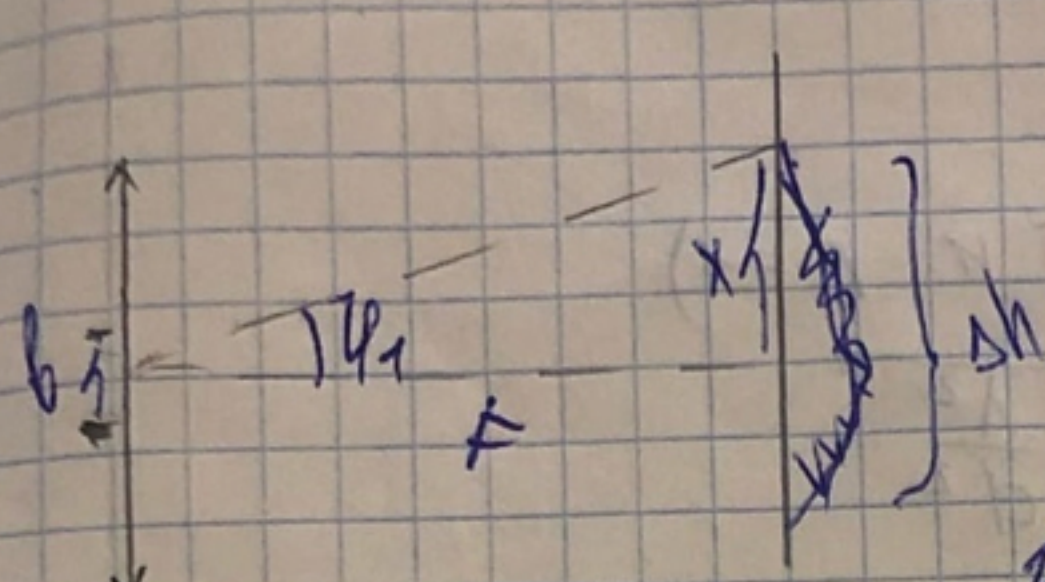


ПРАКТИКА 7

В 4.12



$$F = \frac{1}{0.5} = \frac{1}{0.5} = 2 \text{ м}$$

т.к. угол мал
по сравнению
с длиной рассеивателя

$$\tan \varphi_1 = \sin \varphi_1 = \frac{x}{F}$$

Условие минимума: $b \sin \varphi_m = m \lambda$

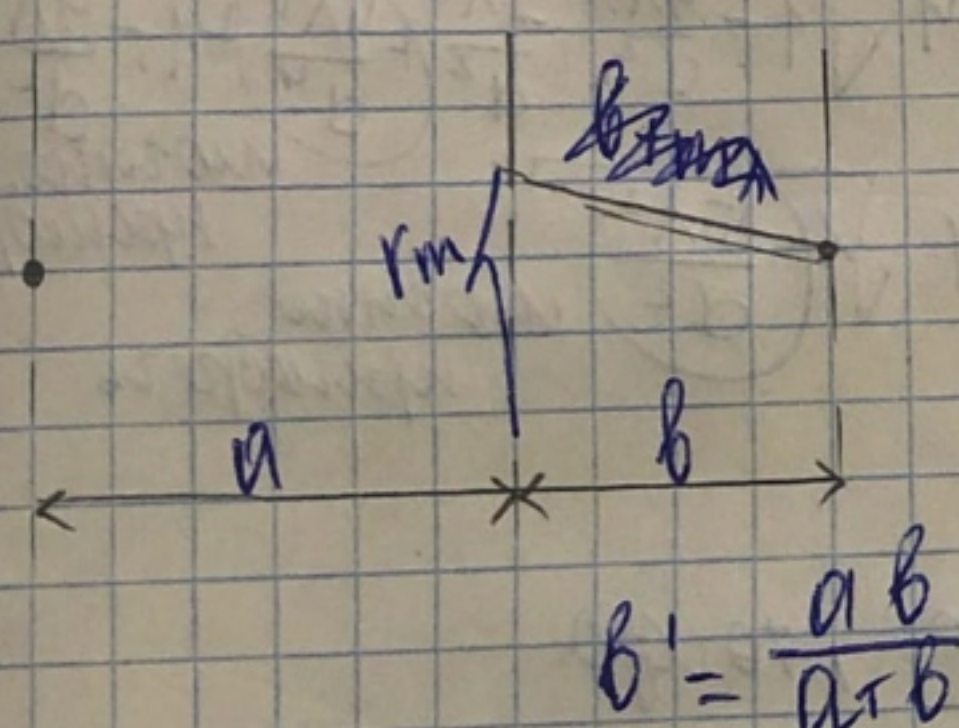
т.к. наблюдаем центральную полосу, то $m=1 \rightarrow b \sin \varphi_1 = \lambda$
при новой толщине $\varphi_1 \rightarrow \pi/2 \rightarrow \sin \varphi_1 \rightarrow 1 \Rightarrow b' = \lambda$

