大学院情報理工学研究科 博士前期課程一般入試 入学試験問題 (2020年8月18日実施)

【情報・ネットワーク工学専攻】

専門科目: [必須問題]

※注意事項

- 1. 試験開始の合図があるまで問題冊子を開いてはいけない。
- 2. 必須問題の冊子はこの注意事項を含めて3枚、解答用紙は2枚である。
- 3. 試験開始の合図の後、全ての解答用紙に受験番号を記入すること。
- 4. 必須問題の試験時間は90分である。
- 5. 必須問題は2問である。すべての問題を解答すること。
- 6. 解答は、指定された解答用紙を使用すること。 必要なら裏面を使用してもよいが、その場合は表面下に<u>「裏面へ続く」と記入すること</u>。
- 7. 試験中に問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁・乱丁及び解答用紙の汚れ等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に知らせること。
- 8. 試験終了後、この問題冊子は持ち帰ること。
- 9. 解答は英語でもよい。

問題は次のページからです。

このページは問題冊子の枚数には 含みません。 大学院情報理工学研究科 博士前期課程:一般入試(2020年8月18日実施)

必須問題

情報・ネットワーク工学専攻

「線形代数」

ベクトル
$$a = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^3$$
 に対し、 $\underline{$ 線形変換}^1 $f: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^3$ を

$$f(\boldsymbol{x}) = \boldsymbol{x} - rac{2(\boldsymbol{x}, \boldsymbol{a})}{(\boldsymbol{a}, \boldsymbol{a})} \boldsymbol{a} \quad (\boldsymbol{x} \in \mathbb{R}^3)$$

で定義する。ただし、(x,y) は $x,y\in\mathbb{R}^3$ の 標準内積 2 を表す。また、 $\mathscr{E}=(e_1,e_2,e_3)$ を ℝ3 の 標準基底3 とする.

- (1) $f(e_1)$ および f(a) を求めよ.
- (2) & に関する f の表現行列⁴ A を求めよ.
- (3) A の固有値⁵をすべて求めよ.
- (4) A の最大固有値を λ_1 とする. λ_1 に対する A の <u>固有空間</u>⁶ の <u>基底</u>⁷ を 1 組求めよ.

(5) ベクトル
$$\boldsymbol{b} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^3$$
 に対し、線形変換 $g: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^3$ を

$$g(\boldsymbol{x}) = \boldsymbol{x} - \frac{2(\boldsymbol{x}, \boldsymbol{b})}{(\boldsymbol{b}, \boldsymbol{b})} \boldsymbol{b} \quad (\boldsymbol{x} \in \mathbb{R}^3)$$

で定義する. $(g \circ f)(v) = v$ を満たす $v \in \mathbb{R}^3 (v \neq 0)$ を 1 つ求めよ.

¹ 線形変換: linear transformation

² 標準内積: dot product ³ 標準基底: standard basis

⁴表現行列: matrix representation ⁵固有值: eigenvalue ⁶固有空間: eigenspace

⁷ 基底: basis

大学院情報理工学研究科 博士前期課程:一般入試(2020年8月18日実施)

必須問題

情報・ネットワーク工学専攻

「微分積分」

2

以下の問いに答えよ.

- (1) 関数 $f(x,y) = x^3 x^2y + y^3 y$ の y > 0 における <u>極値</u>¹ を求めよ.
- (2) 次の重積分2の値を求めよ.

(i)
$$\iint_D x \log(x^2 + y^2) dxdy$$
, $D = \{(x, y) : 1 \le x^2 + y^2 \le 4, x \ge 0, y \ge 0\}$.

(ii)
$$\iint_D xy^2 dxdy$$
, $D = \{(x,y) : y \ge x^2, x \ge y^2\}.$

(iii)
$$\iiint_E x^2 dx dy dz$$
, $E = \{(x, y, z) : x \ge 0, y \ge 0, \frac{x^2}{4} + y^2 + z^2 \le 1\}$.

¹ 極値: extremal value

² 重積分: multiple integral