

LAPORAN PRAKTIKUM Modul 9 "TREE"



Disusun Oleh:

Ahmad Al - Farizi - 2311104054

Kelas:

S1SE-07-02

Dosen:

Wahyu Andi Saputra, S.Pd, M.Eng

PROGRAM STUDI S1 SOFTWARE ENGINEERING
FAKULTAS INFORMATIKA
TELKOM UNIVERSITY
PURWOKERTO
2024



1. Tujuan

- 1. Memahami konsep penggunaan fungsi rekursif.
- 2. Mengimplementasikan bentuk-bentuk fungsi rekursif.
- 3. Mengaplikasikan struktur data tree dalam sebuah kasus pemrograman.
- 4. Mengimplementasikan struktur data tree, khususnya Binary Tree.

2. Landasan Teori

1. Pengertian Rekursif

Secara harfiah, rekursif berarti suatu proses pengulangan sesuatu dengan cara kesamaan-diri atau suatu proses yang memanggil dirinya sendiri. Prosedur dan fungsi merupakan sub program yang sangat bermanfaat dalam pemrograman, terutama untuk program atau proyek yang besar. Manfaat penggunaan sub program antara lain adalah:

- meningkatkan readibility, yaitu mempermudah pembacaan program
- meningkatkan modularity, yaitu memecah sesuatu yang besar menjadi modul-modul atau bagian-bagian yang lebih kecil sesuai dengan fungsinya, sehingga mempermudah pengecekan, testing dan lokalisasi kesalahan.
- meningkatkan reusability, yaitu suatu sub program dapat dipakai berulang kali dengan hanya memanggil sub program tersebut tanpa menuliskan perintah-perintah yang semestinya diulang-ulang.

Sub Program Rekursif adalah sub program yang memanggil dirinya sendiri selama kondisi pemanggilan dipenuhi. Prinsip rekursif sangat berkaitan erat dengan bentuk induksi matematika.

2. Kriteria Rekursif

Dengan melihat sifat sub program rekursif di atas maka sub program rekursif harus memiliki:

- Kondisi yang menyebabkan pemanggilan dirinya berhenti (disebut kondisi khusus atau special condition)
- Pemanggilan diri sub program (yaitu bila kondisi khusus tidak dipenuhi).

Secara umum bentuk dari sub program rekursif memiliki statemen kondisional:

- if kondisi khusus tak dipenuhi
- then panggil diri-sendiri dengan parameter yang sesuai
- else lakukan instruksi yang akan dieksekusi bila kondisi khusus dipenuhi.



Sub program rekursif umumnya dipakai untuk permasalahan yang memiliki langkah penyelesaian yang terpola atau langkah-langkah yang teratur. Bila kita memiliki suatu permasalahan dan kita mengetahui algoritma penyelesaiannya, kadang-kadang sub program rekursif menjadi pilihan kita bila memang memungkinkan untuk dipergunakan. Secara algoritmis (dari segi algoritma, yaitu bila kita mempertimbangkan penggunaan memori, waktu eksekusi sub program) sub program rekursif sering bersifat tidak efisien.

Dengan demikian sub program rekursif umumnya memiliki efisiensi dalam penulisan perintah, tetapi kadang tidak efisien secara algoritmis. Meskipun demikian banyak pula permasalahan-permasalahan yang lebih sesuai diselesaikan dengan cara rekursif (misalnya dalam pencarian / searching, yang akan dibahas pada pertemuan-pertemuan yang akan datang).

3. Kekurangan Rekursif

Konsep penggunaan yang terlihat mudah karena fungsi rekursif dapat menyederhanakan solusi dari suatu permasalahan, sehingga sering kali menghasilkan bentuk algoritma dan program yang lebih singkat dan lebih mudah dimengerti. Kendati demikian, penggunaan rekursif memiliki beberapa kekurangan antara lain:

- Memerlukan memori yang lebih banyak untuk menyimpan activation record dan variabel lokal. Activation record diperlukan waktu proses kembali kepada pemanggil
- Memerlukan waktu yang lebih banyak untuk menangani activation record. Secara umum gunakan penyelesaian rekursif hanya jika:
- Penyelesaian sulit dilaksanakan secara iteratif.
- Efisiensi dengan cara rekursif sudah memadai.
- Efisiensi bukan masalah dibandingkan dengan kejelasan logika program.



