# Robótica Industrial - Práctica 1

### 1. Selección de un robot de 6 GDL

Para la realización de esta práctica se ha seleccionado el robot **LR Mate 200iD** de **Fanuc** por ser el modelo estándar de la serie LR Mate de Robots Articulados.

Como se puede observar en la siguiente figura, se trata de un robot de seis grados de libertad de configuración RRR-RRR, lo que implica que se puede obtener hasta 32 soluciones para llegar a un punto determinado (sin tener en cuenta obstáculos).



Ilustración 1 – Robot LR Mate 200iD de Fanuc

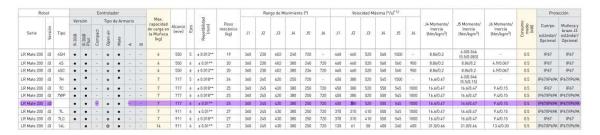


Ilustración 2 - Tabla de especificaciones del robot (en morado).

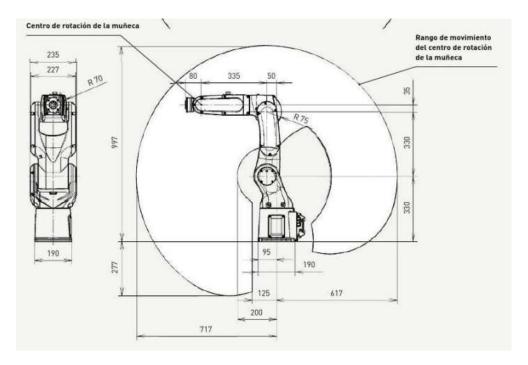


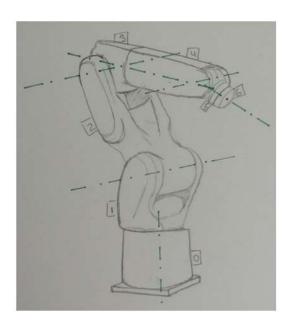
Ilustración 3 - Rango de movimiento (distancias en mm)

### Para la realización de la práctica se pide:

- El dibujo esquemático del robot, indicando los sistemas de referencia asociados a cada articulación según las reglas de Denavit-Hartenberg sobre el robot.
- Rellenar la tabla de parámetros de Denavit-Hartenberg en base a los parámetros del robot seleccionado y la ubicación de los sistemas de referencia.

### **DIBUJO ESQUEMÁTICO**

Las dos primeras imágenes muestran la numeración de los elementos junto a la posición de los ejes en ausencia de los sistemas de referencia desde un punto de vista isométrico y lateral.



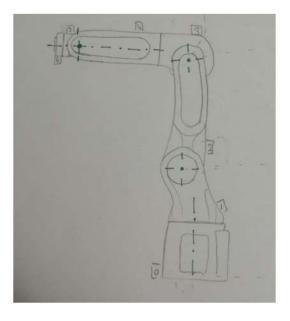


Ilustración 4 - Vista Isométrica y Lateral. Posicionamiento de los ejes.

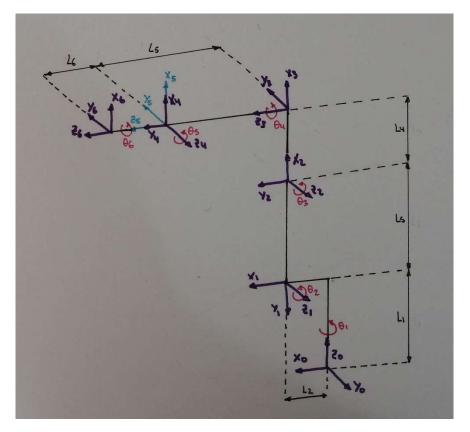


Ilustración 5 - Sistemas de referencia del robot.

### TALBLA DE DENAVIT-HARTENBERG

La siguiente tabla se forma a partir de los sistemas de referencia calculados anteriormente (ilustración X), y observando las distancias entre ellos en la figura 3.

