

EDD - Rapport

Florian KAUDER - Kinda AL CHAHID - Amélie GUEMON - Lilian CHAMPROY

16 avril 2014

Table des matières

1	Tâches et partage	4
1.1	Algorithmes et implémentations	4
1.2	Installation et compilation	5
1.3	Gestion des sources	5
2	Gestion du projet avec Git	6
2.1	Avantages	6
2.2	Défauts	6
3	Compilation - Installation	7
3.1	Propriétés de <i>Make</i>	7
3.2	Génération automatique et installation	7
3.3	Automatisation des tests	7
3.4	Tests de mémoire et de temps	7
4	Modélisation de matrice - Module <i>Matrix</i>	9
4.1	Composition de <i>Matrix</i>	9
4.2	Initialisation des valeurs de <i>Matrix</i>	9
4.3	Test de <i>Matrix</i>	9
5	Heuristique simple - <i>Nearest Neighbour</i>	10
5.1	Algorithme	10
5.2	Implémentation et problèmes	10
5.3	Test	11
6	Algorithme d'approximation - <i>Minimum Spanning Tree</i>	12
6.1	Algorithme	12
6.2	Implémentation	12
6.3	Complexité	13
7	Algorithme exact par recherche exhaustive - <i>Bruteforce</i>	14
7.1	Algorithme	14
7.2	Code	15
7.3	Fonctions ajoutées lors de l'implémentation	15
7.4	Test du programme	15
8	Algorithme exact - <i>Branch and Bound</i>	17
8.1	Algorithme	17
8.2	Implémentation	17
9	Interface graphique	19
9.1	Librairies utilisées	19
9.2	Fonctionnement	19
9.3	Améliorations possibles	19
10	Module de lecture des fichiers TSP	20
10.1	Algorithme	20
10.2	Utilisation	20

11 Intégration des modules - TSPSolver	21
11.1 Correction des précédents modules	21
11.2 Passage des paramètres	21
11.3 Fonctionnement	21
A HowToUseGit	23
B TestMatrix.c	27
C NearestNeighbour.c	29
D Extrait de Bruteforce.c	31

Introduction

Le problème du voyageur de commerce est un problème mathématique qui consiste, étant donné un ensemble de villes séparées par des distances données, à trouver le plus court chemin qui relie toutes les villes. Il s'agit d'un problème d'optimisation pour lequel on ne connaît pas d'algorithme permettant de trouver une solution exacte en un temps polynomial. De plus, la version décisionnelle de l'énoncé (pour une distance D , existe-t-il un chemin plus court que D passant par toutes les villes ?) est connue comme étant un problème NP-complet.

Problème du voyageur de commerce - Wikipédia

Nos travaux, présentés dans ce rapport, concerne les méthodes de résolutions de ce problème. On parle des algorithmes et de leurs implémentations, mais aussi des outils de travail en équipe et autres méthodes de résolution des problèmes.

Chapitre 1

Tâches et partage

Les tâches signalées par le symbole (x) sont achevées. A l'inverse, les tâches signalées par le symbole () n'ont pas encore été effectuées.

Cette liste ne fait que généraliser les tâches : plusieurs membres du groupes ont pu aidé sur une tâche où seule une personne est marquée.

1.1 Algorithmes et implémentations

1.1.1 Heuristique Simple - Nearest Neighbour

(x) **Amélie** Création de l'algorithme - Implémentation de l'algorithme - Implémentation via *Matrix* - Test

1.1.2 Algorithme d'approximation - Minimum Spanning Tree

(x) **Lilian** Création de l'algorithme - Implémentation de l'algorithme via *Matrix* - Test

1.1.3 Algorithme exact - Bruteforce

(x) **Florian** Création de l'algorithme - Implémentation de l'algorithme via *Matrix* - Test

1.1.4 Algorithme exact - Branch and Bound

(x) **Kinda** Création de l'algorithme - Implémentation de l'algorithme via *Matrix* - Test

1.1.5 Module *Matrix*

(x) **Florian** Implémentation du module

(x) **Kinda** Test du module

1.1.6 Module *Graph*

(x) **Florian** Implémentation du module - Test du module

1.1.7 Lecture et écritures des fichiers TSP

(x) **Amélie - Lilian** Module de lecture des fichiers TSP - Test

1.1.8 Interface graphique

(x) **Florian** Interface graphique

1.1.9 Unification des modules - Intégration

(x) **Florian** Intégration - TSPSolver

1.2 Installation et compilation

1.2.1 Makefile générique

(x) **Kinda** Création et maintenance de CMake

(x) **Florian** Scripts de *memcheck* et *speedcheck*

1.3 Gestion des sources

1.3.1 Git

(x) **Florian** Mise en place de Git - Maintenance du projet - Exclusion des fichiers .o, executables, depends.txt, ...

