරීක්ෂකවරුන්ගේ පුයෝජනය සඳහා පමණි.

	තය I	
කොටස	පුශ්න අංකය	ලකුණු
A	1	2
	2	
	3	W.
	4	
	5	1
Λ	6	
	. 7	
	8	
	9	
	10	93
В	11	
	12	
	13	•
	14	
19	15	
	16	12 H
	17	
	එකතුව	+

	එකතුව
ඉලක්කමෙන්	
අකුරින්	8

	m-0100 4-10
උත්තර පතු පරීක්ෂක	
පරීක්ෂා කළේ:	
2	47 14
අධීක්ෂණය කළේ:	

AL	/2021(2022)/10/S-I - 2 -
	${f A}$ කොටස
	п
1.	ගණිත අභපුගන මූලධර්මය භාවිතයෙන්, සියලු $n\!\in\!\mathbb{Z}^+$ සඳහා $\sum (6r\!+\!1)=n(3n\!+\!4)$ බව සාධනය කරන්න.
	r=1
	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,
2.	එක ම රූප සටහනක $y=2\left x+1\right $ හා $y=2-\left x\right $ හි පුස්තාරවල දළ සටහන් අඳින්න.
	ඒ නගින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ , $2 x+2 + x \le 4$ අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු ම තාත්ත්වික අගයන්
	සොයන්න.
	•••••••••••••••••••••••••••••••••
	en de la composition de la composition La composition de la

٠	

A	T.	/202	1(26	22)	/10	/S-I
7		202	1146	وست	LU	D-T

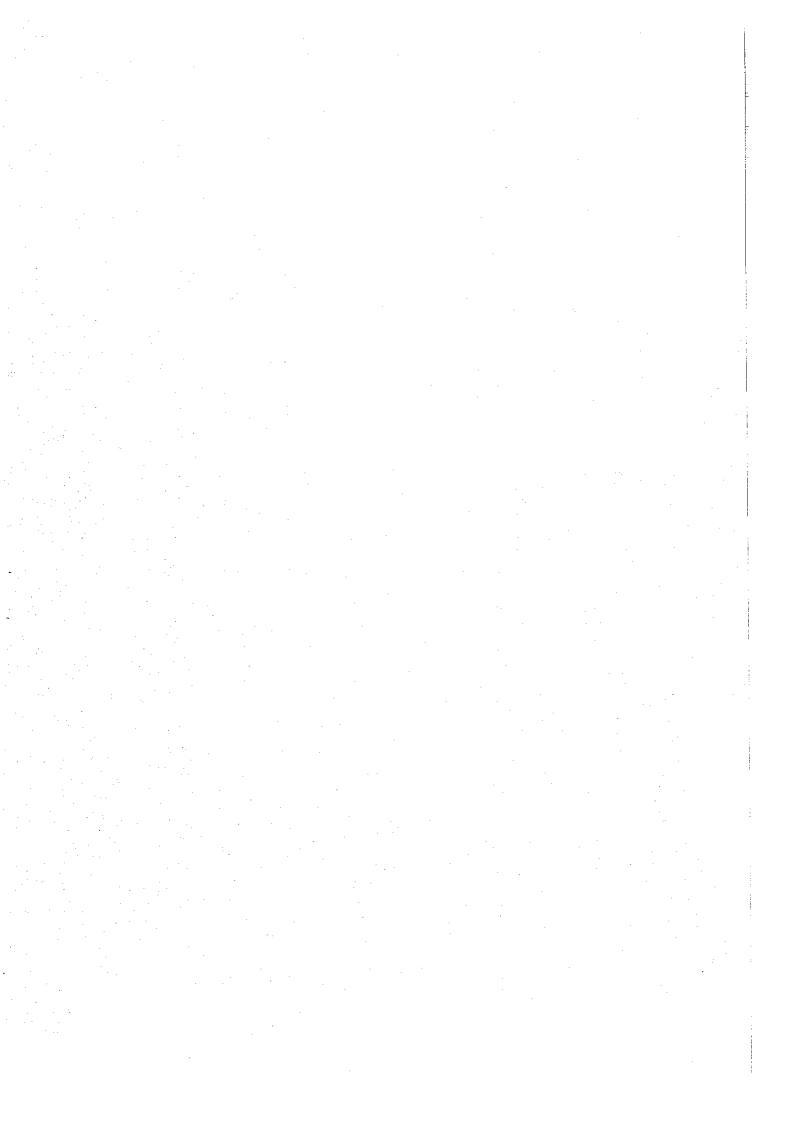
2	විභාග	අංකය	
---	-------	------	--

	ආගන්ඩ් සටහනක, $\operatorname{Arg}ig(z-1-iig)=-rac{\pi}{4}$ සපුරාලන z සංකීර්ණ සංඛාා නිරූපණය කරන ලක්ෂාවල පථයෙහි දළ සටහනක් අඳින්න.
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ, $\operatorname{Arg}ig(iz+1-iig)=rac{\pi}{4}$ සපුරාලන $\left z-2+i ight $ හි අවම අගය $rac{1}{\sqrt{2}}$ බව පෙන්වන්න.
	, 11
•	$k>0$ යැයි ගනිමු. $\left(x^2+rac{k}{x} ight)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^7 හි සංගුණකය හා $\left(x-rac{1}{x^2} ight)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^{-7} හි
	සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
	සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
	සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වත්න.
	සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
	සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
	සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
	සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
	සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
	සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
	සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
	සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
	සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
	கூழைகளை கூறை බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න. More Past Papers at tamilguru.lk

5.	5. $\lim_{x\to 0} \frac{\tan 2x - \sin 2x}{x^2 \left(\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}\right)} = 4$ බව ඉපන්වන්න.	
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	••••••
	·	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,
	<u></u>	
6.	$y = \frac{\ln x}{\sqrt{x}}$, $y = 0$ හා $x = e^2$ වකු මගින් ආවෘත වන පෙදෙස S යැයි ගනිමු.	S හි වර්ගඵලය, වර්ග ඒකක 4 ක්
	V.A.	
	බව පෙන්වන්න.	
	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x —අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙ	
	බව පෙන්වන්න.	
	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x —අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙ	
	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x —අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙ	
	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x —අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙ	ලෙස ජනනය වන ඝන වස්තුවේ
	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x —අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙ	
	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x —අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙ	ලෙස ජනනය වන ඝන වස්තුවේ
	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x —අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙ	ලෙස ජනනය වන ඝන වස්තුවේ
	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x —අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙ	ලෙස ජනනය වන ඝන වස්තුවේ
	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x —අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙ	ලෙස ජනනය වන ඝන වස්තුවේ
	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x —අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙ	ලෙස ජනනය වන ඝන වස්තුවේ
	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x —අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙ	ලෙස ජනනය වන ඝන වස්තුවේ
	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x —අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙ	ලෙස ජනනය වන ඝන වස්තුවේ
	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x —අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙ	ලෙස ජනනය වන ඝන වස්තුවේ
	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x —අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙ	ලෙස ජනනය වන ඝන වස්තුවේ

	, ,
7.	$t \neq 0$ සඳහා $x = ct$ හා $y = \frac{c}{t}$ මගින් පරාමිතිකව දෙනු ලබන ඍජුකෝණාසු බහුවලයට $P \equiv \left(cp, \frac{c}{p}\right)$ ලක්ෂායේදී වූ ස්පර්ශ රේඛාවේ සමීකරණය $x + p^2y = 2cp$ බව පෙන්වන්න.
	P හි දී මෙම බහුවලයට වූ අභිලම්භ රේඛාව වෙනත් $Q\equiv\left(cq,rac{c}{q} ight)$ ලක්ෂාායකදී බහුවලය නැවත හමු වේ.
	$p^3q=-1$ බව පෙන්වන්න.
Q	$A = (0, 1) \dots B = (0, 0) \dots B$ and C and $C = AD = AC \cdot CB = 1 \cdot 2 \cdot$
υ.	$A\equiv (0,-1)$ හා $B\equiv (9,8)$ යැයි ගනිමු. C ලක්ෂාය AB මත $AC:CB=1:2$ වන පරිදි පිහිටයි. C හරහා යන
υ.	$A = (0, -1)$ හා $B = (9, 8)$ යැය හනමු. උ ලක්ෂයය AB මත $AC \cdot CB - 1 \cdot 2 \ 2 \ 3 \ COC \ C හටහා ගන AB \cdot CB = 1 \cdot 2 \ 2 \ 3 \ COC \ C හටහා ගන AB \cdot CB = 1 \cdot 2 \ 2 \ 3 \ COC \ C \ CB = 1 \cdot 2 \ 2 \ 3 \ COC \ CB = 1 \cdot 2 \ 2 \ 3 \ COC \ CB = 1 \cdot 2 \ 2 \ 3 \ COC \ CB = 1 \cdot 2 \ 2 \ 3 \ COC \ CB = 1 \cdot 2 \ 2 \ 3 \ COC \ CB = 1 \cdot 2 \ 2 \ 3 \ COC \ CB = 1 \cdot 2 \ 2 \ 3 \ COC \ CB = 1 \cdot 2 $
0.	
0.	AB ට ලම්බ වූ l සරල රේඛාවේ සමීකරණය $x+y-5=0$ බව පෙන්වන්න.
0.	AB ට ලම්බ වූ l සරල රේඛාවේ සමීකරණය $x+y-5=0$ බව පෙන්වන්න.
.	AB ට ලම්බ වූ l සරල රේඛාවේ සමීකරණය $x+y-5=0$ බව පෙන්වන්න.
	AB ට ලම්බ වූ l සරල රේඛාවේ සමීකරණය $x+y-5=0$ බව පෙන්වන්න.
	AB ට ලම්බ වූ l සරල රේඛාවේ සමීකරණය $x+y-5=0$ බව පෙන්වන්න.
	AB ට ලම්බ වූ l සරල රේඛාවේ සමීකරණය $x+y-5=0$ බව පෙන්වන්න.
	AB ට ලම්බ වූ l සරල රේඛාවේ සමීකරණය $x+y-5=0$ බව පෙන්වන්න.
	AB ට ලම්බ වූ l සරල රේඛාවේ සමීකරණය $x+y-5=0$ බව පෙන්වන්න.
	AB ට ලම්බ වූ l සරල රේඛාවේ සමීකරණය $x+y-5=0$ බව පෙන්වන්න.
	AB ට ලම්බ වූ l සරල රේඛාවේ සමීකරණය $x+y-5=0$ බව පෙන්වන්න.
	AB ට ලම්බ වූ l සරල රේඛාවේ සමීකරණය $x+y-5=0$ බව පෙන්වන්න.
	AB ට ලම්බ වූ l සරල රේඛාවේ සමීකරණය $x+y-5=0$ බව පෙන්වන්න.
	AB ට ලම්බ වූ l සරල රේඛාවේ සමීකරණය $x+y-5=0$ බව පෙන්වන්න.
	AB ට ලම්බ වූ l සරල රේඛාවේ සමීකරණය $x+y-5=0$ බව පෙන්වන්න.

