ម្រៀតតែថវិទមុយីវាតម្លៃតខាំតម្លូងបំថម្ងូ៣ង់គ្
ಕಾತ್ರಣಚಿತ್ರಕ್ಕಾತ ಅವಿ ಆರಾಭಿಕಾಣಕಾಚಿ
ទិញ្ញាសា គរសិតទិន្សា (ថ្លាក់ទិន្សាសស្ត្រពិត)
ទេះមេល១៥០ខាន្ទ
ಶಿಜೀ ಕಾಣಕ್ಕೆ ಹಿಡ್ಡಿಕೆ

សម្តីលេសខេងិ្តទ លើរៈខេងិ្តទ លេសខេងិត ខេត្តទ ខេត្តទ ខេត្តទ ខេត្ត ខេត ខេត្ត ខេត ខេត្ត ខេត្ ខេត ខេត

ទិញ្ញាសនី០១

മാരു

- I. គេឲ្យចំនួនកុំផ្តិច $Z_1=-\sqrt{3}+i\sqrt{3}$ និង $Z_2=\sqrt{3}+i\sqrt{3}$ ។
 - ១. សរសេរ Z_1 និង Z_2 ជាទម្រង់ត្រីកោណមាត្រ។
 - ២, គណនា $Z_3 = Z_1 \times Z_2$ និង $Z_4 = \frac{Z_1}{Z_2}$ ជាទម្រង់ត្រីកោណមាត្រ រួចសរសេរជាទម្រង់ពិជគណិត។
 - ៣, គណនាតម្លៃ $A = Z_4^{2017} \left(\frac{1-i}{\sqrt{2}}\right)^{2016}$ ។
- II. គណនាលីមីតនៃអនុគមន៍ខាងក្រោម៖

$$\widehat{\mathbf{n}} \, \big) \qquad \lim_{x \to 1} \frac{x^3 + x - 2}{x^3 - x^2 - x + 1} \qquad \mathcal{E} \, \big) \qquad \lim_{x \to +\infty} \Big(\sqrt{x^2 + x} - x \Big) \qquad \widehat{\mathbf{n}} \, \big) \qquad \lim_{x \to 0} \frac{e^x - \sin x - 1}{\sin 2x}$$

- III. គេឲ្យអនុគមន៍ $f(x) = \frac{x^2 2x + 2}{x^3 2x^2 + x}$ ដែល $(x \neq 0; x \neq 1)$ ។
 - ក) កំណត់តម្លៃa;b និងc ដើម្បីឲ្យ $f(x) = \frac{a}{x} + \frac{b}{x-1} + \frac{c}{(x-1)^2}$ ។
 - ខ) គណនាអាំងតេក្រាល $\int \frac{x^2 2x + 2}{x^3 2x^2 + x} dx$
- **IV.** គេឲ្យសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល (E): $y'' + 2y' + y = x^2 + 2x 2$ ។
 - ក) កំណត់ចំនួនពិតa;b និងc ដើម្បីឲ្យ $g(x)=ax^2+bx+c$ ជាចម្លើយនៃសមីការ(E) ។
 - ខ) បង្ហាញថា f ជាម្លើយនៃ(E) លុះត្រាតែ f-g ជាចម្លើយនៃ(E'): y''+2y'+y=0 ។
- V. គេឲ្យអនុគមន៍ g កំណត់លើ $\mathbb R$ ដែល $g(x)=x-1+2e^{-x}$ ហើយមានក្រាប(C) ។
 - ១. រក $\lim_{x\to\pm\infty}f(x)$ ។ រកសមីការអាស៊ីមតូតទ្រេត $(L_{\!\scriptscriptstyle 1})$ នៃក្រាប(C)។ បង្ហាញថា f មានអប្បរមាត្រង់ $x=\ln 2$ ។
 - ២. សង់តារាងអរថរភាពនៃអនុគមន៍ f ។ រកសមីការបន្ទាត់ប៉ះ (L_2) នឹងក្រាប(C)ត្រង់ A(0,1) ។
 - ៣. សង់បន្ទាត់ $(L_{\!_1});(L_{\!_2})$ និងក្រាប(C) ក្នុងតម្រុយអរតូណម៉ាល់ $\left(o,\vec{i}\,,\vec{j}\,\right)$ ។
 - ៤, គណនាក្រឡាផ្ទៃប្លង់ដែលខ័ណ្ឌដោយអាស៊ីមតូត $(L_{\!_{\rm I}})$ នឹងក្រាប(C) ជាមួយបន្ទាត់ឈរ $x\!=\!0, x\!=\!1$ ។ **គេឲ្យ៖** $\ln 2\!=\!0.7$
- **VI.** គេឲ្យអេលីបមួយមានសមីការទូទៅ(E): $12x^2 + 20y^2 12x + 40y 37 = 0$ ។
 - ១, ចូរបម្លែងសមីការអេលីប(E) នេះជាទម្រង់សមីការស្តង់ដានៃអេលីប។
 - ២, រកកូអរដោនេនៃ ផ្ទិត កំពូល កំណុំ រួចសង់អេលីបនេះក្នុងតម្រុយអរតូណម៉ាល់ $\left(o, \vec{i}, \vec{j}\right)$ ។

VII. គេមានចំណុច A(0;1;-2), B(1;0;1), I(1;-1;0) និង I(1;2;-4) ក្នុងតម្រុយអរតូណម៉ាល់ $(o,\vec{t},\vec{j},\vec{k})$

- ក) កំណត់សមីការប្លង់(P)ដែលកាត់តាមចំណុច $_{A,B}$ និង $_{C}$ ។
- ខ) កំណត់ចម្ងាយពីចំណុច I ទៅប្លង់(P)។
- គ) សរសេរសមីការស្វ៊ែ(S) ដែលមានផ្ចិត I និងប៉ះប្លង់(P)។
- ឃ) កំណត់ក្រឡាផ្ទៃនៃត្រីកោណ ABC ។ ទាញរកមាឌតេត្រាអ៊ែត IABC។
- ង) កំណត់ចម្ងាយពីចំណុច I ទៅបន្ទាត់(D) ដែលសមីការនៃបន្ទាត់(D) គឺ: $(D): x = 1 + 3t, y = -1 + 5t, z = 1 4t \ (t \in \mathbb{R})$



សូមសំណា១ល្អ...!©

ម្រៀតតែថវិទមយីរាតមែតខាំឧស្វងបំថម្មតាង់គ្ន
ಕಾತ್ರಣಚಿತ್ರತ ದಾತ ಜ್ಞಾತ್ರ ದಂತರ
ទិញ្ញាសា គរសិតទិន្សា (ថ្លាក់ទិន្សាសស្ត្រពិត)
តោះខេល្ ១៥០ខាន្ទ
ពិន្ទុសរុម ១២៥

មណ្ឌលម្រនុទ្រ...... សេខមត្ថម.....សេខតុ..... ಯಾ:ಅಕ್ಷಲಿ សង្គលេខាមេត្ត៩ន.....

ತಿಣ್ಣಾಣಾಣಿಂದ

គេឲ្យចំនួនកុំផ្លិច $z_1=1+2i$; $z_2=1$ និង $z_3=2i$ ។ I.