Nº Elemento i	$\theta_i$	$d_i$	$a_i$	$\alpha_i$
1	$ heta_1$	L1 = 0.330m	L2 = 0.050m	-90
2	$\theta_2 - 90$	0	L3 = 0.330m	0
3	$ heta_3$	0	L4 = 0.035m	-90
4	$ heta_4$	L5 = 0.335m	0	90
5	$ heta_5$	0	0	-90
6	$ heta_6$	L6 = 0.080m	0	0

Tabla 1 – Parámetros de Denavit-Hartenberg para el robot LR Mate 200iD.

# 2. Estudio de la aplicación EduBot con el robot PUMA

Tal y como se dice en el enunciado de la práctica, se realizará el estudio de robot PUMA (figura inferior) para familiarizarse con el entorno EduBoT.



Ilustración 6 - Robot PUMA.

Para ello se han seguido los siguientes pasos, los cuales se encuentran de forma detallada en el enunciado de la práctica:

- 1. Carga del robot.
- 2. Problema cinemático directo del robot.
- 3. Problema cinemático inverso del robot usando el procedimiento genérico recursivo.
- 4. Problema cinemático inverso del robot usando una solución analítica.
- 5. Coste computacional del modelo cinemático.

A continuación, se muestra el *scriptlive*, "EduBotPUMA", de Matlab utilizado, el cual combina la práctica con el código utilizado.

## Practica 1 - Robot PUMA

**NOTA:** Se han eliminado los acentos y algunos signos en los textos debido a a que la impresion no reconocia los simbolos.

**NOTA:** Como para cualquier comando de MATLAB se ha utilizado **help** para entender el funcionamiento de los comandos dados en el enunciado de la practica para su desarrollo.

#### **Table of Contents**

- 1. Carga del robot
- 2. Problema cinematico directo del robot
- 3. Problema cinematico inverso del robot usando el procedimiento generico recursivo.
- 4. Problema cinematico inverso del robot usando una solucion analitica
- 5. Coste computacional del modilo cinematico

## 1. Carga del robot

Tras iniciar Matlab y cargar EduBot ejecutamos:

```
puma560
```

Se ha creado la variable p560, que contiene los datos del modelo del PUMA 560. Estos incluyen los parametos de la tabla D-H y 3 vectores de dimension 6 asociados a diferentes configuraciones aticulares.

- qr: posicion de reposo. El brazo del robot se encuentra estirado en vertical.
- qz: posicion de cero. Cada articulacion se encuentra en su origen.
- **qstrech**: posicion encogida. El brazo del robot se encuentra estirado en horizontal, con la primera articulacion a 90 grados.

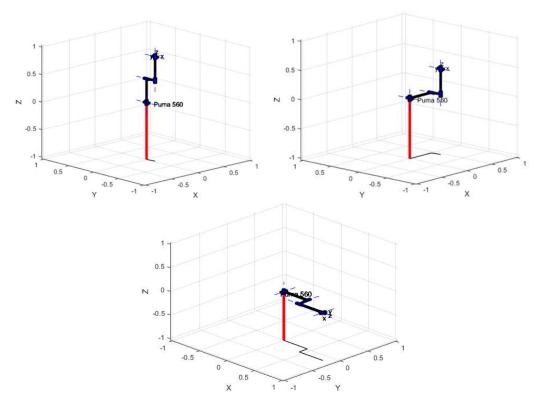
Usando plot se pueden visualizar diferentes configuraciones del robot.

Al utilizar este "livescript" a la derecha se mostraran los resultados de ejecucion de cada codigo. Para los plots, sera necesario abrir en una nueva ventana (si seleccionas arriba a la derecha al pinchar en la imagen) la opcion se "sacar la imagen". A partir de ahi, se puede manipular la imagen 3D para posicionar los ejes de forma que se aprecie mejor las posiciones de las articulaciones y elementos del robot.

