

题目描述

Acesrc得到了 n 个二次函数，其中第 i 个二次函数是 $f_i(x) = a_i x^2 + b_i x + c_i$ 的形式。而且第 i 个二次函数中 x 的取值应当是在区间 $[l_i, r_i]$ 中的一个整数。我们令第 i 个函数中 x 的取值为 x_i 。

在以上的条件之外，Acesrc还受到了 m 个限制，每个限制都是形如 $x_u \leq x_v + d$ 的形式，其中 u 和 v 是不同函数的编号， d 是一个整数。

Acesrc想要知道，在满足所有条件的情况下，能够得到的所有二次函数之和的最大值是多少。也就是说，Acesrc想要知道在合理选择每个 x_i 的情况下，所能得到的 $\sum_{i=1}^n f_i(x_i)$ 的最大值。

输入格式

第一行包含两个正整数 n 和 m ，分别表示二次函数的个数以及额外限制条件的个数。

接下来 n 行，每行包含三个整数 a_i, b_i, c_i ，表示第 i 个二次函数的系数。

再接下来 n 行，每行包含两个整数 l_i, r_i ，表示第 i 个二次函数自变量的取值范围。

最后 m 行，每行包含三个数 u_i, v_i, d_i ，描述第 i 个额外限制。

输入保证存在至少一个满足所有限制的选择 x_i 的方式。

输出格式

输出一行，包含一个整数，表示Acesrc在合理选择每个 x_i 的情况下，所能得到的 $\sum_{i=1}^n f_i(x_i)$ 的最大值。

样例

样例输入1

```
1 | 3 3
2 | 0 1 0
3 | 0 1 1
4 | 0 1 2
5 | 0 3
6 | 1 2
7 | -100 100
8 | 1 2 0
9 | 2 3 0
10 | 3 1 0
```

样例输出1

```
1 | 9
```

样例输入2

```
1 | 5 8
2 | 1 -8 20
3 | 2 -4 0
4 | -1 10 -10
5 | 0 1 0
6 | 0 -1 1
```

7	1 9
8	1 4
9	0 10
10	3 11
11	7 9
12	2 1 3
13	1 2 3
14	2 3 3
15	3 2 3
16	3 4 3
17	4 3 3
18	4 5 3
19	5 4 3

样例输出2

1	46
---	----

样例解释

在第一组样例中， $f_1(x) = x, f_2(x) = x + 1, f_3(x) = x + 2$,限制条件是 $x_1 \leq x_2, x_2 \leq x_3, x_3 \leq x_1$ ，所以有 $x_1 = x_2 = x_3$ 。最优应选择 $x_1 = x_2 = x_3 = 2$,此时 $\sum_{i=1}^n f_i(x_i) = 9$

数据范围与提示

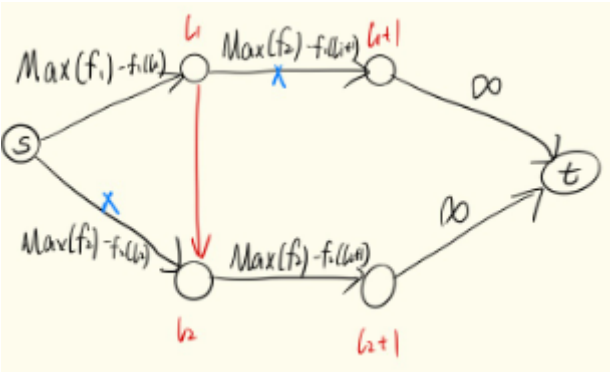
对于所有数据有

$$1 \leq n \leq 50, 0 \leq m \leq 100, |a_i| \leq 10, |b_i|, |c_i| \leq 1000,$$

$$-100 \leq l_i \leq r_i \leq 100, 1 \leq u_i, v_i \leq n, u_i \neq v_i, |d_i| \leq 200$$

对于前50%的数据，满足 $\prod_{i=1}^n (r_i - l_i + 1) \leq 2 \cdot 10^6$ 。

对于前100%的数据，没有附加限制。



构造如图所示的模型，其中每个函数对应一条从s到t的路径，路径上有 $r_i - l_i + 1$ 个点 l_i, l_{i+1}, \dots, r_i ，每条边 (u, v) 的容量是 $f_{max} - f(v)$ ，t的入边容量为无穷大。

每个限制体现为一条不同路径之间的，权值为无穷大的边。

寻找图中的最小割，显然每个函数对应的路径上有且仅有一条边被割去，对应该函数最优解下的函数值。因为建图方式，边权代表当前方案相较于无任何限制下的最大值的损失，因此最小割对应最小损失，即最大值。限制就体现在'Z'字形的两臂上必须至少有一条边被割去，否则'Z'就成了s到t的一条路径。如图中打蓝叉的两条边就不能同时割去，对应了 $x_u \leq x_v + b$ 的限制。