១, គណនា
$$z_1+z_2$$
 ; z_1-z_2 និង z_2-z_3 ២. គណនា $z_1\left(z_2-z_3\right)$ និង $\frac{z_1}{z_2-z_3}$ ។

គណនាលីមីតនៃអនុគមន៍ខាងក្រោម៖ II.

$$\tilde{n}. \lim_{x\to 0} \frac{1-\cos 4x}{2x^2}$$

$$\text{ fi. } \lim_{x \to 0} \frac{1 - \cos 4x}{2x^2} \qquad \text{ 8. } \lim_{x \to 0} \frac{e^{2x} - \sin 4x - 1}{3x} \qquad \text{ fi. } \lim_{x \to 1} \frac{1 - x}{\sqrt{x + 2} - \sqrt{3}}$$

$$\mathfrak{F}$$
. $\lim_{x \to 1} \frac{1-x}{\sqrt{x+2} - \sqrt{3}}$

$$\mathbf{U}. \lim_{x \to +\infty} \left(x - \sqrt{x^2 - x + 1} \right)$$

ង.
$$\lim_{x\to 0} \frac{e^{2017x} - e^{2013x}}{2x}$$

$$\mathfrak{I}. \lim_{x\to 0} \frac{1-\cos x}{x\sin x}$$

ឃ. $\lim_{x\to +\infty} \left(x-\sqrt{x^2-x+1}\right)$ ង. $\lim_{x\to 0} \frac{e^{2017x}-e^{2013x}}{2x}$ ច. $\lim_{x\to 0} \frac{1-\cos x}{x\sin x}$ ក្នុងថង់មួយមានឃ្លីខ្មៅ ៣ ឃ្លីស ៤ និងឃ្លីបៃតង ៦ ។ គេចាប់យកឃ្លីម្តងបីព្រមគ្នាចេញពីថង់ដោយចៃដន្យ ។ គេសន្និដ្ធានថាប្រូបាបដែលចាប់បានឃ្លើនីមួយៗជាសមប្រូបាប ។ គណនាប្រូបាបនៃព្រឹត្តិការណ៍ខាងក្រោម៖

A: "ឃ្លីសមួយយ៉ាងតិច"

B: "ឃ្លីខ្មៅមួយយ៉ាងតិច"

C: "ឃ្លីមានពណ៍ដូចគ្នា"

D: "ឃ្លីមានពណ៍ខុសៗគ្នា"

គណនាអាំងតេក្រាលនៃអនុគមន៍ខាងក្រោម៖

$$\tilde{\mathsf{n}}. \int \frac{dx}{\sin^2 x \cos^2 x}$$

$$\text{ fi. } \int \frac{dx}{\sin^2 x \cos^2 x} \qquad \text{ 2. } \int \frac{\cos 2x}{\sin^2 x \cos^2 x} dx \quad \text{ fi. } \int_{-1}^{1} (x+1)^2 dx \qquad \text{ wi. } \int_{3}^{6} \frac{3x}{x^2 - 3} dx$$

$$\text{tis. } \int_{2}^{6} \frac{3x}{x^2 - 3} dx$$

$$\mathfrak{V}. \int (1-\cos^2 x) dx$$

$$\mathfrak{F}$$
. $\int \sin^4 x dx$

គេមានអនុគមន៍ $f(x) = \frac{(2x^2 - 1)^2}{x^2}$ ដែល $x \neq 0$ ។

9, សរសេរ f(x) ជាទម្រង់ $f(x) = Ax^2 + B + \frac{C}{x^2}$ រួចកំណត់ចំនួនពិត A; B និង C ។

២. ដោយប្រើលទ្ធផលពីសំនួរ ១ ចូរគណនា f'(x) ; f''(x) និង f'''(x) ។

៣, គណនា $\int_{0}^{\infty} f(x)dx$ ។

VI. 1) ដោះស្រាយសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែលនៃអនុគមន៍ខាងក្រោម៖(ណែនាំ ត្រូវប្រើ $y' = \frac{dy}{dx}$)

$$\hat{n}$$
. $xy' = 2 - 4x^3$

8.
$$y' = \sin x + \cos x$$
 6. $5x - 4y' = 3$

គឺ.
$$5x-4y'=3$$

$$\text{tt. } 2x(x-y')=5$$

2) ក. ដោះស្រាយសមីការឌីផេរ៉ង់ស្អែល (E): y = -5y + 4y = 0 ។

ខ. កំណត់ចម្លើយពិសេស f មួយនៃ(E) ដែលប៉ះនឹងបន្ទាត់(T): y = -2x + 1 ត្រង់ O ។

គ. តាង $u(x) = 2e^x - e^{4x}$ ។ គណនា $\int_{-1}^{9} [u(x)]^2 dx$ ។

VII. ១. កំណត់សមីការនៃប៉ារ៉ាបូលដែលមានកូអរដោនេ កំពូលV(0;1) និង F(0;-1) ។ រួចសង់ប៉ារ៉ាបូលនេះ

២. គេមានវ៉ិចទ័រ $\vec{u}=\vec{i}+\vec{j}$; $\vec{v}=3\vec{j}+\vec{k}$ និង $\vec{w}=-\vec{i}+2\vec{k}$ ។

ក. គណនា $\vec{u} + \vec{v}$; $\vec{v} + \vec{w}$ និង $2\vec{u} - 3\vec{v} + \vec{w}$ ៗ

ខ. គណនា $\vec{u} \times \vec{v}$ $\vec{v} \times \vec{w}$ និង $\vec{w} \times \vec{u}$ ។

គ. គណនាផ្ទៃក្រឡានៃត្រីកោណ និងក្រឡាផ្ទៃប្រលេឡក្រាម ដែលមានជ្រុងជាប់ $\vec{u}_{;\vec{v}}$ រួច $\vec{u}_{;\vec{w}}$ ។

ឃ. គណនាមាឌប្រលេពីប៉ែតកែងដែលមានជ្រុងជាប់ $\hat{u}_{;\vec{v}}$ និង $\vec{w}_{}$ ។

VIII. f ជាអនុគមន៍កំណត់ចំពោះគ្រប់ចំនួនពិតx ដោយ $y = f(x) = -x - 2 + \frac{4e^x}{e^x + 1}$ ហើយមានខ្សែក្រាប(C)។

១, គណនា $\lim_{x\to -\infty} f(x)$ និង $\lim_{x\to +\infty} f(x)$ ។ រកសមីការអាស៊ីមតូតទ្រេត (Δ) នៃខ្សែកោង (C) កាលណា $x\to +\infty$ ។

២. គណនាដេរីវេ f'(x) រួចបង្ហាញថា $f'(x) \le 0$ ចំពោះគ្រប់ចំនួនពិតx ។ គណនា f'(0); f(0) ហើយសង តារាងអថេរភាពនៃ f ។

៣, បង្ហាញថាគល់កូអរដោនេ o ជាចំណុចរបត់ និងជាផ្ចិតឆ្លុះនៃខ្សែកោង(c) ។

៤. គណនា f(3) ហើយសង់ក្រាប(C) ក្នុងតម្រុយអរតូណម៉ាល់ $\left(o;\vec{i};\vec{j}\right)$ ។ (គេឲ្យ៖ $e^{3}=20$)

៥. គណនាក្រឡាផ្ទៃដែលខ័ណ្ឌដោយខ្សែកោង(C) និង សមីការអាស៊ីមតូតទ្រេត (Δ) លើចន្លោះ $[-3\,;-2]$ ។



សុទសំណាចស្ន...!©

មៀតតែ ខាំទ មយ៉ាតងៃឧឌាំឧទ្ធងប់ចំឌ្នូតាដំន្	mocommene.
	មណ្ឌលម្រឡាច
ශක්කයිසම්ව කව භූතා කරවය	សេខមន្ទមសេខគុ
ន្ទិញ្ញាសា	លើ បះគេងិ <u>ទ</u> ខ
සෙ:සෙහවද්රනාම්	ಕುಕ್ಷ ಃ ಬಶಃಕಕ್ಷಿಕಿನ್
ពិទូសរុម ១២៥	
ទិញ្ញាសនី០៣	
જીલ્સ	

- ១. ចូរសរសេរចំនួនកុំផ្លិច w ដែលមានម៉ូឌុល $\sqrt{2}$ និងអាគុយម៉ង់ $\frac{7\pi}{4}$ ជាទម្រង់ពិជគណិត ។ I.
 - ២. ដោះស្រាយសមីការក្នុងសុំណុំចំនួនកុំផ្លិច $\mathbb{C}_i\sqrt{2}z-\sqrt{2}=\sqrt{2}i+z$ ដោយឲ្យទម្រង់ជាពិជគណិត។
- គណនាលីមីតនៃអនុគមន៍ខាងក្រោម៖ II.

$$\widehat{\mathbf{n}}. \lim_{x \to -\infty} \left(x + \sqrt{x^2 + 3x + 1} \right)$$

