### 2024 年度

## 電気工学専攻・電子工学専攻 修士課程教育プログラム 学力検査 問題

科目名:専門基礎 a

日時: 2023年8月7日(月) 9時00分~12時00分

#### (注意)

- 1. 問題冊子と解答用紙は係員の指示があるまで開かないこと.
- 2. 問題は a-1 から a-5 までの 5 問ある. そのうち, 4 問を解答せよ.
- 3. 各問題のページ数は、各問題番号のすぐ後ろに記してある.
- 4. 解答用紙は4枚である. 1問題について1枚の解答用紙を用いること.
- 5. 問題冊子と解答用紙のホチキス留めは外してはならない. もし, 外れた場合は, 直ちに申し出ること.
- 6.「解答はじめ」の指示の後、解答用紙各葉の所定欄に受験番号、氏名、科目名、 問題番号をはっきり記入すること.
- 7. 回路記号については最後のページの新旧対照表を参照すること.

#### $oxed{\mathsf{a}} oxed{-1} \quad [\mathsf{con} oxedsymbol{\mathsf{B}} oxedsymbol{\mathsf{k}} oxedsymbol{\mathsf{c}} oxedsymbol{\mathsf{c}} \ 2$ ページである.]

以下の設問に答えよ.ただし,i は<u>虚数単位</u> (imaginary unit) $\sqrt{-1}$  を表す.図 1 および図 2 は複素平面 (complex plane) であり,図中の経路 (contours) に沿った積分 (integrals) は、各経路に付けた矢印の向きに行う.

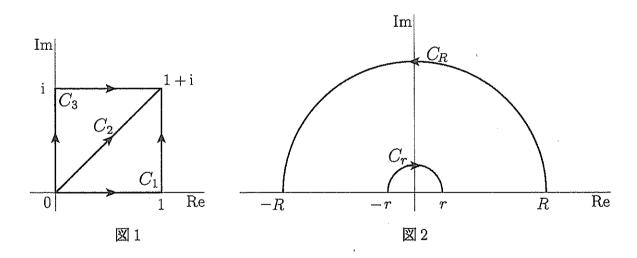
(i) 図1のように、複素平面における3つの経路 $C_1, C_2, C_3$ を考える. ここで、 $C_1$ は0と1を結ぶ線分 (segment) および1と1+iを結ぶ線分の合成 (composition) であり、 $C_2$ は0と1+iを結ぶ線分、 $C_3$ は0とiを結ぶ線分およびiと1+iを結ぶ線分の合成である. 複素変数 (complex variable) zの複素関数 (complex function) f(z)の $C_1, C_2, C_3$ に沿った積分

$$\int_{C_k} f(z) \, \mathrm{d}z \qquad (k = 1, 2, 3)$$

をそれぞれ求めよ. ただし, f(z) は, z を<u>実変数</u> (real variables) x,y を用いて  $z=x+\mathrm{i}y$  と表したとき,

$$f(z) = x - y + ix^2$$

と定義される.



(ii) 図2のように、複素平面における2つの経路 $C_r$ 、 $C_R$ を考える. ここで、経路 $C_r$  および $C_R$  は以下のように定義される.

$$C_r = \{ z \mid z = re^{i\theta}, \ 0 \le \theta \le \pi \}, \quad C_R = \{ z \mid z = Re^{i\theta}, \ 0 \le \theta \le \pi \}$$

ただし, r と R は<u>正の実数</u> (positive real numbers) であり, r < R を満たす. また, 複素関数

$$f(z) = \frac{1 - e^{iz}}{z^2}$$

を考える. 以下の問に答えよ.

(a) 経路  $C_r$  に沿った関数 f(z) の積分

$$\int_{C_r} f(z) \, \mathrm{d}z$$

Orderightarrow 1 での極限値 (limit value) を求めよ.

(b) 経路  $C_R$  に沿った関数 f(z) の積分に対して、以下の不等式が成り立つことを示せ、

$$\left| \int_{C_R} f(z) \, \mathrm{d}z \right| \le \frac{2\pi}{R}$$

(c) 以上の結果を用いて, 実変数 x に関する積分

$$\int_0^\infty \frac{1 - \cos x}{x^2} \, \mathrm{d}x$$

を求めよ.

