

РГР №1  
Механика

Трубинский ДС  
М80-2065-19  
Вариант 19

1. 60

<p>Дано:</p> $W_z = a$ $W_n = bt$ $t = 0$ $v = 0$ <hr/> $W(S) = ?$	<p>Решение:</p> $a = \frac{dv}{dt}$ $a \int dt = \int dv$ $v = at$ $v = \frac{ds}{dt} \quad at = \frac{ds}{dt}$ $a \int t dt = \int ds$ $a \frac{t^2}{2} = s$ $t = \sqrt{\frac{2s}{a}}$
--	---

$$W_n = \frac{v^2}{R} = R = \frac{v^2}{W_n}$$

- кривизна R спелкович  
горки

$$R = \frac{a \cdot \frac{2s}{a}}{b \frac{4s^2}{a^2}} = 2as : \frac{4bs^2}{a^2} = \frac{2as^2}{2bs^2} = \frac{a^3}{2bs}$$

$$W = \sqrt{W_n^2 + W_z^2} = \sqrt{a^2 + b^2 \cdot \left(\frac{4s^2}{a^2}\right)^2} = a \sqrt{1 + \left(\frac{4bs^2}{a^3}\right)^2}$$

Ответ:  $W = a \sqrt{1 + \left(\frac{4bs^2}{a^3}\right)^2}$

1.30

Dano:

$$x = A \cos(\omega t) \vec{e}$$

$$y = B \cos(\omega t + \varphi_0) \vec{j}$$

 $A, B, \varphi_0, \omega - \text{const}$ 

$$y(x) = ?$$

Решение:

Зависимость  $y(x)$ :

$$\left(\frac{x}{A}\right)^2 + \left(\frac{y}{B}\right)^2 = \cos^2(\omega t) + \cos^2(\omega t) = 1$$

Результат - вектор окружности:

$$\vec{r}(t) = x \cdot \vec{e} + y \cdot \vec{j} = A \cos \omega t \cdot \vec{e} + B \cos \omega t \cdot \vec{j}$$

Найдем производные угловых координат

и выч. окружности:

$$\vec{v}(t) = \frac{d\vec{r}(t)}{dt} = A\omega \cos \omega t \vec{e} - B\omega \sin \omega t \vec{j}$$

$$\vec{a}(t) = \frac{d\vec{v}(t)}{dt} = -A\omega^2 \sin \omega t \vec{e} - B\omega^2 \cos \omega t \vec{j}$$

$$y = B \left( \frac{x}{A} \cos \varphi_0 - \frac{\sqrt{A^2 - x^2}}{A} \sin \varphi_0 \right)$$

$$\text{Ответ: } y(x) = B \left( \frac{x}{A} \cos \varphi_0 - \frac{\sqrt{A^2 - x^2}}{A} \sin \varphi_0 \right)$$

1.30

Dano:

$$\omega_1 = 3 \text{ рад/с}$$

$$\omega_2 = 4 \text{ рад/с}$$

$$\omega = ?$$

$$E = ?$$

Решение:

$$1) \vec{\omega} = \vec{\omega}_1 + \vec{\omega}_2 ; \omega = \sqrt{\omega_1^2 + \omega_2^2}$$

2) Точка на поверхности вращается с угловой скоростью  $\omega$  относительно оси  $Oz$ .

Тогда:

$$E = \frac{d\omega}{dt} ; d\omega = \omega_1 d\varphi$$

Угол  $d\varphi$  определяется угловой скоростью  $\omega_2$ , поэтому  $d\varphi = \omega_2 dt$ .