4. Contoh Rekursif

Berikut adalah contoh program untuk rekursif menghitung nilai faktorial sebuah bilangan.

```
Algoritma
                                                          #include <comio.h>
Program rekursif_factorial
Kamus
faktor, n : integer
                                                          long int faktorial(long int a);
                                                          main(){
   long int faktor;
     function faktorial (input:
    a: integer)
                                                                long int n;
cout<<"Masukkan nilai faktorial ";
Algoritma
input(n)
faktor =faktorial(n)
output( faktor )
                                                                cin>n;
faktor =faktorial(n);
cout<<n<<"!="<faktor<<endl;</pre>
function faktorial (input: VEIS)
a: integer)
                                                                getch();
kamus
algoritma
if (a =
                                                          long int faktorial(long int y) {
   if (a==1 || a==0) {
    poritma

if (a == 1 \mid \mid a == 0) then

\rightarrow 1

else if (a > 1) then

\rightarrow a* faktorial(a-1)

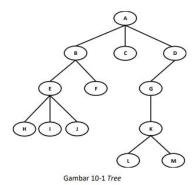
else

\rightarrow 0
                                                                      return(1):
                                                                return(a*faktorial(a-1));
}else{
                                                                lelse if (a>1) (
                                                                      return 0;
```

5. Pengertian Tree

Kita telah mengenal dan mempelajari jenis – jenis strukur data yang linear, seperti: list, stack dan queue. Adapun jenis struktur data yang kita pelajari kali ini adalah struktur data yang non-liniar (non – linear data structure) yang disebut tree. Tree digambarkan sebagai suatu graph tak berarah terhubung dan tidak terhubung dan tidak mengandung sirkuit. Karateristik dari suatu tree T adalah:

- T kosong berarti empty tree
- Hanya terdapat satu node tanpa pendahulu, disebut akar (root)
- Semua node lainnya hanya mempunyai satu node pendahulu.



Berdasarkan gambar diatas dapat digambarkan beberapa terminologinya, yaitu

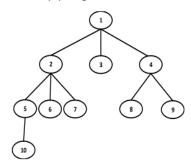
- Anak (child atau children) dan Orangtua (parent). B, C, dan D adalah anak-anak simpul A, A adalah Orangtua dari anak-anak itu.
- 2. Lintasan (path). Lintasan dari A ke J adalah A, B, E, J. Panjang lintasan dari A ke J adalah 3.
- 3. Saudara kandung (sibling). F adalah saudara kandung E, tetapi G bukan saudara kandung E, karena orangtua mereka berbeda.
- 4. Derajat(degree). Derajat sebuah simpul adalah jumlah pohon (atau jumlah anak) pada simpul tersebut. Derajat A = 3, derajat D = 1 dan derajat C = 0. Derajat maksimum dari semua simpul merupakan derajat pohon itu sendiri. Pohon diatas berderajat 3.
- 5. Daun (leaf). Simpul yang berderajat nol (atau tidak mempunyai anak) disebut daun. Simpul H, I, J, F, C, I, dan M adalah daun.
- Simpul Dalam (internal nodes). Simpul yang mempunyai anak disebut simpul dalam. Simpul B, D,
 E. G. dan K adalah simpul dalam.
- Tinggi (height) atau Kedalaman (depth). Jumlah maksimum node yang terdapat di cabang tree tersebut. Pohon diatas mempunyai tinggi 4.



6. Jenis – Jenis Tree

A. Ordered Tree

Yaitu pohon yang urutan anak-anaknya penting.



Gambar 10-2 Ordered Tree

B. Binary Tree

Setiap node di Binary Tree hanya dapat mempunyai maksimum 2 children tanpa pengecualian. Level dari suatu tree dapat menunjukan berapa kemungkinan jumlah maximum nodes yang terdapat pada tree tersebut. Misalnya, level tree adalah r, maka node maksimum yang mungkin adalah 2r.