**NOTA:** Las figuras se solapan, para poder visualizarlas descomentar la que se quiera visualizar o comentar la que este descomentada. Ademas de esta forma no aparecen las lineas de codigo amarillo (warnings) en la impresion.

```
% plot(p560,qr)
% plot(p560,qz)
% plot(p560,qstretch)
```

A continuacion se muestran las imagenes obtenidas al ejecutar cada plot respectivamente.



### 2. Problema cinematico directo del robot

Mediante **fkine** se obtiene la matriz de transformacion  $T_1$  asociada a la configuracion articular  $q_1$ 

```
q1 = [0 0 -pi/4 pi/4 pi/10 0]; % (rad)
fkine(p560,q1);
```

Se pide la visualizacion del robot en dicha posicion y extraer de la matriz de transformacion  $T_1$  la posicion TCP (punto de la herramienta) en el espacio cartesiano y la orientacion del sistema de referencia movil usando la notacion Roll/Pitch/Yaw.

```
T1 = fkine(p560,q1)
```

```
T1 = 4 4 4

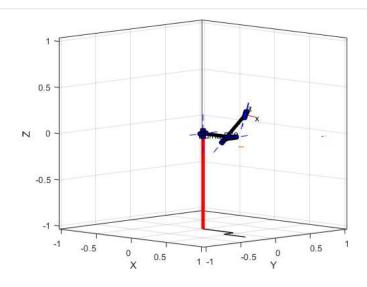
0.6940 -0.5000 0.5180 0.7515

0.6725 0.7071 -0.2185 -0.1500

-0.2570 0.5000 0.8270 0.2910

0 0 1.0000
```

```
% plot(p560,q1)
```



#### **Posicion TCP**

```
posicionT1 = T1(1:3,4)

posicionT1 = 3@1
    0.7515
    -0.1500
    0.2910
```

### Orientacion del sistema movil usando la notacion Roll/Pitch/Yaw (rad)

```
R = \operatorname{atan} (T1(1,3)/T1(2,3))
R = -1.1716
P = \operatorname{atan} (\operatorname{sqrt}((T1(1,3))^2 + (T1(2,3))^2)/T1(3,3))
P = 0.5970
Y = \operatorname{atan} (T1(3,1)/T1(3,2))
Y = -0.4748
```

# 3. Problema cinematico inverso del robot usando el procedimiento generico recursivo.

0

Mediante el comando **ikine**, determinar la condiguracion articular  $q_2$  asociada a al matriz de transformacion  $T_2$ 

```
T2 = [0]
        0 0 0.8636;
     0 1 0 -0.1501;
       0 0 -0.0203;
    -1
        0
     0
           0
              1]
T2 = 4 4 4
           0
                  0 0.8636
      0 1.0000
                  0 -0.1501
  -1.0000
          0
                  0 -0.0203
```

a) Dado que **ikine** utiliza un metodo numerico general para su resolucion, es necesario utilizar una semilla o configuracion  $q_0$  de partida para el calculo ue este suficientemente cerca del punto final.

1.0000

Con el fin de ver el efecto de la semilla inicial, se calculara la configuracion articular que permite que el robot presetne una localizacion definida por  $T_2$ , en vase a dos posible semillas de partida

• La semilla  $q_{0a} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$  (rad), que es la que **ikine** usa por defecto si se omite la semilla en el comando

```
q0a = [0 0 0 0 0 0]

q0a = 1 6
0 0 0 0 0 0

q2a = ikine(p560,T2)

q2a = 1 6
-0.0001 -0.0466 -1.4777 0.0012 -0.0465 -0.0012
```

% que es equivalente a
q2a = ikine(p560,T2,q0a)

q2a = 1 6 6 -0.0001 -0.0466 -1.4777 0.0012 -0.0465 -0.0012

• La semilla  $q_{0b} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & -\pi & 0 & \pi \end{bmatrix}$  (rad)