2.
$$\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt{x^2 + x + 1} - 1}{4x}$$

$$\Re \lim_{x\to 0} \frac{1-\cos 2x}{1-\cos 3x}$$

$$\text{U}.\lim_{x\to 0}\frac{1-\cos x}{\sin^2 x}$$

- ចូររកប្រូបាបនៃព្រឹត្តិការណ៍ដូចខាងក្រោម៖
 - ក. "គ្មានអំពូលខូចគុណភាពមួយសោះ"

ខ. "មានអំពូលខូចគុណភាពតែមួយគត់"

គ. "យ៉ាងតិចអំពូលខូចគុណភាពមួយ"

គ. "យ៉ាងច្រើនអំពូលខូចគុណភាពមួយ"

គណនាអាំងតេក្រាលនៃអនុគមន៍ខាងក្រោម៖

$$I = \int \left(\frac{1}{\sqrt{x}} + \frac{1}{x^3} + \sin 2x + ex\right) dx \qquad J = \int_1^4 \left(\frac{1 + x^2}{x}\right)^2 dx \qquad K = \int (1 - \cos x)^2 dx$$

$$J = \int_1^4 \left(\frac{1+x^2}{x}\right)^2 dx$$

$$K = \int (1 - \cos x)^2 \, dx$$

- ១. កំណត់ចំនួនពិត λ ដើម្បីឲ្យ $h(x) = e^{\lambda x}$ ជាចម្លើយនៃសមីការ(E): y y = 0 ។
 - ក. ចំពោះគ្រប់ចំនួនពិត α ; β ចូរផ្ទៀងផ្ទាត់ថា $\mu(x)=\alpha e^x+\beta e^{-x}$ ជាចម្លើយនៃសមីការ(E) ។
 - ខ. កំណត់ចម្លើយពិសេសមួយនៃ (E) បើគេដឹងថាក្រាបតំណាងរបស់វាកាត់តាមចំណុច $\left(\ln 2\;;\;\frac{3}{4}\right)$ ហើយប៉ះនឹង បន្ទាត់ដែលមានមេគុណប្រាប់ទិសស្មើនឹង $\frac{5}{4}$ ។
- ១. កំណត់សមីការអេលីបដែលមានកំពូល(0;-5) និង (0;5) ហើយកំណុំ(0;3) ។ រួចសង់អេលីបនេះ
 - ២. គេមាន A(0;0;3);(2;0;4);(-1;1;2) និង D(1;-4;0)
 - ក. កំណត់សមីការទូទៅនៃប្លង់ ABC ; BCD ; ACD និង ABD។
 - ខ. កំណត់សមីការឆ្លុះ និងប៉ារ៉ាម៉ែត្រដែលជាបន្ទាត់ប្រសព្វរវាងប្លង់ ABC នឹង BCDរួច ACD នឹង ABD ។
- VII. គេមានអនុគមន៍ $f(x) = \frac{1}{x(1-\ln x)}$ មានខ្សែកោង(C) ក្នុងតម្រុយអរតូណរម៉ាល់ $(o;\vec{i};\vec{j};\vec{k})$ ។
 - ក. រកសំណុំដែនកំណត់នៃអនុគមន៍ f ។
 - ខ. គណនាលីមីតនៃ f ត្រង់ចុងៗដែនកំណត់ ។ រកសមីការអាស៊ីមតូតដេក និងឈរនៃក្រាប(C) ។
 - គ. គណនា f'(x) ។ បង្ហាញថា f មានចំណុចអប្បរមាមួយ។ គូសតារាងអថេរភាពនៃ f រួចសង់ក្រាប(C)
 - ឃ. គណនាក្រឡាផ្ទៃផ្នែកប្លង់ ដែលខ័ណ្ឌដោយខ្សែកោង(C) នឹងអ័ក្ស(x'ox) លើចន្លោះ $3 \le x \le 4$ ។

ម្រៀនតែខាំ១មយ៉ាតែងឧឧនៃមួដប់ខំមួលដំនួ **೫೬೬೯ ದಾ** ಜ್ಞಾ ೩೦೦೮ ទិញ្ញាសា គណិតទិន្យា (ខ្ញាក់ទិន្យាសាស្ត្រពិត) ទេះពេល១៥០ខានី ೫೮೮ ಆಚಿತ್ರಣಿ

នស្វាលទ្រន់ខែ..... រសទឧសិត្ត ឃេទម៉ ಯಾ:ಅಕ್ಷಲಿನ សដ្តលេខាមេគ្គ៩ន.....

ទិញ្ញាសានី០៤

I. គេឲ្យចំនួនកុំផ្តិច
$$z_1 = -2\sqrt{3} - 2i$$
 និង $z_2 = 2\sqrt{3} + 2i$ ។

១.សរសេរ z_1 និង z_2 ជាទម្រង់ត្រីកោណមាត្រ។

២, សរសេរ z_1+z_2 , z_1-z_2 , $z_1\times z_2$ និង $\frac{z_1}{z_2}$ ជាទម្រង់ពិជគណិត ។ រួចសរសេរជាទម្រង់ត្រីកោណមាត្រ។

៣,គេតាង
$$A = \frac{z_1}{z_2} + \left(\frac{z_1}{z_2}\right)^5$$
 ។ រកតម្លៃនៃ A ។

II. គណនាលីមីតនៃអនុគមន៍ខាងក្រោម៖

$$\lim_{x\to 0} \frac{e^{2x} - \cos 4x}{2x}$$

$$2. \lim_{x \to +\infty} \frac{x^2 - \ln x}{r \ln x}$$

$$\text{ fi. } \lim_{x \to 0} \frac{e^{2x} - \cos 4x}{2x} \qquad \text{ 2. } \lim_{x \to +\infty} \frac{x^2 - \ln x}{x \ln x} \qquad \text{ fi. } \lim_{x \to 0} \frac{\left(e^{38x} - 1\right) \sin 53x}{x^2} \qquad \text{ Ui. } \lim_{x \to +\infty} \left(xe^{-x} - e^{-x}\right)$$

$$\text{U.} \lim_{x\to +\infty} \left(xe^{-x}-e^{-x}\right)$$

$$\lim_{x \to 0} \frac{\cos 6x - \cos x}{\sin^2 x}$$

$$\mathfrak{V}. \lim_{x\to 0} \frac{\tan x - \sin x}{x^3}$$

$$\mathfrak{F}. \lim_{x\to 1} \frac{\sin^2 \pi x}{x-1}$$

$$\mathfrak{A}. \lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{2} - \sqrt{1 + \cos x}}{\sin^2 x}$$

ង. $\lim_{x\to 0}\frac{\cos 6x-\cos x}{\sin^2 x}$ ច. $\lim_{x\to 0}\frac{\tan x-\sin x}{x^3}$ ឆ. $\lim_{x\to 1}\frac{\sin^2 \pi x}{x-1}$ ជ. $\lim_{x\to 0}\frac{\sqrt{2}-\sqrt{1+\cos x}}{\sin^2 x}$ III. គណនាអាំងតេក្រាល និងដើរជនៃអនុគមន៍ខាងក្រោម៖

$$\hat{n}$$
. $\int \tan 4x dx$

$$2. \int 2xe^{5x}dx$$
 $\Re. \int \sin^3 x dx$

$$\mathfrak{V}. \ y = \ln(x^2 + e^x)$$
 $\mathfrak{V}. \ y = \frac{x - \ln x}{x}$ $\mathfrak{V}. (2x + 3)^5$ $\mathfrak{W}. \ y = \frac{x + 2}{1 - x}$

$$\mathfrak{F}. \ y = \frac{x - \ln x}{x}$$

$$\mathfrak{U}.(2x+3)^5$$

$$\text{MS. } y = \frac{x+2}{1-x}$$

IV. វិញ្ញាសានៃការបោះគ្រាប់ឡុកឡាក់ពីរគ្រាប់មានពណ៍ខុសគ្នា ក្រហម និងខៀវព្រមគ្នា ។

ក. រកប្រូបាបនៃព្រឹត្តិការណ៍ ដោយគោរពតាមលក្ខខណ្ឌដូចតទៅ៖

១,
$$A_{\rm l}$$
 = "ឡុកឡាក់ពណ៌ក្រហមចេញលេខ ៤" ។

២,
$$A_2$$
 = "ឡកឡាក់ពណ៌ខៀវចេញលេខសេស" ។

៣, A_3 = "ឡកឡាក់ពណ៍ក្រហមចេញលេខ ៣ គ្រាប់ឡកឡាក់ខៀវចេញលេខ ៥" ។

៤. A_4 = "ឡកឡាក់ពណ៍ក្រហមចេញលេខ ១ គ្រាប់ឡកឡាក់ខៀវចេញលេខ ៧" ។

ខ. តើព្រឹត្តិការណ៍ណាមួយជាព្រឹត្តិការណ៍ឯកធាតុ?