පෙන්වන්න.
මෙම ලක්ෂාා දෙක හා $S=0$ වෘත්තයෙහි කේන්දුය හරහා යන වෘත්තයෙහි සමීකරණය සොයන්න.
- <i>-</i>
$2\cos^2 x + 2\sqrt{3}\sin x\cos x - 1$ යන්න $R\cos\left(2x - lpha\right)$ ආකාරයෙන් පුකාශ කරන්න; මෙහි $R > 0$ හා $0 < lpha < rac{\pi}{2}$
$2\cos^2x+2\sqrt{3}\sin x\cos x-1$ යන්න $R\cos{(2x-\alpha)}$ ආකාරයෙන් පුකාශ කරන්න; මෙහි $R>0$ හා $0<\alpha<\frac{\pi}{2}$ ඒ නයින්, $\cos^2x+\sqrt{3}\sin x\cos x=1$ සමීකරණය විසඳන්න.
<u> </u>
ඒ නයින්. $\cos^2 x + \sqrt{3} \sin x \cos x = 1$ සමීකරණය විසඳත්ත.
ඒ නයින්. $\cos^2 x + \sqrt{3} \sin x \cos x = 1$ සමීකරණය විසඳත්ත.
ඒ නයින්, $\cos^2 x + \sqrt{3} \sin x \cos x = 1$ සමීකරණය විසඳත්ත.
ඒ නයින්, $\cos^2 x + \sqrt{3} \sin x \cos x = 1$ සමීකරණය විසඳත්ත.
ඒ නයින්. $\cos^2 x + \sqrt{3} \sin x \cos x = 1$ සමීකරණය විසඳත්ත.
ඒ නයින්. $\cos^2 x + \sqrt{3} \sin x \cos x = 1$ සමීකරණය විසඳත්ත.
ඒ නයින්. $\cos^2 x + \sqrt{3} \sin x \cos x = 1$ සමීකරණය විසඳත්ත.
ඒ නයින්, $\cos^2 x + \sqrt{3} \sin x \cos x = 1$ සමීකරණය විසඳත්ත.
ඒ නයින්, $\cos^2 x + \sqrt{3} \sin x \cos x = 1$ සමීකරණය විසඳත්ත.
ඒ නයින්. $\cos^2 x + \sqrt{3} \sin x \cos x = 1$ සමීකරණය විසඳත්ත.
ඒ නයින්, $\cos^2 x + \sqrt{3} \sin x \cos x = 1$ සමීකරණය විසඳත්ත.
ඒ නයින්, $\cos^2 x + \sqrt{3} \sin x \cos x = 1$ සමීකරණය විසඳත්ත.
ඒ නයින්. $\cos^2 x + \sqrt{3} \sin x \cos x = 1$ සමීකරණය විසඳත්ත.





ගියලු ම හිමිකම් ඇවිරිනි / $\psi\psi$ ාජිාර්ටුම්කාර්ධනා $All\ Rights\ Reserved$

ම් ලංකා විභාත දෙපාරතමේත්තුව ලී ලංකා විභාත දෙපාර්තමේක්තුව කියන් ලියාග්තන්ව වී ලංකා විභාත දෙපාර්තමේක්තුව இනසිනෙන්ට පාර්ධතපති නිශාශ්පයහාර මුහත්තනව පාර්ධතව නියන්ත් මුහත්තන්ව මුහත්තන්ව මුහත්තන්ව ප්රධානය මුහත්තනව පාර්ධතපති නියන්ත් මුහත්තනව පාර්ධතව සියාග්තන්ව ප්රධානය විභාත දෙපාරතමේක්තුව ලී ලංකා විභාත දෙපාරතමේක්තුව ලේ ලංකා විභාත දෙපාරතමේක්තුව ලී ලංකා විභාත දෙපාරතමේක්තුව ලේ ලංකා විභාත දෙපාරතමක්තුව ලේ ලංකා විභාත දෙපාරතම්ක්තුව ලේ ලේක්තුව ලේක්තු

සංයුක්ත ගණිතය I இணைந்த கணிதம் **I** Combined Mathematics **I**



R කොටස

* පුශ්න **පහකට** පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

- **11.**(a) k>1 යැයි ගනිමු. $x^2-2(k+1)x+(k-3)^2=0$ සමීකරණයට තාත්ත්වික පුභින්න මූල ඇති බව පෙන්වන්න. මෙම මූල α හා β යැයි ගනිමු. k ඇසුරෙන් $\alpha+\beta$ හා $\alpha\beta$ ලියා දක්වා, α හා β දෙකම ධන වන පරිදි වූ k හි අගයන් සොයන්න. α දැන්, α දැන් යැයි ගනිමු. α ඇසුරෙන්, α හා α මූල වන වර්ගජ සමීකරණය සොයන්න.
 - (b) $f(x) = 2x^3 + ax^2 + bx + 1$ හා $g(x) = x^3 + cx^2 + ax + 1$ යැයි ගතිමු; මෙහි $a,b,c \in \mathbb{R}$ වේ. (x-1) මගින් f(x) බෙදූ විට ශේෂය 5 බව හා $x^2 + x 2$ මගින් g(x) බෙදූ විට ශේෂය x + 1 බව දී ඇත. a,b හා c හි අගයන් සොයන්න. තවද, a,b හා c සඳහා මෙම අගයන් සහිත ව, සියලු $x \in \mathbb{R}$ සඳහා $f(x) 2g(x) \le \frac{13}{12}$ බව පෙන්වත්න.
- 12.(a) පහත දී ඇති සංඛාහාංක 10 න් ගනු ලබන සංඛාහාංක 4 කින් සමන්විත, සංඛාහාංක 4 ක සංඛාහවක් සැදීමට අවශාව ඇත:

- (i) තෝරා ගනු ලබන සංඛාහාංක 4 ම වෙනස් නම්,
- (ii) ඕනෑම සංඛාාංක 4 ක් තෝරාගත හැකි නම්,

සෑදිය හැකි එවැනි වෙනස් සංඛාහංක 4 ක සංඛාහ ගණන සොයන්න.

(b) $r \in \mathbb{Z}^+$ සඳහා $U_r = \frac{-16r^3 + 12r^2 + 40r + 9}{5(2r+1)^2(2r-1)^2}$ යැයි ගනිමු.

 $r\in \mathbb{Z}^+$ සඳහා $U_r=rac{A(r-1)}{(2r+1)^2}-rac{(r-B)}{(2r-1)^2}$ වන පරිදි A හා B තාත්ත්වික නියතයන් හි අගයන් සොයන්න.

ඒ නයින්. $r\!\in\!\mathbb{Z}^+$ සඳහා $\frac{1}{5^{r-1}}U_r=f(r)-f(r-1)$ වන පරිදි f(r) මසායා,

 $n \in \mathbb{Z}^+$ සඳහා $\sum_{r=1}^n \frac{1}{5^{r-1}} U_r = 1 + \frac{n-1}{5^n (2n+1)^2}$ බව පෙන්වන්න.

 $\sum_{r=1}^{\infty} rac{1}{5^{r-1}} U_r$ අපරිමිත ශ්‍රේණිය අභිසාරී බව **අපෝහනය** කර එහි ඓකාසය සොයන්න.

$$egin{aligned} \mathbf{13.}(a) & \mathbf{A} = \begin{pmatrix} a & 0 & 3 \\ 0 & a & 1 \end{pmatrix}$$
 හා $\mathbf{B} = \begin{pmatrix} a & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ යැයි ගනිමු; මෙහි $a \in \mathbb{R}$ වේ.

 ${f C}={f A}{f B}^{f T}$ යැයි ද ගනිමු. a ඇසුරෙන් ${f C}$ සොයා, සියලු $a\neq 0$ සඳහා ${f C}^{-1}$ පවතින බව පෙන්වන්න. a ඇසුරෙන් ${f C}^{-1}$, එය පවතින විට, ලියා දක්වන්න.