 $q0b = [0 \ 0 \ 0 \ -pi \ 0 \ pi]$ 

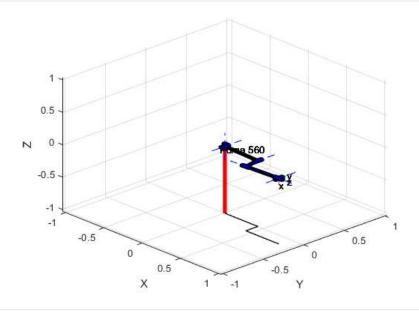
q0b = 166 0 0 -3.1416 0 3.1416

q2b = ikine(p560,T2,q0b)

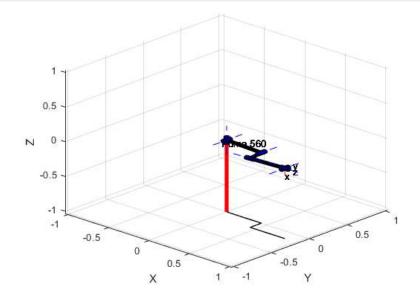
q2b = 1�6 -0.0001 -0.0466 -1.4777 -3.1403 0.0465 3.1403

**b)** Represente las configuraciones  $q_{2a}$  y  $q_{2b}$  mediante el comando **plot.** qQue observa?

% plot(p560,q2a)



% plot(p560,q2b)



#### **Observacion**

Se puede observar que presentan la misma configuracion. Esto se debe a que 0 rad equivale a -3,14 rad, y para la diferencia de signo entre la coordenada articular 5 es la misma posicion pero en sentido contrario.

c) Use **fkine** para determinar la localizacion del robt asociadas a las configuraciones  $q_{2a}$  y  $q_{2b}$ , definidas por las matrices de transformacion  $T_{2a}$  y  $T_{2b}$ . Que conclusion extrae?

```
T2a = fkine(p560,q2a)
T2a = 4 \% 4
   0.0000 -0.0000 1.0000
                         0.8636
         1.0000 0.0000
     0
                          -0.1501
         0.0000 0.0000 -0.0203
  -1.0000
       0
          0 0
                         1.0000
T2b = fkine(p560,q2b)
T2b = 4 4
         -0.0000 1.0000
   0.0000
                         0.8636
   0.0000
          1.0000
                  0.0000
                          -0.1501
  -1.0000 0.0000 0.0000
                         -0.0203
           0
                   0
                         1.0000
```

### Conclusion

Al final con el problema cinematico inverso pueden haber mas de una solucion. Se ha partido de dos semillas distintas, peroal final la posicion de la punta es la misma.

# 4. Problema cinematico inverso del robot usando una solucion analitica

Determinar, usando el comando **ikine560**, la configuracion articular  $q_2$  asociada a la matriz de transformacion  $T_3$ 

```
T3 = [ 0  0  1  0.7580;
  0  1  0 -0.1500;
  -1  0  0 -0.0176;
  0  0  0  1]

T3 = 404
```

```
T3 = 4.4

0 0 1.0000 0.7580

0 1.0000 0 -0.1500

-1.0000 0 0 -0.0176

0 0 0 1.0000
```

Este comando, **ikine560**, permite obtener la solucion analitica espec�fica del Puma 560. Mediante el se especifica la configuracion particular deseada.