В итоге:

$$E = \frac{\omega_1 \omega_2 dt}{dt} = \omega_1 \omega_2 = 12 \text{ рад/с}^2$$

$$\text{Ответ: } E = \omega_1 \omega_2 = 12 \text{ рад/с}^2 ; \omega = \sqrt{\omega_1^2 + \omega_2^2} = 5 \text{ рад/с}$$

2.29

Given:

$v_0$

$k$

$x = ?$

$S = ?$

Remember:

$$F_{fp} + mg \sin \alpha = ma$$

$$N - mg \cos \alpha = 0$$

$$F_{fp} = kN$$

$$N = mg \cos \alpha$$

$$F_{fp} = k mg \cos \alpha$$

$$k mg \cos \alpha + mg \sin \alpha = ma$$

$$a = g (k \cos \alpha + \sin \alpha)$$

$$S = \frac{v_0^2}{2a}$$

$$S = \frac{v_0^2}{2g (k \cos \alpha + \sin \alpha)}$$

$$f'(x) = -2gk \sin \alpha + 2g \cos \alpha = 0$$

$$k \sin \alpha = \cos \alpha$$

$$\tan \alpha = \frac{1}{k}$$

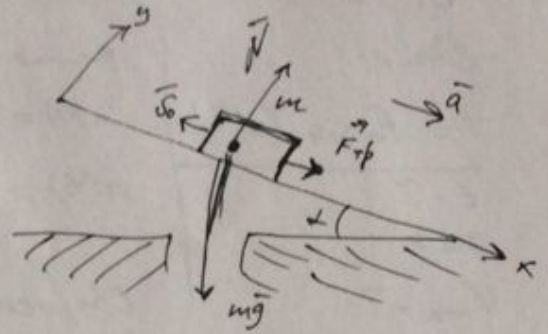
$$\cos \alpha = \frac{k}{\sqrt{1+k^2}}$$

$$\sin \alpha = \frac{1}{\sqrt{1+k^2}}$$

$$S = \frac{v_0^2 \sqrt{1+k^2}}{2g (k^2+1)} = \frac{v_0^2}{2g \sqrt{1+k^2}}$$

Über:  $\tan \alpha = \frac{1}{k}$

$$S = \frac{v_0^2}{2g \sqrt{1+k^2}}$$





2. 49

Дано:

$$F = F_0 \sin(\omega t)$$

t - ?

S - ?

V<sub>max</sub> - ?

Решение:

$$a(t) = \frac{F(t)}{m}$$

$$a(t) = \frac{F_0 \sin(\omega t)}{m} \quad \text{— यह उस समय का 2 ज्ञात है}$$

क्षेत्रफल ज्ञात करने के लिए यह चिह्न लेना;

$$a(t) = \frac{dv}{dt}$$

तो:

$$v(t) = \int a(t) dt = \int \frac{F_0 \sin(\omega t)}{m} dt = -\frac{F_0 \cos \omega t}{(\omega) + C}$$

$$\text{अब } t=0 \quad v(0)=0$$

$$0 = -\frac{F_0}{\omega m} + C$$

$$C = \frac{F_0}{\omega m}$$

$$v(t) = \frac{F_0}{\omega m} (1 - \cos(\omega t))$$

तो यह क्षेत्रफल ज्ञात करने के लिए:

$$v(t) = \frac{dS}{dt}$$

$$S(t) = \int v(t) dt$$

$$S(t) = \int \frac{F_0}{\omega m} (1 - \cos(\omega t)) dt = \frac{F_0}{\omega m} \left( \omega t - \sin(\omega t) \right) + C$$

$$\text{तो यह है } S(0)=0 \quad \text{तो } C=0$$

$$S(t) = \frac{F_0}{\omega m} (\omega t - \sin(\omega t))$$

इस समय क्षेत्रफल  $v(t)=0$  है, यह क्षेत्रफल ज्ञात करने के लिए:

$$F_0 \cdot \frac{1 - \cos(\omega t)}{\omega m} = 0 \quad t = \frac{\pi}{\omega}$$

तो यह क्षेत्रफल ज्ञात करने के लिए:

$$S \frac{\pi}{\omega} = \frac{F_0}{\omega m} \left( \frac{\omega \pi}{\omega} - \sin\left(\frac{\omega \pi}{\omega}\right) \right) = \frac{F_0 \pi}{\omega m}$$

