



# Методы и алгоритмы эвристического поиска

Jump Point Search и его улучшения

КТ1 по проектной работе • СПбГУ • 2025/2026

# Где применяются алгоритмы поиска пути?



## Робототехника

Автономная навигация роботов в складских помещениях, на производстве и в общественных пространствах



## Беспилотный транспорт

Планирование маршрутов для автономных автомобилей в городской среде и на магистралях



## Логистика

Оптимизация перемещений в распределительных центрах и управление складскими операциями



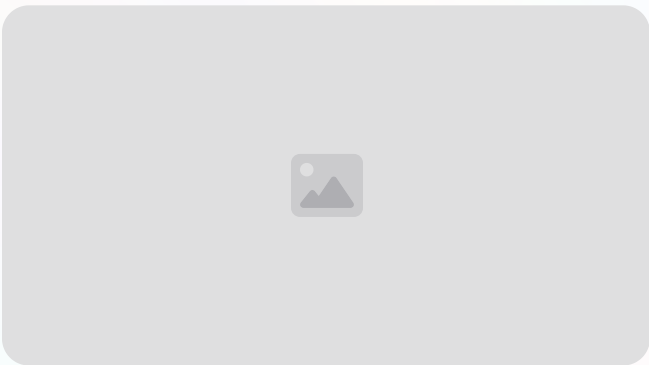
## Игровая индустрия

Интеллектуальное поведение NPC персонажей и стратегическое планирование в реальном времени

# Постановка задачи

## Неформальная постановка

Необходимо найти **кратчайший путь** на решетке (grid map) между двумя точками, избегая препятствий. При этом важна не только оптимальность, но и **скорость поиска**.



## Формальная постановка

### Дано:

- Граф  $G = (V, E)$ , представляющий решетку
- Стартовая вершина  $s \in V$
- Целевая вершина  $t \in V$
- Весовая функция  $w: E \rightarrow \mathbb{R}^+$

**Найти:** путь  $P = (s, v_1, v_2, \dots, t)$ , минимизирующий  $\sum w(e_i)$

**Критерий:** оптимальность + минимальное время работы



# Проблема классического A\*



## Избыточность расширений

A\* исследует множество симметричных путей, которые приводят к одной и той же точке с одинаковой стоимостью



## Низкая производительность

На больших открытых пространствах алгоритм тратит значительное время на обработку узлов, лежащих на эквивалентных путях



## Большие затраты памяти

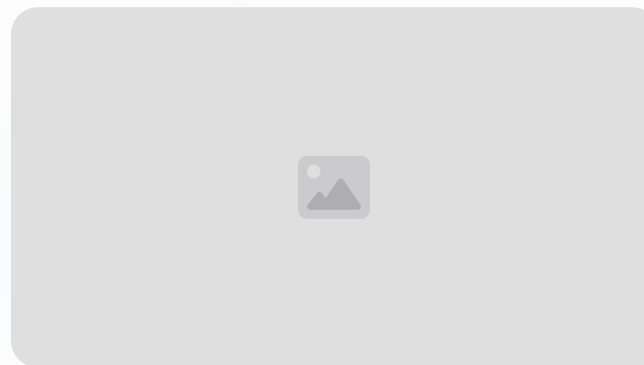
Необходимость хранить все посещенные узлы в открытом и закрытом списках увеличивает требования к памяти

# Jump Point Search: основная идея

## Ключевой принцип

Вместо расширения каждой клетки «перепрыгиваем» через промежуточные узлы, останавливаясь только в **jump-точках** — местах, где:

- Достигнута цель
- Есть форсированный сосед (из-за препятствия)
- Найдена точка поворота на диагональном пути



Промежуточные узлы не добавляются в open list, что радикально сокращает число операций

# Эволюция JPS: четыре улучшения



## JPS (2011)

Оригинальный онлайн-алгоритм с рекурсивными прыжками на равновесных решетках



## JPS (B)

Блочное сканирование строк через битовые операции — ускорение в 2-4 раза



## JPS+

Предобработка: заранее сохраняем jump-точки для каждой клетки и направления



## JPSW

Обобщение на взвешенные решетки с лексикографическим порядком

# Технические детали улучшений

1

## Блочное сканирование (JPS B)

Чтение целых машинных слов вместо проверки узлов по одному. Побитовые операции быстро находят «остановки» — повороты, тупики, форсированные соседи.

2

## Предобработка (JPS+)

Для каждой клетки и 8 направлений заранее сохраняется первая достижимая jump-точка. Доступ к преемникам за  $O(1)$ . Требуется несколько МБ памяти.

3

## Улучшенное отсечение

Промежуточные jump-точки (не у препятствий) не расширяются — их прямые преемники генерируются сразу.

4

## JPSW: взвешенные решетки

Лексикографический тай-брейк ( $g, |\text{последний ход}|$ ) + прореживание через мини-Дейкстру в  $3 \times 3$  окне. Diagonal Branch Pruning против overscan.