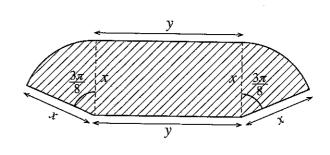
$$\mathbf{C}^{-1} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} = \frac{1}{8} \begin{pmatrix} 9 \\ -11 \end{pmatrix}$$
 නම්, $a=2$ බව පෙන්වන්න.

a සඳහා මෙම අගය සහිතව, $\mathbf{DC} - \mathbf{C^TC} = 8\mathbf{I}$ වන පරිදි \mathbf{D} නාහාසය සොයන්න; මෙහි \mathbf{I} යනු ගණය 2 වන ඒකක නාහසය වේ.

- (b) $z_1=1+\sqrt{3}i$ හා $z_2=1+i$ යැයි ගනිමු. $\frac{z_1}{z_2}$ යන්න x+iy ආකාරයෙන් පුකාශ කරන්න; මෙහි $x,y\in\mathbb{R}$. කවද, z_1 හා z_2 සංකීර්ණ සංඛාහ r>0 හා $0<\theta<\frac{\pi}{2}$ වන $r(\cos\theta+i\sin\theta)$ ආකාරයෙන් පුකාශ කර, ඒ නයින්, $\frac{z_1}{z_2}=\sqrt{2}\left(\cos\frac{\pi}{12}+i\sin\frac{\pi}{12}\right)$ බව පෙන්වන්න. $\cos\left(\frac{\pi}{12}\right)=\frac{1+\sqrt{3}}{2\sqrt{2}}$ බව අපෝහනය කරන්න.
- (c) $n\in \mathbb{Z}^+$ ද $k\in \mathbb{Z}$ සඳහා $heta \neq 2k\pi \pm \frac{\pi}{2}$ යැයි ද ගනිමු. ද මුවාවර් පුමේයය භාවිතයෙන්, $(1+i an heta)^n = \sec^n heta(\cos n heta + i\sin n heta)$ බව පෙන්වන්න. ඒ නයින්, $(1-i an heta)^n$ සඳහා එවැනි පුකාශනයක් ලබා ගෙන $(1+i an heta)^n + (1-i an heta)^n = 2\sec^n heta\cos n heta$ බව පෙන්වන්න. $z=i an\left(\frac{\pi}{10}\right)$ යන්න $(1+z)^{25}+(1-z)^{25}=0$ හි විසඳුමක් බව **අපෝහනය** කරන්න.
- 14.(a) $x \neq 0, 2$ සඳහා $f(x) = \frac{4x+1}{x(x-2)}$ යැයි ගනිමු. $x \neq 0, 2$ සඳහා f(x) හි වසුක්පන්නය, f'(x) යන්න $f'(x) = -\frac{2(2x-1)(x+1)}{x^2(x-2)^2}$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

ජ නයින්, f(x) වැඩි වන පුංත්තර හා f(x) අඩු වන පුංත්තර සොයන්න. ස්පර්ශෝත්මුඛ, x-අන්තඃඛණ්ඩය හා හැරුම් ලක්ෂා දක්වමින් y=f(x) හි පුස්තාරයේ දළ සටහනක් අඳිත්න. මෙම පුස්තාරය භාවිතයෙන්, $f(x)+\left|f(x)\right|>0$ අසමානතාව තෘප්ත කරන x හි සියලුම තාත්ත්වික අගයන් සොයන්න.

(b) යාබද රූපයෙහි අඳුරු කළ S පෙදෙසින් සෘජුකෝණාසුයකින් හා කේන්දයෙහි $\frac{3\pi}{8}$ ක කෝණයක් ආපාතනය කරන වෘත්තයක කේන් දික ඛණ්ඩ දෙකකින් සමන්විත ගෙවත්තක් දැක්වේ. එහි මාන, මීටරවලින්, රූපයෙහි දක්වා ඇත. S හි වර්ගඵලය $36\ m^2$ බව දී ඇත. S හි පරිමිතිය p m යන්න x>0 සඳහා $p=2x+\frac{72}{x}$ මගින් දෙනු ලබන බව ද, x=6 විට p අවම වන බව ද පෙන්වන්න.



15.(a) සියලු $x \in \mathbb{R}$ සඳහා $x^4 + 3x^3 + 4x^2 + 3x + 1 = A(x^2 + 1)^2 + Bx(x^2 + 1) + Cx^2$ වන පරිදි A, B හා C නියතයන් හි අගයන් සොයන්න.

ඒ නයින්,
$$\frac{x^4 + 3x^3 + 4x^2 + 3x + 1}{x(x^2 + 1)^2}$$
 යන්න හින්න භාගවලින් ලියා දක්වා,

$$\int \frac{x^4 + 3x^3 + 4x^2 + 3x + 1}{x(x^2 + 1)^2} \, \mathrm{d}x$$
 much න්න.

- $I=\int\limits_{0}^{rac{1}{4}} \sin^{-1}\Bigl(\sqrt{x}\Bigr) \mathrm{d}x$ යැයි ගනිමු. $I=rac{\pi}{24}-rac{1}{2}\int\limits_{0}^{rac{1}{4}} \sqrt{rac{x}{1-x}} \,\mathrm{d}x$ බව පෙන්වා **ඒ නයින්**, I අගයන්න.
- (c) $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x} \Big(x \ln(x^2 + 1) + 2 \tan^{-1} x 2x \Big) = \ln(x^2 + 1)$ බව පෙන්වන්න.

ඒ නයින්,
$$\int \ln(x^2+1) \, \mathrm{d}x$$
 සොයා, $\int _0^1 \ln(x^2+1) \, \mathrm{d}x = \frac{1}{2} \left(\ln 4 + \pi - 4\right)$ බව පෙන්වන්න.

$$a$$
 නියතයක් වන $\int\limits_0^a f(x)\mathrm{d}x = \int\limits_0^a f(a-x)\mathrm{d}x$ පුතිඵලය භාවිතයෙන්

$$\int_{0}^{1} \ln \left[(x^{2} + 1)(x^{2} - 2x + 2) \right] dx$$
 හි අගය සොයන්න.

16. $P \equiv (x_1, y_1)$ ද l යනු ax + by + c = 0 මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛාව ද යැයි ගනිමු. P ලක්ෂාය හරහා යන හා l ට ලම්බ වූ රේඛාව මත ඕනෑම ලක්ෂායක ඛණ්ඩාංක $(x_1 + at, y_1 + bt)$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න; මෙහි $t \in \mathbb{R}$ වේ.

$$P$$
 හි සිට l ට ලම්බ දුර $\dfrac{\left|ax_1+by_1+c\right|}{\sqrt{a^2+b^2}}$ බව **අපෝහනය** කරන්න.

l යනු x+y-2=0 සරල රේඛාව යැයි ගනිමු. $A\equiv (0,6)$ හා $B\equiv (3,-3)$ ලක්ෂා l හි දෙපස පිහිටන බව පෙන්වන්න.

 \emph{l} හා \emph{AB} රේඛාව අතර සුළු කෝණය සොයන්න.

l ස්පර්ශ කරන, පිළිවෙළින් A හා B කේන්දු සහිත S_1 හා S_2 වෘත්තවල සමීකරණ සොයන්න.

 \emph{l} හා \emph{AB} රේඛාවේ ඡේදන ලක්ෂාය \emph{C} යැයි ගනිමු. \emph{C} හි ඛණ්ඩාංක සොයන්න.

 S_1 හා S_2 ට C හරහා වූ අනෙක් පොදු ස්පර්ශකයේ සමීකරණය ද සොයන්න.

මූල ලක්ෂාය හරහා යන, S_1 හි පරිධිය සමච්ඡේද කරන හා S_2 ට පුලම්බ වෘත්තයේ සමීකරණය $3x^2+3y^2-38x-22y=0$ බව පෙන්වන්න.

17. (a) $\cos A$, $\cos B$, $\sin A$ හා $\sin B$ ඇසුරෙන් $\cos (A+B)$ හා $\cos (A-B)$ ලියා දක්වන්න.

ඒ නයින්,
$$\cos C + \cos D = 2\cos\left(\frac{C+D}{2}\right)\cos\left(\frac{C-D}{2}\right)$$
 බව පෙන්වන්න.

$$\cos C - \cos D = -2\sin\left(\frac{C+D}{2}\right)\sin\left(\frac{C-D}{2}\right)$$
 බව **අපෝහනය** කරන්න.

$$\cos 9x + \cos 7x + \cot x (\cos 9x - \cos 7x) = 0$$
 සමීකරණය විසඳන්න.

(b) සුපුරුදු අංකනයෙන්, ABC තිුකෝණයක් සඳහා **කෝසයින නිඛ්ය** පුකාශ කර සාධනය කරන්න.

$$n\in\mathbb{Z}$$
 සඳහා $x\neq n\pi+rac{\pi}{2}$ යැයි ගනිමු. $\sin2x=rac{2\tan x}{1+ an^2x}$ බව පෙන්වන්න.

$$ABC$$
 තිකෝණයක $AB=20~{
m cm}$, $BC=10~{
m cm}$ හා $\sin 2B=rac{24}{25}$ බව දී ඇත.

එවැනි වෙනස් තුිකෝණ දෙකක් තිබෙන බව පෙන්වා, ඒ එක එකක් සඳහා AC හි දිග සොයන්න.

