令和5年度

名古屋大学大学院情報学研究科 情報システム学専攻 入学試験問題(専門)

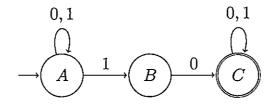
令和4年8月8日

注意事項

- 1. 試験開始の合図があるまでは、この問題冊子を開いてはならない。
- 2. 試験終了まで退出できない。
- 3. 外国人留学生の志願者は、日本語と日本語以外の1言語間の辞書1冊に限り使用してよい。電子辞書の 持ち込みは認めない。
- 4. 日本語または英語で解答すること。
- 5. 問題冊子、解答用紙6枚、草稿用紙3枚が配布されていることを確認すること。
- 6. 問題は問1~8の8問がある。このうち6問を選択して解答すること。なお、選択した問題番号を解答 用紙の指定欄に記入すること。
- 7. 全ての解答用紙の所定の欄に受験番号を必ず記入すること。解答用紙に受験者の氏名を記入してはならない。
- 8. 解答用紙に書ききれない場合は、裏面を使用してもよい。ただし、裏面を使用した場合は、その旨、解答用紙表面右下に明記すること。
- 9. 解答用紙は試験終了後に6枚とも提出すること。
- 10. 問題冊子、草稿用紙は試験終了後に持ち帰ること。

本問では、アルファベットを $\Sigma = \{0,1\}$ とする.

(1) 次に図示される非決定性有限オートマトン M_1 が認識する言語 $L(M_1)$ について、以下の問いに答えよ.



- (a) $w \in L(M_1)$ を満たし、かつ、長さ3以下のwをすべて列挙せよ.
- (b) $L(M_1) = L(M_2)$ を満たす決定性有限オートマトン M_2 を図示せよ.
- (c) $L(M_1) = L(E_1)$ を満たす正規表現 E_1 を示せ.
- (2) 言語 $L(\subseteq \Sigma^*)$, および、記号 $a(\in \Sigma)$ に対して、言語 L/a を次のように定義する.

$$L/a = \{ w \in \Sigma^* \mid wa \in L \}$$

このとき,以下の問いに答えよ.

- (a) 問 (1) の M_1 に対して、 $w \in L(M_1)/0$ を満たし、かつ、長さ 2 以下の w をすべて列挙 せよ.
- (b) 非決定性有限オートマトン M から L(M)/a を認識する非決定性有限オートマトンを構成する方法を示せ.
- (c) 正規表現 E が入力されると L(E)/a を表す正規表現を返す関数 ϕ を再帰的に定義せよ.

Translation of technical terms

アルファベット alphabet

非決定性有限オートマトン non-deterministic finite automaton

認識する recognize 言語 language 列挙する enumerate

決定性有限オートマトン deterministic finite automaton

正規表現 regular expression

るんり せっけい 論理設計に関する以下の全ての問いに答えよ、複数の解答が存在する場合でも一つの解答のみ を示せ。

- (1) 論理関数 $f_1(x_4,x_3,x_2,x_1)=\Sigma(2,3,4,6,11,12,14)$ について次の (a), (b) に答えよ.なお, $f_1(x_4,x_3,x_2,x_1)=\Sigma(2,3,4,6,11,12,14)$ で表わされる f_1 とは,入力変数 x_4,x_3,x_2,x_1 に与えられる 4 桁の 2 進数の値が 10 進数の 2,3,4,6,11,12,14 のいずれかに対応するときには出力が 1 となり,10 進数の 0,1,5,7,8,9,10,13,15 のいずれかに対応するときには出力が 0 となる論理関数である.例えば, $(x_4,x_3,x_2,x_1)=(1,1,0,0)$ のときには, f_1 の入力値は $(1100)_2$ である.この 2 進数 $(1100)_2$ の値は 10 進数の 12 に対応するため f_1 の出力は 1 となる.同様に, $(x_4,x_3,x_2,x_1)=(1,1,0,1)$ のときには入力値が 10 進数の 13 に対応するため f_1 の出力は 0 となる.
 - (a) 論理関数 f_1 に対するカルノー図を示せ.
 - (b) 論理関数 f_1 の最小の積和形論理式を示せ、最小の積和形論理式とは、積項数が最小の積和形論理式のうち、リテラル数の総和が最小のものである。
- (2) 上記 (1) の論理関数 f_1 と論理関数 $f_2(x_4,x_3,x_2,x_1)=\Sigma(1,2,6,9,12,13)+\Sigma_{dc}(4,8,14)$ を実現する 4 入力 (x_4,x_3,x_2,x_1) 2 出力 (f_1,f_2) の組合せ回路を作りたい.次の (a), (b) に答えよ.なお, $f_2(x_4,x_3,x_2,x_1)=\Sigma(1,2,6,9,12,13)+\Sigma_{dc}(4,8,14)$ とは,入力変数 x_4,x_3,x_2,x_1 に与えられる 4 桁の 2 進数の値が 10 進数の 1,2,6,9,12,13 のいずれかに対応するときには出力が 1 となり,1,2,13 となり,1,2,13 のいずれかに対応するときには出力が 1,2,13 のいずれかに対応する
 - (a) 論理関数 f2 の最小の積和形論理式を示せ.
 - (b) 二つの論理関数 (f_1, f_2) の積和形論理式を最小化し、それぞれ積和形論理式で示せ、二つの積和形論理式の最小化とは、二つの積和形論理式の共通項を一つの項と数え、全体としての積項数を最小にし、さらにその中でリテラル数の総和が最小になるように二つの論理関数をそれぞれ積和形論理式にすることである.