#### a - 2 [この問題は長さ1ページである.]

<u>実変数</u> (real variable) t の 実関数 (real functions) x(t), y(t) に関する 微分方程式 (differential equation)

$$\begin{pmatrix} \frac{\mathrm{d}x(t)}{\mathrm{d}t} \\ \frac{\mathrm{d}y(t)}{\mathrm{d}t} \end{pmatrix} = A \begin{pmatrix} x(t) \\ y(t) \end{pmatrix}, \ A = \begin{pmatrix} 4 & -5 \\ 5 & -4 \end{pmatrix} \tag{1}$$

について,以下の設問に答えよ.

(i) 行列Aの<u>固有値</u> (eigenvalues) ea, bとし、それぞれに対応する<u>固有ベクトル</u> (eigenvectors) ea

$$\begin{pmatrix} u \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} v \\ 1 \end{pmatrix}$$

とする. a, b, u, vを求めよ.

- (ii) 正則行列 (nonsingular matrix) P について, $D = P^{-1}AP$  が<u>対角行列</u> (diagonal matrix) であるとする.そのようなP およびD の組を1 つ求めよ.
- (iii) 設問(ii)で求めた Pを用いて変数変換(variable transformation)

$$\begin{pmatrix} x(t) \\ y(t) \end{pmatrix} = P \begin{pmatrix} p(t) \\ q(t) \end{pmatrix} \tag{2}$$

を行い, 関数 p(t), q(t) に関する微分方程式を示せ.

- (iv) 微分方程式 (1) について、<u>初期条件</u> (initial condition)  $\begin{pmatrix} x(0) \\ y(0) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix}$  を満たす解  $\begin{pmatrix} x(t) \\ y(t) \end{pmatrix}$  を求め、<u>虚数単位</u> (imaginary unit) を用いずに表せ、
- (v) 微分方程式 (1) の解  $\begin{pmatrix} x(t) \\ y(t) \end{pmatrix}$  は、

$$x(t)^{2} + \alpha x(t)y(t) + y(t)^{2} = \beta \tag{3}$$

を満たす. ただし,  $\alpha$ ,  $\beta$  は t に依存しない実数である. 設問 (iv) の初期条件のもとで,  $\alpha$ ,  $\beta$  を求めよ.

#### a ─3 [この問題は長さ2ページである.]

真空 (vacuum) の誘電率 (permittivity) を  $\varepsilon_0$  として、以下の設問に答えよ.

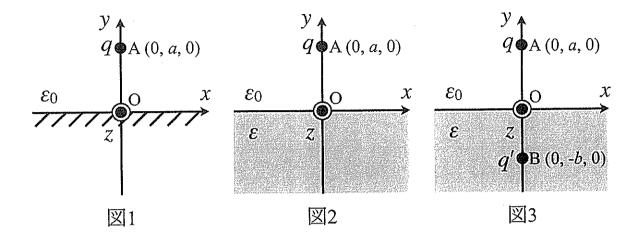
- (i) 図 1 のように、<u>点電荷</u> (point charge)q が真空中の点 A(0,a,0) に、<u>接地された無限</u> 平面導体 (grounded infinite plane conductor) が y=0 の面に置かれている.ここで、a>0 である.
  - (a) y = 0 の面において、電位 (electric potential)V が満たすべき境界条件を答えよ、
  - (b) <u>影像法</u> (image method) を用いて、y > 0 の領域における電位 V(x, y, z) を求めよ、
  - (c) y > 0 における電位 V を影像法によって求めることができる理由を述べよ.
- (ii) 図2のように、点A(0,a,0) に点電荷qが置かれており、y>0の領域は真空、 $y\leq 0$ の領域は誘電率 $\varepsilon$ の誘電体 (dielectric) で満たされている.ここで、a>0 である.
  - (a) y = 0 の面において、電位 V と電界 (electric field) E の y 成分が満たすべき境界条件を答えよ.
  - (b) いま仮に、全領域を真空とし、点 A に置かれた点電荷 q に加えて点電荷  $q^*$  を点 (0, -a, 0) においたとする。このときの電位  $V_0(x, y, z)$  を求めよ.
  - (c) いま仮に、全領域を誘電率 $\varepsilon$ の誘電体で満たし、点電荷qの代わりに点電荷 $q^{**}$ を点 A においたとする。このときの電位 $V_1(x,y,z)$  を求めよ.
  - (d) 問(a)から(c)の結果を用いて、図2の場合における点電荷qに作用する力を求め、 $\varepsilon_0, \varepsilon, q, a$ を用いて表せ.
- (iii) 以下の文章において X と Y を埋めて式を完成させよ.