(c) $\sin^{-1}\left[\left(1+e^{-2x}\right)^{-\frac{1}{2}}\right] + \tan^{-1}(e^x) = \tan^{-1}(2)$ සමීකරණය විසඳන්න.

AL/2021(2022)/10/S-II

සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි / (((())) යනි <math>())) ගෙන් ()) ගෙන් (

ශි ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ලියින්න විභාග දෙපාර්තමේන්තුව විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශි ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව මිභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශි ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශිකාගේසනාග මුණාගන්ව වැරී. ගණන සිතාග පෙපාර්තමේන්තුව මිභාග සේවා වැරී. ගණන සිතාග සේවා වැරී. ගණන සිතාග සේවා විභාග පෙපාර්තමේන්තුව මි ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව මිභාග දෙපාර්තමේන්තුව මිභාගේසන්ත් විභාග දෙපාර්තමේන්තුව මිභාගේසන්ත් විභාගේසන්ත් විභාගය විභාගේසන්ත් විභාගේසන්ත් විභාගේසන්ත් විභාගේසන්ත් විභාගේසන්ත් විභාගය විභාගය විභාගය විභාගය විභාගය විභාගේසන්ත් විභාගය විභාගය

අධානයන පොදු සහතික පතු (උසස් පෙළ) විභාගය, 2021(2022) සහ්ඛාධ பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2021(2022) General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2021(2022)

සංයුක්ත ගණිතය II இணைந்த கணிதம் **II** Combined Mathematics **II** 10 S II

පැය තුනයි

மூன்று மணித்தியாலம் Three hours අමතර කියවීම් කාලය - මිනිත්තු 10 යි மேலதிக வாசிப்பு நேரம் - 10 நிமிடங்கள் Additional Reading Time - 10 minutes

අමතර කියවීම් කාලය පුශ්න පතුය කියවා පුශ්න තෝරා ගැනීමටත් පිළිතුරු ලිවීමේදී පුමුඛත්වය දෙන පුශ්න සංවිධානය කර ගැනීමටත් යොදාගන්න.

විභාග අංකය				

උපදෙස්:

💥 මෙම පුශ්න පතුය කොටස් දෙකකින් සමන්විත චේ;

A කොටස (පුශ්න 1 - 10) සහ **B කොටස** (පුශ්න 11 - 17).

* A කොටස:

සියලු ම පුශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් පුශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩෙහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශා වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකි ය.

🔆 B කොටස:

පුශ්ත පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩදාසිවල ලියන්න.

- * නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු **A කොටසෙහි** පිළිතුරු පතුය**, B කොටසෙහි** පිළිතුරු පතුයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග ශාලාධිපතිට භාර දෙන්න.
- st පුශ්න පතුයෙහි f B **කොටස පමණක්** විභාග ශාලාවෙන් පිටතට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.
- * මෙම පුශ්න පතුයෙහි g මගින් ගුරුත්වජ ත්වරණය දැක්වෙයි.

පරික්ෂකවරුන්ගේ පුයෝජනය සඳහා පමණි.

(10) සංයුක්ත ගණතය 11		
කොටස	පුශ්න අංකය	ලකුණු
	1	
	2	
	3	
	4	
A	5	
11	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
	11	
	12	
	13	
В	14	
	15	
	16	
	17	
	එකතුව	

(10) ലംഭര്മ തതിരദ U

	එකතු ව
ඉලක්කමෙන්	
අකුරිත්	

_		සංකේත අංක	_
උත්තර පතු පරීක්ෂ	ක		
පරීක්ෂා කලේ:	1 2		
අධීක්ෂණය කළේ:			

	A කොටස
1.	ස්කන්ධය m වූ P අංශුවක් හා ස්කන්ධය $2m$ වූ Q අංශුවක් සුමට තිරස් මේසයක් මත එකම සරල රේඛාවෑ දිගේ පිළිචෙළින් $4u$ හා u වේගවලින් එකිනෙක දෙසට චලනය වෙමින් සරල ලෙස ගැටේ. P හා Q අතර පුතාහාගති සංගුණකය $\frac{4}{5}$ වේ. ගැටුමෙන් පසු P හා Q අංශු එකිනෙකට පුතිවිරුද්ධ දිශාවලට චලනය වන බව පෙන්වන්න. ගැටුමෙන් පසු P හා Q එකිනෙකට a දුරකින් පිහිටීම සඳහා ගතවන කාලය සොයන්න.
	රූපයේ දැක්වෙන පරිදි, තිරස් ගෙබිමක සිට a සිරස් දුරකින් වූ O ලක්ෂායක සිට \sqrt{ga} ආරම්භක පුවේගයකින් හා තිරසට $\alpha\left(0<\alpha<\frac{\pi}{2}\right)$ කෝණයකින් අංශුවක් පුක්ෂේප කරනු ලැබේ. අංශුව, O සිට a තිරස් දුරකින් ගෙබිම හා ගැටේ. $\tan\alpha=1+\sqrt{2}$ බව පෙන්වන්න.

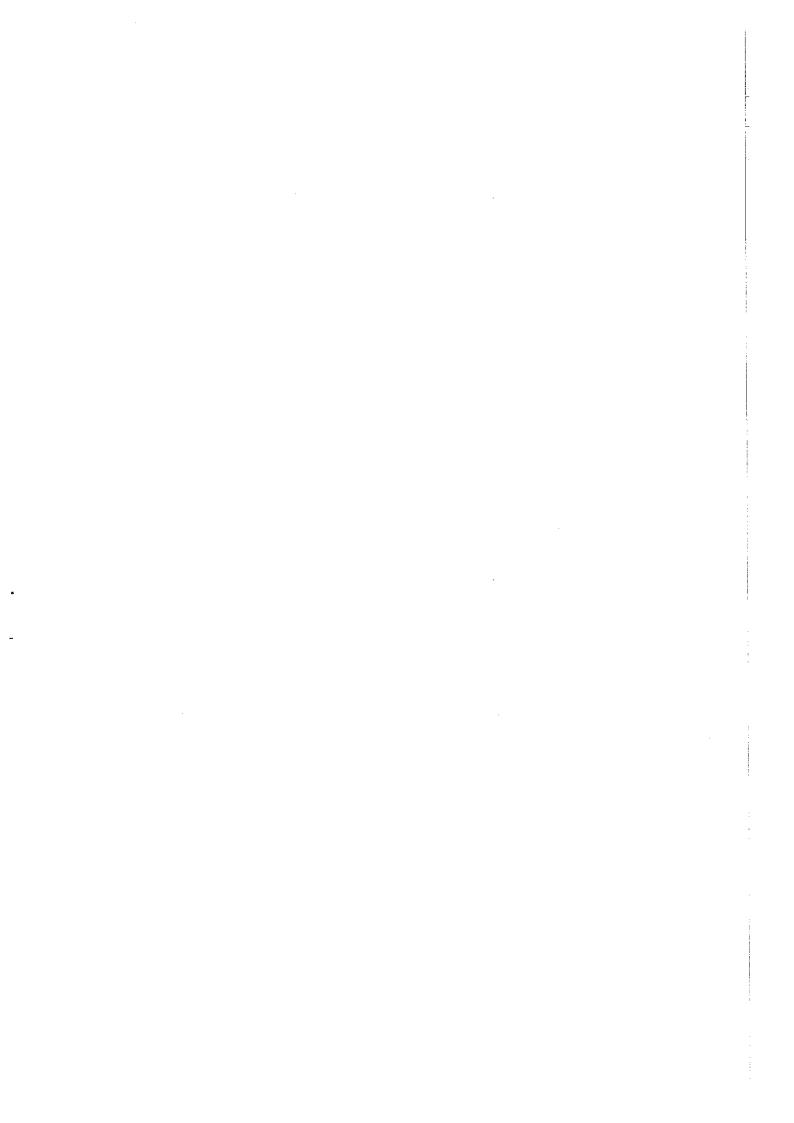
3.	සුමට තිරස් මේසයක් මත ස්කන්ධය m වූ P අංශුවක් තබා, එය මේසයේ දාරයෙහි වූ A ලක්ෂායෙහි ඇති අචල කුඩා සුමට කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක් මගින් සුමට සැහැල්ලු Q කප්පියකට සම්බන්ධ කර ඇත. රූපයේ පෙන්වා
	ඇති පරිදි, Q කප්පිය මතින් යන සැහැල්ලු අවිතනෳ තන්තුවකින් ස්කන්ධ $2m$ හා $\bigcirc Q$
	3 <i>m</i> වන අංශු සම්බන්ධ කර ඇත. අංශු හා තන්තු සිරස් තලයක පිහිටයි. තන්තු තදව
	ඇතිව පද්ධතිය නිශ්චලතාවයේ සිට මුදා හරිනු ලැබේ. $m{Q}$ හි ත්වරණය නිර්ණය කිරීමට
	පුමාණවත් සමීකරණ ලබාගන්න. (2m)
	3w
4.	
	ත්වරණයකින් ගමන් කරයි. එහි චලිතයට R N නියත පුතිරෝධයක් ඇත. එහි වේගය $36~{ m km}~{ m h}^{-1}$ සිට $72~{ m km}~{ m h}^{-1}$
	දක්වා වැඩි කිරීමට කාරය ගමන් කළ දුර $500~\mathrm{m}$ වේ. එහි වේගය $54~\mathrm{km}~\mathrm{h}^{-1}$ වන විටදී කාරය යෙදූ පවය
	ත්වරණයකින් ගමන් කරයි. එහි චලිතයට K N නියත පුතිටොධයක් ඇති. එහි වෙගය 50 km h සිය 72 km k දක්වා වැඩි කිරීමට කාරය ගමන් කළ දුර 500 m වේ. එහි වේගය 54 km h ව වන විටදී කාරය යෙදූ ජවය නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත් සමීකරණ ලබාගන්න.
	දක්වා වැඩි කිරීමට කාරය ගමන් කළ දුර $500~\mathrm{m}$ වේ. එහි වේගය $54~\mathrm{km}~\mathrm{h}^{-1}$ වන විටදී කාරය යෙදූ පවය
	දක්වා වැඩි කිරීමට කාරය ගමන් කළ දුර $500~\mathrm{m}$ වේ. එහි වේගය $54~\mathrm{km}~\mathrm{h}^{-1}$ වන විටදී කාරය යෙදූ පවය
	දක්වා වැඩි කිරීමට කාරය ගමන් කළ දුර $500~\mathrm{m}$ වේ. එහි වේගය $54~\mathrm{km}~\mathrm{h}^{-1}$ වන විටදී කාරය යෙදූ පවය
	දක්වා වැඩි කිරීමට කාරය ගමන් කළ දුර $500~\mathrm{m}$ වේ. එහි වේගය $54~\mathrm{km}~\mathrm{h}^{-1}$ වන විටදී කාරය යෙදූ පවය
	දක්වා වැඩි කිරීමට කාරය ගමන් කළ දුර $500~\mathrm{m}$ වේ. එහි වේගය $54~\mathrm{km}~\mathrm{h}^{-1}$ වන විටදී කාරය යෙදූ පවය
	දක්වා වැඩි කිරීමට කාරය ගමන් කළ දුර $500~\mathrm{m}$ වේ. එහි වේගය $54~\mathrm{km}~\mathrm{h}^{-1}$ වන විටදී කාරය යෙදූ පවය
	දක්වා වැඩි කිරීමට කාරය ගමන් කළ දුර $500~\mathrm{m}$ වේ. එහි වේගය $54~\mathrm{km}~\mathrm{h}^{-1}$ වන විටදී කාරය යෙදූ පවය
	දක්වා වැඩි කිරීමට කාරය ගමන් කළ දුර $500~\mathrm{m}$ වේ. එහි වේගය $54~\mathrm{km}~\mathrm{h}^{-1}$ වන විටදී කාරය යෙදූ පවය
	දක්වා වැඩි කිරීමට කාරය ගමන් කළ දුර $500~\mathrm{m}$ වේ. එහි වේගය $54~\mathrm{km}~\mathrm{h}^{-1}$ වන විටදී කාරය යෙදූ පවය
	දක්වා වැඩි කිරීමට කාරය ගමන් කළ දුර $500~\mathrm{m}$ වේ. එහි වේගය $54~\mathrm{km}~\mathrm{h}^{-1}$ වන විටදී කාරය යෙදූ පවය
	දක්වා වැඩි කිරීමට කාරය ගමන් කළ දුර $500~\mathrm{m}$ වේ. එහි වේගය $54~\mathrm{km}~\mathrm{h}^{-1}$ වන විටදී කාරය යෙදූ පවය
	දක්වා වැඩි කිරීමට කාරය ගමන් කළ දුර $500~\mathrm{m}$ වේ. එහි වේගය $54~\mathrm{km}~\mathrm{h}^{-1}$ වන විටදී කාරය යෙදූ පවය
	දක්වා වැඩි කිරීමට කාරය ගමන් කළ දුර $500~\mathrm{m}$ වේ. එහි වේගය $54~\mathrm{km}~\mathrm{h}^{-1}$ වන විටදී කාරය යෙදූ පවය
	දක්වා වැඩි කිරීමට කාරය ගමන් කළ දුර $500~\mathrm{m}$ වේ. එහි වේගය $54~\mathrm{km}~\mathrm{h}^{-1}$ වන විටදී කාරය යෙදූ පවය