- Complete Binary Tree

Suatu binary tree dapat dikatakan lengkap (complete), jika pada setiap level yang mempunyai jumlah maksimum dari kemungkinan node yang dapat dipunyai, dengan pengecualian node terakhir. Complete tree Tn yang unik memiliki n nodes. Untuk menentukan jumlah left children dan right children tree Tn di node K dapat dilakukan dengan cara:

1. Menentukan left children: 2*K

2. Menentukan right children: 2*(K + 1)

3. Menentukan parent: [K/2]

Extended Binary Tree

Suatu binary tree yang terdiri atas tree T yang masing-masing node-nya terdiri dari tepat 0 atau 2 children disebut 2-tree atau extended binary tree. Jika setiap node N mempunyai 0 atau 2 children disebut internal nodes dan node dengan 0 children disebut external nodes.

- Binary Search Tree



Binary search tree adalah Binary tree yang terurut dengan ketentuan: 1. Semua LEFTCHILD harus lebih kecil dari parent-nya.

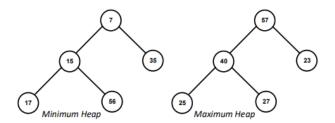
2. Semua RIGHTCHILD harus lebih besar dari parentnya dan leftchild-nya.

- AVL Tree

Adalah binary search tree yang mempunyai ketentuan bahwa maximum perbedaan height antara subtree kiri dan subtree kanan adalah 1.

- Heap Tree

Adalah tree yang memenuhi persamaan berikut: R[i] < r[2i] and R[i] < r[2i+1]. Heap juga disebut Complete Binary Tree, karena jika suatu node mempunyai child, maka jumlah child-nya harus selalu dua. Minimum Heap: jika parent-nya selalu lebih kecil daripada kedua children-nya. Maximum Heap: jika parent-nya selalu lebih besar daripada kedua children-nya.



7. Operasi – Operasi dalam Binary Seach Tree

A. Insert

- Jika node yang akan di-insert lebih kecil, maka di-insert pada Left Subtree.
- Jika lebih besar, maka di-insert pada Right Subtree.

B. Update

Jika setelah diupdate posisi/lokasi node yang bersangkutan tidak sesuai dengan ketentuan, maka harus dilakukan dengan proses REGENERASI agar tetap memenuhi kriteria Binary Search Tree.

C. Search

Proses pencarian elemen pada binary tree dapat menggunakan algoritma rekursif binary search. Berikut adalah algoritma binary search:

- Pencarian pada binary search tree dilakukan dengan menaruh pointer



dan membandingkan nilai yang dicari dengan node awal (root)

- Jika nilai yang dicari tidak sama dengan node, maka pointer akan diganti ke child dari node yang ditunjuk:
 - a. Pointer akan pindah ke child kiri bila, nilai dicari lebih kecil dari nilai node yang ditunjuk saat itu.
 - b. Pointer akan pindah ke child kanan bila, nilai dicari lebih besar dari nilai node yang ditunjuk saat itu.
- Nilai node saat itu akan dibandingkan lagi dengan nilai yang dicari dan apabila belum ditemukan, maka perulangan akan kembali ke tahap 2.
- Pencarian akan berhenti saat nilai yang dicari ketemu, atau pointer menunjukan nilai null.