Se pide cacular las soluciones para alcanzar la localización marcada por una matriz de transformación  $T_3$  con las siguientes configuraciones especificas:

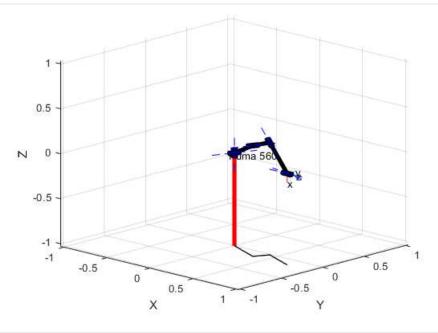
- $q_{3a}$ : Hombro izquierda, codo arriba, flip.
- q<sub>3b</sub>: Hombro izquierda, codo abajo, flip.
- q<sub>3c</sub>: Hombro derecha, codo abajo, noflip.

```
q3a = ikine560(p560,T3,'luf')
```

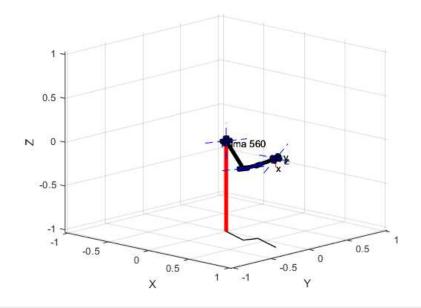
```
q3a = 166
   2.7508 -3.6189 -0.5233 2.4896
                                       0.6788
                                                 0.5361
q3b = ikine560(p560,T3,'ldf')
q3b = 166
   2.7508
           -2.6178 -2.5243
                               0.7798
                                        0.5725
                                                 2.4482
q3c = ikine560(p560,T3,'rdn')
q3c = 166
   0.0001
            -0.5238 -0.5233
                              -0.0001
                                       -0.5237
                                                 0.0001
```

Mediante el comando **plot** se visualizaran las tres configuraciones. Posteriormente se analizaran las diferencias.

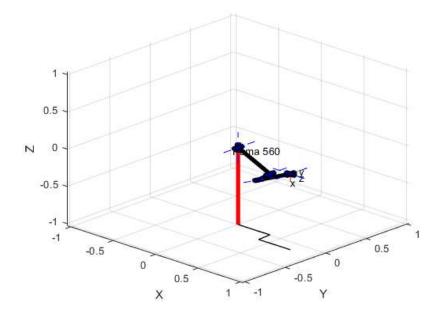
% plot(p560,q3a)



% plot(p560,q3b)



% plot(p560,q3c)



#### **Analisis**

Se observa como la configuracion espeficiada en el codigo modifica la configuracion de las articulaciones, pero que la posicion final de la punta es la misma para los tres casos.

Mediante el comando **help ikine560** se puede observar en detalle las disntas condifuraciones posibles.

```
help ikine560
 ikine560 Inverse kinematics for Puma 560
        Q = ikine560(ROBOT, T, CONFIG)
  Solve the inverse kinematics of the Puma-like (spherical wristed)
  ROBOT whose end-effector pose is given by T.
  The optional third argument specifies the configuration of the arm
  the form of a string containing one or more of the configuration c
         'l' or 'r'
                        lefty/righty
         'u' or 'd'
                        elbow
        'n' or 'f'
                        wrist flip or noflip.
  The default configuration is 'lun'.
  REFERENCE:
  Inverse kinematics for a PUMA 560 based on the equations by Paul a
  From The International Journal of Robotics Research
  Vol. 5, No. 2, Summer 1986, p. 32-44
  AUTHOR:
                        gt2231a@prism.gatech.edu
  Robert Biro
  with Gary Von McMurray
```

# 5. Coste computacional del modilo cinematico

Se procede a comparar el coste computacional del calculo del modelo cinematico inverso usando el metodo numerico general y analitico. Para ello se utilizara la matriz de transformacion  $T_3$ .

```
fprintf("Metodo numerico general")
```

```
Metodo numerico general
```

```
tic
ikine(p560,T3)

ans = 1 6
0.0001 -0.5238 -0.5233 -0.0001 -0.5237 0.0001

toc
```

Elapsed time is 0.030633 seconds.

```
fprintf("Metodo numerico analitico")
```

Metodo numerico analitico

```
tic
ikine560(p560,T3,'lun')

ans = 1 6
2.7508 -3.6189 -0.5233 -0.6520 -0.6788 -2.6055

toc
```

Elapsed time is 0.013803 seconds.