_	
5.	දිග $2a$ වූ සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක එක කෙළවරක් සුමට තිරස් A
	මේසයක සිට a සිරස් දුරක් ඉහළින් වූ A අවල ලක්ෂායකට ඇදා ඇත. a $2a$
	තන්තුවේ අනෙක් කෙළවරට ඇඳා ඇති ස්කන්ධය m වූ P අංශුවක්,
	තන්තුව තදව ඇතිව $\sqrt{rac{ga}{2}}$ ඒකාකාර වේගයෙන් තිරස් වෘත්තයක මේසය $_$
	මත චලනය වේ (රූපය බලන්න). මේසය මගින් P මත ඇති කරන අභිලම්බ පුතිකිුියාවේ විශාලත්වය $rac{5}{6}$ mg බව
	පෙන්වන්න.
	models to memorate Quies and a color of the property of the color of t
,	සුපුරුදු අංකනයෙන්, O අවල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් A හා B ලක්ෂාා දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $2\mathbf{i}-3\mathbf{j}$ හා $\mathbf{i}-2\mathbf{j}$ වේ. $\overrightarrow{AO}\cdot\overrightarrow{AB}$ භාවිතයෙන්, $O\hat{A}B$ සොයන්න.
	C යනු OA මත $O\hat{C}B=rac{\pi}{2}$ වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ගනිමු. \overrightarrow{OC} සොයන්න.