3. Guided

1. Guided 9

Program ini merupakan implementasi dari struktur data pohon biner dalam bahasa C++. Pertama, struktur data Pohon didefinisikan untuk menyimpan karakter data dan pointer ke anak kiri, anak kanan, serta induk dari setiap node. Kemudian, fungsi utama diimplementasikan: beberapa init() untuk menginisialisasi pohon sebagai kosong, isEmpty() untuk mengecek apakah pohon kosong, buatNode() untuk membuat node baru sebagai root jika pohon masih kosong, insertLeft() dan insertRight() untuk menambahkan node baru sebagai anak kiri atau kanan dari node tertentu. Ada juga fungsi update() untuk mengubah data dalam sebuah node, find() untuk mencari node dengan data tertentu, serta tiga fungsi traversal pohon: preOrder(), inOrder(), dan postOrder(). Program juga mencakup fungsi deleteNode() untuk menghapus node dengan data tertentu, serta fungsi mostLeft() dan mostRight() untuk menemukan node paling kiri dan kanan dalam pohon. Pada fungsi main(), pohon biner dibentuk dengan beberapa node, dan dilakukan traversal pre-order, inorder, dan post-order untuk menampilkan isi pohon. Program juga menunjukkan cara menghapus sebuah node dan melakukan traversal in-order setelah penghapusan.



```
#include <iostream>
using namespace std;
/// PROGRAM BINARY TREE
// Struktur data pohon biner untuk menyimpan data dan pointer ke anak kiri,
kanan, dan induk
struct Pohon {
  char data;
                     // Data yang disimpan di node (tipe char)
  Pohon *left, *right;
                        // Pointer ke anak kiri dan anak kanan
                   // Pointer ke node induk
  Pohon *parent;
};
// Variabel global untuk menyimpan root (akar) pohon dan node baru
Pohon *root, *baru;
// Inisialisasi pohon agar kosong
void init() {
  root = NULL; // Mengatur root sebagai NULL (pohon kosong)
}
// Mengecek apakah pohon kosong
bool isEmpty() {
  return root == NULL; // Mengembalikan true jika root adalah NULL
}
// Membuat node baru sebagai root pohon
void buatNode(char data) {
  if (isEmpty()) { // Jika pohon kosong
    root = new Pohon{data, NULL, NULL, NULL}; // Membuat node baru
sebagai root
     cout << "\nNode " << data << " berhasil dibuat menjadi root." << endl;
  } else {
     cout << "\nPohon sudah dibuat." << endl; // Root sudah ada, tidak
membuat node baru
  }
}
// Menambahkan node baru sebagai anak kiri dari node tertentu
Pohon* insertLeft(char data, Pohon *node) {
  if (node->left != NULL) { // Jika anak kiri sudah ada
    cout << "\nNode" << node-> data << " \ sudah \ ada \ child \ kiri!" << endl;
```



```
return NULL; // Tidak menambahkan node baru
  // Membuat node baru dan menghubungkannya ke node sebagai anak kiri
  baru = new Pohon{data, NULL, NULL, node};
  node->left = baru:
  cout << "\nNode " << data << " berhasil ditambahkan ke child kiri " <<
node->data << endl;
  return baru; // Mengembalikan pointer ke node baru
}
// Menambahkan node baru sebagai anak kanan dari node tertentu
Pohon* insertRight(char data, Pohon *node) {
  if (node->right != NULL) { // Jika anak kanan sudah ada
    cout << "\nNode " << node->data << " sudah ada child kanan!" << endl;
    return NULL; // Tidak menambahkan node baru
  // Membuat node baru dan menghubungkannya ke node sebagai anak
kanan
  baru = new Pohon{data, NULL, NULL, node};
  node->right = baru;
  cout << "\nNode " << data << " berhasil ditambahkan ke child kanan " <<
node->data << endl;
  return baru; // Mengembalikan pointer ke node baru
}
// Mengubah data di dalam sebuah node
void update(char data, Pohon *node) {
  if (!node) { // Jika node tidak ditemukan
    cout << "\nNode yang ingin diubah tidak ditemukan!" << endl;</pre>
    return;
  char temp = node->data; // Menyimpan data lama
  node->data = data; // Mengubah data dengan nilai baru
  cout << "\nNode " << temp << " berhasil diubah menjadi " << data <<
endl;
}
// Mencari node dengan data tertentu