### **Observarciones**

Es mas rapida la solucion analitica. Esto se debe a que el programa tiene que realizar menos calculos, posiblemente porque es una funcion especifica para este robot.

# 3. Robot serie personal

En esta sección se generará un objeto robot personal en base a los datos geométricos del robot industrial seleccionado, en este caso el **LR Mate 200iD**, que se han calculado en el primer apartado.

Se han seguido los siguientes pasos, los cuales se encuentran de forma detallada en el enunciado de la práctica:

- 1. Generación del objeto robot.
- 2. Problema cinemático directo e inverso utilizando EduBot
- 3. Programación del problema cinemático directo.

A continuación, se muestra el *scriptlive* utilizado para la realización de este apartado, "EduBotPersonal". En él, al igual que en aparado dos, se combina tanto la realización de la práctica como el código utilizado.

## Practica 1 - Robot Serie Personal

**NOTA:** Se han elimiado los acentos debido a que la impresion pdf no los reconocia.

### **Table of Contents**

- 1. Generacion del objeto robot
- 2. Problema cinematico directo e inverso utilizando Edubot
- 3. Programacion del problema cinematico directo

# 1. Generacion del objeto robot

A partir del trabajo previo realizado, mediante la tabla de Denavit-Hartenberg se ha creado un objeto robot para poder ser usado y simulado en Edubot.

Nº Elemento i	$ heta_i$	$d_i$	$a_i$	$\alpha_i$
1	$\theta_1$	L1 = 0.330m	L2 = 0.050m	-90
2	$\theta_2 - 90$	0	L3 = 0.330m	0
3	$\theta_3$	0	L4 = 0.035m	-90
4	$ heta_4$	L5 = 0.335m	0	90
5	$\theta_5$	0	0	-90
6	$\theta_6$	L6 = 0.080m	0	0

El comando **link** permite definir cada uno delos elementos del robot en base a la fila asociada de la tabla D-H.

$$L{i} = link ([\alpha_i \quad a_i \quad \theta_i \quad d_i])$$

*Nota:* Las dimensiones longitdinales se han de implementar en metos, y las angulares en radianes.

```
% Elemento 1
L{1} = link([-pi/2 0.050 0]
                                0.330]);
L{2} = link([0
                  0.330 -pi/2 0.000]);
                                             % Elemento 2
L{3} = link([-pi/2 0.035 0]
                                0.000]);
                                             % Elemento 3
L{4} = link([pi/2]
                  0.000 0
                                0.335]);
                                             % Elemento 4
L{5} = link([-pi/2 0.000 0])
                                0.000]);
                                             % Elemento 5
                  0.000 0
L{6} = link([0
                                0.080]);
                                             % Elemento 6
```

Mediante el comando robot se ha generado el objeto robot para ser usado por Edubot.

```
mirobot = robot(L,'LRMate200iD')
mirobot =
LRMate200iD (6 axis, RRRRRR)
               grav = [0.00 \ 0.00 \ 9.81]
                                            standard D&H parameters
       alpha
               Α
                      theta D
                                     R/P
       -1.5708 0.05
                             0.33
                      0
                                            std
                                     R
             0.33
                     -1.5708 0
                                     R
                                            std
       -1.5708 0.035 0
                             0
                                     R
                                            std
       1.5708 0
-1.5708 0
0 0
                      0
                             0.335
                                     R
                                            std
                      0
                                     R
                                            std
                             0
                      0
                             0.08
                                     R
                                            std
```