១. តាង
$$v(x) = x^2 - 3x + 2$$
 គណនា $v'(x)$ ។

២, គណនា
$$I = \int_{-1}^{0} f(x) dx$$
 ។

2. រកចំនួនពិត
$$a$$
 និង b ដើម្បីឲ្យ $g(x) = \frac{2-x}{x^2-4x+3} = \frac{a}{x-1} + \frac{b}{x-3}$ ។ រួចគណនា $I = \int g(x) dx$ ។

- **VI.** គេមានសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល(E): $y'-2y=2(e^{2x}-1)$ ។
 - ១. បង្ហាញថាអនុគមន៍h កំណត់លើ $\mathbb R$ ដោយ $h(x) = 2xe^{2x} + 1$ ជាចម្លើយពិសេសមួយនៃ(E) ។
 - ២, គេសន្មត់ y=z+h ។ បង្ហាញថា y ជាចម្លើយនៃសមីការ (E) លុះត្រាតែ z ជាចម្លើយនៃសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល (E'): z'-2z=0 ។ រួចទាញរកចម្លើយទូទៅនៃសមីការ (E)។
 - ៣.កំណត់ចម្លើយមួយនៃ(E) ដោយដឹងថាក្រាបរបស់វាកាត់តាមអ័ក្សអាប់ស៊ីសត្រង់ $_0$ ។
- ${\bf VII.}$ ១. ប៉ារ៉ាបូលមួយមានកំពូល(1,2) និងកំណុំត្រង់ចំណុច(1,4)។
 - ក. រកសមីការស្គង់ដានៃប៉ារ៉ាបូលនេះ ។
 - ខ. រកសមីការបន្ទាត់ប្រាប់ទិស និងសង់ប៉ារ៉ាបូលនេះ ។
 - ២. នៅក្នុងតម្រុយអរតូណរម៉ាល់ $\left(o,\vec{i},\vec{j},\vec{k}\right)$ មានទិសដៅវិជ្ជមានគេឲ្យចំណុច A(1,2,3) និងវ៉ិចទ័រ $\vec{u}=2\vec{i}-\vec{j}+\vec{k}$ ។
 - ក. សរសេរសមីការបន្ទាត់D កាត់តាមA និងមានវ៉ិចទ័រប្រាប់ទិស $_{ar{u}}$ ។
 - ខ. សរសេរសមីការប្លង់lpha កាត់តាមA និងមានវ៉ិចទ័រណរម៉ាល់ $_{ec{u}}$ ។
- VIII. គេឲ្យ f ជាអនគមន៍កំណត់ដោយ $f(x) = \frac{x}{2} + 2 + \frac{\ln x}{x}$ មានក្រាប C ។
 - 9. សង់តារាងអរថេរភាពនៃអនុគមន៍ g ដែល $g(x) = x^2 + 2 2\ln x$ (មិនបាច់រកលីមីតទេ)។ ទាញរកសញ្ញា នៃ g(x) លើ $(0,+\infty)$ ។
 - ២, គណនា $\lim_{x\to 0^+} f(x)$ និង $\lim_{x\to +\infty} f(x)$ ។ សង់តារាងអថេរភាពនៃ f ។
 - ៣, កំណត់លីមីតនៃ $f(x)-\frac{x}{2}-2$ កាលណា x ខិតទៅរក $+\infty$ រួចសិក្សាសញ្ញានៃកន្សោមនេះ។ បកស្រាយ តាមន័យក្រាបភិចនូវលទ្ធផលនេះ ។
 - ៤. ឲ្យសមីការនៃបន្ទាត់ប៉ះT ទៅនឹងC ត្រង់ចំណុចA មានអាប់ស៊ីស 1 ។
 - ៥, រកកូអរដោនេនៃចំណុច B នៅលើ C ដែលប៉ះទៅនឹង C ត្រង់ចំណុចនេះ ហើយស្របទៅនឹងបន្ទាត់ $d:y=\frac{x}{2}+2$ ។ សង់ខ្សែកោង C ។
 - ៦, គណនាផ្ទៃក្រឡា $S(\beta)$ ដែលខណ្ឌដោយខ្សែកោង C នឹងបន្ទាត់ d លើផចន្លោះ $[1,\beta]$, $1<\beta$ ។ កំណត់ β ដើម្បីឲ្យ $S(\beta)=100$ ។



សុមសំណាចស្ន...!©

អំឡាតរិត ថវិទទាញីវាត ាននានខានម្ខាងបំនំង្នូតាង់គ្
සෘක්ඛණ්ව කට භූඩා කටට ය
ទិញ្ញាសា អរសិតទិន្សា (ខ្លាំងទិន្យាសាស្ត្រពិត)
មេះពេល១៥០ខានី
ព្ធទំខម្មិន ១២៥

មណ្ឌលម្រនុទ្រ..... លេខឧទ័ត ខេត្ត ಯಾ:ಅಕ್ಷಲಿ ಲಾಕ್ಷಣಾಣಕ್ಕಿಲ್ಲ<u>ಿ</u>

ទិញ្ញាសានី០៥

- គេឲ្យចំនួនកុំផ្លិច $z_1=\sqrt{2}+i\sqrt{2}$ និង $z_2=\sqrt{2}-i\sqrt{2}$ ដែល $w=\frac{z_1}{z_2}$ ។
 - ១.សរសេរចំនួនកុំផ្លិច z_1 ; z_2 និង w ជាទម្រង់ត្រីកោណមាត្រ ។ រួចសរសេរ w^4 ជាទម្រង់ពីជគណិត ។
 - ២, គេឲ្យចំនួនកុំផ្លិច $u=\cos \alpha+i\sin \alpha$ ដែល $(\alpha\in\mathbb{R})$ ។ គណនា α ដោយដឹងថា $u=w^4$ ។
- II. គណនាលីមីតនៃអនុគមន៍ខាងក្រោម៖

$$\text{7.} \lim_{x \to 0} \frac{e^{4x} - e^{-4x}}{\sin x} \qquad \text{2.} \lim_{x \to 0} \frac{e^{x} - 1}{\sqrt{x + 1} - 1} \qquad \text{5.} \lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{e^{x}} - 1}{\sin 2x} \qquad \text{5.} \lim_{x \to \pi} \frac{1 + \cos x}{\left(\pi - x\right)^{2}}$$

2.
$$\lim_{x\to 0} \frac{e^x - 1}{\sqrt{x+1} - 1}$$

គ.
$$\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt{e^x} - 1}{\sin 2x}$$

$$\text{U.}\lim_{x\to\pi}\frac{1+\cos x}{\left(\pi-x\right)^2}$$

$$\mathfrak{V}.\lim_{x\to +\infty}\frac{\left(2x^2-3\right)\left(1-x\right)}{(5+2x)\left(2-x^2\right)} \qquad \qquad \mathfrak{V}.\lim_{x\to 1}\frac{2-\sqrt{x+3}}{x^2-1} \qquad \qquad \mathfrak{V}.\lim_{x\to +\infty}\ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right)$$

$$\Im \lim_{x \to 1} \frac{2 - \sqrt{x+3}}{x^2 - 1}$$

$$\mathfrak{F}. \lim_{x \to +\infty} \ln \left(\frac{x+1}{x-1} \right)$$

III. គណនាអាំងតេក្រាលនៃអនុគមន៍ខាងក្រោម៖

ក. គណនា
$$I = \int_{2}^{3} (4x^2 - 2x + 1) dx$$

$$2. f(x) = \frac{1+2x}{(x^2-4x)+(4-x)}$$
 ។ បង្ហាញថា $f(x) = \frac{1}{1-x} - \frac{3}{4-x}$ គណនា $J = \int_2^3 f(x) dx$ ។