void find(char data, Pohon *node) {
  if (!node) return; // Jika node tidak ada, hentikan pencarian
  if (node->data == data) { // Jika data ditemukan
```



```
cout << "\nNode ditemukan: " << data << endl;</pre>
     return;
  // Melakukan pencarian secara rekursif ke anak kiri dan kanan
  find(data, node->left);
  find(data, node->right);
// Traversal Pre-order (Node -> Kiri -> Kanan)
void preOrder(Pohon *node) {
  if (!node) return; // Jika node kosong, hentikan traversal
  cout << node->data << " "; // Cetak data node saat ini
  preOrder(node->left); // Traversal ke anak kiri
  preOrder(node->right); // Traversal ke anak kanan
}
// Traversal In-order (Kiri -> Node -> Kanan)
void inOrder(Pohon *node) {
  if (!node) return; // Jika node kosong, hentikan traversal
  inOrder(node->left); // Traversal ke anak kiri
  cout << node->data << " "; // Cetak data node saat ini
  inOrder(node->right); // Traversal ke anak kanan
}
// Traversal Post-order (Kiri -> Kanan -> Node)
void postOrder(Pohon *node) {
  if (!node) return; // Jika node kosong, hentikan traversal
  postOrder(node->left); // Traversal ke anak kiri
  postOrder(node->right); // Traversal ke anak kanan
  cout << node->data << " "; // Cetak data node saat ini
}
// Menghapus node dengan data tertentu
Pohon* deleteNode(Pohon *node, char data) {
  if (!node) return NULL; // Jika node kosong, hentikan
  // Rekursif mencari node yang akan dihapus
  if (data < node->data) {
     node->left = deleteNode(node->left, data); // Cari di anak kiri
  } else if (data > node->data) {
     node->right = deleteNode(node->right, data); // Cari di anak kanan
  } else {
```



```
// Jika node ditemukan
    if (!node->left) { // Jika tidak ada anak kiri
       Pohon *temp = node->right; // Anak kanan menggantikan posisi node
       delete node;
       return temp;
     } else if (!node->right) { // Jika tidak ada anak kanan
       Pohon *temp = node->left; // Anak kiri menggantikan posisi node
       delete node;
       return temp;
     }
    // Jika node memiliki dua anak, cari node pengganti (successor)
    Pohon *successor = node->right;
     while (successor->left) successor = successor->left; // Cari node terkecil
di anak kanan
    node->data = successor->data; // Gantikan data dengan successor
    node->right = deleteNode(node->right, successor->data); // Hapus
successor
  return node;
// Menemukan node paling kiri
Pohon* mostLeft(Pohon *node) {
  if (!node) return NULL; // Jika node kosong, hentikan
  while (node->left) node = node->left; // Iterasi ke anak kiri hingga mentok
  return node;
}
// Menemukan node paling kanan
Pohon* mostRight(Pohon *node) {
  if (!node) return NULL; // Jika node kosong, hentikan
  while (node->right) node = node->right; // Iterasi ke anak kanan hingga
mentok
  return node;
}
// Fungsi utama
int main() {
  init(); // Inisialisasi pohon
  buatNode('F'); // Membuat root dengan data 'F'
  insertLeft('B', root); // Menambahkan 'B' ke anak kiri root
```



```
insertRight('G', root); // Menambahkan 'G' ke anak kanan root
  insertLeft('A', root->left); // Menambahkan 'A' ke anak kiri dari 'B'
  insertRight('D', root->left); // Menambahkan 'D' ke anak kanan dari 'B'
  insertLeft('C', root->left->right); // Menambahkan 'C' ke anak kiri dari 'D'
  insertRight('E', root->left->right); // Menambahkan 'E' ke anak kanan dari
'D'
  // Traversal pohon
  cout << "\nPre-order Traversal: ";</pre>
  preOrder(root);
  cout << "\nIn-order Traversal: ";</pre>
  inOrder(root);
  cout << "\nPost-order Traversal: ";</pre>
  postOrder(root);
  // Menampilkan node paling kiri dan kanan
  cout << "\nMost Left Node: " << mostLeft(root)->data;
  cout << "\nMost Right Node: " << mostRight(root)->data;
  // Menghapus node
  cout << "\nMenghapus node D.";</pre>
  root = deleteNode(root, 'D');
  cout << "\nIn-order Traversal setelah penghapusan: ";</pre>
  inOrder(root);
  return 0;
```