# Пример работы алгоритма

01

## Старт из точки S

Определяем естественных соседей в направлении к цели T

02

## Диагональный прыжок

Двигаемся по диагонали, проверяя ортогональные направления

03

## Обнаружение форсированного соседа

Встречаем препятствие — это jump-точка, добавляем в open list

04

## Продолжение до цели

Повторяем процесс, пока не достигнем T



# План экспериментального исследования

## Входные данные

- Benchmark-карты: Dragon Age, StarCraft, Baldur's Gate
- Синтетические решетки (размеры 512×512, 1024×1024)
- Multi-terrain карты с весами 1-5
- Городские карты (Moving AI Lab)

По 1000 случайных запросов на каждую карту

## Baseline алгоритмы

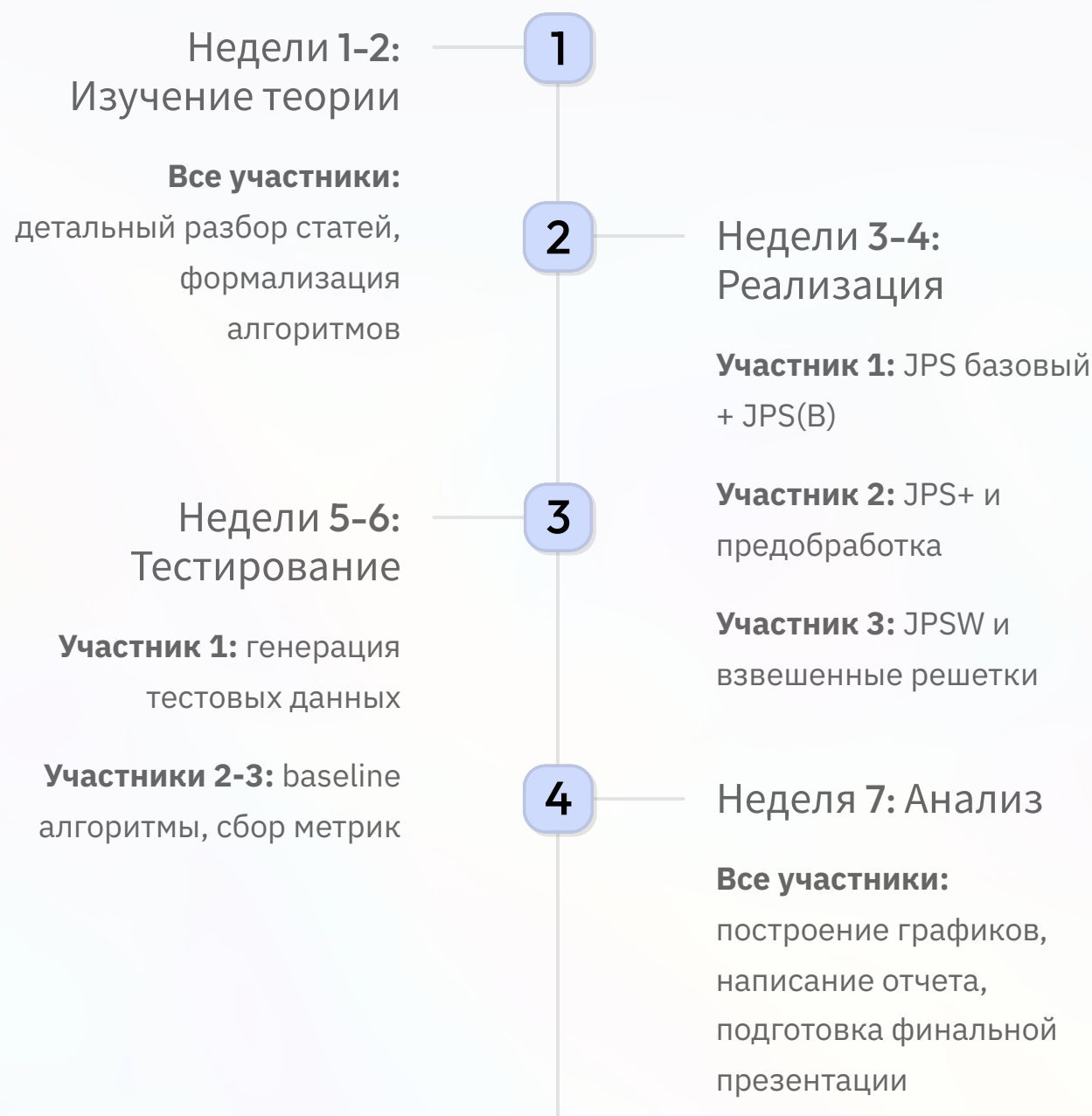
- Классический A\* (8-связная решетка)
- Canonical A\*
- HPA\* (иерархический метод)
- Subgoal Graphs

## Метрики

- Время поиска (мс)
- Число расширенных узлов
- Объем памяти (для предобработки)
- Время предобработки (для JPS+)
- Speedup относительно A\*

Ожидаемые результаты: ускорение JPS в 5-10× над A\*, JPS+ до 15× при приемлемых затратах памяти (10-50 МБ)

# Распределение работ в команде



## Ключевые вехи

📅 **Неделя 2:** Псевдокод всех алгоритмов готов

📅 **Неделя 4:** Рабочие прототипы

📅 **Неделя 6:** Завершение экспериментов

📅 **Неделя 7:** Защита проекта