### 2. Problema cinematico directo e inverso utilizando Edubot

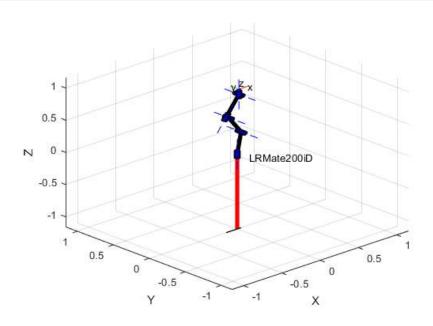
a) Partiendo de la congiguracion artiqular  $q_4$ , calcular la localizacion TCP del robot  $T_4$  usando el comando **fkine** y visualizarla mediante **plot** 

```
q4 = [0 -pi/6 -pi/6 0 -pi/6 pi]
                                        % (rad)
q4 = 1 66
             -0.5236
                      -0.5236
                                          -0.5236
                                                     3.1416
T4 = fkine(mirobot,q4)
T4 = 4   4
    1.0000
             0.0000
                       0.0000
                                 0.0222
   -0.0000
             1.0000
                       0.0000
                                -0.0000
```

# -0.0000 -0.0000 1.0000 1.0034 0 0 0 1.0000

### VIsualizacion

```
% plot(mirobot,q4)
```



b) Partiendo de  $T_4$ , usar la resolucion numerica general del problema cinematico inverso **ikine** para determinar la configuracion articular.  $\clubsuit$ Se obtiene la misma configuracion de partida?  $\clubsuit$ Es siempre asi? Probar al menos con dos configuraciones y semillas diferentes.

```
q4a = ikine(mirobot,T4) % Utiliza la semilla q0a por defecto

q4a = 1 6 6
6.2832 6.7131 -14.9762 6.2832 6.6922 -9.4248
```

Utilizamos la semilla creada para el PUMA,  $q_{0b} = [0\ 0\ 0\ -\pi\ 0\ \pi]$  (rad)

Nueva semilla  $q_{0c} = \begin{bmatrix} \pi & 0 & -\pi & 0 & 0 \end{bmatrix}$  (rad)

q0c = 1**6**6

3.1416 0 -3.1416

0

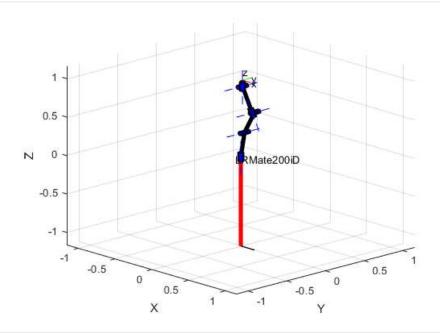
q4c = ikine(mirobot,T4,q0c)

3.1416 0.3431 -2.3849 -0.0000 0.4710

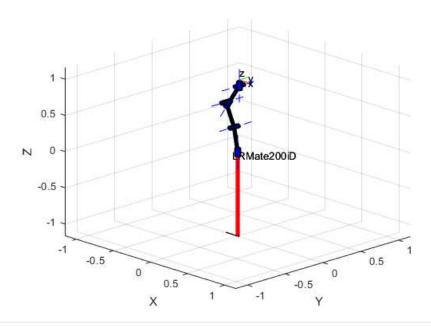
0.0000

### Representaciones

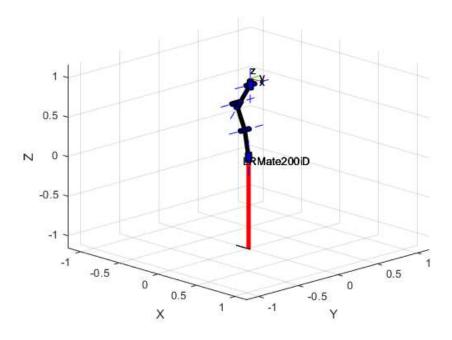
% plot(mirobot,q4a)



% plot(mirobot,q4b)



% plot(mirobot,q4c)



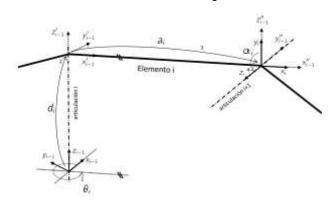
### **Conclusiones**

Como se puede observar la configuracion varia, pero la posicion de la punta es la misma en los tres casos.