Chapitre 2

Gestion du projet avec Git

Git est un logiciel de versions décentralisé. Il permet de synchroniser les différentes versions d'un projet, et de travailler en groupe sur un même projet.

L'hébergement du projet est sur [GitHub](https://github.com/Lumi-Bjorn/Edd_project), qui propose des hébergements gratuits de répertoires Git. Notre répertoire de projet est disponible [à cet endroit](https://github.com/Lumi-Bjorn/Edd_project) : https://github.com/Lumi-Bjorn/Edd_project.

2.1 Avantages

Gestion des branches Lors de la création d'une branche, *Git* ne recrée pas intégralement l'arborescence du projet, permettant d'avoir une économie de temps et d'espace pour des projets denses.

Fusion efficace *Git* sait s'adapter à des modifications d'un même fichier par plusieurs utilisateurs, et ainsi de faciliter les démarches de fusion de branches.

Répertoire local *Git* copie le répertoire distant, ce qui permet de pouvoir travailler sur son projet, même sans accès à Internet.

Rapidité *Git* travaille sur le répertoire local. De plus, les mises à jour du répertoire distant sont extrêmement rapides.

2.2 Défauts

Complexité Une même commande *Git* peut être utilisée pour effectuer 2 tâches différentes. Aussi, les commandes ne sont pas très intuitives comparées à *SVN*.

Beaucoup de commandes *Git* possède beaucoup de commandes. Cependant, pour un usage quotidien "classique", ce nombre reste assez faible.

Comparé à *SVN*, *git* jouit d'une simplicité pour développer plusieurs fonctions instantanément, ainsi que de la possibilité de travailler sur son répertoire local et d'effectuer une simple mise à jour lors de la récupération d'Internet. C'est pour ces différentes raisons que *Git* a été choisi.

Chapitre 3

Compilation - Installation

Pour la compilation et l'installation du programme, nous utilisons *Make* avec des *Makefiles*.

3.1 Propriétés de *Make*

Make est un programme qui permet de compiler et de générer les exécutables du programme. Pour cela, il suffit de faire un simple **make** dans un terminal.

Un *Makefile* générique, mis à la racine du projet, permet l'exécution des différents *Makefiles* du projet pour simplifier la compilation et la génération d'exécutables.

Un des avantages de *Make* est qu'une étape est re-réalisée que si cela est nécessaire. Par exemple, si on modifie un seul fichier dans le projet, il n'est pas nécessaire de recompiler l'intégralité du projet, mais seulement les parties concernant ce fichier.

3.2 Génération automatique et installation

Cmake est un outil permettant de générer les *Makefiles* automatiquement. A partir de fichier *CMakeLists.txt*, *Cmake* va "construire" les fichiers d'installation du programme. Une fois les fichiers construits, il est nécessaire d'utiliser *Make* afin de compiler les fichiers nécessaire, puis d'installer les exécutables. La compilation et l'installation est donc réalisée en 3 étapes.

3.3 Automatisation des tests

Cmake peut aussi compiler et exécuter des programmes de tests. Pour celà, on construit normalement les exécutables de tests dans les différents modules du programmes, puis on ajoute une ligne dans le *CMakeLists.txt* placé à la racine du projet demandant l'exécution des tests spécifiés. L'étape de test est optionnelle, et s'effectue via la commande suivante : **make check**. Le résultat est le suivant :

```
$ make check
```

```
Test project /home/amolith/Edd/Projet/Git/Edd_project/build
  Start 1 : TestBruteforce
1/4 Test #1 : TestBruteforce ..... Passed 0.24 sec
  Start 2 : TestMatrix
2/4 Test #2 : TestMatrix ..... Passed 0.00 sec
  Start 3 : TestNearestNeighbour
3/4 Test #3 : TestNearestNeighbour ..... Passed 0.00 sec
  Start 4 : TestMST
4/4 Test #4 : TestMST ..... Passed 0.00 sec
```

```
100% tests passed, 0 tests failed out of 4
```