IV. គេឲ្យអនុគមន៍ h(x) កំណត់ចំពោះ $x \neq -1$ ដោយ $h(x) = \frac{4x-1}{(x+1)^2}$ ។

១,រកចំនួនពិត
$$a$$
 និង b ដើម្បីឲ្យ $h(x) = \frac{a}{(x+1)} + \frac{b}{(x+1)^2}$ ចំពោះគ្រប់ $x \neq -1$ ។

២. ដោះស្រាយសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល $(x+1)^2$ y'=4x-1 ដោយដឹងថា y(0)=2017 ។

- v. សិស្សម្នាក់ចង់ទិញសៀវភៅមួយក្បាលដែលមានតម្លៃ ៧០០រៀល ។ នៅក្នុងហោប៉ាវរបស់សិស្សម្នាក់នោះមានក្រ ដាស់ប្រាក់ ១០០០រៀល មួយសន្លឹក ៥០០រៀល ពីរសន្លឹក និង ២០០រៀល បួនសន្លឹក ។ សិស្សនោះលុកក្នុងហោប៉ាវ ដោយចៃដន្យយកបានក្រដាស់ប្រាក់ពីរសន្លឹក ។
 - ក. A: "មានផលបូកស្មើនឹង ៧០០រៀល" ។
 - ខ. B: "មានផលបូកស្មើនឹង ៧០០រៀល យ៉ាងតិច" ។
- **VI.** គេឲ្យប៉ារ៉ាបូលមួយមានសមីការ $P: x^2 4x + 4y + 8 = 0$ ។
 - ១.រកកូអរដោនេ កំពូល កំណុំ និងសមីការបន្ទាត់ប្រាប់ទិសនៃប៉ារ៉ាបូល P នេះ។
 - ២. រកកូអរដោនេនៃចំណុចប្រសព្វរវាងប៉ារ៉ាបូល P នឹងបន្ទាត់ដេក y=-2 ។
 - ៣.ចូរសង់ប៉ារ៉ាបូលP នេះក្នុងតម្រុយ $\left(o, \overline{i}, \overline{j}\right)$ ។

- VII.គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ $\mathbb R$ ដែល $f(x) = x + 1 e^x$ មានក្រាបC ។
 - ក. គណនាលីមីតចុងដែនកំណត់ ។ កំណត់ដេរីវេ f'(x) ។ សិក្សាសញ្ញានៃ f'(x) ។ រួចសង់តារាងអថេរភាពនៃ f(x) ។
 - ខ. កំណត់សញ្ញានៃ f(x) រួចបង្ហាញថា $e^x \ge x+1$ គ្រប់ $x \in \mathbb{R}$ ។
 - គ. បង្ហាញថាបន្ទាត់L: y=x+1 ជាអាស៊ីមតូតនៃក្រាបC ខាង $-\infty$ ។
 - ឃ. សង់ក្រាប $_C$ និងបន្ទាត់ $_L$ ក្នុងតម្រុយ $_{(o,\vec{i},\;\vec{j})}$ ។
 - ង. ដោយប្រើខ្សែកោង C ចូរពិភាក្សាទៅតាមតម្លៃប៉ារ៉ាមែត្រm នៅចំនួនឫសនៃសមីការ $x+1-e^x-m=0$ ។
 - ច. គណនាផ្ទៃក្រឡា S ផ្នែកប្លង់ដែលខណ្ឌដោយខ្សែកោង C នឹងអ័ក្សអាប់ស៊ីស $0 \le x \le 1$ ។
- **VIII.** នៅក្នុងតម្រុយអរតូណរម៉ាល់ $\left(o,\vec{i},\ \vec{j},\vec{k}\ \right)$ មានទិសដៅវិជ្ជមានគេឲ្យចំណុច A(1,1,0),B(0,2,2), C(1,-2,3) ។
 - ក. គណនាផលគុណវ៉ិចទ័រ $\overline{AB} imes \overline{AC}$ រួចទាញបញ្ជាក់ថាA,B,C មិនឋិតនៅលើបន្ទាត់តែមួយ ។
 - ខ. សរសេរសមីការប្លង់ P ដែលកាត់តាមចំណុច $_{A,B,C}$ ។
 - គ. រកសមីការប៉ារ៉ាមែត្រនៃបន្ទាត់ L ដែលកាត់តាមចំណុច D(1,-2,0) ហើយកែងនឹងប្លង់ P ។ រួចរកកូអរដោនេនៃចំណុច M ប្រសព្វរវាងប្លង់ P និងបន្ទាត់ L ។



សូមសំណាខល្អ...!©

ំងៀតតែ ថមិចអញ្ជីរាត្យឯកខា្មកម្មមានមួយ
සෘදූඛණයට පාසුභා කරවය
ទិញ្ញាសា អណិតទិន្សា (ថ្លាក់ទិន្យាសាស្ត្រពិត)
ទេះខេល១៥០ខាន្ទ
ಶಿಜ್ಚಕ ೨೮៥

សេខមត្ថម.....សេខតុ..... ಯಾ:ಅಕ್ಷಲಿ សង្គលេខាមេដ្ឋខ្លួន.....

ទិញ្ញាសានី០៦

I. គេមានចំនួនកុំផ្លិច $z_1 = \sqrt{3} - i$, $z_2 = -2\sqrt{3} + 2i$ និង $z_3 = \frac{z_1}{z_2}$ ។

គណនា z_1+z_2 , $(z_1-z_2)\times z_3$ ។ សរសេរជាទម្រង់ត្រីកោណមាត្រនូវចំនួនកុំផ្លិច z_1+z_2 ។ រួចទាញរក $(z_1+z_2)^4$ ។

II. គណនាលីមីត៖ ក. $\lim_{x\to 2} \frac{x^2-4}{x^2+x-6}$ ខ. $\lim_{x\to 5} \frac{\sqrt{x+4}-3}{x^2-25}$ គ. $\lim_{x\to 0} \frac{7\sin 7x}{x}$ ឃ. $\lim_{x\to 0} \frac{\sin 2018x}{\sin 2017x}$

III. ១. គណនាអាំតេក្រាល ក. $\int_{2}^{3} (2x^2 + x - 3) dx$ ខ. $\int_{2}^{\frac{\pi}{3}} (1 - 2\cos^2 x) dx$ គ. $\int_{\cos x}^{\sin^3 x} dx$ ឃ. $\int_{16 - x^2}^{x^2} dx$

ង. $\int_{x^2}^{0} \ln t dt$ ប៊. $\int \sin x e^{\cos x} dx$ ស៊. $\int \cos^4 x dx$ นี. $\int \cos^2 x \sin x dx$ ឈ. $\int_{x}^{\frac{\pi}{2}} \sin^3 x \cos^2 x dx \left(An : \frac{2}{15} \right)$

២. គេមាន f កំណត់ចំពោះ $x \neq -2$; $x \neq -1$ ដោយ $f(x) = \frac{x}{x^2 + 3x + 2}$ ។ បង្ហាញថា $f(x) = \frac{2}{x + 2} - \frac{1}{x + 1}$ ។

រួចគណនា $K = \int_0^1 f(x) dx$ ។

IV. ក្នុងថង់មួយមានប៊ូល ១៥ ដែលចែកជាប៊ូលពណ៍បៃតងចំនួន៧ និងគេសរសេរលើប៊ូលទាំង៧ នេះតាមលេខរៀងពី ១ដល់៧ រួចប៊ូលខៀវចំនួន៥ និងគេសរសេរលើប៊ូលទាំង៥ នេះតាមលេខរៀងពី១ដល់៥ ចុងក្រោយប៊ូលក្រហមចំនួន ៣ និងគេសរសេរលើប៊ូលទាំង៣ នេះតាមលេខរៀងពី១ដល់៣។ គេចាប់យកប៊ូលមួយចេញពីថង់ដោយចៃដន្យ។ រកប្រូប៉ាបនៃព្រឹត្តិការណ៍ខាងក្រោម៖

