$$\Omega = \{ y \in \mathbb{R}^n : \ x^T y \le ||Px|| \alpha \ \forall x \in K \}$$