3.4 Tests de mémoire et de temps

Afin de vérifier rapidement si les modules ne contiennent pas de fuites mémoire ou s'ils sont rapides, deux commandes ont été rajoutées :

- **make memcheck** : vérifie la mémoire sur les tests
- **make speedcheck** : vérifie la rapidité sur le test du Bruteforce

Chapitre 4

Modélisation de matrice - Module *Matrix*

Le module *Matrix* permet de disposer d'une structure de données émulant une matrice. Comme toute structure de données, elle nécessite des fonctions élémentaires :

1. Créer la structure (*create* et *init*)
2. Détruire la structure (*destruct*)
3. Modifier une valeur (*setter*)
4. Accéder à une valeur (*getter*)

4.1 Composition de *Matrix*

Matrix se compose seulement d'un tableau à deux dimensions (matrice) et d'un entier (taille de la matrice).

Listing 4.1 – *Matrix.c* - Lignes 10 à 13

```
1 struct matrix{  
2     int length;  
3     double** array;  
4 };
```

4.2 Initialisation des valeurs de *Matrix*

L'initialisation des valeurs est possible de deux façons :

- On initialise les valeurs une à une via *setMatrixValue()*
- On initialise les valeurs à partir d'une matrice statique via *setMatrixArray()*

Dans le deuxième cas, la solution trouvée actuellement en vigueur est de transtyper la matrice statique en *double**, et de parcourir la matrice comme un tableau à une dimension. Cela est possible car une matrice statique est stockée en mémoire de façon continue. L'ancienne solution cherchait à faire passer la matrice via un *double***, cependant, il était impossible de récupérer la deuxième dimension du tableau à cause d'une erreur inconnue : le passage vers un pointeur *double*** "détruisait" la deuxième dimension en l'initialisant à 0. Il n'y a donc plus de possibilités de récupérer les valeurs.

4.3 Test de *Matrix*

Pour vérifier l'intégrité des résultats du module, il est nécessaire de tester le module *Matrix*.

D'abord, il faut tester si une *Matrix* est créée et détruite correctement, puis si les différents getters et setters marchent correctement. Pour cela, on effectue un premier test en injectant des valeurs dans une *Matrix* et on vérifie que les valeurs soient les bonnes, puis on injecte une matrice et on vérifie que les cases correspondent.

Le code est disponible à l'annexe B.

Chapitre 5

Heuristique simple - *Nearest Neighbour*

5.1 Algorithme

Algorithm 1 Algorithme par *Nearest Neighbour*

```
function TROUVERROUTE(ref distanceVilles : matrice de décimaux)
     $i \leftarrow 0$ 
     $tabChemin[0 \dots nbVilles]$ 
     $indiceTabChemin \leftarrow 0$ 
    while !ISENDOF( $tabChemin$ ) do
         $distanceMin \leftarrow 2 * nbVilles$ 
         $indiceMin \leftarrow 0$ 
         $colonne \leftarrow 0$ 
        while  $colonne < nbVilles$  do
            if ( $distanceVille[i][colonne] < distanceMin$ )  $\wedge$  ( $i \neq colonne$ )  $\wedge$  ( $colonne + 1 \notin$ 
 $tabChemin[0 \dots indiceTabChemin][0 \dots indiceTabChemin]$ ) then
                 $distanceMin \leftarrow distanceVilles[i][colonne]$ 
                 $indiceMin \leftarrow colonne$ 
            end if
             $colonne++$ 
        end while
         $tabChemin[indiceTabChemin] \leftarrow indiceMin + 1$ 
         $indiceTabChemin++$ 
         $i \leftarrow indiceMin$ 
    end while
    return  $tabChemin$ 
end function
```

L'algorithme se base principalement sur la recherche du point le plus proche. On part du premier point, on récupère le plus proche, puis on récupère le plus proche de ce dernier, et ainsi de suite ...