	,
	1

7.	දිග $8a$ හා බර W වූ AB ඒකාකාර දණ්ඩක, එහි A කෙළවර අවල ලක්ෂායකට සුමට ලෙස අසව් කර ඇත. දිග $4a$ වූ සැහැල්ලු අවිතනා තත්තුවක එක් කෙළවරක් දණ්ඩ මත $AC=3a$ වන පරිදි වූ C ලක්ෂායට ඈඳා ඇති අතර අනෙක් කෙළවර A ට සිරස්ව ඉහළින් $AD=5a$ වන පරිදි වූ D අවල ලක්ෂායකට ඇදා ඇත (රූපය බලන්න). දණ්ඩ සමතුලිතතාවයේ පවතී. තත්තුවේ ආතතිය $\frac{16}{15}W$ බව පෙන්වන්න. A හි පුතිකිුයාවේ තිරස් සංරචකය ද සොයන්න.
8.	තිරසට $\frac{\pi}{4}$ කෝණයකින් ආනත රළු නලයක් මත ස්කන්ධය m වූ P අංගුවක් තබා ඇත. රූපයෙහි දක්වා ඇති පරිදි, ආනත තලයේ දාරයට A හි දී සවිකර ඇති අචල කුඩා සුමට කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක එක් කෙළවරක් P අංගුවට ද අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය λ mg වූ Q අංගුවකට ද ඇදා ඇත. P අංගුව හා ආනත තලය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{2}$ වේ. PA රේඛාව, ආනත තලයේ උපරිම බෑවුම් රේඛාවක් වන අතර තන්තුව තදව ඇතිව P හා Q අංශු දෙක සමතුලිතතාවයේ පවතී. $\frac{1}{2\sqrt{2}} \le \lambda \le \frac{3}{2\sqrt{2}}$ බව පෙන්වන්න. (අදාළ බල රූපයෙහි ලකුණු කර ඇත.)
8.	තබා ඇති. රූපයෙහි දක්වා ඇති පරිදි, ආනත තලයේ දාරයට A හි දී සවිකර ඇති අවල කුඩා සුමට කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක එක් කෙළවරක් P අංශුවට ද අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය λ mg වූ Q අංශුවකට ද ඇදා ඇත. P අංශුව හා ආනත තලය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{2}$ වේ. PA රේඛාව, ආනත තලයේ උපරිම බෑවුම් රේඛාවක් වන අතර තන්තුව තදව ඇතිව P හා Q අංශු දෙක සමතුලිතතාවයේ පවතී.
8.	තබා ඇති. රූපයෙහි දක්වා ඇති පරිදි, ආනත තලයේ දාරයට A හි දී සවිකර ඇති අවල කුඩා සුමට කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක එක් කෙළවරක් P අංශුවට ද අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය λ mg වූ Q අංශුවකට ද ඇදා ඇත. P අංශුව හා ආනත තලය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{2}$ වේ. PA රේඛාව, ආනත තලයේ උපරිම බෑවුම් රේඛාවක් වන අතර තන්තුව තදව ඇතිව P හා Q අංශු දෙක සමතුලිතතාවයේ පවතී.
8.	තබා ඇති. රූපයෙහි දක්වා ඇති පරිදි, ආනත තලයේ දාරයට A හි දී සවිකර ඇති අවල කුඩා සුමට කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක එක් කෙළවරක් P අංශුවට ද අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය λ mg වූ Q අංශුවකට ද ඇදා ඇත. P අංශුව හා ආනත තලය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{2}$ වේ. PA රේඛාව, ආනත තලයේ උපරිම බෑවුම් රේඛාවක් වන අතර තන්තුව තදව ඇතිව P හා Q අංශු දෙක සමතුලිතතාවයේ පවතී.
8.	තබා ඇති. රූපයෙහි දක්වා ඇති පරිදි, ආනත තලයේ දාරයට A හි දී සවිකර ඇති අවල කුඩා සුමට කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක එක් කෙළවරක් P අංශුවට ද අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය λ mg වූ Q අංශුවකට ද ඇදා ඇත. P අංශුව හා ආනත තලය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{2}$ වේ. PA රේඛාව, ආනත තලයේ උපරිම බෑවුම් රේඛාවක් වන අතර තන්තුව තදව ඇතිව P හා Q අංශු දෙක සමතුලිතතාවයේ පවතී.
8.	තබා ඇති. රූපයෙහි දක්වා ඇති පරිදි, ආනත තලයේ දාරයට A හි දී සවිකර ඇති අවල කුඩා සුමට කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක එක් කෙළවරක් P අංශුවට ද අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය λ mg වූ Q අංශුවකට ද ඇදා ඇත. P අංශුව හා ආනත තලය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{2}$ වේ. PA රේඛාව, ආනත තලයේ උපරිම බෑවුම් රේඛාවක් වන අතර තන්තුව තදව ඇතිව P හා Q අංශු දෙක සමතුලිතතාවයේ පවතී.
8.	තබා ඇති. රූපයෙහි දක්වා ඇති පරිදි, ආනත තලයේ දාරයට A හි දී සවිකර ඇති අවල කුඩා සුමට කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක එක් කෙළවරක් P අංශුවට ද අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය λ mg වූ Q අංශුවකට ද ඇදා ඇත. P අංශුව හා ආනත තලය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{2}$ වේ. PA රේඛාව, ආනත තලයේ උපරිම බෑවුම් රේඛාවක් වන අතර තන්තුව තදව ඇතිව P හා Q අංශු දෙක සමතුලිතතාවයේ පවතී.
8.	තබා ඇති. රූපයෙහි දක්වා ඇති පරිදි, ආනත තලයේ දාරයට A හි දී සවිකර ඇති අවල කුඩා සුමට කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක එක් කෙළවරක් P අංශුවට ද අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය λ mg වූ Q අංශුවකට ද ඇදා ඇත. P අංශුව හා ආනත තලය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{2}$ වේ. PA රේඛාව, ආනත තලයේ උපරිම බෑවුම් රේඛාවක් වන අතර තන්තුව තදව ඇතිව P හා Q අංශු දෙක සමතුලිතතාවයේ පවතී.
8.	තබා ඇති. රූපයෙහි දක්වා ඇති පරිදි, ආනත තලයේ දාරයට A හි දී සවිකර ඇති අවල කුඩා සුමට කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක එක් කෙළවරක් P අංශුවට ද අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය λ mg වූ Q අංශුවකට ද ඇදා ඇත. P අංශුව හා ආනත තලය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{2}$ වේ. PA රේඛාව, ආනත තලයේ උපරිම බෑවුම් රේඛාවක් වන අතර තන්තුව තදව ඇතිව P හා Q අංශු දෙක සමතුලිතතාවයේ පවතී.
8.	තබා ඇති. රූපයෙහි දක්වා ඇති පරිදි, ආනත තලයේ දාරයට A හි දී සවිකර ඇති අවල කුඩා සුමට කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක එක් කෙළවරක් P අංශුවට ද අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය λ mg වූ Q අංශුවකට ද ඇදා ඇත. P අංශුව හා ආනත තලය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{2}$ වේ. PA රේඛාව, ආනත තලයේ උපරිම බෑවුම් රේඛාවක් වන අතර තන්තුව තදව ඇතිව P හා Q අංශු දෙක සමතුලිතතාවයේ පවතී.
8.	තබා ඇති. රූපයෙහි දක්වා ඇති පරිදි, ආනත තලයේ දාරයට A හි දී සවිකර ඇති අවල කුඩා සුමට කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක එක් කෙළවරක් P අංශුවට ද අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය λ mg වූ Q අංශුවකට ද ඇදා ඇත. P අංශුව හා ආනත තලය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{2}$ වේ. PA රේඛාව, ආනත තලයේ උපරිම බෑවුම් රේඛාවක් වන අතර තන්තුව තදව ඇතිව P හා Q අංශු දෙක සමතුලිතතාවයේ පවතී.
8.	තබා ඇති. රූපයෙහි දක්වා ඇති පරිදි, ආනත තලයේ දාරයට A හි දී සවිකර ඇති අවල කුඩා සුමට කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක එක් කෙළවරක් P අංශුවට ද අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය λ mg වූ Q අංශුවකට ද ඇදා ඇත. P අංශුව හා ආනත තලය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{2}$ වේ. PA රේඛාව, ආනත තලයේ උපරිම බෑවුම් රේඛාවක් වන අතර තන්තුව තදව ඇතිව P හා Q අංශු දෙක සමතුලිතතාවයේ පවතී.

	$P(B)=rac{3}{4}$ බව දී ඇත. $Pig(A\cup Big)$, $Pig(Aig A\cup Big)$ හා $Pig(Big A'ig)$ සොයන්න; මෙහි A' මගින් A හි අනුළු සිද්ධිය දැක්වේ.
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
•	
•	
•	
•	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
•	
	ධන තිබිලමය නිරීක්ෂණ පහක කුලකයක මධානාසය 6 ද පරාසය 10 ද වේ. එයට මාතයන් දෙකක් අ
	ධන නිඛිලමය නිරීක්ෂණ පහක කුලකයක මධානාසය 6 ද පරාසය 10 ද වේ. එයට මාතයන් දෙකක් ϵ
	ධන නිඛිලමය නිරීක්ෂණ පහක කුලකයක මධානායය 6 ද පරාසය 10 ද වේ. එයට මාතයන් දෙකක් අ
	ධන නිඛිලමය නිරීක්ෂණ පහක කුලකයක මධානායය 6 ද පරාසය 10 ද වේ. එයට මාතයන් දෙකක් අ
	ධන නිඛිලමය නිරීක්ෂණ පහක කුලකයක මධානායය 6 ද පරාසය 10 ද වේ. එයට මාතයන් දෙකක් අ
	ධන නිඛිලමය නිරීක්ෂණ පහක කුලකයක මධානායය 6 ද පරාසය 10 ද වේ. එයට මාතයන් දෙකක් අ
	ධන නිඛිලමය නිරීක්ෂණ පහක කුලකයක මධානායය 6 ද පරාසය 10 ද වේ. එයට මාතයන් දෙකක් අ
	ධන නිඛිලමය නිරීක්ෂණ පහක කුලකයක මධානායය 6 ද පරාසය 10 ද වේ. එයට මාතයන් දෙකක් අ
	ධන නිඛිලමය නිරීක්ෂණ පහක කුලකයක මධානායය 6 ද පරාසය 10 ද වේ. එයට මාතයන් දෙකක් අ
	ධන නිඛිලමය නිරීක්ෂණ පහක කුලකයක මධානායය 6 ද පරාසය 10 ද වේ. එයට මාතයන් දෙකක් අ
	ධන නිඛිලමය නිරීක්ෂණ පහක කුලකයක මධානාසය 6 ද පරාසය 10 ද වේ. එයට මාතයන් දෙකක් ϵ
	ධන නිඛිලමය නිරීක්ෂණ පහක කුලකයක මධාෘනාඃය 6 ද පරාසය 10 ද වේ. එයට මාතයන් දෙකක් අ
	ධන නිඛිලමය නිරීක්ෂණ පහක කුලකයක මධාෘනාඃය 6 ද පරාසය 10 ද වේ. එයට මාතයන් දෙකක් අ
	ධන නිඛිලමය නිරීක්ෂණ පහක කුලකයක මධාෘනාඃය 6 ද පරාසය 10 ද වේ. එයට මාතයන් දෙකක් 8
	ධන නිඛිලමය නිරීක්ෂණ පහක කුලකයක මධාෘනාඃය 6 ද පරාසය 10 ද වේ. එයට මාතයන් දෙකක් අ
	ධන නිඛිලමය නිරීක්ෂණ පහක කුලකයක මධාෘනාඃය 6 ද පරාසය 10 ද වේ. එයට මාතයන් දෙකක් අ



සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි / (மුගුට பதிப்புரிமையுடையது / $All\ Rights\ Reserved$)

ලි ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ලි ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව සිදුක් ලෙස විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ලි ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව இலங்கைப் பழீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பழுக்க திணைக்கு இந்த பழியத்த திணைக்களம் இலங்கைப் பழீட்சைத் திணைக்களம் Department of Examinations, Sri Lanka Department of **இலங்கை, Still யதைத்**துள்**து எனக்கு இலங்கைக்காம்** இலங்கைப் பழீட்சைத் திணைக்களம் இ ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ලි ලංකා විභාග විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ලි ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව

අධානයන පොදු සහතික පතු (උසස් පෙළ) විභාගය, 2021(2022) கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2021(2022) General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2021(2022)

සංයුක්ත ගණිතය

<u>II</u>)

இணைந்த கணிதம் Combined Mathematics II

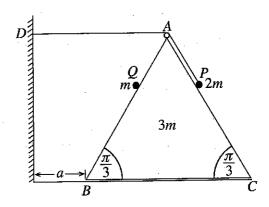


B කොටස

* පුශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

(මෙම පුශ්න පතුයෙහි g මගින් ගුරුත්වජ ත්වරණය දැක්වෙයි.)