Translation of technical terms

論理設計 logic design

論理関数 logic function

2 進数 binary number

10 進数 decimal number カルノー図 Karnaugh map

積和形 sum-of-products form

論理式 logical formula

積項 product term

リテラル literal

組合せ回路 combinational circuit

ドントケア don't care

- (1) A, B を有限集合とし、それらの要素数を、m = |A|, n = |B| とおく、以下のような写像の総数をそれぞれ求めよ。(a),(b) についてはm,n を用いて表し、(c) については整数で表せ。(c) については導出過程も簡単に記すこと。
 - (a) AからBへの写像
 - (b) AからBへの単射
 - (c) m=5, n=3 のときの A から B への全射
- (2) $N = \{1, 2, ...\}$ を自然数全部の集合,R を実数全部の集合とする.
 - (a) $N\times N$ から N への全単射 f を一つ与えよ. 具体的に,任意の $i,j\in N$ に対して, f(i,j) を, i,j を用いた式で表せ.また, f が全単射であることを説明せよ.
 - (b) $[0,1] = \{r \in R \mid 0 \le r \le 1\}$, $[0,1) = \{r \in R \mid 0 \le r < 1\}$ とおく. [0,1] から [0,1) への全単射が存在するかどうかを答えよ. 存在する場合, そのうちの一つを示せ. 存在しない場合, そのことを証明せよ.

finite set	単射	injection
cardinality	全射	surjection
mapping	自然数	natural number
total number	実数	real number
integer	全単射	bijection
	cardinality mapping total number	cardinality 全射 mapping 自然数 total number 実数

証明図の書き方に関する注意

シーケントト $(\neg q \supset \neg p) \supset (p \supset q)$ を根とする証明図の例を示す.

$$\frac{\overline{q \vdash q} \ (init)}{\vdash q, \neg q} \ (R\neg) \ \frac{\overline{p \vdash p}}{\neg p, p \vdash} \ (L\neg)$$
$$\frac{\overline{\neg q \supset \neg p, p \vdash q} \ (L \supset)}{\overline{p, \neg q \supset \neg p \vdash q} \ (R \supset)}$$
$$\frac{\overline{\neg q \supset \neg p \vdash p \supset q} \ (R \supset)}{\vdash (\neg q \supset \neg p) \supset (p \supset q)} \ (R \supset)$$

証明図を書く場合は、上の例のように推論規則を適用する過程をすべて記述すること、R ⊃ などの推論規則の名前も必ず書くこと.

- (1) LJ の cut 規則を示せ.
- (2) LK の推論規則のうち,LJ のシーケントには適用できない推論規則の名前をすべて 挙げよ.
- (3) p, q, r を命題変数とする. 以下の 2 つのシーケントについて,それを根とする LJ の証明図を示せ. LJ の証明図が存在しない場合は,LK の証明図を示せ.
 - (a) $\vdash (p \land (p \supset q)) \land (p \land q \supset r) \supset r$
 - (b) $\neg (p \land q) \vdash \neg p \lor \neg q$
- (4) 図 1 の導入規則のうち、名前が R で始まるものを右導入規則とよぶ. LJ の証明図が次の条件を満たすとき、LJ のユニフォーム証明図であるという.
 - cut 規則を含まず,右辺の論理式が論理結合子をもつシーケントは必ず右導入規則の結論 (下側のシーケント) になっている.

