受験番号	

平成 30 年度東京大学大学院工学系研究科 システム創成学専攻 / 原子力国際専攻 / 技術経営戦略学専攻 入学試験問題

「論理的思考能力を見るための数理的問題」

平成 29 年 8 月 28 日 (月) 13:00~15:30

配布物

- 1. 平成 30 年度 東京大学大学院工学系研究科 システム創成学専攻/原子力国際専攻 / 技術経営戦略学専攻 入学試験問題「論理的思考能力を見るための数理的問題」 (本冊子 1 冊)
- 2. 平成 30 年度 東京大学大学院工学系研究科 システム創成学専攻/原子力国際専攻/技術経営戦略学専攻「論理的思考能力を見るための数理的問題」解答用紙(1枚)
- 3. 平成30年度 大学院入学試験問題 数学 問題冊子(1冊)
- 4. 平成30年度 大学院入学試験問題 数学 解答用紙(2枚)

注意事項

- 試験開始の合図があるまで、問題冊子を開かないこと。
- 上記配布物がすべて手元にあるか確認し、不足がある場合は申し出ること。
- 落丁、乱丁、印刷不鮮明があった場合には申し出ること。
- 配布物 1 (本冊子),配布物 2 (「論理的思考能力を見るための数理的問題」解答用紙),配布物 3 (平成 30 年度 大学院入学試験問題 数学 問題冊子),配布物 4 (平成 30 年度 大学院入学試験問題 数学 解答用紙)のそれぞれの指定された場所に受験番号を忘れず記入すること。
- 全ての配布物は持ち帰らないこと。
- 配布物 1 (本冊子) の問題は、全 6 問のうち 4 問を選んで、配布物 2 の解答用紙に解答すること。解答用紙には道筋を含む解答を記入すること。選択した問題について、配布物 2 の解答用紙の指定された箇所に問題番号を記入すること。また、選択した問題番号に○をつけること。5 問以上を選択することはできない。
- 配布物 3 (平成 30 年度 大学院入学試験問題 数学) の問題は, 全 6 問のうち 2 問 を選んで,配布物 4 の解答用紙に解答すること。3 問以上を選択することはできない。

第1問

半径 rの球面にすべての辺が接する,正四面体と正八面体の体積の比を求めよ。 ただし,1 辺の長さが a である正四面体の体積 V は次式で表せることを利用してよい。

$$V = \frac{\sqrt{2}}{12}a^3$$

第2問

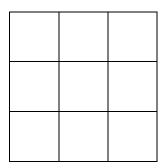
 $2x^2 - 2xy + y^2 + 2x - 2y = 0$ を満足する整数の組(x,y)をすべて求めよ。

第 3 問

アリスとボブが、箱の中の 50 個のボールを使ってゲームをする。最初に、アリスが 1 から 3 個の範囲で任意の個数のボールを箱から取り出す。次に、ボブが 1 から 3 個の範囲で任意の個数のボールを取り出す。このようにアリスとボブは交互にボールを取り出していき、最後のボールを取り出した方がゲームの勝者となる。ただし、取り出すボールの個数は 1 から 3 個の範囲で毎回変えることができる。このゲームには、アリスが必ず勝てる方法がある。そのためには、アリスは最初に何個のボールを取り出せばよいか。その個数を理由とともに答えよ。

第4問

図に示すような縦と横がそれぞれ3個のマス目からなる盤がある。それぞれのマス目に,1から9の整数を重複しないように1つずつ入れる。縦・横・対角線,いずれの列についても,3個の数字の和が15になるようにする。このとき,中央のマス目に入る数字を求めよ。また,その理由も答えよ。



第5問

1000 円札を 500 円硬貨, 100 円硬貨, 50 円硬貨, 10 円硬貨に両替する組み合わせが何通り あるかを求めよ。硬貨は 4 種類すべてを使わなくてもよい。

第6問

次に示す計算は八進法の加算である。R, I, S, K, C, A, H は 0 から 7 のいずれかの整数であり、異なる文字には異なる整数が対応する。各文字に対応する整数を求めよ。