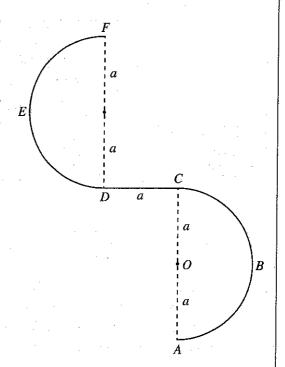
- 11.(a) P අංශුවක් O ලක්ෂායක සිට සිරස්ව උඩු අතට u m s $^{-1}$ පුවේගයකින් පුක්ෂේප කරනු ලැබ තත්පර 4 කට පසුව A ලක්ෂායක් වෙත ළඟා වන අතර, තවත් තත්පර 2 කට පසුව නැවත A වෙත පැමිණෙයි. P අංශුව දෙවනවරට A හි ඇති මොහොතේදී තවත් Q අංශුවක් O හි සිට සිරස්ව උඩු අතට එම u m s $^{-1}$ පුවේගයෙන්ම පුක්ෂේප කරනු ලැබේ. එකම රූපසටහනක, P හා Q හි චලිත සඳහා පුවේග-කාල පුස්තාරවල දළ සටහන් අඳින්න.
 - ඒ නයින්, g ඇසුරෙන් u හි අගය ද OA හි උස ද, P සමග ගැටීමට Q ගන්නා කාලය ද සොයන්න.
 - (b) S නැවක් පොළොවට සාපේක්ෂව u ${\rm km}$ ${\rm h}^{-1}$ ඒකාකාර වේගයෙන් උතුරු දෙසට යාතුා කරයි. එක්තරා මොහොතකදී, S වලින් d ${\rm km}$ දුරක් නැගෙනහිරින් P බෝට්ටුවක් පිහිටන අතර S වලින් $\sqrt{3}$ d ${\rm km}$ දුරක් දකුණෙන් වෙනත් Q බෝට්ටුවක් පිහිටයි. P බෝට්ටුව, පොළොවට සාපේක්ෂව 2u ${\rm km}$ ${\rm h}^{-1}$ ක ඒකාකාර වේගයෙන් සරල රේඛීය පෙතක, S අල්ලා ගැනීමේ අපේක්ෂාවෙන් ගමන් කරන අතර Q බෝට්ටුව පොළොවට සාපේක්ෂව 3u ${\rm km}$ ${\rm h}^{-1}$ ඒකාකාර වේගයෙන් සරල රේඛීය පෙතක P අල්ලා ගැනීමේ අපේක්ෂාවෙන් ගමන් කරයි.
 - (i) P බෝට්ටුවට, S නැව අල්ලා ගැනීමට ගතවන කාලය $\dfrac{d}{\sqrt{3}u} \mathrm{h}$ බව ද
 - (ii) Q බෝට්ටුව P බෝට්ටුව අල්ලා ගැනීමට පෙර P බෝට්ටුව S නැව අල්ලා ගන්නා බව ද පෙන්වන්න.
- 12. (a) රූපයෙහි ABC සමපාද තිුකෝණය, AB = BC = AC = 6a ද වන, BC අඩංගු මුහුණත සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත තබන ලද ස්කන්ධය 3m වන සුමට ඒකාකාර කුඤ්ඤයක ගුරුත්ව කේන්දුය තුළින් වූ සිරස් හරස්කඩ වේ. AB හා AC රේඛා, ඒවා අඩංගු මුහුණත්වල උපරිම බෑවුම් රේඛා වේ. D ලක්ෂාය, AD තිරස් වන පරිදි ABC තලයෙහි කුඤ්ඤයෙහි B ලක්ෂායෙහි සිට a දුරකින් වූ සිරස් බිත්තිය මත වූ අචල ලක්ෂායකි. A හි සවිකර ඇති කුඩා සුමට කප්පියක් මතින් යන දිග 5a වූ සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක එක් කෙළවරක් AC මත තැබූ ස්කන්ධය 2m වූ P අංශුවකට ඇඳා ඇති අතර අනෙක් කෙළවර බිත්තිය මත



වූ අචල D ලක්ෂායට සවිකර ඇත. ස්කන්ධය m වූ Q අංශුවක් AB මත අල්වා තබා ඇත. රූපයේ දැක්වෙන පරිදි, AP=AQ=a ලෙස ඇතිව, පද්ධතිය නිශ්චලතාවයෙන් මුදා හරිනු ලැබේ. කුඤ්ඤය බිත්තියෙහි ගැටෙන මොහොතෙහිදී කුඤ්ඤයට සාපේක්ෂව Q හි පුවේගය නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත් සමීකරණ ලබාගන්න.

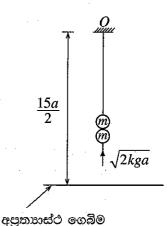
(b) රූපයේ දැක්වෙන පරිදි, ABCDEF තුනී කම්බියක් සිරස් කලයක සවි කර ඇත. ABC කොටස, කේන්දුය O හා අරය a වූ තුනී **සුමට** අර්ධ වෘත්තාකාර කම්බියක් වේ. CD කොටස, දිග a වූ තුනී **ජමට** අර්ධ වෘත්තාකාර කම්බියක් වේ. AC හා DF විෂ්කම්භ සිරස් වේ. ස්කන්ධය m වූ කුඩා සුමට P පබලුවක් A හි තබා තිරස්ව u $\left(>3\sqrt{ag}\right)$ පුවේගයක් දෙනු ලබන අතර එය කම්බිය දිගේ චලිතය ආරම්භ කරයි. පබලුවෙහි C සිට D දක්වා චලිතය තුළ පබලුව මත කම්බිය මගින් ඇති කරන සර්ෂණ බලයේ විශාලත්වය $\frac{1}{2}mg$ බව දී ඇත. P පබලුවෙහි A සිට C දක්වා චලිතය තුළ \overrightarrow{OA} සමග θ $(0 \le \theta \le \pi)$ කෝණයක් \overrightarrow{OP} සාදන වීට එහි v වේගය $v^2 = u^2 - 2ag(1 - \cos\theta)$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

F හිදී කම්බිය හැරයාමට මොහොතකට පෙර P පබලුවේ w වේගය $w^2=u^2-9ag$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වා, එම මොහොතේදී කම්බිය මගින් P පබලුව මත ඇති කරන පුතිකියාව සොයන්න.



13. ස්වභාවික දිග 4a වූ සැහැල්ලු පුතාාස්ථ තන්තුවක එක් කෙළවරක් අචල O ලක්ෂායකට ද අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය m වූ P අංශුවකට ද ඇඳා ඇත. අංශුව O ට 5a දුරක් පහළින් සමතුලිතතාවයේ එල්ලෙයි. තන්තුවේ පුතාාස්ථතා මාපාංකය 4mg බව පෙන්වන්න.

දැන්, ස්කන්ධය m වූ වෙනත් Q අංශුවක් සිරස්ව ඉහළට ගමන් කර P සමග ගැටී හාවී R සංයුක්ත අංශුවක් සාදයි. P අංශුව සමග ගැටීමට මොහොතකට පෙර Q අංශුවේ වේගය $\sqrt{2kga}$ වේ. R චලිකවීමට පටන් ගන්නා පුවේගය සොයන්න. තන්තුව නොබුරුල්ව ඇතිව පසුව සිදුවන චලිකයේදී R සංයුක්ත අංශුවට O සිට දුර වන x යන්න $\ddot{x} + \frac{g}{2a}(x-6a) = 0$ සමීකරණය තෘප්ත කරන බව පෙන්වන්න. X = x - 6a ලෙස ලියමින්, $\ddot{X} + \omega^2 X = 0$ බව පෙන්වන්න; මෙහි $\omega = \sqrt{\frac{g}{2a}}$ වේ. ඉහත සරල අනුවර්තී චලිකයේ කේන්දය ද, $\ddot{X}^2 = \omega^2(c^2 - X^2)$ සූතුය භාවිතයෙන් c විස්තාරය ද සොයන්න.



k > 3 නම් තත්තුව බුරුල් වන බව පෙන්වන්න.

දැන්, k=8 යැයි ගනිමු. P හා Q අංශු හාවූ මොහොතේ සිට O ලක්ෂායට $\frac{15}{2}a$ දුරක් පහළින් වූ **අපුතනස්ථ** තීරස් ගෙවීමක ගැටීමට R සංයුක්ත අංශුව ගන්නා කාලය සොයන්න.

R සංයුක්ත අංශුව ගෙබීම සමග ගැටුණු පසු ළඟා වන උපරිම උස ද සොයන්න.

More Past Papers at tamilguru.lk

14.(a) **a** හා **b** ශුනාා නොවන හා සමාන්තර නොවන දෛශික යැයි ද $\lambda, \mu \in \mathbb{R}$ යැයි ද ගනිමු. $\lambda \mathbf{a} + \mu \mathbf{b} = \mathbf{0}$ නම්, $\lambda = 0$ හා $\mu = 0$ බව පෙන්වන්න.

ABC තිකෝණයක් යැයි ගනිමු. AB හි මධා ලක්ෂාය D ද CD හි මධා ලක්ෂාය E ද වේ. AE (දික්කළ) හා BC රේඛා F හි දී හමුවේ. $\overrightarrow{AB} = \mathbf{a}$ හා $\overrightarrow{AC} = \mathbf{b}$ යැයි ගනිමු. තිකෝණ ආකලන නියමය භාවිතයෙන් $\overrightarrow{AE} = \frac{\mathbf{a} + 2\mathbf{b}}{A}$ බව පෙන්වන්න.