シーケントSで、Sを根とするLJの証明図は存在するが、Sを根とするLJのユニフォーム証明図は存在しないようなSの例を一つ示せ、また、その結果となる理由を示せ、

$$\frac{\Gamma \vdash \Delta, A \quad A, \Pi \vdash \Sigma}{\Gamma, \Pi \vdash \Delta, \Sigma} \ (cut)$$

は、は、このぞうきそく構造規則

$$\begin{array}{ll} \frac{\Gamma \vdash \Delta}{A, \Gamma \vdash \Delta} \; (\mathsf{L}weak) & \frac{\Gamma \vdash \Delta}{\Gamma \vdash \Delta, A} \; (\mathsf{R}weak) \\ \\ \frac{A, A, \Gamma \vdash \Delta}{A, \Gamma \vdash \Delta} \; (\mathsf{L}contra) & \frac{\Gamma \vdash \Delta, A, A}{\Gamma \vdash \Delta, A} \; (\mathsf{R}contra) \\ \\ \frac{\Gamma, A, B, \Pi \vdash \Delta}{\Gamma, B, A, \Pi \vdash \Delta} \; (\mathsf{L}exch) & \frac{\Gamma \vdash \Delta, A, B, \Sigma}{\Gamma \vdash \Delta, B, A, \Sigma} \; (\mathsf{R}exch) \end{array}$$

遵入規則

導入規則
$$\frac{A,\Gamma\vdash\Delta}{A\land B,\Gamma\vdash\Delta} \text{ (L \land 1)} \qquad \frac{B,\Gamma\vdash\Delta}{A\land B,\Gamma\vdash\Delta} \text{ (L \land 2)}$$

$$\frac{\Gamma\vdash\Delta,A\quad\Gamma\vdash\Delta,B}{\Gamma\vdash\Delta,A\land B} \text{ (R \land)} \qquad \frac{A,\Gamma\vdash\Delta\quad B,\Gamma\vdash\Delta}{A\lor B,\Gamma\vdash\Delta} \text{ (L \lor)}$$

$$\frac{\Gamma\vdash\Delta,A}{\Gamma\vdash\Delta,A\lor B} \text{ (R \lor 1)} \qquad \frac{\Gamma\vdash\Delta,B}{\Gamma\vdash\Delta,A\lor B} \text{ (R \lor 2)}$$

$$\frac{\Gamma\vdash\Delta,A\quad B,\Pi\vdash\Sigma}{A\supset B,\Gamma,\Pi\vdash\Delta,\Sigma} \text{ (L \supset)} \qquad \frac{A,\Gamma\vdash\Delta,B}{\Gamma\vdash\Delta,A\supset B} \text{ (R \supset)}$$

$$\frac{\Gamma\vdash\Delta,A}{A\supset B,\Gamma,\Pi\vdash\Delta,\Sigma} \text{ (L \supset)} \qquad \frac{A,\Gamma\vdash\Delta}{\Gamma\vdash\Delta,A\supset B} \text{ (R \supset)}$$

図 1: 古典論理のシーケント計算 LK の推論規則

古典論理 シ 表 直論 理 シ 推論 シ 表 直 論 理 ン 現 観 理 定 理 理 主 義 合 子 論	classical logic sequent calculus inference rule formula sequent expression intuitionistic logic logical connective negation conjunction disjunction	含意 証明図 根 適用する 命題変数 導入規則 右導入規則 ユニフォーム証明図 結論 構造規則	implication proof diagram root apply propositional variable introduction rule right introduction rule uniform proof diagram conclusion structural rule
--	---	--	--

配列を利用してヒープを実現し、優先度付きキューとして使用することを考える。取り扱うデータは整数であると仮定し、データの値そのものをヒープのキーとして使用する。ヒープは、最下層のみに節点の欠落を許す完全 2 分木として構成し、最下層の節点は左側から詰めて配置する。ヒープの根節点を節点 1、節点 i の左右の子をそれぞれ節点 2i 、節点 2i+1 と呼ぶ。内部節点 i のキーの値は、その子 2i および 2i+1 のキーの値以上となっている必要があり、これをヒープ条件という。