Output dari Kode Program:

```
PROBLEMS OUTPUT DEBUSCOMODE TERMANA FORTS COMMENTS

PS C:\Users\aalfa\Documents\C+> cd 'c:\Users\aalfa\Documents\C+> pertemuan@\output'
PS C:\Users\aalfa\Documents\C+> pertemuan@\output\C+> pertemuan@\output\C+
```



1. Nomor 1

Program di bawah ini merupakan implementasi dari struktur data binary tree menggunakan bahasa C++, menyediakan fitur untuk membuat, menambah, dan menampilkan node pada binary tree. Node terdiri dari data bertipe char serta pointer untuk anak kiri, anak kanan, dan parent. Program dimulai dengan fungsi init() untuk menginisialisasi root menjadi NULL. Fungsi buatNode() membuat root baru jika belum ada, sedangkan fungsi findNode() mencari node berdasarkan data yang diberikan. Fungsi insertLeft() dan insertRight() digunakan untuk menambahkan anak kiri atau kanan ke node tertentu, dengan memeriksa apakah node sudah memiliki anak di sisi tersebut. Fungsi tampilkanChild() menampilkan anak kiri dan kanan dari node yang dipilih, sementara tampilkanDescendants() merekursi seluruh anak (descendant) dari node tertentu. Program memiliki menu interaktif yang membuat pengguna untuk mengelola binary tree, seperti membuat root, menambah anak, menampilkan anak, dan menampilkan semua descendant node tertentu. Proses berjalan dalam loop hingga pengguna memilih opsi keluar.

```
#include <iostream>
using namespace std;

struct Pohon {
   char data;
   Pohon *left, *right, *parent;
};

Pohon *root = NULL;

void init() {
   root = NULL;
}
```



```
bool isEmpty() {
  return root == NULL;
}
void buatNode(char data) {
  if (isEmpty()) {
    root = new Pohon{data, NULL, NULL, NULL};
    cout << "Node " << data << " berhasil dibuat sebagai root.\n";
  } else {
    cout << "Root sudah ada.\n";</pre>
  }
}
Pohon* findNode(Pohon *node, char data) {
  if (!node) return NULL;
  if (node->data == data) return node;
  Pohon *leftResult = findNode(node->left, data);
  if (leftResult) return leftResult;
  return findNode(node->right, data);
Pohon* insertLeft(char data, Pohon *node) {
  if (node->left != NULL) {
     cout << "Node " << node->data << " sudah memiliki anak kiri.\n";
    return NULL;
  Pohon *baru = new Pohon{data, NULL, NULL, node};
  node->left = baru;
  cout << "Node " << data << " berhasil ditambahkan ke anak kiri " <<
   node->data << ".\n";
  return baru;
```



```
Pohon* insertRight(char data, Pohon *node) {
  if (node->right != NULL) {
     cout << "Node " << node->data << " sudah memiliki anak kanan.\n";
     return NULL;
  }
  Pohon *baru = new Pohon{data, NULL, NULL, node};
  node->right = baru;
  cout << "Node " << data << " berhasil ditambahkan ke anak kanan " <<
   node->data << ".\n";
  return baru;
}
void tampilkanChild(Pohon *node) {
  if (!node) {
    cout << "Node tidak ditemukan.\n";</pre>
    return;
  cout << "Child dari " << node->data << ":\n";
  if (node->left) cout << "Kiri: " << node->left->data << "\n";
  else cout << "Kiri: NULL\n";
  if (node->right) cout << "Kanan: " << node->right->data << "\n";
  else cout << "Kanan: NULL\n";
}
void tampilkanDescendants(Pohon *node) {
  if (!node) return;
  if (node->left || node->right) cout << node->data << ": ";
  if (node->left) cout << node->left->data << " ";
  if (node->right) cout << node->right->data << " ";
  cout \ll "\n";
  tampilkanDescendants(node->left);
```



```
tampilkanDescendants(node->right);
}
void menu() {
  int pilihan;
  char data, parent_data;
  Pohon *parent_node;
  do {
     cout << "\nMenu Binary Tree:";</pre>
     cout << "\n1. Buat Root";</pre>
     cout << "\n2. Tambahkan Anak Kiri";
     cout << "\n3. Tambahkan Anak Kanan";</pre>
     cout << "\n4. Tampilkan Child";</pre>
     cout << "\n5. Tampilkan Descendants";
     cout << "\n6. Keluar";</pre>
     cout << "\nPilih: ";</pre>
     cin >> pilihan;
     switch (pilihan) {
        case 1:
          cout << "Masukkan data root: ";</pre>
          cin >> data;
          buatNode(data);
          break;
        case 2:
          cout << "Masukkan data parent: ";</pre>
          cin >> parent_data;
          cout << "Masukkan data anak kiri: ";</pre>
          cin >> data;
          parent_node = findNode(root, parent_data);
```



```
if (parent_node) insertLeft(data, parent_node);
  else cout << "Node " << parent_data << " tidak ditemukan.\n";
  break;
case 3:
  cout << "Masukkan data parent: ";</pre>
  cin >> parent_data;
  cout << "Masukkan data anak kanan: ";</pre>
  cin >> data;
  parent_node = findNode(root, parent_data);
  if (parent_node) insertRight(data, parent_node);
  else cout << "Node " << parent_data << " tidak ditemukan.\n";
  break;
case 4:
  cout << "Masukkan data node: ";</pre>
  cin >> data;
  parent_node = findNode(root, data);
  tampilkanChild(parent_node);
  break;
case 5:
  cout << "Masukkan data node: ";</pre>
  cin >> data;
  parent_node = findNode(root, data);
  tampilkanDescendants(parent_node);
  break;
case 6:
  cout << "Keluar.\n";</pre>
  break;
```



```
default:
    cout << "Pilihan tidak valid.\n";
}
    while (pilihan != 6);
}

int main() {
    init();
    menu();
    return 0;
}</pre>
```