A: ប៊ូលដែលចាប់បានមានពណ៌បៃតង ។

B: ប៊ូលដែលចាប់បានមានលេខសេស ។

C: ប៊ូលដែលចាប់បានមានលេខគូ ។

D: ប៊ូលដែលចាប់បានមានលេខជាចំនួនបឋម ។

E: ប៊ូលដែលចាប់បានមានពណ៍បៃតង និងមានលេខជាចំនួនបឋម ។

- ${\bf v}$. ១. គេមានសមីការ $16x^2+9y^2-54y-63=0$ ។ក. បង្ហាញថាសមីការនេះជាសមីការអេលីប។ រកប្រវែងអ័ក្សតូច ប្រវែងអ័ក្សធំ និងកូអរដោនេនៃកំពូល, កំណុំទាំងពីរ របស់អេលីបនេះ ។ ខ. សង់អេលីបនេះ។
 - ២. នៅក្នុងលំហប្រដាប់ដោយតម្រុយអរតូណរម៉ាល់ $\left(o, \overline{i}, \overline{j}, \overline{k}\right)$ គេមានចំណុច A(2,3,4), B(3,5,6)

,C(4,6,7),D(3,4,5) ។ ក. រកវ៉ិចទ័រ $\overrightarrow{AB},\overrightarrow{CD}$ និងរកតម្លៃ $|\overrightarrow{AB}|,|\overrightarrow{CD}|$ ។ រួចគណនាផលគុណ $\overrightarrow{AB} \times \overrightarrow{CD}$ ។

- ខ. ទាញបង្ហាញថាចតុកោណ ABCD ជាប្រលេឡក្រាម។
- VI. ក. ដោះស្រាយសមីការឌីវេរ៉ង់ស្យែល(E): y = 4y = 0 ។
 - ខ. រកចម្លើយពិសេសមួយនៃសមីការឌីផេរ៉ង់ស្បែល(E) ដែល y(0)=1 និង y'(0)=0 ។

VII.គេឲ្យអនុគមន៍ f មួយកំណត់លើ $\mathbb R$ ដោយ $f(x) = (x-2)e^x + 1$ មានក្រាបតាង C ។

- ក. រកតម្លៃអតិបរមានៃ f ។
- ខ. រកលីមីតនៃ f ត្រង់ $+\infty$ និង $-\infty$ រួចទាញរកសមីការអាស៊ីមតូតនៃក្រាប C ។
- គ. សង់តារាងអថេរភាពនៃ f ។
- ឃ. រកចំណុចI របត់នៃក្រាបC ។ សរសេរសមីការបន្ទាត់ប៉ះ (Δ) ត្រង់I ។
- ង. ដោះស្រាយសមីការ f(x)=1 ។ បញ្ជាក់ទីតាំងនៃ C ធៀបនឹងអាស៊ីមតូតដែលរកបាននៅសំនួរ ខ។
- ច. គណនា $f\left(-1\right)$ ។ សងក្រាប C អាស៊ីមតូត និងបន្ទាត់ប៉ះ $\left(\Delta\right)$ ។

កេឲ្យ៖ e = 2.7

VIII. គេឲ្យអនុគមន៍ f មួយកំណត់លើ]0 , $+\infty[$ ដែល $f(x)=x\ln x-x+1$ មានក្រាប(C) ។

- ក. រកលីមីត $\lim_{x \to 0^+} f(x)$ និង $\lim_{x \to \infty} f(x)$ ។
- ខ. គណនាដេរីវេ f'(x) រួចសិក្សាសញ្ញានៃ f'(x) ។ គណនាតម្លៃបរមានៃ f ។
- គ. គូសភារាងអថេរភាពនៃ f ។
- ឃ. គណនា f(2) ។ រកx បើ f(x)=1 ។ គេឲ្យ៖ $(\ln 2 = 0.7)$
- ង. សង់ក្រាប(C) តាងអនុគមន៍ f ។







សុមសំណា១ល្អ...!⊚

ម្រៀតតែខាំ១មយីវាតាំងគនាំតម្ងងប៉ង់មួតដំនូ **೫೬೬೯ ದಾ** ಜ್ಞಾ ೩೦೦೮ ទិញ្ញាសា គណិតទិន្យា (ខ្ញាក់ទិន្យាសាស្ត្រពិត) ទេះពេល១៥០នានី ೫೮೮ ಆಚಿತ್ರಣಿ

សេខមត្ថម.....សេខតុ..... ಯ್ತಾಃಚಕ್ಷಲಿ សង្គលេខាមេត្ត៩ន.....

ទិញ្ញាសានី០៧

- គេឲ្យចំនួនកុំផ្លិច z=1+i ជាឫសនៃសមីការ $z^3-3z^2+az+b=0$:(E) ។
 - ក. កំណត់ចំនួនពិត_{a,b} ។
 - ខ. រកឫសផ្សេងទៀតនៃសមីការ(E)។
 - គ. សរសេរឫសនៃសមីការ(E)ជាទម្រង់ត្រីកោណមាត្រ ។
- II. គណនាលីមីតខាងក្រោម៖

$$\text{fi.} \lim_{x \to 0} \frac{e^{2x} + e^{x} - 2}{\sin 2x + \sin x} \qquad \text{8.} \lim_{x \to 0} \frac{1 - \cos 2x}{x \sin 4x} \qquad \text{fi.} \lim_{x \to 0} \frac{1 - \sqrt{\cos x}}{x^{2}} \qquad \text{ti.} \lim_{x \to 0} \frac{\sin 5x}{2x^{2} + 4x}$$

$$2. \lim_{x\to 0} \frac{1-\cos 2x}{x\sin 4x}$$

គ.
$$\lim_{x\to 0} \frac{1-\sqrt{\cos x}}{x^2}$$

$$\text{US.} \lim_{x \to 0} \frac{\sin 5x}{2x^2 + 4x}$$

$$3. \lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{2} - \sqrt{1 + \cos x}}{\sin^2 x} \qquad 3. \lim_{x \to 0} \frac{1 - \sin x}{\left(\frac{\pi}{2} - x\right)^2} \qquad 3. \lim_{x \to 0} \frac{\left(1 - \cos x\right)^2}{\tan^3 x - \sin^3 x} \qquad 3. \lim_{x \to 0} \frac{1 + \sin x - \cos x}{1 - \sin x - \cos x}$$

$$\mathfrak{I}. \lim_{x \to 0} \frac{1 - \sin x}{\left(\frac{\pi}{2} - x\right)^2}$$

