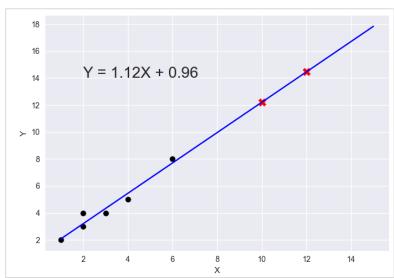
# 4.7 แบบฝึกหัด

- 1. [simple linear regression] จากข้อมูลของ X และ Y ที่กำหนดให้ ให้ทำงานต่อไปนี้
- a. โดยการคำนวณ: prymania note : can show output from the code
  - สร้างสมการ linear regression, หาค่า R² และ MSE
  - วิเคราะห์ว่าข้อมูลชุดนี้ควรใช้การวิเคราะห์แบบ simple linear regression หรือไม่
  - หาค่าของ Y เมื่อ X มีค่าเป็น 10 และ 12

## b. โดย python code:

- แสดง output: สมการ linear regression, หา R<sup>2</sup> และ MSE
- วาดกราฟโดยแสดง
  - ข้อมูลทั้งหมดเป็นจุดสีเขียว
  - O สมการ linear regression เป็นเส้นสีฟ้า จากจุด 0 15
  - O สมการ linear regression บนกราฟ
  - O จุดการทำนายค่าของ Y เมื่อ X มีค่าเป็น 10 และ 12 เป็นกากบาทสีแดง

Υ	X
2	1
3	2
4	2
4	3
5	4
8	6



### 2. [simple linear regression]

เขียน python โดยใช้ข้อมูลการวิ่งในตัวอย่าง 4.2 เพื่อวิเคราะห์ simple linear regression

- แสดง output: สมการ linear regression, หา  ${\sf R}^2$  และ MSE
- วาดกราฟโดยแสดง
  - ข้อมูลทั้งหมดเป็นจุดสีเขียว
  - O สมการ linear regression เป็นเส้นสีฟ้า จากจุด 0 20
  - O สมการ linear regression บนกราฟ
  - O จุดการทำนายค่าของ Y เมื่อ X มีค่าเป็น 2, 5, 7, 12 และ 18 เป็นกากบาทสีแดง
- output และกราฟควรเท่ากับหรือใกล้เคียงกับที่คำนวณได้ในตัวอย่าง 4.2

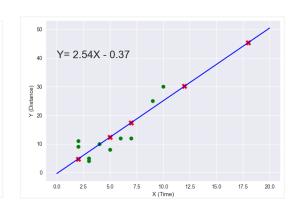
คนที่	ระยะทาง (เมตร)	เวลา (วินาที)
1	5	3
2	9	2
3	12	7
4	11	2
5	12	6
6	10	4
7	8	5
8	4	3
9	25	9
10	30	10

Linear eqauation: Y = 2.54X - 0.37R squared : 0.75

MSE : 16.09

Predicted response of X:

- 4.72 12.35 17.43 7
- 12 30.15
- 45.41 18



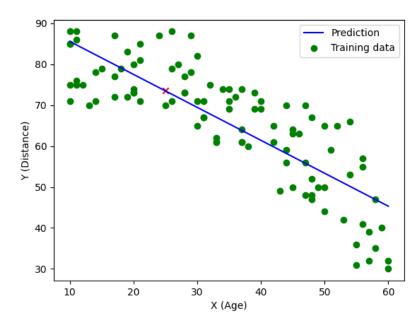
### 3. [simple linear regression]

อ่านข้อมูลจากไฟล์ simple\_run.csv ซึ่งเก็บข้อมูลอายุและระยะทางที่แต่ละคนวิ่งได้ใน 10 วินาที ตัวอย่างข้อมูล

age		distance
1	LO	71
1	LO	88
1	l1	88
1	11	75

- a. วาดกราฟโดยแสดง
  - i. จุดสีเขียว แสดงข้อมูลทั้งหมด
  - ii. เส้นสีน้ำเงิน แสดง linear regression
  - iii. จุด  $\times$  สีแดง แสดงการประเมิณว่าคนอายุ 25 วิ่งได้ระยะทางเท่าไร
- b. สมการ linear regression คือ?
- c. ค่า R<sup>2</sup> และ MSE ของ Training data คือ ?
- d. ประเมิณว่าคนอายุ 25 ปี ควรวิ่งได้ระยะทางเท่าไร
- e. วิเคราะห์และอธิบายความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปร X และ Y
- f. ข้อมูลชุดนี้ควรใช้การวิเคราะห์แบบ linear regression หรือไม่