図3のように、点 A(0,a,0) と B(0,-b,0) に点電荷 q と q' が置かれている.ここで、a>0、b>0であり、y>0の領域は真空で、 $y\leq0$ の領域は誘電率  $\varepsilon$  の誘電体で満たされている.重ね合わせの原理と設問 (ii) の結果を利用して、点電荷 q に作用する力を求めよう.そのためには、設問 (ii) 問 (d) の力に加えて、新たにおいた点電荷 q' による力を求めればよい.q' による y>0 の領域における電界は、設問 (ii) の結果をもとにすると、全領域を真空として、仮想的な点電荷  $q'^{**}$  を点 B においたときの電界と一致する.ここで、

$$q'^{**} = \boxed{X}$$

である. よって, 点電荷qに作用する力Fは,

$$F = \boxed{Y}$$



### lacksquare lacksquare

以下の設問に答えよ.

- (i) 図 1 のような<u>直流電圧源</u> (DC voltage source) E を含む回路において,A = 1 (switch) S が閉じられて定常状態 (steady state) にある.時刻 E = 1 にスイッチ E = 1 を含む回路において,E = 1 になる。以下の間に答えよ.
  - (a) 時刻 t=0 における キャパシタ (capacitor) の電圧 v(0), インダクタ (inductor) の電流 i(0) を求めよ.
  - (b) 電圧 v(t) を求め、その波形 (waveform) を図示せよ.
- (ii) 図2のような直流電圧源 E と、特性インピーダンス (characteristic impedance)  $Z_0$ , 伝搬速度 (propagation velocity) g, 長さlの無損失分布定数線路 (lossless transmission line) を含む回路において、スイッチSが閉じられて定常状態にある。時刻 t=0 にスイッチSを開けたとき、以下の問に答えよ。
  - (a) スイッチ S を開ける直前を t=-0, 直後を t=+0 とする. <u>ポート</u> (port) 1-1' の電圧  $v_1(-0)$ ,  $v_1(+0)$ , ポート 2-2' の電圧  $v_2(-0)$ ,  $v_2(+0)$ , インダクタの電流 i(-0), i(+0) を求めよ.
  - (b) 時間 0 < t < 3l/g における電圧  $v_1(t), v_2(t)$  を求め、その波形を図示せよ.

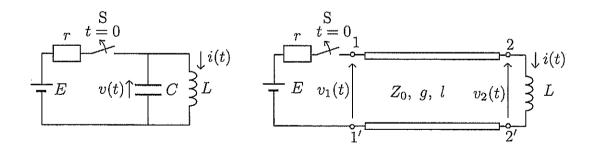


図1

図2

#### $\begin{bmatrix} a \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 5 \end{bmatrix}$ [この問題は長さ1ページである.]

基本並進ベクトル (primitive translation vector) が  $\mathbf{R}_1$ =(a, 0),  $\mathbf{R}_2$ =(0, 3a) である 2 次元長方格子 (rectangular lattice) に関する以下の設問に答えよ. ただし a は正の実数とする.

- (i) この2次元長方格子を図示せよ.
- (ii) この 2 次元長方格子の $\underline{基本逆格子ベクトル}$  (primitive reciprocal lattice vector) $G_1$ ,  $G_2$  を決定せよ.
- (iii) この2次元長方格子の逆格子空間における第1および第2ブリルアンゾーン (Brillouin zone) を図示せよ.
- (iv) 第2ブリルアンゾーン内の任意の一点を図示し、その点が<u>還元ゾーン</u> (reduced zone) 形式では第1ブリルアンゾーンのどの点に対応するかを、理由と共に示せ.