Output dari Kode Program:

2. Nomor 2

Program di bawah ini memeriksa apakah suatu binary tree valid sebagai binary search tree (BST) atau tidak. Node dibuat menggunakan fungsi createNode, dengan setiap node memiliki data, anak kiri, dan anak kanan. Validasi BST dilakukan oleh fungsi is_valid_bst, yang memeriksa apakah nilai setiap node berada dalam rentang nilai minimum dan maksimum yang diperbolehkan, sambil merekursi anak kiri dan kanan dengan memperbarui batas rentang. Program memvalidasi dua pohon: satu valid sebagai BST dan satu tidak valid, lalu mencetak hasilnya.

```
#include <iostream>
#include <climits>
using namespace std;

struct Pohon {
```



```
int data;
  Pohon *left, *right;
};
Pohon* createNode(int data) {
  Pohon* node = new Pohon;
  node->data = data;
  node->left = node->right = NULL;
  return node;
}
bool is_valid_bst(Pohon* node, int min_val, int max_val) {
  if (!node) return true;
  if (node->data <= min_val || node->data >= max_val)
     return false;
  return is_valid_bst(node->left, min_val, node->data) &&
      is_valid_bst(node->right, node->data, max_val);
}
int main() {
  Pohon* root = createNode(10);
  root->left = createNode(5);
  root->right = createNode(20);
  root->left->left = createNode(2);
  root->left->right = createNode(8);
  Pohon* root_invalid = createNode(10);
  root_invalid->left = createNode(5);
  root_invalid->right = createNode(20);
  root_invalid->left->left = createNode(12);
```



Output Kode Program:

3. Nomor 3

Program di bawah ini menghitung jumlah simpul daun (leaf nodes) pada sebuah binary tree. Fungsi createNode() digunakan untuk membuat node baru dengan data tertentu. Fungsi rekursif cari_simpul_daun menghitung simpul daun dengan memeriksa apakah node tidak memiliki anak kiri maupun kanan, lalu menjumlahkan hasil dari rekursi pada anak kiri dan kanan. Program membuat sebuah pohon contoh, menghitung jumlah simpul daun, dan mencetak hasilnya.

```
#include <iostream>
using namespace std;

struct Pohon {
    char data;
    Pohon *left, *right;
};

Pohon* createNode(char data) {
    Pohon* node = new Pohon;
    node->data = data;
    node->left = node->right = NULL;
```



```
return node;
}
int cari_simpul_daun(Pohon* node) {
  if (!node) return 0;
  if (!node->left && !node->right) return 1;
  return cari_simpul_daun(node->left) + cari_simpul_daun(node->right);
}
int main() {
  Pohon* root = createNode('A');
  root->left = createNode('B');
  root->right = createNode('C');
  root->left->left = createNode('D');
  root->left->right = createNode('E');
  root->right->right = createNode('F');
  /*
    Pohon:
       A
      /\
     B C
    /\ \
    D E F
  cout << "Jumlah simpul daun: " << cari_simpul_daun(root) << endl;</pre>
  return 0;
}
```



Output dari Kode Program:



5. Kesimpulan

Rekursif adalah teknik pemrograman di mana sebuah fungsi memanggil dirinya sendiri untuk menyelesaikan masalah, dengan keuntungan seperti meningkatkan keterbacaan, modularitas, dan penggunaan kembali kode. Namun, rekursif memerlukan lebih banyak memori dan waktu eksekusi. Tree adalah struktur data non-linear yang terdiri dari node yang terhubung tanpa sirkuit, dengan berbagai jenis seperti binary tree, complete binary tree, extended binary tree, binary search tree, AVL tree, dan heap tree. Operasi pada binary search tree meliputi insert, update, dan search, yang memanfaatkan algoritma rekursif untuk efisiensi dan kejelasan logika program.