5.2 Implémentation et problèmes

L'implémentation du précédent algorithme est présent à l'annexe C.

Nous devons implémenter, lors du premier TP, la fonction *NearestNeighbour*. Mais la fonction ne fonctionnait pas car, avant même de concevoir la partie algorithmique simple de *NearestNeighbour*, nous cherchions déjà à essayer d'utiliser des fonctions de gestion de matrices.

C'est pourquoi, *NearestNeighbour* a été développé en utilisant une matrice rentrée en brut, ainsi que le test renvoyant le chemin (chemin exact car vérifié « manuellement »). Mais, à ce moment là, tout était encore codé en un unique fichier(header, client, fournisseur), et il a été difficile séparer tous les fichiers, car un soucis de déclaration de variables persistait (impossible de savoir s'il y avait une histoire de variable globale ou non). Cependant, après une intense phase de débogage, le problème a fini par être résolu.

L'implémentation de *NearestNeighbour* a ensuite été changée, de manière à utiliser le module *Matrix* dans le code. La gestion de la mémoire est bonne sur le module *NearestNeighbour*, toute mémoire allouée est libérée (vérifié par *valgrid* . / *TestNearestNeighbour*).

5.3 Test

Le test de l'algorithme s'effectue via la comparaison entre le tableau de résultats qui devrait être trouvé et le tableau retourné par l'algorithme.

Listing 5.1 – TestNearestNeighbour.c - Lignes 30 à 33

```
1 */  
2 int main(){  
3     bool success=false;  
4     double * matrice_distance= (double*)tab_distance;
```

Chapitre 6

Algorithme d'approximation - *Minimum Spanning Tree*

Dans le cas du *Minimum Spanning Tree*, plusieurs algorithmes existent déjà. Il fallait dans un premier temps définir quel algorithme utiliser.

6.1 Algorithme

Le choix s'est fait entre les algorithmes suivants :

- L'algorithme de Prim
- L'algorithme de Kruskal
- L'algorithme de Borůvka

Parmi ces trois algorithmes, celui retenu est celui de Kruskal. Beaucoup plus simple à coder et tout aussi efficace. L'algorithme de Kruskal consiste à choisir les arêtes de poids le plus faible sans qu'aucun cycle ne soit créé. Le résultat est un arbre, comprenant tous les sommets, de poids minimal.

Algorithm 2 Algorithme de Kruskal

```
function TROUVERROUTEoptimale(ref G : graphe, ref poidsTab : matrice de décimaux)
    E : ensemble vide
    a : arete
    TRIERARETEORDREcroissant(G, poidsTab)
    a ← PRENDREPROCHAINEARETE(G)
    while a! = NULL do
        if !(CREEUNCYCLE(E, a)) then
            AJOUTERARETE(E, a)
        end if
        a ← PRENDREPROCHAINEARETE(G)
    end while
    return E
end function
```

6.2 Implémentation

Pour pouvoir utiliser les "arêtes", il a fallu créer une structure *Edge* qui prend trois int : deux pour les sommets et un autre pour contenir le poids de l'arête.

6.2.1 Implémentation simple de l'algorithme

Ensuite, il a fallu implémenter l'algorithme de Kruskal. Pour cela, il faut d'abord commencer par appeler la fonction *parcoursMST()*. Celle-ci va, à son tour, appeler la fonction *readMatrixAndCreateEdges()* qui permet de créer un tableau contenant toutes les arêtes possibles. Le tableau, pendant son remplissage, est automatiquement trié.

La fonction va alors récupérer les arêtes via *getNextEdge()*. Celle-ci récupère les arêtes du tableau triées par ordre de poids croissant, et vérifies à l'aide de *isCyclic()* si, en ajoutant la nouvelle arête à la route, un cycle se crée.

6.2.2 Implémentation de la recherche de cycle

L'algorithme utilise la recherche de cycle dans un graphe. Pour effectuer cette recherche, deux fonctions sont utilisées :

- *isCyclic()*
- *searchRecur()*

La première fonction est la fonction de base. Elle commence par ajouter l'arête à tester dans la route, puis elle va tester tous les chemins possibles à partir des arêtes contenus dans la route.