十分大きなサイズを持つ配列 A の存在を仮定し、ヒープにおける節点 i のデータを配列要素 A[i] に格納する。また、配列 A の中に格納されているデータ数(ヒープの節点数)を変数 A.size に代入して記録する(したがって、ヒープのデータは $A[1],\ldots,A[A.size]$ に格納されている)。疑似コード 1 の Heapify は節点 i で局所的に崩れたヒープ条件を修復する操作、疑似コード 2 の Build-Heap は全ての節点でヒープ条件が成り立つようデータを移動する操作である。なお、[x] は x 以下の最大整数を表す。

- (1) 配列 A の中に、図 1 に示すようなデータが格納されている。この図に対応する配列 要素 A[1], ..., A[10] の値を示せ。
- (2) 問 (1) の配列 A に対し Build-Heap(A) を実行した後のヒープを, 図 1 のような 2 分 木として示せ.

上記のように実現したヒープを利用し、優先度付きキューを構成する. 優先度付きキューから最大のデータを取り出す Pull 操作、優先度付きキューにデータ(キー)を挿入する Push 操作は、疑似コード 3,4 のように実現される.

- (3) 疑似コード 3 で (X) となっている箇所に記載すべき操作を,1 行の疑似コードとして示せ.複数の疑似コードが考えられる場合は,できるだけ効率の良いものを解答すること.
- (4) 図 2 のヒープが配列 A に格納されているとする. このとき, Push(A, 15) を実行した後のヒープを 2 分木として示せ.

疑似コード 1: Heapify(A, i)

- 1: l = 2i
- 2: r = 2i + 1
- 3: largest = i
- 4: if $l \le A$.size and A[l] > A[largest] then
- 5: largest = l
- 6: if $r \le A$.size and A[r] > A[largest] then
- 7: largest = r
- 8: if $largest \neq i$ then
- 9: A[i] の値と A[largest] の値を交換
- 10: Heapify(A, largest)

疑似コード 2: Build-Heap(A)

- 1: for $i = \lfloor A.size/2 \rfloor$ down to 1 do
- 2: Heapify(A, i)

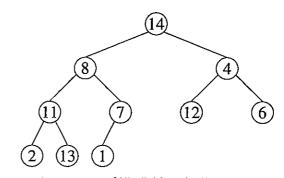


図 1: ヒープ構成前の初期データ

疑似コード 3: Pull(A)

- 1: if A.size < 1 then
- 2: error "underflow"
- 3: max = A[1]
- 4: A[1] = A[A.size]
- 5: A.size = A.size 1
- 6: (X)
- 7: return max

疑似コード 4: Push(A, key)

- 1: A.size = A.size + 1
- 2: A[A.size] = key
- 3: i = A.size
- 4: $p = \lfloor i/2 \rfloor$
- 5: **while** i > 1 and A[p] < A[i] **do**
- 6: A[p] の値と A[i] の値を交換
- 7: i = p
- 8: $p = \lfloor i/2 \rfloor$

優先度付きキューに格納されているデータ数 (ヒープの節点数)を n とする.

- (5) Push の最悪時間計算量をn に関するオーダー記法で示せ、また、その計算量となる 理由を説明せよ.
- (6) Build-Heap の最悪時間計算量をn に関するオーダー記法で示せ、また、その計算量となる理由を説明せよ、

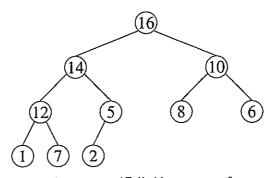


図 2: Push 操作前のヒープ

配列	агтау	根	root
ヒープ	heap	内部	internal
優先度付きキュー	priority queue	ヒープ条件	heap condition
整数	integer	疑似コード	pseudo-code
キー	key	最悪	worst-case
最下層	lowest level	時間計算量	time complexity
節点	node	オーダー記法	order notation
完全2分木	complete binary tree		

Web ブラウザを使ってファイル送信者からファイル受信者にファイルを渡すインターネットサービス S に関する問い(1), (2)に答えよ.

- (1) 図 1 に示す S の UML(Unified Modeling Language) ユースケース図について(a). (b), (c)に答えよ.
- (a) 図1が表現する内容として正しいものをすべて選べ.
 - ファイル送信者はログインした後にファイルをアップロードしなければならない。
 - ② ファイル送信者とファイル受信者はすべてのデータや情報を S を介してやりとりしなければならない
 - ③ ファイル送信者とファイル受信者は同一人物でもよい.

