# Blas笔记

# Blas基本概念

Level 1	Vector operations, e.g. $y=\alpha x+y$	
Level 2	Matrix-vector operations, e.g. $y=lpha Ax+eta y$	
Level 3	Matrix-matrix operations, e.g. $C=lpha AB+C$	

DOT	scalar product, $\boldsymbol{x}^T\boldsymbol{y}$	
AXPY	vector sum, $lpha x + y$	
MV	matrix-vector product, $Ax$	
SV	matrix-vector solve, $inv(A)x$	
ММ	matrix-matrix product, $AB$	
SM	matrix-matrix solve, $inv(A)B$	

GE	general
GB	general band
SY	symmetric
SB	symmetric band
SP	symmetric packed
HE	hermitian
НВ	hermitian band
НР	hermitian packed
TR	triangular
ТВ	triangular band
TP	triangular packed

S	single real
D	double real
С	single complex
Z	double complex

## Blas Level1 (vector - vector)

## asum

$$result = \sum_{i=1}^n (|Re(x_i)| + |Im(x_i)|)$$

## axpy

$$y \leftarrow alpha * x + y$$

其中: alpha是标量, x, y是向量

## copy

$$y \leftarrow x$$

## dot

$$result = \sum_{i=1}^n X_i Y_i$$

## sdsdot

$$result = sb + \sum_{i=1}^n X_i Y_i$$

其中: sb是float32, x, y是double(float64)

## dotc

$$result = \sum_{i=1}^n \overline{X_i} Y_i$$

其中: x, y是复数

### dotu

$$result = \sum_{i=1}^{n} X_i Y_i$$

其中: x, y是复数

## nrm2

欧几里得距离

$$result = \|x\|_2$$

## 补充: {p-norm距离

$$\|x\|_p=\left(\sum_{i=1}^n|x_i|^p
ight)^{1/p}$$

rot

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} \leftarrow \begin{bmatrix} c*x+s*y \\ -s*x+c*y \end{bmatrix}$$

rotg

$$\begin{bmatrix} c & s \\ -s & c \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} r \\ 0 \end{bmatrix}$$

rotm

$$\left[egin{array}{c} x_i \ y_i \end{array}
ight] = H \left[egin{array}{c} x_i \ y_i \end{array}
ight]$$

rotmg

$$\begin{bmatrix} x1 \\ 0 \end{bmatrix} = H \begin{bmatrix} x1\sqrt{d1} \\ y1\sqrt{d2} \end{bmatrix}$$

scal

$$x \leftarrow alpha * x$$

swap

$$\begin{bmatrix} y \\ x \end{bmatrix} \leftarrow \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

## iamax

返回向量中绝对值最大值的索引

#### iamin

返回向量中绝对值最小的索引

## **Blas Level2 (matrix - vector)**

gbmv

$$y \leftarrow alpha * op(A) * x + beta * y$$

其中: A为带状矩阵

gemv

$$y \leftarrow alpha * op(A) * x + beta * y$$

其中: A为普通矩阵

#### ger

仅仅支持实数

$$A \leftarrow alpha * x * y^T + A$$

### gerc

仅仅支持复数

$$A \leftarrow alpha * x * y^H + A$$

其中: H表示共轭转置

## geru

仅仅支持复数

$$A \leftarrow alpha * x * y^T + A$$

#### hbmv

仅仅支持复数

$$y \leftarrow alpha*A*x + beta*y$$

其中: A是赫米特带状矩阵(Hermitian band matrix)

#### hemv

仅仅支持复数

$$y \leftarrow alpha*A*x + beta*y$$

其中: A是赫米特矩阵(Hermitian matrix)

$$A ext{ Hermitian} \quad \Longleftrightarrow \quad a_{ij} = \overline{a_{ji}}$$

#### her

仅仅支持复数

$$A \leftarrow alpha * x * x^H + A$$

其中: A是赫米特矩阵(Hermitian matrix), H表示共轭转置

#### her2

仅仅支持复数

$$A \leftarrow alpha * x * y^H + conjg(alpha) * y * x^H + A$$

其中: A是赫米特矩阵(Hermitian matrix), H表示共轭转置

## hpmv

仅仅支持复数

$$y \leftarrow alpha * A * x + beta * y$$

其中: A是赫米特包装矩阵(Hermitian packed matrix)

包装格式一般是为了节省内存,比如说:

UPLO	Triangular matrix *A*	Packed storage in array AP
`U'	$\left(\begin{array}{cccc} a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{14} \\ & a_{22} & a_{23} & a_{24} \\ & & a_{33} & a_{34} \\ & & & a_{44} \end{array}\right)$	$a_{11} \ \underline{a_{12}  a_{22}} \ \underline{a_{13}  a_{23}  a_{33}} \ \underline{a_{14}  a_{24}  a_{34}  a_{44}}$
`L'	$\left(\begin{array}{cccc} a_{11} & & & \\ a_{21} & a_{22} & & \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & \\ a_{41} & a_{42} & a_{43} & a_{44} \end{array}\right)$	$\underbrace{a_{11}\ a_{21}\ a_{31}\ a_{41}}_{a_{11}\ a_{22}\ a_{32}\ a_{42}}\underbrace{a_{33}\ a_{43}}_{a_{44}}\ a_{44}$