# 3. Programacion del problema cinematico directo

En base a los parametros de Denavit-Hartenberg anteriormente calculados, se ha definido una funcion de matlab, **mi\_fkine**, que devuelve la localizacion del TCP en forma de matriz de transformacion homogenea **T** ante cualquier configuracionarticular **q.** 

Para definir esta funcion, se ha considerado las matrices de transformacion que conectan los sistemas de refrencia asociados a cada articulacion, segun el metodo de Denavit-Hartenberg.



$$= \begin{bmatrix} R(z_{i-1}, \theta_i) T(z_{i-1}, d_i) T(x_i, a_i) R(x_i, \alpha_i) \\ \cos \theta_i & -\cos \alpha_i \sin \theta_i & \sin \alpha_i \cos \theta_i & a_i \cos \theta_i \\ \sin \theta_i & \cos \alpha_i \cos \theta_i & -\sin \alpha_i \cos \theta_i & a_i \sin \theta_i \\ 0 & \sin \alpha_i & \cos \alpha_i & d_i \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

**Nota:** Hay un error en la matriz T de la imagen superior, T(1,3) es producto de senos.

Esta matriz puede ser generada de forma sencilla a patir de los parametros de DH usando el siguiente comando

```
Ti=denavit (\theta_i, d_i, a_i, \alpha_i);
```

Se ha utilizado al funcion creada para comprobar si los resultados de los comandos **fkine** y el de **mi\_fkine** son iguales ante diversas configuraciones articulares

```
q5 = [pi/3 pi 0 pi/2 -pi/2 0];
 T5_fkine = fkine(mirobot,q5)
 T5_fkine = 4@4
     0.5000
            0.0000 0.8660
                             -0.0732
     0.8660 -0.0000 -0.5000 -0.2868
    -0.0000
           1.0000 -0.0000 -0.0350
         0
                 0
                         0
                               1.0000
 T5 mi fkine = mi fkine(q5)
 T5 mi fkine = 44
     0.5000
             0.0000
                      0.8660
                               -0.0732
     0.8660
           -0.0000 -0.5000
                              -0.2868
    -0.0000
           1.0000 -0.0000
                              0.2600
         0
                  0
                           0
                               1.0000
Probamos con otra configuracion
 q6 = [-pi pi/2 0 pi/6 pi -pi/2]
 q6 = 166
                                        3.1416
    -3.1416
            1.5708
                               0.5236
                                                -1.5708
```

```
T6_fkine = fkine(mirobot,q6)
```

```
T6_fkine = 4
  -0.5000
           0.8660
                    0.0000
                              -0.4150
   -0.8660
            -0.5000
                     -0.0000
                              -0.0000
   -0.0000
           -0.0000
                      1.0000
                               0.0750
        0
                 a
                               1.0000
```

```
T6_mi_fkin = mi_fkine(q6)
```

### **Funcion**

```
function M = mi_fkine(q)
                              0.050, -pi/2);
T01 = denavit(q(1),
                       0.330,
T12 = denavit(q(2)-pi/2,0,
                               0.035,
                                         0);
                              0.035, -pi/2);
T23 = denavit(q(3),
                       0,
T34 = denavit(q(4),
                       0.335, 0,
                                     pi/2);
T45 = denavit(q(5),
                       0,
                              0,
                                     -pi/2);
T56 = denavit(q(6),
                       0.080, 0,
                                         0);
M = T01*T12*T23*T34*T45*T56;
```

## Conclusion

Como se puede observar se obtiene practicamente los mismo resultados. La diferencia en la posicion pz puede deberse a error de calculo numero de MATLAB.