注意要加上一个偏移量避免负数对最大流算法的影响。

```
1  #include <bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  typedef long double ld;
4  typedef unsigned long long ull;
5  typedef long long ll;
6  #define maxn 55
7  #define maxm 105
8  inline ll read()
9  {
10     ll x = 0, k = 1;
11     char c = getchar();
12     while (c < '0' || c > '9') {
13         if (c == '-')
14             k = -1;
15         c = getchar();
16     }
17     while (c >= '0' && c <= '9') {
18         x = (x << 3) + (x << 1) + c - '0';
19         c = getchar();
20     }
21     return x * k;
22 }
23
24 /*最大流模板-----*/
25 /*add(x,y,v,w):添加权值为v的边(x,y)和权值为w的边(y,x)*/
26 /* s和t分别是源和漏*/
27 #define inf 1e12
28 #define N 1000000
29 int s, t, la[N], et = 1, d[N], cur[N], q[N], L, R;
30 struct E {
31     int to;
32     ll flow;
33     int nxt;
34 } e[N];
35 void add(int x, int y, ll v, ll w)
36 {
37     e[++et] = (E){ y, v, la[x] }, la[x] = et;
38     e[++et] = (E){ x, w, la[y] }, la[y] = et;
39 }
40 int bfs()
41 {
42     memset(d, 0, sizeof(d));
43     for (q[L = R = 0] = t, d[t] = 1; L <= R; L++)
44         for (int i = la[q[L]]; i; i = e[i].nxt)
45             if (e[i ^ 1].flow && !d[e[i].to])
46                 d[q[++R] = e[i].to] = d[q[L]] + 1;
47     return d[s];
48 }
49 ll dfs(int x, ll ret)
50 {
51     if (x == t || ret == 0)
52         return ret;
53     ll tmp, flow = 0;
```

```

54     for (int& i = cur[x]; i; i = e[i].nxt)
55         if (d[x] == d[e[i].to] + 1) {
56             tmp = dfs(e[i].to, e[i].flow < ret - flow ? e[i].flow : ret -
flow);
57             e[i].flow -= tmp, e[i ^ 1].flow += tmp, flow += tmp;
58             if (ret == flow)
59                 return flow;
60         }
61     return flow;
62 }
63 ll maxflow()
64 {
65     ll flow = 0;
66     while (bfs())
67         memcpy(cur, la, sizeof(la)), flow += dfs(s, inf);
68     return flow;
69 }
70 /*-----*/
71
72
73 int m,n,u,v,dd;
74 int a[maxn], b[maxn], c[maxn], l[maxn], r[maxn];
75 int head[maxn]; //第i个函数中的第一个可取点的编号
76 ll MAX[maxn]={-N};
77 ll ans = 0.0;
78
79 int find_former(int i, int n) //寻找当前函数中点的上一个点的编号,n为函数号,i为自变
量值
80 {
81     if(i==l[n])
82         return 1;
83     else
84         return head[n] + i - l[n] - 1;
85 }
86 int main(void)
87 {
88     const ll BIG = 200000; //负数偏移量
89     s = 1, t = 2;
90     head[0] = 2, r[0] = l[0] = 0;
91     n = read();
92     m = read();
93     for (int i = 1; i <= n; i++)
94         a[i] = read(), b[i] = read(), c[i] = read();
95     for (int i = 1; i <= n; i++) {
96         l[i] = read(), r[i] = read();
97         head[i] = head[i - 1] + 1 + (r[i - 1] - l[i - 1]);
98         for (int j = l[i]; j <= r[i]; j++) {
99             ll tmp = a[i] * j * j + b[i] * j + c[i];
100             MAX[i] = (MAX[i] > tmp) ? MAX[i] : tmp;
101         }
102         ans += MAX[i];
103         add(s, head[i], (ll)(MAX[i] - (a[i] * l[i] * l[i] + b[i] * l[i] +
c[i])) + BIG, 0);
104         for (int j = l[i]; j <= r[i] - 1; j++)
105             add(head[i] + j - l[i], head[i] + j - l[i] + 1, (ll)(MAX[i] -
(a[i] * (j + 1) * (j + 1) + b[i] * (j + 1) + c[i])) + BIG, 0);
106         add(head[i] + (r[i] - l[i]), t, inf, 0);
107     }

```

```

108     for (int i = 1; i <= m; i++) {
109         u = read(), v = read(), dd = read();
110         for (int j = l[u]; j <= r[u]; j++) {
111             int k = l[v];
112             while (k != r[v] && !(k >= j - dd)) ++k;
113             if (k >= j - dd)
114                 add(find_former(j, u), find_former(k, v), inf, 0);
115             // 函数v中所有点都不满足限制，因此这条边要连在v路径的最后，表示函数u
            // 自变量取当前值时，函数v无论怎么取值都不满足条件。
116             add(find_former(j, u), head[v] + r[v] - l[v], inf, 0);
117         }
118     }
119     cout << ans - (maxflow() - n * BIG);
120     system("pause");
121     return 0;
122 }

```