電気電子回路の記述に使用する図記号に関しては、下記の表に左右に示す記号は同等のものとみなす。

	新図記号 (New symbols)	旧図記号 (Older symbols)
理想電圧源 (Ideal voltage source)	$\Diamond$	
理想電流源 (Ideal current source)		<b>†</b>
抵抗器 (Resistor)		
T接続 (T-connection)		
導体の二重接続 (Double junction of conductors)	<u> </u>	1
接続しない2系統の交差 (Crossing of two systems without connection)		

#### 2024年度

# 電気工学専攻・電子工学専攻 修士課程教育プログラム 学力検査 問題

## 科目名:専門基礎 b

日時: 2023年8月7日(月) 13時30分~16時00分

#### (注意)

- 1. 問題冊子と解答用紙は係員の指示があるまで開かないこと.
- 2. 問題は b-1 から b-4 までの 4 問ある. そのうち, 3 問を解答せよ.
- 3. 各問題のページ数は、各問題番号のすぐ後ろに記してある.
- 4. 解答用紙は3枚である. 1問題について1枚の解答用紙を用いること.
- 5. 問題冊子と解答用紙のホチキス留めは外してはならない. もし, 外れた場合は, 直ちに申し出ること.
- 6.「解答はじめ」の指示の後、解答用紙各葉の所定欄に受験番号、氏名、科目名、 問題番号をはっきり記入すること.
- 7. 回路記号については最後のページの新旧対照表を参照すること.

#### b - 1 [この問題は長さ2ページである.]

この問題では、<u>真空</u> (vacuum) 中における<u>電磁波</u> (electromagnetic wave) の伝搬を考える。このときの Maxwell の方程式は以下のとおりである。

$$\nabla \times \boldsymbol{E} = -\frac{\partial \boldsymbol{B}}{\partial t} \tag{1}$$

$$\nabla \times \boldsymbol{H} = \frac{\partial \boldsymbol{D}}{\partial t} \tag{2}$$

$$\nabla \cdot D = 0 \tag{3}$$

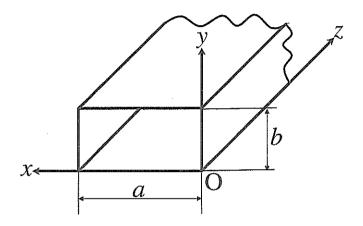
$$\nabla \cdot \boldsymbol{B} = 0 \tag{4}$$

なお、E, H, D, B は、それぞれ、電界 (electric field)、磁界 (magnetic field)、電東密度 (electric flux density)、磁東密度 (magnetic flux density) である。また、真空の誘電率 (permittivity) および透磁率 (permeability) をそれぞれ $\varepsilon_0$ ,  $\mu_0$ , 位置ベクトル (position vector) を $\mathbf{r}$ , 角周波数 (angular frequency) を $\omega$ , 時刻をt, 虚数単位 (imaginary unit) をj とする。以下の設問に答えよ。

- (i) Maxwell 方程式を用いて電界に関する<u>波動方程式</u> (wave equation) を求めよ. 必要に応じてベクトル公式  $\nabla \times (\nabla \times A) = \nabla (\nabla \cdot A) (\nabla \cdot \nabla) A$  を用いてもよい.
- (ii) 電界を $E(r,t) = E_0(r) \exp(j\omega t)$  とおく. 設問 (i) で求めた波動方程式から $E_0(r)$  に関する次の式が得られる. X を埋めよ.

$$\nabla^2 \boldsymbol{E}_0(\boldsymbol{r}) + \boxed{\boldsymbol{X}} \boldsymbol{E}_0(\boldsymbol{r}) = 0 \tag{5}$$