La recherche est effectuée comme si le graphe était non orienté. Dans le cas d'une arête (u,v) , la fonction va vérifier une à une toutes les villes possibles si il existe une arête avec u dans la route étant la ville, puis de même avec v . Si on trouve une arête répondant à ce critère, on considère que la ville est traversée, puis on fait appel à *searchRecur()* pour tester toutes les possibilités de chemin commençant par la précédente arête.

La deuxième fonction suit le même raisonnement que la première, excepté qu'elle est récursive et qu'elle vérifie que la prochaine ville qui va être visité ne l'a pas déjà été.

6.3 Complexité

La première fonction va être effectuée, dans le pire des cas, le nombre d'arêtes de la matrice. Une optimisation a été effectuée, qui a été de prendre uniquement les arêtes au-dessus de la diagonale de 0 dans la matrice. Soit t la taille de la matrice, on arrive donc à :

$$nbArêtesPossibles = t^2 \rightarrow \sum_{i=0}^t i \rightarrow \frac{n(n-1)}{2} \quad (6.1)$$

De plus, on va vérifier à chaque fois si un cycle existe en ajoutant l'arête. Ce qui signifie que nous obtenons :

$$Complexité = nbArêtesPossibles = nbVerificationCycles \quad (6.2)$$

Pour chaque vérification de cycle, on effectue au maximum i fois le nombre de valeurs de villes possibles, et $i*j$ fois le nombre d'arête dans la route actuelle. On trouve donc :

$$Complexité = nbVerificationCycles * nbVillesPossibles * nbArêteActuelles \quad (6.3)$$

De la même façon, *searchRecur()* peut être appelée au maximum i fois le nombre d'arêtes dans la route, et à chaque appel, elle appelle i fois via la boucle *for*. Ce qui donne :

$$Complexité = nbVerificationCycles * nbVillesPossibles * nbArêteActuelles^3 \quad (6.4)$$

En considérant que le nombre d'arêtes actuellement dans la route est quasiment à son maximum, soit n le nombre d'arête de la route, et v le nombre de villes possibles, on trouve finalement que, au maximum, la complexité est de :

$$Complexité = v * n^3 * \frac{n(n-1)}{2} \quad (6.5)$$

On peut noter que le nombre de villes possible est équivalent au nombre d'arêtes de la route, d'où, dans le pire des cas :

$$Complexité = n * n^3 * \frac{n(n-1)}{2} = O(n^5) \quad (6.6)$$

Cette complexité est néanmoins améliorable, en supprimant notamment l'utilisation de la variable *nbVillesPossibles* dans la fonction *isCyclic()*.

Chapitre 7

Algorithme exact par recherche exhaustive - *Bruteforce*

Cet algorithme doit permettre de trouver le chemin le plus optimisé en testant toutes les chemins possibles.

7.1 Algorithme

Algorithm 3 Algorithme par *Bruteforce*

```
function TROUVERROUTEoptimale(ref route : matrice [0...nbVilles] d'entiers, ref nbPointsRestant : entier)
    poidsMinimal ← 0
    poids ← 0
    if nbPointsRestant == 0 then
        poids ← CALCULERPOIDSROUTE(route)
        if poidsMinimal > poids then
            poidsMinimal ← poids STOCKERROUTEoptimale(route)
        end if
    else
        for i ∈ [0...nbVilles] do
            if !ESTDANSROUTE(route, i) then
                AJOUTERDANSROUTE(route, i)
                TROUVERROUTEoptimale(route, nbPointsRestant - 1)
                SUPPRIMERDANSROUTE(route, i)
            end if
        end for
    end if
end function
```

L'explication est faite en prenant 10 villes (ville 0, ville 1, ..., ville 9).

Initialement, la fonction est appelée avec la ville 0 comme première ville.

L'algorithme commence par remplir un tableau avec les entiers 0,1,2,3,...,9 (première série d'appel récursif). Le 10e appel récursif va calculer le poids, puis quitter la fonction. Le 9e appel supprime alors la ville 9 de la route, sort de la boucle et termine l'appel. Le 8e appel supprime la ville 8, puis avance dans la boucle et ajoute la ville 9 dans la route (qui est du coup 0 1 2 3 4 5 6 7 9). Un 9e appel est à nouveau effectuée, et ajoute la seule ville non présente, c'est-à-dire la ville 8. La route est alors 0 1 2 3 4 5 6 7 9 8.