क्षेत्रफल ज्ञात करने के लिए  $a(t)=0$ 

$$F_0 \sin \omega t = 0$$

$$\sin(\omega t) = 0$$

$$\cos \omega t = -1$$

$$V_{max} = \frac{2 F_0}{\omega m}$$

$$\text{तो: } t = \frac{\pi}{\omega}$$

$$S = \frac{F_0 \pi}{\omega m}$$

$$V_{max} = \frac{2 F_0}{\omega m}$$

2.59

D9401

$$\begin{array}{l} V = v_0 - \beta L \\ F(v) = ? \end{array} \left\{ \begin{array}{l} \text{Pernahme;} \\ v = \frac{dL}{dt} \end{array} \right.$$

$$\frac{dL}{dt} = v_0 - \beta L \Rightarrow \frac{dL}{v_0 - \beta L} = dt \Rightarrow$$

$$\Rightarrow -\frac{1}{\beta} \ln |v_0 - \beta L| = t + C.$$

$$\text{Für } t = 0.1 = 0 \Rightarrow C = -\frac{1}{\beta} \ln |v_0|.$$

$$-\frac{1}{\beta} \ln |v_0 - \beta L| = t - \frac{1}{\beta} \ln |v_0|$$

$$\ln |v_0 - \beta L| = \ln |v_0| - \beta t$$

$$1 - \frac{\beta L}{v_0} = e(-\beta t)$$

$$L = \frac{v_0}{\beta} (1 - e(-\beta t))$$

$$V = \frac{dL}{dt} = v_0 \cdot e(-\beta t)$$

$$a = \frac{dV}{dt} = -\beta v_0 \cdot e(-\beta t)$$

$$F(t) = ma(t) = -m\beta v_0 \cdot e(-\beta t)$$

$$\text{T.K. } V = v_0 \cdot \exp(-\beta t) \text{ so } F(v) = -m\beta v$$

$$\text{Also: } F(v) = -m\beta v$$



3.29.

Dано:

$$m = 1 \text{ кг}$$

$$v_0 = 1 \text{ м/с}$$

$$f = 0,2$$

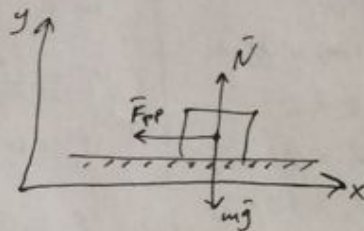
$$\alpha = 10^{-1} \text{ м/с}^2$$

~~Найти~~  $v$ ?

Решение:

2-й закон Ньютона  
для тел, скользящих  
по шероховатой поверхности  
в осн  $x$  и  $y$ :

$$\begin{cases} -F_{\text{тр}} = ma & (1) \\ N - mg = 0 & (2) \end{cases}$$



$$\text{Из (2): } N = mg \Rightarrow F_{\text{тр}} = fN = \alpha x mg$$

$$\text{Из (1) имеем: } ma = -\alpha x mg$$

$$a = -\alpha x g \quad (3)$$

$$\frac{d^2 x}{dt^2} = -\alpha x g \quad (4)$$

Введем обозначение функции  $v(x)$  и  
сделаем замену:

$$\frac{d^2 x}{dt^2} = \frac{dv}{dt} = \frac{dv}{dx} \cdot \frac{dx}{dt} = \frac{dv}{dx} \cdot v$$

$$v \frac{dv}{dx} = -\alpha x g \quad (5)$$

Проверим размерности:

$$v dv = -\alpha x g dx$$

$$\frac{v^2}{2} = -\frac{\alpha x^2}{2} g + C$$

Найдем константу  $C$  из нач. условия:

$$\text{При } x=0 \quad v=v_0: \quad \frac{v_0^2}{2} = 0 + C \Rightarrow C = \frac{v_0^2}{2}$$

$$v^2 = -\alpha x^2 g + v_0^2$$

$$v = \sqrt{v_0^2 - \alpha x^2 g} = 0,87 \text{ м/с}$$

$$\text{Ответ: } v = \sqrt{v_0^2 - \alpha x^2 g} = 0,87 \text{ м/с}$$

3.59

Дано:

$$m_1$$

$$m_2 = \eta \cdot m_1$$

$$\eta = 2$$

$$\vec{v}_1 = 2\vec{i} + 3\vec{j}$$

$$\vec{v}_2 = 4\vec{i} - 5\vec{j}$$

$$\vec{v} = ?$$

$$|\vec{v}| = ?$$

Решение:

$$m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2 = (m_1 + m_2) \vec{v}$$

$$\eta = \frac{m_2}{m_1}$$

$$\vec{v}_1 + \eta \vec{v}_2 = (1 + \eta) \vec{v} \Rightarrow \vec{v} = \frac{\vec{v}_1 + \eta \vec{v}_2}{1 + \eta}$$

$$\vec{v} = \frac{(2\vec{i} + 3\vec{j}) + 2(4\vec{i} - 5\vec{j})}{1 + 2} = \frac{(2 + 8)\vec{i} + (3 - 10)\vec{j}}{3}$$

$$\text{или } \eta = 2:$$

$$\vec{v} = \frac{10}{3} \vec{i} - \frac{7}{3} \vec{j}$$

$$|\vec{v}| = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = \sqrt{\left(\frac{10}{3}\right)^2 + \left(\frac{7}{3}\right)^2} \approx 4 \text{ м/с}$$

$$\text{Ответ: } v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} \approx 4 \text{ м/с}; \quad \vec{v} = \frac{10\vec{i} - 7\vec{j}}{3}$$

4.57

Дано:

$$D = 10 \text{ см} = 10 \cdot 10^{-2} \text{ м}$$

$$m = 2 \text{ кг}$$

$$n = 400 \text{ с/с}$$

$$W_k = ?$$

Решение:

$$W_k = W_{k \text{ вращ}} + W_{k \text{ пл}}$$

$$W_{k \text{ вращ}} = \frac{m v^2}{2}$$

$$W_{k \text{ пл}} = \frac{J \omega^2}{2}$$

$$J = \frac{2 m R^2}{5} \quad - \text{ момент инерции шара}$$

$$v = \omega R \quad - \text{ связь линейн. и угл. скоростей}$$

$$\omega = 2\pi n$$

Тогда:

$$W_k = \frac{m v^2}{2} + \frac{J \omega^2}{2} = \frac{m v^2}{2} + \frac{2 m R^2 \omega^2}{2 \cdot 5 R^2} = \frac{7}{10} m v^2$$

$$= \frac{7 m \omega^2 R^2}{10} = \frac{7}{10} \pi^2 n^2 D^2 m = \frac{7}{10} \cdot 3.14^2 \cdot 4^2 \cdot (10 \cdot 10^{-2})^2 \cdot 2 = 1.1 \text{ Дж}$$

$$= \frac{7}{10} \cdot 3.14^2 \cdot 4^2 \cdot (10 \cdot 10^{-2})^2 \cdot 2 = 1.1 \text{ Дж}$$

$$\text{Ответ: } W_k = 1.1 \text{ Дж.}$$

4. 27

Dano:

$$L = 4 \text{ m}$$

$$\alpha = 30^\circ$$

Решение:

$$h = L \cdot \sin \alpha = 4 \cdot \sin 30^\circ = 2$$

$$E_p = mgh \quad \text{потенц. энергия}$$

$$E_k = \frac{mv^2}{2} \quad \text{кинетич. энергия}$$

$$E_{\text{вр}} = \frac{I\omega^2}{2} \quad \text{энергия вращения}$$

$$mgh = \frac{mv^2}{2} + \frac{I\omega^2}{2}$$

Она связана с радиусом R

$$I = \frac{mR^2}{2}$$

$$\omega = \frac{v}{2R} \quad - \text{угловая скорость} = \text{пер. скорость} / 2R$$

$$mgh = \frac{mv^2}{2} + \frac{1}{2} \cdot \frac{mR^2}{2} \cdot \left(\frac{v}{2R}\right)^2$$

$$gh = \frac{v^2}{2} \left(1 + \frac{1}{2}\right)$$

$$v = \sqrt{\frac{2gh}{1 + \frac{1}{2}}} = \frac{2 \cdot 9.8 \cdot 2}{1 + \frac{1}{2}} \approx 6.22 \text{ м/с}$$