- (iii) 設問 (ii) の場合において、z 軸の正の方向に伝搬する平面波を考える.この平面波はx方向にのみ電界成分  $E_0(r)=(E_{0x}(z),0,0)$  を持つとする.<u>波数ベクトル</u> (wavenumber vector) を  $\mathbf{k}=(0,0,k_z)$  としたとき, $E_{0x}(z)$  を求めよ.
- (iv) 設問(iii) の場合、 $\left|\frac{E_{0x}(z)}{H_{0y}(z)}\right|$ で与えられる<u>特性インピーダンス</u> (characteristic impedance) を求めよ. ここで、 $H_{0y}(z)$  は、設問(iii) と同様に定めた磁界のy成分である.
- (v) 次に、別の条件下での電磁波の伝搬を考える。いま、図のように 0 < x < a かつ 0 < y < b を満たす領域が真空であり、それ以外の領域が<u>完全導体</u> (perfect conductor) で満たされている状況を考える。この真空の領域を<u>導波管</u> (waveguide) と呼ぶ。この導波管の中を、角周波数  $\omega$  の電磁波が z 軸の正の方向に伝搬しているとする。ただし、単一の姿態 (mode) での伝搬を想定する。この導波管の中のある位置において磁界の y 成分と z 成分が非零、すなわち  $|H_{0y}| \neq 0$  と  $|H_{0z}| \neq 0$  を満たすとき、その位置における  $\left|\frac{E_{0x}}{H_{0y}}\right|$  は設問 (iv) で求めた特性インピーダンスより大きくなる。この理由を定性的に述べよ。



#### b - 2 [この問題は長さ2ページである.]

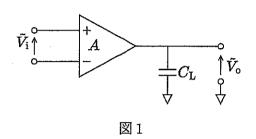
電圧<u>増幅器</u> (amplifier) について以下の設問に答えよ、すべての増幅器の<u>入力インピー</u> ダンス (input impedance) は無限大とする、数値については有効数字 2 桁で答えよ、

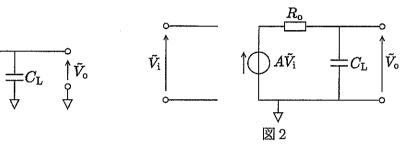
- (i) <u>増幅率</u> (gain) A と<u>出力インピーダンス</u> (output impedance) R<sub>o</sub> を持つ増幅器で構成した図1の回路は図2の等価回路 (equivalent circuit) で表せる. 以下の問に答えよ.
  - (a) この回路の周波数応答 (frequency response) $H(\omega) = \tilde{V}_{o}/\tilde{V}_{i}$  を求めよ.
  - (b)  $A = -10^4$ ,  $R_0 = 10 \,\mathrm{k}\Omega$ ,  $C_L = 10 \,\mathrm{pF}$  のとき,  $|H(\omega_0)| = 1$  となる  $\omega_0$  を求めよ.
  - (c) 問(b) の条件において  $H(\omega)$  のボード線図 (Bode diagram) を描け.
- (ii) 図3のように、増幅率 A と出力インピーダンス R。を持つ増幅器の入出力間に容量  $C_{\rm C}$  を挿入する場合を考える.  $C_{\rm C}$  は  $\underline{$  ミラー容量 (Miller capacitance) とよばれる. 以下の間に答えよ.
  - (a) 入力インピーダンス  $Z_{
    m in} = \left( ilde{V_{
    m i}} / ilde{I_{
    m i}} 
    ight)_{ ilde{I}_{
    m o}=0}$  を求めよ.
  - (b) 出力インピーダンス  $Z_{
    m out} = \left( ilde{V}_{
    m o}/ ilde{I}_{
    m o} 
    ight)_{ ilde{I}_{
    m o}=0}$  を求めよ.
  - (c) A < 0 としたとき、 $\omega R_{\rm o}(C_{\rm C} + C_{\rm L}) \ll 1$  の周波数領域において、図 3 の回路は図 4 の等価回路で近似できることを示せ、
- (iii) 図 5 と図 6 の 2 段増幅器から成る  $\underline{A}$ ペアンプ (operational amplifier) を設計する. 増幅率  $A_1$  と  $A_2$  の増幅器の出力インピーダンスはそれぞれ 10 k $\Omega$  と 10  $\Omega$  である. これらのオペアンプの周波数応答  $H(\omega)$  は次のように表せる.