# ตัวอย่างกราฟที่ต้องการ



### 4. [Multiple linear regression]

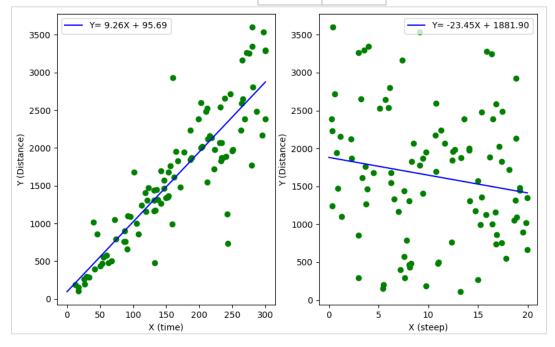
ไฟล์ multi\_run.csv เป็นข้อมูลการวิ่ง เป็นความสัมพันธ์ระหว่าง เวลา และความชั้น (Steep) ซึ่งส่งผลต่อระยะ ทางการวิ่ง ให้วิเคราะห์ความสัมพันธ์ของข้อมูลชุดนี้ โดย

ตัวอย่างข้อมูล

distance	time	steep
109.58	17	13.21
153.77	17	5.41
267.12	26	14.96
199.5	27	5.5

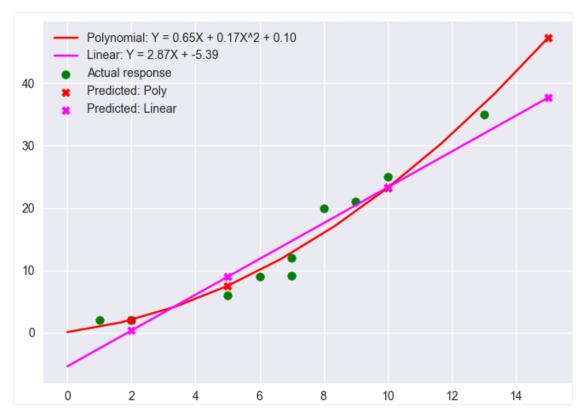
- a. แสดง multiple linear regression equation
- b. แสดงค่า R² และ MSE ของ Training data และ Testing data
- c. วิเคราะห์ค่า R² และ MSE ของ Training data และTesting data ว่าเป็นเพราะอะไร และควร จัดการการเทรนข้อมูลชุดนี้อย่างไร
- d. แยกการวิเคราะห์เป็น simple linear regression โดยวิเคราะห์เป็น
   time --> distance และ Steep --> distance และแสดงกราฟของทั้ง 2 ตัวแปร
- e. ทำนายว่า ถ้าวิ่งด้วยข้อมูลต่อไปนี้จะได้ระยะทางเท่าใด โดยใช้ multiple regression

time	steep
10	20
15	2
20	10



### 5. [เปรียบเทียบ Polynomial regression และ Linear regression]

อ่านข้อมูลจากไฟล์ polydata.csv วิเคราะห์ข้อมูลด้วย Linear regression และ Polynomial degree 2 แสดง กราฟ



### 6. [Polynomial, degree 2, 3, 4]

อ่านข้อมูลจากไฟล์ rate.csv ซึ่งมีข้อมูล X และ Y วิเคราะห์ข้อมูลด้วย Polynomial degree 1, 2 และ 3 วิเคราะห์ด้วยค่า R² และ MSE ว่าข้อมูลชุดนี้ควรใช้การวิเคราะห์แบบใด สร้างกราฟแสดงข้อมูลทั้งหมด และเส้น polynomial regression ทั้ง 3 degree

```
Degree 1:

a = -13.67

b = ['0.00', '15.84']

r2 = 0.74, mse= 922.21

Degree 2:

a = -24.24

b = ['0.00', '12.30', '1.18']

r2 = 0.83, mse= 603.75

Degree 3:

a = -6.76

b = ['0.00', '4.51', '-1.29', '0.38']

r2 = 0.97, mse= 90.30
```