Ответ:  $v = 6.22 \text{ м/с}$



5.30

Дано:

H

h Th-от

 $\frac{H}{h} = ?$ 

Решение:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

непосредственно мер. измерений

Если Th меньше значит T измерений меньше.

$$T_h = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g_h}}$$

$$\Rightarrow g_h = h_h$$

$$F = mg$$

или

$$F = G \frac{mM}{r^2}$$

отсюда

$$g = \frac{GM}{r^2}$$

$$= G \frac{4\pi (R-h)^3 \rho}{3(R-h)^2} \quad (*)$$

$$(R-h)^3 = (R^3 - 3R^2h + 3Rh^2 - h^3)$$

$$(R-h)^3 = 1 - 3\frac{h}{R} + 3\frac{h^2}{R^2} - \frac{h^3}{R^3}$$

$$\text{Поскольку } h < R, \text{ то } (R-h)^3 \approx R^3 \left(1 - 3\frac{h}{R}\right)$$

$$\text{Аналогично: } (R-h)^2 = (R^2 - 2Rh + h^2)$$

$$\text{откуда } (R-h)^2 \approx R^2 \left(1 - \frac{2h}{R}\right)$$

$$\text{Тогда из } (*) \quad g_h = G \frac{3\pi R \left(1 - \frac{3h}{R}\right) \rho}{4 \left(1 - \frac{2h}{R}\right)} \quad (**)$$

$$g_h = G \frac{4\pi R^3 \rho}{3(R+h)^2} \quad (***)$$

$$\text{Поскольку } H < R, \text{ то } (R+H)^2 = \left[R \left(1 + \frac{H}{R}\right)\right]^2$$

$$(R+H)^2 \approx R^2 \left(1 + 2\frac{H}{R}\right)$$

$$\text{из } (***) \quad g_h = G \frac{4\pi \rho R}{3 \left(1 + 2\frac{H}{R}\right)} \quad (****)$$

$$\text{Поскольку } g_h = g_H \text{ то из уравнений (2) и (4)}$$

$$\text{получим } G \frac{4\pi \rho R \left(1 - \frac{3h}{R}\right)}{3 \left(1 - \frac{2h}{R}\right)} = G \frac{4\pi \rho R}{3 \left(1 + \frac{2H}{R}\right)}$$

$$\text{откуда } \frac{1 - \frac{3h}{R}}{1 - \frac{2h}{R}} = \frac{1}{1 + \frac{2H}{R}} \quad (5)$$

$$(5) \text{ можно переписать в виде } 1 - 3\frac{h}{R} + \frac{2h}{R} - \frac{h^2}{R^2} = 1 - 2\frac{H}{R}$$

$$\text{тогда } 1 - \frac{h}{R} = 1 - \frac{2H}{R}$$

$$\text{отсюда } h = 2H$$

$$\text{отсюда } h = 2H$$

5.60

Дано:

$$r_1 = 0,95 \cdot 10^9 \text{ км} = 0,95 \cdot 10^7 \text{ м}$$

$$r_2 = 2,4 \cdot 10^9 \text{ км} = 2,4 \cdot 10^7 \text{ м}$$

$T_1 = ?$

$T_2 = ?$

Решение:

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$

$$m \cdot \frac{v^2}{r} = mg$$

$$g = \gamma \cdot \frac{M}{r^2}$$

$$M = 6,21 \cdot 10^{23} \text{ - масса Марса}$$

$$v = \sqrt{gr} = \sqrt{\gamma \frac{M}{r}}$$

$$\text{Ослож} \quad T = \frac{2\pi r}{\sqrt{\gamma \frac{M}{r}}} = \frac{2\pi r^{3/2}}{\sqrt{\gamma M}}$$

Для Марса:

$$T_1 = \frac{2\pi r_1^{3/2}}{\sqrt{\gamma M}} = \cancel{2,54 \cdot 10^4} \quad 7,84$$

Для Ледоса:

$$T_2 = \frac{2\pi r_2^{3/2}}{\sqrt{\gamma M}} = 31,24$$

Ответ:  $T_1 = 7,84$ .  $T_2 = 31,24$ .

