ភារម្រឆ្បួចគេស្គសមត្ថភាព

–ឈ្មោះ.....មុខវិជ្ជាៈ **គណិតវិទ្យា** –មណ្ឌលប្រឡង......រយៈពេលៈ **២ ម៉ោង** –ពិន្ទុសរុប **១១៥ពិន្ទុ** សម័យប្រឡង:.....

♥ ម្រីខានផ្ទុសាង **♥**

 I. (២៤ពិន្ទុ)
 គេមានចំនួនកុំផ្លិច $z_1 = 2 + 2i$ និង $z_2 = 2 + 2\sqrt{3}i$ ។

 ក.សរសេរ z_1 និង z_2 ជាទម្រង់ត្រីកោណមាត្រ
 ខ.គណនា $z_1 + z_2$ និង $z_1 - z_2$

 គ.គណនា $z_1 \times z_2$ និង $\frac{z_1}{z_2}$ ឃ.សរសេរ $z_1 \times z_2$ និង $\frac{z_1}{z_2}$ ជាទម្រង់ត្រីកោណមាត្រ

 ${f II.}$ (២០ពិន្ទុ) គេមានចំនួនចំនួនកុំផ្លិច $z_1=2-\sqrt{2}+\sqrt{2}i$ និង $z_2=1-\cos{\pi\over 8}-i\sin{\pi\over 8}$ ចូរសរសេរ z_1 និង z_2 ជាទម្រង់ត្រីកោណមាត្រ។

III. (២០ពិន្ទុ) **ក**.គេឲ្យចំនួនកុំផ្លិច $z_1 = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ។ ចូរសរសេរ z_1^{2015} ជាទម្រង់ ត្រីកោណមាត្រ។(**ធ្វើបានថែមពិន្ទុ**)

ខ.កំណត់ចំនួនពិត a និង b ដើម្បីឲ្យ z_1 ជាប្លសនៃសមីការ $z^2 + az + b = 0$ (1) ។ ទាញរកប្លស z_2 មួយទៀត នៃសមីការ (1) ។ សរសេរ z_2^{2015} ជាទម្រង់ ត្រីកោណមាត្រ ។

គ.បង្ហាញថា $w = z_1^{2015} + z_2^{2015}$ ជាចំនួនពិត ។

IV. (៣៦ពិន្ទុ) គណនាលីមីតនៃអនុគន៍ខាងក្រោម៖

$$\mathbf{n}.\lim_{x\to 0}\frac{\sin 20x}{\sin 4x}$$

$$2.\lim_{x\to 0}\frac{\tan 3x}{\sin 10x}$$

$$\mathbf{\tilde{n}}.\lim_{x\to 0}\frac{-4x}{\sin 2x}$$

$$\mathbf{U}$$
. $\lim_{x\to 0} \frac{\tan 60x}{-2\sin 3x}$

4.
$$\lim_{x\to 0} \frac{1-\cos 2017x}{x}$$

$$\mathbf{\tilde{U}}.\lim_{x\to 0}\frac{1-\cos^2 4x}{x^2}$$

$$\mathfrak{J}.\lim_{x\to 0}\frac{\sin\left(\sin\left(\sin\left(\sin x\right)\right)\right)}{x}\qquad \mathfrak{J}.\lim_{x\to 0}\frac{\cos^2 x-1}{\sin 2x}\qquad \mathfrak{J}.\lim_{x\to 0}\frac{\sin^2 3x}{1-\cos 3x}$$

$$\lim_{x\to 0} \frac{\cos^2 x - 1}{\sin 2x}$$

$$\mathbf{W}.\lim_{x\to 0}\frac{\sin^2 3x}{1-\cos 3x}$$

v. (១៥ពិន្ទុ) គណនាលីមីតនៃអនុគន៍ខាងក្រោម៖

71.
$$\lim_{x\to 0} \frac{\sin 20x + \tan 30x + \sin 40x}{\tan 50x + \sin 60x + \sin 70x}$$
 2. $\lim_{x\to 0} \frac{\sin x \sin 2x \sin 3x...\sin 2017x}{x^{2017}}$

2.
$$\lim_{x\to 0} \frac{\sin x \sin 2x \sin 3x...\sin 2017x}{x^{2017}}$$

គឺ.
$$\lim_{x\to 0} \frac{\sin x + 2\sin 2x + 3\sin 3x + ... + 2017\sin 2017x}{x}$$

$$\mathbf{U}.\lim_{x\to 0} \frac{9x^2 - \sin^2 3x}{3x^2 - x\sin 3x}$$

13.
$$\lim_{x\to 0} \frac{x^2 + x \sin x}{2x^2 + \sin^2 3x}$$

🕮 សុមសំណាខល្អ 🕮