$$\mathfrak{F}.\lim_{x\to 0}\frac{\left(1-\cos x\right)^2}{\tan^3 x-\sin^3 x}$$

$$\Im \lim_{x \to 0} \frac{1 + \sin x - \cos x}{1 - \sin x - \cos x}$$

III. គេចង់បង្កើតលេខដែលមានបីខ្ទង់ ផ្សេងៗគ្នា ដោយយកចេញពី ១,២,៣,៤ ។ ចូររកប្រូបាបនៃព្រឹត្តិការណ៍ដូចខាងក្រោម៖

- ក. ចំនួននោះជាពហុគុណនៃ ៣ ។
- ខ. ចំនួននោះជាពហុគុណនៃ ២ ។
- គ. ចំនួននោះជាពហុគុណនៃ ២ ឬ ជាពហុគុណនៃ ៣។
- **IV.** ក. គណនាអាំងតេក្រាល $I = \int_{1}^{5} (x^2 + 2x 3) dx$
 - 2. បង្ហាញថាគ្រប់ចំនួនពិត $x \ne 1$ គេបាន $f(x) = \frac{2x^2 3x + 2}{x 1} = 2x 1 + \frac{1}{x 1}$ ។ រួចទាញរក $J = \int_{2}^{3} f(x) dx$ ។
- **V.** គេមានអនុគមន៍ f កំណត់លើ \mathbb{R} ដោយ $f(x) = \frac{1}{1+e^x} + \frac{2}{9}x$ និងតាង C ក្រាបរបស់ f ។
 - 1. អនុគមន៍ g កំណត់លើ \mathbb{R} ដោយ $g(x) = 2e^{2x} 5e^x + 2$ ។
 - ក. ផ្ទៀងផ្ទាត់់ថា $g(x) = (2e^x 1)(e^x 2)$ ។
 - ខ. ទាញតាមតម្លៃនៃx សញ្ញានៃg(x) ។
 - 2. ក្. រិក $\lim_{x \to \infty} f(x)$ និង $\lim_{x \to \infty} f(x)$ ។
 - ខ. អនុគមន៍ f មានដេវីវេ f ។ បង្ហាញថាចំពោះគ្រប់ចំនួនពិតx គេបាន f '(x) និង g (x) មានសញ្ញាដូចគ្នា។
 - គ. សិក្សាអថេរភាពនៃអនុគមន៍ f លើ $\mathbb R$ ។
- VI. 9. គេមានអនុគមន៍ $g(x) = x^2 2 \ln x$ កំណត់លើចន្លោះ $I = (0, +\infty)$ ។

- ក. សិក្សាអថេរភាព និងគូសតារាងអថេរភាពនៃ g (មិនចាំបាច់គណនាលីមីតចុងដែនកំណត់ទេ) ។
- ខ. ទាញថាចំពោះគ្រប់x>0 នោះគេបាន g(x)>0 ។
- ២. អនុគមន៍ f កំណត់លើI ដោយ $f(x) = \frac{1}{2}x \frac{3}{2} + \frac{1 + \ln x}{x}$ មានក្រាប C ។
 - ក. គណនាលីមីតនៃ f ត្រង់ 0 និង $+\infty$ ។
 - ខ. a. បង្ហាញថា $f'(x) = \frac{g(x)}{2x^2}$ ចំពោះគ្រប់ $x \in I$ ។
 - b. ទាញរកសញ្ញានៃ f និងគូសតារាងអថេរភាពនៃ f លើ I ។
 - គ. a. បង្ហាញថាបន្ទាត់ D មានសមីការ $y = \frac{1}{2}x \frac{3}{2}$ ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃ C
 - b. កំណត់កូអរដោនេនៃចំណុចប្រសព្វរវាង C និង D ។
 - c. កំណត់ទីតាំងធៀបនៃ C និង D ។
 - d. សង់ C និងDនៅក្នុងតម្រុយអរតូណរម៉ាល់ $\left(O,ec{i},ec{j}\right)$ (ឯកតាលើអ័ក្ស2cm)
- ៣. នៅលើចន្លោះ I គេឲ្យ $h(x) = \frac{1 + \ln x}{x}$ ។
 - ក. រកព្រីមីទីវមួយនៃអនុគមន៍h លើចន្លោះI ។
 - ខ. គណនាផ្ទៃក្រឡាផ្នែកនៃប្លង់ S ខ័ណ្ឌដោយក្រាប C បន្ទាត់ D និងបន្ទាត់ឈរ $x=\frac{1}{e}, x=e^2$ គិតជា cm^2 ។

VII.(**ប៉ែម**)គេឲ្យសមីការ (E_1) : $2x^2 + y^2 = 8$ និង (E_2) : $y^2 = 6x$ ។

- ក. ចូរបញ្ហាក់ដោយប្រាប់ឈ្មោះនៃប្រភេទខ្សែកោង ឬសមីការទាំងពីរខាងលើ ។
- ខ. រកកូអរដោនេនៃចំណុចប្រសព្វរវាងខ្សែកោងទាំងពីរខាងលើ ។
- គ. រកមេគុណប្រាប់ទិសនៃបន្ទាត់ប៉ះទៅនឹងខ្សែកោងទាំងពីរខាងត្រង់ចំណុចប្រសព្វនោះ។
- ឃ. បង្ហាញថាបន្ទាត់ប៉ះទៅនឹងខ្សែកោងទាំងពីរត្រង់ចំណុចប្រសព្វនោះកែងគ្នា។
- ${f VIII.}$ នៅក្នុងតម្រុយអរតូណរម៉ាលមានទិសដៅវិជ្ជមាន $\left(o,\vec{i},\ \vec{j},\vec{k}\ \right)$ គេមានចំណុច $A\left(1,0,0\ \right),B\left(0,1,0\ \right),\ C\left(0,0,1\right)$

។

- ក. បង្ហាញចាត្រីកោណ ABC ជាត្រីកោណសម្ប័ង។
- ខ. គណនាផលគុណ $\vec{n} = \overrightarrow{AB} \times \overrightarrow{AC}$ រួចសរសេរសមីការប្លង់ ABC ។
- គ. រកចម្ងាយពីចំណុច D(0,1,1) ទៅប្លង់ ABC ។
- ឃ. រកសមីការស្វ៊ែs ដែលមានអង្គត់ផ្ចិតAC ។
- ង. សរសេរសមីការប្លង់ Pប៉ះស្វ៊ែ S ត្រង់ C ។







សូមសំណាខល្អ...!©

ម្រៀនតែខាំ១មយ៉ាតែងឧឧនៃមួដប់ខំមួលដំនួ ೫೬೬೯ ದಿ ಆಕ್ಷಚಾ ಜನಾಗಿ ទិញ្ញាសា គណិតទិន្យា (ខ្ញាក់ទិន្យាសាស្ត្រពិត) ទេះពេល១៥០ខានី ೫೮೮ ಆಚಿತ್ರಣಿ

មណ្ឌលរួមទុទ្រ..... លេខឧទ័ត ខេត្ត ເໝຸາ:ເອສອຣ...... សង្គលេខាមេត្ត៩ន.....

ទិញ្ញាសានី០៨

I. គេឲ្យចំនួនកុំផ្លិច
$$Z = \frac{5+3\sqrt{3}i}{1-2\sqrt{3}i}$$
 ។

ក. សរសេរ Z ជាទម្រង់ a+bi ដែល a និង b ជាចំនួនពិត។

ខ. គណនា Z^2 និង Z^3 រួចទាញរក Z^{15} ។

គ. បង្ហាញថាគ្រប់ចំនួនគត់ធម្មជាតិ $n \ Z^{3n+2} = -2^{3n+1} \left(1 + i\sqrt{3}\right)$ រួចគណនា $Z^{20} \$ ។

II. គណនាលីមីតនៃអនុគម៍ខាងក្រោម៖

$$\text{ fi.} \lim_{x \to 0} \frac{e^{4020x} - e^{2013x}}{\sin 2040x - \sin 2039x} \qquad \text{ 2.} \lim_{x \to 0} \frac{\left(e^{3x} - e^{5x}\right)\sin 2x}{8x^2} \qquad \text{ fi.} \lim_{x \to 0} \frac{1 - \sqrt{\cos 4x}}{1 - \sqrt{\cos 8x}} \qquad \text{ ti.} \lim_{x \to 0} \frac{\sin^2 4x}{\sin^2 8x}$$