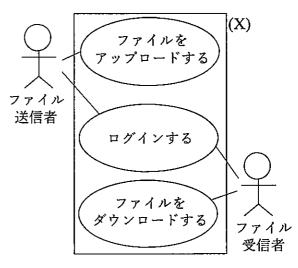
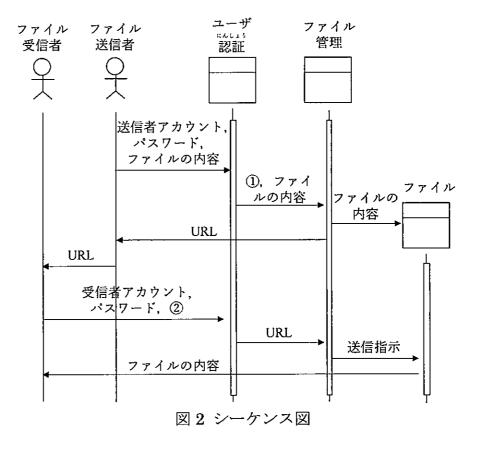


図1 ユースケース図

- (b) 図 1 の(X)の枠線は何を表すか答えよ.
- (c) 図1の(X)の枠線による設計への効果を50字(英文の場合,30 words) 以内で説明せよ.
- (2) 図 2 に示す S の UML シーケンス図に関する下の問いに答えよ. 図 2 中の URL は Uniform Resource Locator の略である。 URL には送信するファイルごとに一意の文字列が割り当てられる。 なお,ファイル送信者とファイル受信者のアカウント,パスワードは図 2 のやりとりの前に登録してあるものとする。 また, Web ブラウザと Web サーバは実装対象外であるため記載していない。
- (a) 図 2 中の①, ②のラベルの名称をそれぞれ答えよ.
- (b) ユーザ認証クラス、ファイルクラスを ファイルクラス、ファイルクラスは図2の書け、クラスは図2の書け、クラスは図2のを実現するためにするのとが異ない。 とりを実施性名とのとするのとするのとない。 の名がられている。 とがの名がられる。 とがのを解答すること.



ブラウザ	browser	アカウント	account
ファイル	file	パスワード	password
インターネットサービス	Internet service	サーバ	server
ユースケース図	use case diagram	実装	implementation
アップロード	upload	ラベル	label
ダウンロード	download	データ	data
ログイン	login	クラス	class
シーケンス図	sequence diagram	属性	attribute
認証	authentication	操作	operation
一意	unique	関連	association
文字列	string	多重度	multiplicity

以下の全ての問いに答えよ.ただし、コンパイル時の最適化は行われないものとし、オーバーフローエラーが起こらない範囲での実行のみを考えることとする.

- (1) ソースコード 1 に掲げた C 言語のプログラム binsearch.c について、以下の全ての問いに答えよ.

 - (b) binsearch_loopが、binsearchと同じ二分探索を再帰呼出しを用いずに記述したものになるように、ソースコード1の D ~ F を埋めよ.
- (2) ソースコード 2 に掲げた C 言語のプログラム function.c について、以下の全ての問いに答えよ.
 - (a) main() を実行した時、標準出力に出力される実行結果を書け.
 - (b) 任意の非負整数nに対して、f2(n,0,1) の返り値が、f1(n) の返り値と常に同じになるように、ソースコード 2 の \Box を埋めよ.
 - (c) 以下の回数をそれぞれ答えよ.
 - i. main() を実行したとき, f1 が呼び出される回数.
 - ii. 137 行目の f1(7) を, f2(7,0,1) に置き換えて main() を実行したとき, f2 が呼び出される回数.
 - (d) f_{100p} が、 f_{2} と同じ結果を返す関数を再帰呼出しを用いずに記述したものになるよう に、ソースコード 2 の \overline{H} を埋めよ.
- (3) binsearch や f1, f2 のような再帰呼出しを含むプログラムよりも, binsearch_loop や f_loop のように再帰呼出しを用いない方が,多くの場合,実行時間が短くなる.この理由 を,50 字以内(英語の場合,30 words 以内)で説明せよ.