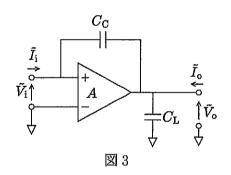
$$H(\omega) = \frac{A_1 A_2}{\left(1 + j\frac{\omega}{\omega_{p1}}\right) \left(1 + j\frac{\omega}{\omega_{p2}}\right)} \tag{1}$$

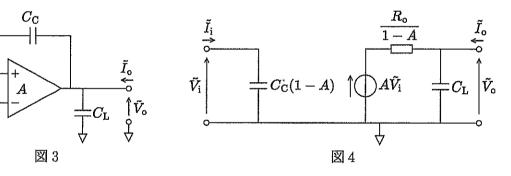
ここで、j は虚数単位であり、 $\omega_{\rm p1}<\omega_{\rm p2}$  とする.これらのオペアンプを用いて<u>ボルアージフォロワ</u> (voltage follower) を構成したとき、安定動作の条件は  $|H(\omega_{\rm p2})| \le 1$  である. $C_{\rm L}=10\,{\rm pF},~A_{\rm 1}=-10^3,~A_{\rm 2}=-10\,{\rm m}$  の条件のもとで以下の問に答えよ.ただし, $C_{\rm 1}>0.1\,{\rm pF},~C_{\rm C}>0.1\,{\rm pF}$  とする.

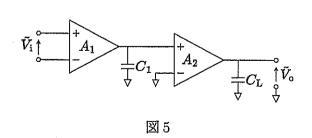
- (a) 図 5 のオペアンプにおいて、 $\omega_{p2}$  を求めよ、次に、 $|H(\omega_{p2})|=1$  を満たす  $C_1$  を求めよ、
- (b) 図6のオペアンプにおいて、 $\omega_{p2}$ を求めよ、次に、 $|H(\omega_{p2})|=1$ を満たす $C_{C}$ を求めよ、なお、2段目の増幅器について図4の等価回路を用いよ、
- (c) 図 5 と図 6 のオペアンプを用いたボルテージフォロワを<u>集積回路</u> (integrated circuit) にしたとき, どちらのボルテージフォロワがより小さい面積で実装できるか理由をつけて述べよ.

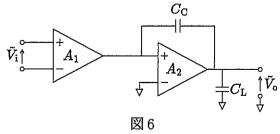










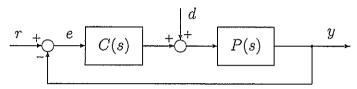


### b - 3 [この問題は長さ1ページである.]

下図のフィードバック制御系 (feedback control system) において, <u>制御対象</u> (controlled object) および制御装置 (controller) の伝達関数 (transfer function) はそれぞれ

$$P(s) = \frac{2}{s^2 + 3s + 4},$$
  $C(s) = K \frac{s + 4}{s}$ 

で与えられている。ただし,r は<u>目標値</u> (reference),e は<u>偏差</u> (error),d は<u>外乱</u> (disturbance),y は<u>制御量</u> (controlled variable) を表しており,K は正の<u>ゲイン</u> (gain) とする。以下の設問に答えよ.



- (i) r から y, および d から e への 閉ループ (closed-loop) 伝達関数をいずれも P(s), C(s) で表せ.
- (ii) 制御対象 P(s) について、その入力を  $u(t)=\sin\omega t$  としたときの定常状態 (steady state) での出力が  $c\sin\left(\omega t-\frac{k\pi}{4}\right)$  となるような  $(\omega,c,k)$  の組をすべて求めよ.ただし、c>0 とし、 $k=0,1,\ldots,7$  のいずれかとなる場合のみを考えるものとする. さらに、正の角周波数 (angular frequency)  $\omega$  のみを考えるものとする.
- (iii) C(s) のボード線図 (Bode diagram) の概形を描け、角周波数が小さいときと大きいときの特徴を示す漸近線 (asymptote) に加えて、C(s) の位相遅れ (phase lag) が 45° となるときの角周波数の値についても明記すること、
- (iv) <u>開ループ</u> (open-loop) 伝達関数 P(s)C(s) のベクトル軌跡 (vector locus) と<u>実軸</u> (real axis) の負の部分との<u>交点</u> (intersection) を求めよ. なお, P(s)C(s) は位相遅れが 180° となる角周波数  $\omega$  (> 0) をひとつだけもつ. このことを利用してもよい.
- (v) フィードバック制御系の目標値に対する単位ステップ応答 (unit step response)  $y(t) = s_K(t)$  について考える.  $s_K(t)$  は K を大きくしても  $K < K^*$  である限り十分な時間の経過後には一定値 S(K) に収束するが,  $K = K^*$  では十分な時間の経過後も持続的振動 (persistent oscillation)  $\sigma(t)$  と<u>オフセット</u> (offset) の<u>重ね合わせ</u> (superposition) となる.
  - (a)  $K^*$  の値を求め、 $0 < K < K^*$  の範囲で S(K) のグラフを描け、また、そのグラフの形状の由来を、このフィードバック制御系の特色と結び付けて説明せよ、
  - (b)  $s_{K^*}(t) \sigma(t)$  を求めよ.