## hpr

仅仅支持复数

$$A \leftarrow alpha * x * x^H + A$$

其中: A是赫米特包装矩阵(Hermitian packed matrix), H表示共轭转置

## hpr2

仅仅支持复数

$$A \leftarrow alpha * x * y^H + conjg(alpha) * y * x^H + A$$

其中: A是赫米特包装矩阵(Hermitian packed matrix), H表示共轭转置

#### sbmv

仅仅支持实数

$$y \leftarrow alpha * A * x + beta * y$$

其中: A是对称带状矩阵(symmetric band matrix)

#### spmv

仅仅支持实数

$$y \leftarrow alpha * A * x + beta * y$$

其中:A是对称包装矩阵(symmetric packed matrix)

#### spr

仅仅支持实数

$$A \leftarrow alpha * x * x^T + A$$

其中: A是对称包装矩阵(symmetric packed matrix)

## spr2

仅仅支持实数

$$A \leftarrow alpha*x*y^T + alpha*y*x^T + A$$

其中: A是对称包装矩阵(symmetric packed matrix)

## symv

仅仅支持实数

$$y \leftarrow alpha * A * x + beta * y$$

其中: A是对称矩阵 (symmetric matrix)

#### syr

仅仅支持实数

$$A \leftarrow alpha * x * x^T + A$$

其中: A是对称矩阵 (symmetric matrix)

## syr2

仅仅支持实数

$$A \leftarrow alpha * x * y^T + alpha * y * x^T + A$$

其中: A是对称矩阵 (symmetric matrix)

#### tbmv

$$x \leftarrow op(A) * x$$

其中: A是三角带状矩阵(triangular band matrix)

#### tbsv

$$op(A) * x = b$$

其中: A是三角带状矩阵(triangular band matrix)

## tpmv

$$x \leftarrow op(A) * x$$

其中: A是三角包装矩阵(triangular packed matrix)

## tpsv

$$op(A) * x = b$$

其中: A是三角包装矩阵(triangular packedmatrix)

#### trmv

$$x \leftarrow op(A) * x$$

其中: A为三角矩阵

#### trsv

$$op(A) * x = b$$

其中: A是三角矩阵

## **Blas Level3**

## gemm

$$C \leftarrow alpha * op(A) * op(B) + beta * C$$

#### hemm

仅仅支持复数

1) 当left\_right == side::left时

$$C \leftarrow alpha * op(A) * op(B) + beta * C$$

其中: A是赫米特矩阵(Hermitian matrix),B、C是一般矩阵

2) 当left\_right == side::right时

$$C \leftarrow alpha * B * A + beta * C$$

其中: A是赫米特矩阵 (Hermitian matrix), B、C是一般矩阵

#### herk

仅仅支持复数

$$C \leftarrow alpha * op(A) * op(A)^H + beta * C$$

其中: A是一般矩阵, C是赫米特矩阵 (Hermitian matrix)

#### her2k

仅仅支持复数

1) 当trans == transpose::nontrans时

$$C \leftarrow alpha*A*B^H + conjg(alpha)*B*A^H + beta*C$$

其中: A、B是一般矩阵, C是赫米特矩阵 (Hermitian matrix)

2) 当trans= = transpose::conjtrans时

$$C \leftarrow alpha * B * A^H + conjg(alpha) * A * B^H + beta * C$$

其中: A、B是一般矩阵, C是赫米特矩阵 (Hermitian matrix)

#### symm

1) 当left\_right == side::left时

$$C \leftarrow alpha * A * B + beta * C$$

其中: A是对称矩阵, B、C是一般矩阵

2) 当left\_right == side::right时

$$C \leftarrow alpha*B*A + beta*C$$

其中: A是对称矩阵, B、C是一般矩阵

## syrk

$$C \leftarrow alpha * op(A) * op(A)^T + beta * C$$

其中: A是一般矩阵, C是对称矩阵

## syr2k

1) 当trans == transpose::nontrans时

$$C \leftarrow alpha*(A*B^T + B*A^T) + beta*C$$

其中: C是对称矩阵, A、B是一般矩阵

2) 当trans= = transpose::conjtrans时

$$C \leftarrow alpha * (A^T * B + B^T * A) + beta * C$$

其中: C是对称矩阵, A、B是一般矩阵

#### trmm

1) 当left\_right == side::left时

$$B \leftarrow alpha * op(A) * B$$

其中: A是三角矩阵, B是一般矩阵

2) 当left\_right == side::right时

$$B \leftarrow alpha * B * op(A)$$

其中: A是三角矩阵, B是一般矩阵

#### trsm

1) 当left\_right == side::left时

$$op(A) * X = alpha * B$$

其中: A是三角矩阵, B是一般矩阵

2) 当left\_right == side::right时

$$X*op(A) = alpha*B$$

其中: A是三角矩阵, B是一般矩阵

## 参考

- <u>oneMKL</u>
- Wolfram Basic Linear Algebra
- Norm (mathematics)
- Hermitian matrix
- Packed Storage
- Netlib BLAS Manual
- Wiki BLAS
- GSL BLAS