$$b \sin \varphi_1 = b' \quad \frac{b}{b'} = \frac{1}{\sin \varphi_1} = \frac{F}{x}$$

$$\frac{b}{b'} = \frac{2 \cdot 2}{0.5} = 80$$

Ответ: уменьшилось в 80 раз

В 4.14



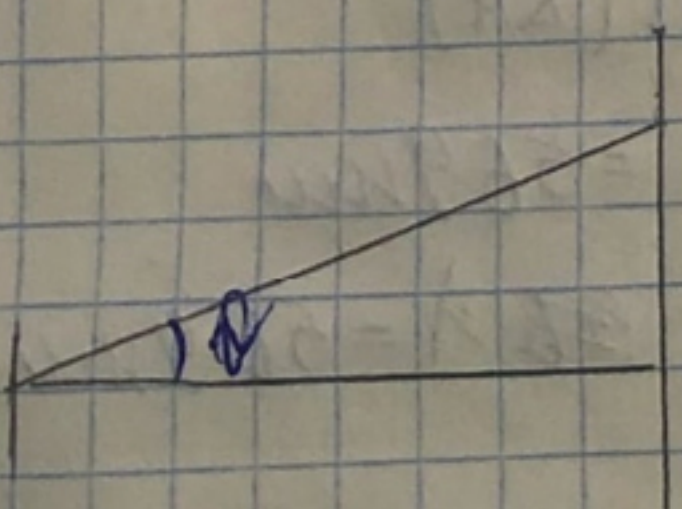
из задачи 4.3. $r_m = \sqrt{m \lambda \frac{ab}{a+b}}$
если $a \rightarrow \infty$, то $r_m = \sqrt{m \lambda b'}$
 $m \lambda \frac{ab}{a+b} = m \lambda b'$

$$b' = \frac{ab}{a+b}$$

$$b' = \frac{2 \cdot 1}{2+1} = 0.67 \text{ м}$$

Ответ: $b' = 0.67 \text{ м}$

В 4.16



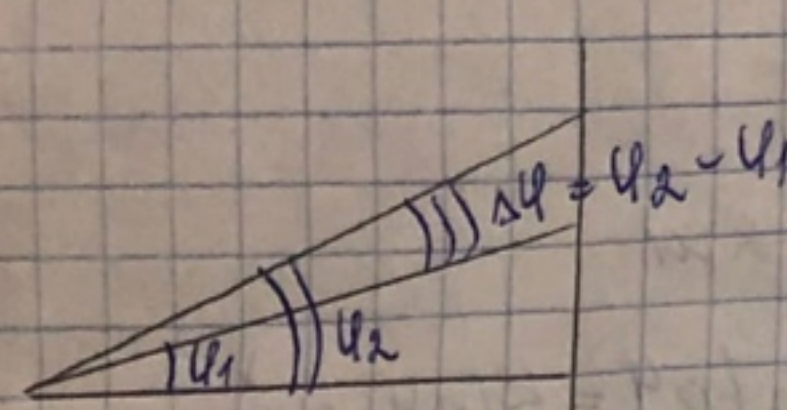
Для групп. решетки: $d \sin \varphi_m = k_m \lambda$
 $\sin \varphi_m \rightarrow 1 \Rightarrow d = k_m \lambda \neq, k_m = \frac{d}{\lambda}$