Translation of technical terms

二分探索 binary search コンパイル compile 関数 function 最適化 optimization 再帰呼出し オーバーフローエラー recursive call overflow error 昇順 ascending order 標準出力 standard output ソート 非負整数 non-negative integer sort 返り値 return value 配列 array

```
#include <stdio.h>
   #define TRUE 1
   #define FALSE 0
3
   int a[10] = \{ 1, 4, 6, 10, 11, 13, 15, 20, 30, 32 \};
   int binsearch (int x, int i, int j) {
8
     int k;
     if(i>j)
9
10
       return FALSE;
     \verb|else| \{
11
       k=(i+j)/2;
12
       if (L
13
         return binsearch(x,k+1,j);
14
       else if (B)
15
         return binsearch( L
16
17
       else
18
         return TRUE;
     }
19
20
21
   int binsearch_loop (int x, int i, int j) {
22
     int k;
23
     while(1) {
24
       if(i>j) {
25
         return FALSE;
26
       } else {
27
         k=(i+j)/2;
28
         if ( ____
                   D
29
           i=k+1;
30
         else if ( L
31
           j= [
32
         else {
33
           return TRUE;
34
35
36
37
38
39
   int main (void) {
     if(binsearch(14,0,9)) printf("found\n");
41
     else printf("not found\n");
42
43
     if(binsearch_loop(14,0,9)) printf("found\n");
44
     else printf("not found\n");
45
46
47
     return 0;
   }
48
```

```
#include <stdio.h>
100
101
   int f1 (int x) {
102
      if (x \le 0)
103
        return 0;
104
      else if (x == 1)
105
        return 1;
106
107
        return f1(x-2) + f1(x-1);
108
109
110
   int f2 (int x, int y, int z) {
111
      if (x <= 0)
112
        return y;
113
      else if (x == 1)
114
        return z;
115
      else
116
        return f2(x-1, z, G );
117
118
119
    int f_loop (int x, int y, int z) {
120
      int tmp;
121
      while (1) {
122
        if (x <= 0) {
123
124
          return y;
        } else if (x == 1) {
125
          return [
126
        } else {
127
          tmp = y;
128
          x = 
129
          y = [
130
          z = \lfloor
131
132
133
134
135
136 int main (void) {
      printf("%d\n", f1(7));
137
138
      return 0;
139
140 | }
```

下の表に示す3つのプロセスを,残り処理時間が短いプロセスから順にスケジューリングしたところ,図1に示すようにスケジューリングされた。これに関して,以下の問いに答えよ。ただし,スケジューリングはプリエンプティブに行うこととし,明示されていない限り,プロセス切換えにかかる時間は無視できるものとする。また,平均応答時間(プロセスが到着してから完了するまでの時間の平均値)は,小数点以下を四捨五入して,ミリ秒単位で答えよ。

	到着時刻	処理時間
プロセス1	0ミリ秒	800 ミリ秒
プロセス 2	300 ミリ秒	200 ミリ秒
プロセス 3	200 ミリ秒	400ミリ秒

- (1) 図1において、プロセスの平均応答時間を求めよ。
- (2) 残り処理時間が短い順でスケジューリングする方法は、利点はあるものの、実際にオペレーティングシステムで採用するのは難しい。この方法の利点と、採用するのが難しい理由を述べよ。
- (3) 同じプロセスセットを, 到着順 (FCFS) でスケジューリングした時のスケジュール を図示し, プロセスの平均応答時間を求めよ。
- (4) 同じプロセスセットを、タイムスライスを無視できる位まで短くしてラウンドロビンスケジューリングした時の、プロセスの平均応答時間を求めよ。
- (5) 同じプロセスセットを, タイムスライスを 100 ミリ秒としてラウンドロビンスケジューリングした時のスケジュール (複数の可能性がある) の1つを図示し, プロセスの平均応答時間を求めよ。ただし, プロセス切換えに1ミリ秒かかるものとする。

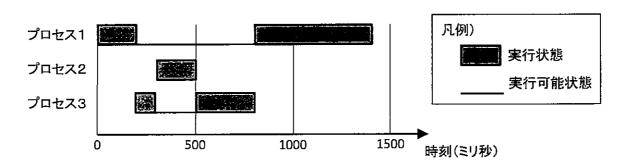


図 1: 残り処理時間が短い順でのスケジュール

Translation of technical terms

プロセス process

処理時間 processing time

スケジューリング scheduling プリエンプティブ preemptive プロセス切換え process switch

平均応答時間 average response time

到着時刻 arrival time

到着順 first come first served

タイムスライス time slice ラウンドロビン round robin