 $\overrightarrow{AF}=lpha\overrightarrow{AE}$ හා $\overrightarrow{CF}=eta\overrightarrow{CB}$ වන්නේ ඇයි දැයි පැහැදිලි කරන්න; මෙහි $lpha,eta\in\mathbb{R}$ වේ.

ACF තිකෝණය සැලකීමෙන් $(\alpha-4eta)\mathbf{a}+2(\alpha+2eta-2)\mathbf{b}=\mathbf{0}$ බව පෙන්වන්න.

ඒ නයින්, lpha හා eta හි අගයන් සොයන්න.

(b) ABC යනු පැත්තක දිග 2a වූ සමපාද තිුකෝණයක් යැයි ද D,E,F යනු පිළිවෙළින් \overrightarrow{AB},BC හා \overrightarrow{AC} හි මධා ලක්ෂා යැයි ද ගනිමු. විශාලත්ව $2P,\sqrt{3}P,2\sqrt{3}P$ හා αP වූ බල පිළිවෙළින් $\overrightarrow{AB},\overrightarrow{AE},\overrightarrow{DC}$ හා \overrightarrow{BC} දිගේ කිුයාකරයි. මෙම බල පද්ධතියේ සම්පුයුක්තය, \overrightarrow{AC} ට සමාන්තරව කිුයාකරන බව දී ඇත. α හි අගය සොයන්න.

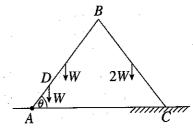
බල පද්ධතිය, A හරහා කියාකරන විශාලත්වය R වූ තනි බලයකට හා විශාලත්වය G වූ යුග්මයක් සමගින් තුලා වේ. R හා G හි අගයන් සොයන්න.

මෙම බල පද්ධතියේ සම්පුයුක්ත බලයේ විශාලත්වය හා දිශාව ලියා දක්වා

සම්පුයුක්තයේ කිුයා රේඛාව AB හමුවන ලක්ෂායට A හි සිට ඇති දුර සොයන්න.

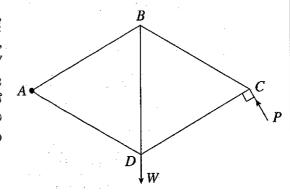
දැන්, විශාලත්වය H වූ යුග්මයක් පද්ධතියට එකතු කරනු ලැබේ. මෙම අලුත් පද්ධතියේ සම්පුයුක්තය B ලක්ෂා හරහා කිුිිියාකරයි. H හි අගය හා මෙම යුග්මය කිුිිිිිිිිිිිිිිිි අත සොයන්න.

15.(a) එක එකෙහි දිග 2a වන AB හා BC ඒකාකාර දඬු දෙකක් B අන්තයේදී සුමට ලෙස සන්ධි කර ඇත. AB හා BC දඬුවල බර පිළිචෙළින් W හා 2W වේ. A කෙළවර තිරස් ගෙබීමක් මත අචල ලක්ෂායකට සුමට ලෙස අසව් කර ඇත. $AD=\frac{a}{2}$ වන පරිදි AB දණ්ඩ මත වූ D ලක්ෂායට බර W වූ අංශුවක් සවි කර ඇත. රූපයේ දැක්වෙන පරිදි, පද්ධතිය සිරස් තලයක සමතුලිතව ඇත්තේ $B\hat{A}C=\theta$ ද BC දණ්ඩේ C කෙළවර ඉහත තිරස් ගෙබීමෙහි රළු කොටසක ද තිබෙන පරිදි ය. BC දණ්ඩ හා ගෙබීම අතර සර්ෂණ සංගුණකය μ වේ. $\cot\theta \leq \frac{15}{7}\mu$ බව පෙන්වන්න.



CB මගින් AB මත B සත්ධියෙහි දී ඇති කරන පුතිකිුයාව ද සොයන්න.

(b) රූපයේ දැක්වෙන රාමු සැකිල්ල, ඒවායේ අන්තවලදී සුමට ලෙස සන්ධි කළ සමාන දිගින් යුත් AB,BC,CD, DA හා DB සැහැල්ලු දඬු පහකින් සමන්විත වේ. W භාරයක් D සන්ධියෙන් එල්ලා ඇති අතර රාමු සැකිල්ල A හි දී අචල ලක්ෂායකට සුමට ලෙස සන්ධි කර සිරස් තලයක BD සිරස්ව සමතුලිතව තබා ඇත්තේ එයට C සන්ධියෙහි දී CD දණ්ඩට ලම්බව රූපයෙහි පෙන්වා ඇති දිශාවට යෙදූ P බලයක් මගිනි.



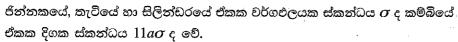
- (i) P හි අගය සොයන්න.
- (ii) බෝ අංකනය භාවිතයෙන්, C,B හා D සන්ධි සඳහා පුතාහබල සටහනක් අඳින්න. ඒ **නයින්**, දඬුවල පුතාහබල ආතති ද තෙරපුම් ද යන්න පුකාශ කරමින් ඒවා සොයන්න.

- ${f 16.}$ (i) අරය a වූ අර්ධ වෘත්තාකාර චාපයක හැඩයෙන් යුත් තුනී ඒකාකාර කම්බියක ස්කන්ධ කේන්දුය එහි කේන්දුයේ සිට $\frac{2a}{\pi}$ දුරකින් ද,
 - (ii) උස h වූ ඒකාකාර කුහර ඍජු වෘත්තාකාර කේතුවක ස්කන්ධ කේන්දුය එහි පතුලේ කේන්දුයේ සිට $\frac{1}{2}h$ දූරකින් ද,

පිහිටන බව පෙන්වන්න.

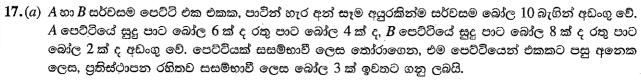
රූපයේ දැක්වෙන පරිදි, උඩත් හා යටත් වෘත්තාකාර ගැටීවල අරයන් පිළිවෙළින් 2aහා a වූ ද උස $rac{4a}{3}$ වූ ද කුහර ඍජු වෘත්තාකාර කේතු ජින්නකයක හැඩයෙන් යුත් ඒකාකාර තුනී ක්බොලකට, පහත දැක්වෙන කොටස් එක එකක් මෙම කබොල හමුවන ස්ථානවලදී දෘඪ ලෙස සවි කිරීමෙන් බාල්දියක් සාදා ඇත.

- ullet අරය a හා කේන්දුය O වූ ඒකාකාර තුනී වෘත්තාකාර තැටියක්,
- ullet අරය a හා උස $rac{2a}{3}$ වූ කුහර ඍජු වෘත්තාකාර සිලින්ඩරයක හැඩයෙන් යුත් ඒකාකාර තුනී කබොලක්,
- ullet අරය 2a හා කේන්දුය C වූ අර්ධ වෘත්තයක හැඩයෙන් යුත් ඒකාකාර තුනී කම්බියක්



බාල්දියෙහි ස්කන්ධ කේන්දුයට O සිට දුර $(10\pi+27)rac{a}{9\pi}$ බව පෙන්වන්න.

කම්බිය, ජින්නකයේ උඩත් ගැටිය හමුවන A ලක්ෂායෙන් බාල්දිය සිරස් තන්තුවකින් නිදහසේ එල්ලනු ලැබූ විට සමතුලිත පිහිටීමේදී OC යටි අත් සිරස සමග සාදන කෝණය සොයන්න.



- (i) රතු පාට බෝල දෙකක් හා සුදු පාට බෝලයක් ඉවතට ගැනීමේ
- (ii) රතු පාට බෝල දෙකක් හා සුදු පාට බෝලයක් ඉවතට ගත් බව දී ඇති විට A පෙට්ටිය තෝරාගෙන තිබීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.
- (b) \overline{x} හා σ_x යනු පිළිවෙළින් $\{x_1, x_2, \, ..., \, x_n\}$ දත්ත කුලකයේ මධානාය හා සම්මත අපගමනය යැයි ද $i=1,2,\ldots,n$ සඳහා $y_i=rac{x_i-lpha}{eta}$ යැයි ද ගනිමු; මෙහි lpha හා eta (>0) තාත්ත්වික නියත වේ. $\overline{y}=rac{\overline{x}-lpha}{eta}$ හා σ_y = $\frac{\sigma_x}{B}$ බව පෙන්වන්න; මෙහි \overline{y} හා σ_y යනු පිළිවෙළින් $\{y_1,y_2,\dots,y_n\}$ දත්ත කුලකයේ මධානාග හා සම්මත අපගමනය වේ.

සමාගමක සේවකයින් 100 දෙනකුගේ රක්ෂණ සැලැස්මක් සඳහා මාසික වාරික පහත සංඛාාත වගුවෙන්

දෙනු ලැබේ.

මාසික වාරිකය (රුපියල්) x	සේවකයින් ගණන
1500 – 3500	30
3500 - 5500	40
5500 – 7500	20
7500 – 9500	. 10

 $y = \frac{x - 500}{1000}$ පරිණාමනය භාවිතයෙන්, y හි මධානාය හා සම්මත අපගමනය ද, $\frac{3($ මධානාය – මධාස්ථය $)}{}$

සම්මත අපගමනය

 $\overline{2a}$

 $\frac{2a}{3}$

මගින් අර්ථ දැක්වෙන y හි කුටිකතා සංගුණකය ද නිමානය කරන්න.

ඒ නයින්, x හි මධාෘතාසය, සම්මත අපගමනය හා කුටිකතා සංගුණකය නිමානය කරන්න.