5.70 Дано:

$$h_{\min} = 183 \text{ км} = 183 \cdot 10^3 \text{ м}$$

$$h_{\max} = 244 \text{ км} = 244 \cdot 10^3 \text{ м}$$

$\tau = ?$

Решение:

Большая полуось орбиты Луны:

$$R_1 = r_{\text{З-Л}} + R_2 = 3844 \cdot 10^3 + 6,378164 \cdot 10^6 = 3,90778 \cdot 10^6 \text{ м}$$

$$T_1 = 27 \text{ суток} \pm 7 \text{ часов} 43 \text{ мин} = 2360580 \text{ с.}$$

Большая полуось орбиты спутника "Восток-2"

$$\begin{aligned} R_1 &= \frac{h_{\max} + h_{\min}}{2} + R_2 = \\ &= \frac{244 \cdot 10^3 + 183 \cdot 10^3}{2} + 6,378164 \cdot 10^6 = \\ &= 6,53186 \cdot 10^6 \text{ м} \end{aligned}$$

По 3 закону Кеплера:

$$\frac{T_1^2}{T_2^2} = \frac{R_1^3}{R_2^3}$$

Тогда:

$$T_2 = T_1 \sqrt{\frac{R_2^3}{R_1^3}} = 5171,49 \text{ с} = 86,19 \text{ мин}$$

Ответ:  $T_2 = 5171,49 \text{ с} = 86,19 \text{ мин.}$



6.30

Дано:

$$T = 2\text{с}$$

$$A = 50\text{ м} = 50 \cdot 10^{-3}\text{ м}$$

$$\varphi = 0$$

$$x = 25\text{ мм} = 25 \cdot 10^{-3}\text{ м}$$

$$V = ?$$

Решение:

$$x = A \sin(\omega t + \varphi_0) - \text{у к. коорд}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} - \text{угловая частота}$$

$$t = \frac{1}{\omega} \arcsin\left(\frac{x}{A} - \varphi_0\right) = \frac{T}{2\pi} \arcsin\left(\frac{x}{A} - \varphi_0\right)$$

нужно найти ординату  $x$ .

$$V = \frac{dx}{dt} = A \omega \cos(\omega t + \varphi_0) =$$

$$= A \frac{2\pi}{T} \cos\left(\frac{2\pi}{T} \cdot \frac{T}{2\pi} \arcsin\left(\frac{x}{A} - \varphi_0\right) + \varphi_0\right) =$$

$$= A \frac{2\pi}{T} \cos\left(\arcsin\left(\frac{x}{A} - \varphi_0\right) + \varphi_0\right) =$$

$$= 50 \cdot 10^{-3} \cdot \frac{2 \cdot 3.14}{2} \cos \arcsin\left(\frac{25 \cdot 10^{-3}}{50 \cdot 10^{-3}} - 0\right) =$$

$$= 50 \cdot 10^{-3} \cdot 3.14 \cdot \cos 30^\circ = 0.136 \text{ м/с}$$

$$\text{Ответ: } V = 0.136 \text{ м/с} = 13.6 \text{ см/с}$$

6.40

Дано:

$$A_1 = 3\text{ см}$$

$$A_2 = 5\text{ см}$$

$$A = 7\text{ см}$$

угол

$$\varphi_2 - \varphi_1 = ?$$

Решение:

Амплитуды результирующего колебания:

$$A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2 \cos(\varphi_2 - \varphi_1)} =$$

$$= A_1 \sqrt{2 + 2\cos(\varphi_2 - \varphi_1)}$$

$$\text{Так } A_1 = 3\text{ см} \quad A_2 = 5$$

$$\text{то } \cos(\varphi_2 - \varphi_1) = \frac{A^2 - A_1^2 - A_2^2}{2A_1A_2} = \frac{7^2 - 3^2 - 5^2}{2 \cdot 3 \cdot 5} =$$

$$= \frac{15}{30} = \frac{1}{2}$$

$$\varphi_2 - \varphi_1 = \frac{\pi}{3} \approx 71^\circ$$

$$\text{Ответ: } \varphi_2 - \varphi_1 = \frac{\pi}{3} \approx 71^\circ$$

7.26

Дано:

$$T = 1 \text{ ГэВ}$$

$$m_p/m_e - ?$$

Решение:

$$T = E - E_0 = mc^2 - m_0 c^2$$

$$m_0 c^2 = m_e c^2 + T \quad - \text{для электронов}$$

$$m_p c^2 = m_p c^2 + T \quad - \text{для протонов}$$

$$\text{тогда } \frac{m_p}{m_e} = \frac{m_p c^2 + T}{m_e c^2 + T}$$

Значение энергии  $m_e c^2 = 0,511 \text{ МэВ}$ .

$$\text{протоны } m_p c^2 = 938 \text{ МэВ}$$

$$\text{тогда } \frac{M}{m_e} = \frac{938 + 1000}{0,511 + 1000} = 1,937$$

$$\text{Ответ: } \frac{M_p}{M_e} = 1,937$$

7.46

Дано:

 $\varphi$   
2-массы

$$u - ?$$

Решение:

Полная энергия системы излучения и масс

$$\text{Поэтому } E_p = \frac{1}{3} E_2$$

$$eU + m_{op} c^2 = \frac{1}{3} (2eU + m_{ox} c^2)$$

$$\frac{1}{3} eU = \left( \frac{m_{ox}}{3} - m_{op} \right) c^2$$

$$U = \frac{(m_{ox} - 3m_{op}) c^2}{e}$$

$$U = 912 \text{ МВ}$$

$$\text{Ответ: } u = 912 \text{ МВ}$$



7.56

Дано:

$$R = 10 \text{ см} = 0,1 \text{ м}$$

$$B = 10 \text{ Тл}$$

$$e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ Кл}$$

$$m_0 = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ кг}$$

$$c = 3 \cdot 10^8 \text{ м/с}$$

Т - ?

Решение:

$$T = (m - m_0)c^2 \quad - \text{ кин. эн. электрона}$$

на него действует сила Лоренца

$$\vec{F} = q(\vec{v} \times \vec{B}) \text{ или } F_{\text{Л}}(v) \perp B \text{ и } d$$

В центре вращающегося электрона  
содержится норм. ускор.

$$|e| v B \sin \alpha = m \frac{v^2}{R}$$

Вращающ. скорость (при  $\alpha = 90^\circ$ )

$$v = \frac{|e| BR}{m}$$

масса электр.

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{e^2 B^2 R^2}{m^2 c^2}}} = \frac{m_0 m c}{\sqrt{m^2 c^2 - e^2 B^2 R^2}} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{m_0^2 m^2 c^2}{m^2 c^2 - e^2 B^2 R^2} \Rightarrow m_0^2 m^2 c^2 = m^2 (m^2 c^2 - e^2 B^2 R^2) \Rightarrow m_0^2 c^2 =$$

$$= m^2 c^2 - e^2 B^2 R^2 \Rightarrow m^2 c^2 = m_0^2 c^2 + e^2 B^2 R^2 \Rightarrow m = \sqrt{m_0^2 + \frac{e^2 B^2 R^2}{c^2}}$$

$$m = \sqrt{0,284 \cdot 10^{-54}} \approx 0,5342 \cdot 10^{-27} \approx 53,42 \cdot 10^{-29} \text{ кг}$$

$$T = (m - m_0)c^2 = (53,42 \cdot 10^{-29} - 9,1 \cdot 10^{-31}) \cdot 9 \cdot 10^{16} = (53,42 - 9,1 \cdot 10^{-2}) \cdot$$

$$9 \cdot 10^{-13} \approx 480 \cdot 10^{-13} \text{ Дж} \approx 300 \cdot 10^6 \text{ эВ} \approx 300 \text{ МэВ}$$

$$\text{Ответ: } T = 300 \text{ МэВ}$$