#### b ─ 4 [この問題は長さ1ページである.]

半導体に関する以下の設問に答えよ、ただし、半導体は非縮退 (nondegenerate) であるとし、伝導帯 (conduction band) の有効状態密度 (effective density of states) を  $N_c$ 、価電子帯 (valence band) の有効状態密度を  $N_v$ 、伝導帯底のエネルギーを  $E_c$ 、価電子帯頂上のエネルギーを  $E_v$ 、禁制帯幅 (bandgap) を  $E_g$  とする、また、ボルツマン定数 (Boltzmann constant) を  $k_B$ 、絶対温度を T(>0)、素電荷 (elementary charge) を e とする.

- (i) 熱平衡状態 (thermal equilibrium) において電子密度 (electron density) n, 正孔密度 (hole density) p, <u>真性キャリア密度</u> (intrinsic carrier density)  $n_i$  の間に成立する関係式を記せ. 次に、真性キャリア密度  $n_i$  を  $N_c$ ,  $N_v$ ,  $E_g$  などを用いて表せ.
- (ii) <u>ドナー密度</u> (donor density)  $N_d$  の n 型半導体における フェルミ準位 (Fermi level)  $E_{\rm fn}$ , <u>アクセプタ密度</u> (acceptor density)  $N_a$  の p 型半導体におけるフェルミ準位  $E_{\rm fp}$  をそれぞれ求めよ. ただし、ドナーおよびアクセプタは完全にイオン化していると考えてよい.
- (iii) 設問 (ii) で考えた p 型, n 型半導体で構成される pn 接合 (pn junction) について, 無バイアス (zero bias) 時のエネルギーバンド図 (energy-band diagram) を描け. フェルミ準位を明示すること. 次に, このエネルギーバンド図を参考にして, pn 接合の拡散電位 (built-in voltage)  $V_d$  を表す式を求めよ.
- (iv) 理想的な pn 接合 $\underline{\textit{S}\textit{I}\textit{V}}$  (diode) に流れる電流 I と電圧 V の関係式を記せ. ただし、飽和電流 (saturation current) を  $I_0$  とする.
- (v) 理想的な pn 接合ダイオードに禁制帯幅以上のエネルギーを有する光を照射した. 光 照射時および暗時の電流-電圧 (I-V) 特性を描け. ただし、光照射により生じる光 電流 (photocurrent) の絶対値を  $I_{\rm ph}$  とする.
- (vi) 設問 (iv) で考えた理想的な pn 接合ダイオードについて,<u>順方向</u> (forward) 電流 I を流すのに必要な電圧 V を表す式を導出せよ.次に,この順方向バイアス時の<u>微分抵</u>抗 (differential resistance)  $R_{\text{diff}}$  の電流依存性を表す式を導出し,図示せよ.
- (vii) 設問 (vi) では理想的な pn 接合ダイオードを考えたが、現実のダイオードでは必ず 直列抵抗 (series resistance) が存在する.この直列抵抗を  $R_s$  とするとき,これが順 方向電流 I を流すのに必要な電圧 V に及ぼす影響について説明せよ.次に, $R_s$  が微 分抵抗  $R_{\text{diff}}$  に及ぼす影響について説明せよ.共に数式および図の両方を用いて説明 すること.

電気電子回路の記述に使用する図記号に関しては、下記の表に左右に示す記号は同等のものとみなす。

	新図記号 (New symbols)	旧図記号 (Older symbols)
理想電圧源 (ideal voltage source)	Φ	
理想電流源 (Ideal current source)		
抵抗器 (Resistor)		
T接続 (T-connection)		
導体の二重接続 (Double junction of conductors)	1	
接続しない2系統の交差 (Crossing of two systems without connection)		