$$k_m = \frac{d}{\lambda} = \frac{1.6 \cdot 10^{-6}}{530 \cdot 10^{-9}} = 3.019 \approx 3$$

при $k_m=3 \quad \sin \varphi_m = \frac{k_m \lambda}{d} = \frac{3 \cdot 530 \cdot 10^{-9}}{1.6 \cdot 10^{-6}} = 0.99375$

Ответ: $\varphi_m \approx 1.4589 \approx 57.29^\circ$

В 4.18



Для групп. решетки
 $d \sin \varphi = k \lambda$
 $\sin \varphi_1 = \frac{\lambda}{d}$ (т.к. $k=1$)
 $\cos \varphi_1 = \sqrt{1 - \frac{\lambda^2}{d^2}}$

$$\sin \varphi_2 = \frac{2\lambda}{d}; \cos \varphi_2 = \sqrt{1 - \frac{4\lambda^2}{d^2}}$$

формулы сложения: ~~формулы сложения~~

$$\sin(\varphi_2 - \varphi_1) = \sin \varphi_2 \cos \varphi_1 - \cos \varphi_2 \sin \varphi_1$$

$$\sin(\varphi_2 - \varphi_1) = \frac{2\lambda}{d} \sqrt{1 - \frac{\lambda^2}{d^2}} - \sqrt{1 - \frac{4\lambda^2}{d^2}} \cdot \frac{\lambda}{d}$$

$$\sin(\varphi_2 - \varphi_1) = \frac{\lambda}{d} (2 \sqrt{1 - \frac{\lambda^2}{d^2}} - \sqrt{1 - \frac{4\lambda^2}{d^2}})$$

$$\sin^2(\varphi_2 - \varphi_1) = \frac{\lambda^2}{d^2} (4 - \frac{4\lambda^2}{d^2} - 4 \sqrt{1 - \frac{4\lambda^2}{d^2}} \cdot \frac{\lambda^2}{d^2} + 1 - \frac{4\lambda^2}{d^2})$$

$$\sin^2(\varphi_2 - \varphi_1) = \frac{\lambda^2}{d^2} (5 - \frac{8\lambda^2}{d^2} - 4 \sqrt{1 - \frac{4\lambda^2}{d^2}})$$

$$\Rightarrow \sin^2(\varphi_2 - \varphi_1) = \frac{\lambda^2}{d^2} (1 - \frac{8\lambda^2}{d^2})$$

Будем считать, что $1 - \frac{8\lambda^2}{d^2} \rightarrow 0$, тогда

$$\sin^2(\varphi_2 - \varphi_1) = \frac{\lambda^2}{d^2}$$

$$\lambda = d \sin(\varphi_2 - \varphi_1) = d \sin(\Delta \varphi)$$

$$\lambda = 2.2 \cdot 10^{-6} \cdot 0.2588 \approx 0.569 \cdot 10^{-6} \text{ м} = 569 \text{ нм}$$

Ответ: $\lambda = 569 \text{ нм}$

В 4.20

Предельная разрешающая способность $\frac{\lambda}{\delta \lambda} = mN = R$
из задачи $R = \frac{\lambda}{\delta \lambda} = \frac{589 \cdot 10^{-9}}{13 \cdot 10^{-9}} = 45.3$ - предельная разрешающая способность
 $R_1 = 1 \cdot 100 = 100$ - предельная
 $R_2 = 2 \cdot 100 = 200$ - предельная

Ответ: все линии будут разрешены