2.
$$\lim_{x\to 0} \frac{\left(e^{3x} - e^{5x}\right)\sin 2x}{8x^2}$$

គ.
$$\lim_{x \to 0} \frac{1 - \sqrt{\cos 4x}}{1 - \sqrt{\cos 8x}}$$

$$U.\lim_{x\to 0}\frac{\sin^2 4x}{\sin^2 8x}$$

$$\ddot{\mathfrak{U}}. \lim_{x \to 0} \frac{1 - \cos\left(1 - \cos x\right)}{x^4} \qquad \qquad \ddot{\mathfrak{U}}. \lim_{x \to 0} \frac{4\sin 4x}{2 - \sqrt{x + 4}} \qquad \qquad \ddot{\mathfrak{U}}. \lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{2 + x} - \sqrt{2 - x}}{x} \qquad \qquad \ddot{\mathfrak{U}}. \lim_{x \to 0} \frac{\sin^2 x}{-3x}$$

$$\mathfrak{V}.\lim_{x\to 0}\frac{4\sin 4x}{2-\sqrt{x+4}}$$

$$\mathfrak{F}. \lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{2+x} - \sqrt{2-x}}{x}$$

$$\Im. \lim_{x \to 0} \frac{\sin^2 x}{-3x}$$

$$\operatorname{UU}. \lim_{x \to +\infty} \frac{\left(\ln x\right)^2}{x^3}$$

$$\mathfrak{Q}$$
. $\lim_{x\to 0} \frac{\ln x}{x}$

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{x^2 - \ln x}{x \ln x}$$

$$\mathfrak{W}.\lim_{x\to +\infty}\frac{\left(\ln x\right)^2}{x^3} \qquad \qquad \mathfrak{Q}.\lim_{x\to 0}\frac{\ln x}{x} \qquad \mathfrak{Z}.\lim_{x\to +\infty}\frac{x^2-\ln x}{x\ln x} \qquad \qquad \mathfrak{V}.\lim_{x\to 0}\left(\frac{e^x}{x}-\frac{1}{x}+\frac{\sin 4x}{x}\right)$$

III. 9.គេមានអនុគមន៍ f កំណត់លើ $D = [2, +\infty)$ ដោយ $f(x) = \frac{x^2 - 4x + 4}{(2x - 3)(x - 1)^2}$ ។ ក. ផ្ទៀងផ្ទាត់ថាចំពោះគ្រប់ $x \in D$ នោះ $f(x) = \frac{-1}{(x - 1)^2} + \frac{1}{2x - 3}$ ។

2.កំណត់លើចន្លោះ $[2,+\infty)$ នូវព្រីមីទីវរបស់អនុគមន៍ g និង h ដែល $g(x) = -\frac{1}{(x-1)^2}$ និង $h(x) = \frac{1}{2x-3}$

គ. ទាញរកតម្លៃប្រាកដនៃ $I = \int_{2}^{3} f(x) dx$ ។

២. គណនាអាំងតេក្រាល $A = \int_{1}^{3} (3x^2 + 2x + 3) dx$

IV. ក្នុងលំដាប់លេខ:១,២,៣,៤,៥,៦,៧,៨,៩,១០គេចាប់យកលេខចំនួន៦ចេញពីលំដាប់លេខនេះដោយចៃដន្យ។ គណនាប្រូបាបនៃព្រឹត្តិការដូចខាងក្រោម៖

ក. ក្នុងចំនួនទាំង ៦ នោះមានចំនួនគួ ៣គត់។

ខ. ក្នុងចំនួនទាំង ៦ នោះមានចំនួនសេសមួយយ៉ាងតិច ។

គ. ក្នុងចំនួនទាំង ៦ នោះមានចំនួនសេសតែមួយគត់ ។

ឃ. ក្នុងចំនួនទាំង ៦ នោះមានផលបូកស្មើនឹង ៦ ។

V. គេមានសមីការឌីផេរ៉ង់ស្បែល $E: y'' + 2y' + y = x^2 + 2x - 2$ ។

ក. រកចម្លើយ y_c របស់សមីការ E': y'' + 2y' + y = 0 ។

ខ. កំណត់តម្លៃនៃចំនួនពិតa,b,c ដើម្បីឲ្យអនុគមន៍ $y_p = ax^2 + bx + c$ ជាចម្លើយនៃ E ។

គ. ផ្ទៀងផ្ទាត់ថាអនុគមន៍ $y=y_c+y_p$ ជាចម្លើយទូទៅនៃសមីការ E ។

VI. 9. f កំណត់ដោយ $f(x) = x \ln x + ax + b$ ។ រកចំនួនពិត a និង b ដើម្បីឲ្យអនុគមន៍ f មានតម្លៃអប្បបរមាស្មើ 0 ចំពោះ x = 1 ។

២. g កំណត់ដោយ $g(x) = x \ln x - x + 1$ មានខ្សែកោង C ។

ក. រកដែនកំណត់នៃអនុគមន៍ g ។ រួចគណនាលីមីតចុងៗដែនកំណត់នៃអនុគមន៍ g ។

ខ. គណនា g'(x) ។ សិក្សាសញ្ញានៃ g'(x) ។

គ. សង់តារាងអថេរភាព g ។ រួចទាញរកសញ្ញា g(x) ។

ឃ. សង់ក្រាបC និង $C'h(x) = \ln x$ ក្នុងតម្រុយតែមួយ។

ង. គណនាផ្ទៃក្រឡាផ្នែកប្លង់ដែលខ័ណ្ឌដោយ ${\it C}$ និង ${\it C}'$ ។

ច. គណនាផ្ទៃក្រឡាផ្នែកប្លង់ដែលខ័ណ្ឌដោយC និងអ័ក្សអាប់ស៊ីសដែល $0 < x \le 1$ ។

VII. គេឲ្យអនុគមន៍ $f(x) = 1 + \frac{1}{2}x^2 - 4\ln x$ មានខ្សែកោងតំណាង C ។

ក.រកដែនកំណត់នៃអនុគមន៍ f ។ គណនាលីមីតនៃ f ត្រង់ចុងដែនកំណត់ ។

ខ.តាង f ' ជាដើរជនៃ f ' គណនា f ' និងបង្ហាញថា f ' $(x) = \frac{(x-2)(x+2)}{x}$ ។

គ.រកសមីការបន្ទាត់ប៉ះT ដែលប៉ះទៅនឹងក្រាបC ត្រង់ចំណុចដែលអាប់ស៊ីសx=1 ។

ឃ.ទាញរកសញ្ញានៃ f'(x) និងគូសតារាងអថេរភាពនៃ f' ។

ង.សង់ក្រាប $_{C}$ និងបន្ទាត់ $_{T}$ ក្នុងតម្រុយតែមួយ ។

ច.ផ្ទៀងផ្ទាត់ថា $F(x) = \frac{1}{6}x^3 - 4x \ln x + 5x$ ជាព្រីមីទីវមួយនៃអនុគមន៍ f ។

ឆ.គណនាអាំងតេក្រាល $J = \int_{1}^{5} f(x) dx$ ។







សូមសំណា១ល្អ...!©

ង្កៀតតែខាំចមណីពងៃតខាំឧម្<mark>ធដប់</mark>ខំមួតាដំនូ សត្ថណ៍នៃខាំខ ២៦ ខ្ពុស ២០៦៥ ទិញ្ញាសា គរសិតទិន្សា (ខ្ញាក់ទិន្យាសាស្ត្រពិត) ទេះពេល១៥០ខានី ಶಿದ್ರ ಕಟ್ಟುಕ್ಕಿಣಿ

នស្ទាលម្រន្ស១..... លេខមន្ទម......លេខឌុ..... ឈ្មោះមេឌ្គ៩ន..... សង្គលេខមេត្ត៩ន.....

ទិញ្ញាសានី០៩

ജ

គណនាលីមីតនៃអនុគមន៍ខាងក្រោម៖

$$\text{ îi. } \lim_{x \to +\infty} \frac{3e^x + 4}{5e^x - 6}$$

$$\text{ iii. } \frac{\sqrt{1 + \sin^2 3x} - 1}{x^2}$$

2.
$$\lim_{x \to +\infty} \frac{2x^2 - 3x + \ln x}{x^2}$$

$$\text{ fi.} \lim_{x \to +\infty} \frac{3e^x + 4}{5e^x - 6} \qquad \text{ 8.} \lim_{x \to +\infty} \frac{2x^2 - 3x + \ln x}{x^2} \qquad \text{ fi.} \lim_{x \to 1} \frac{x^3 - x^2 + 7x - 7}{x^2 - 1} \qquad \text{ wi.} \lim_{x \to 0} \frac{4\sin^2 2x}{x^2}$$

$$\mathbb{U}.\lim_{x\to 0}\frac{4\sin^2 2x}{x^2}$$

II.