Les 10 premières routes calculées sont :

1. 0-1-2-3-4-5-6-7-8-9
2. 0-1-2-3-4-5-6-7-9-8
3. 0-1-2-3-4-5-6-8-7-9
4. 0-1-2-3-4-5-6-8-9-7
5. 0-1-2-3-4-5-6-9-7-8
6. 0-1-2-3-4-5-6-9-8-7
7. 0-1-2-3-4-5-7-6-8-9
8. 0-1-2-3-4-5-7-6-9-8
9. 0-1-2-3-4-5-7-8-6-9
10. 0-1-2-3-4-5-7-8-9-6

Le nombre de route calculée est de :

$$nbRoutes(x) = (x - 1)! \quad (7.1)$$

Dans notre cas de 10 villes, on trouve :

$$nbRoutes(10) = 9! = 362880 \quad (7.2)$$

7.2 Code

L'implémentation de l'algorithme se concentre sur les fonctions *searchOptimalPath()* et *calcPathByRecursivity()*. Elle est disponible à l'annexe D.

Quelques petites choses sont à noter :

- L'implémentation utilise une unique route de test, puis copie la route lorsque cette dernière est optimale. Cela évite de polluer la mémoire.
- Le nombre de villes restantes (*nbRemainingPoints*) permet de calculer la place de la ville à ajouter/supprimer dans la route.
- La variable *pathSize* est une variable globale, car elle est utilisée dans de nombreuses fonctions et n'est modifiée que lorsqu'on souhaite calculer à nouveau la ou les routes optimales.

7.3 Fonctions ajoutées lors de l'implémentation

Pour une implémentation correcte, il a été nécessaire d'ajouter plusieurs fonctions pour gérer le stockage des routes optimales, ainsi que des fonctions pour voir et modifier des tableaux.

7.3.1 Stockage des routes optimales

Le stockage des routes s'effectue via un tableau de tableaux. Le comportement est similaire à une pile : lorsqu'une route optimale est trouvée, la route est ajoutée à la pile. Cependant, quand une route plus optimale est trouvée, la pile est alors vidée, puis on ajoute la nouvelle route optimale. Pour économiser de l'espace mémoire, les routes supprimées de la pile sont libérées.

7.3.2 Routes et tableaux

Dans l'implémentation, les routes sont des tableaux d'entiers. L'utilisation de ces routes nécessite donc d'avoir quelques fonctions pour manipuler les tableaux. Dans notre cas, il faut savoir si un entier est présent dans un tableau (*isArray()*) et voir les entiers dans le tableau (*showArray*).

7.4 Test du programme

Si le programme fonctionne correctement, le poids optimal pour la matrice de test de 10 points est de 42. Pour tester ce fonctionnement, un simple *if ... else ...* suffit.

Listing 7.1 – TestBruteforce.c - Lignes 33 à 36

```
1  if (getOptimalWeight() == 42){  
2      printf("\n->_Bruteforce_: _Poids_optimal_trouvé_et_correct\n");  
3      success = true;  
4  }
```

Chapitre 8

Algorithme exact - *Branch and Bound*

8.1 Algorithme

Algorithm 4 Algorithme par *Branch and Bound*

```
function TROUVERROUTEOPTIMALE(ref route : matrice [0...nbVilles] d'entiers, ref nbPointsRestant :  
entier)  
  poidsMinimal  $\leftarrow$  0  
  poids  $\leftarrow$  CALCULERPOIDSROUTE(route)  
  if nbPointsRestant == 0 then  
    if poidsMinimal > poids then  
      poidsMinimal  $\leftarrow$  poids STOCKERROUTEOPTIMAL(route)  
    end if  
  else if poids < poidsMinimal then  
    for i  $\in$  [0...nbVilles] do  
      if !ESTDANSROUTE(route, i) then  
        AJOUTERDANSROUTE(route, i)  
        TROUVERROUTEOPTIMALE(route, nbPointsRestant - 1)  
        SUPPRIMERDANSROUTE(route, i)  
      end if  
    end for  
  end if  
end function
```

L'algorithme de *Branch and Bound* est très similaire à un algorithme de *Bruteforce*, excepté que une vérification supplémentaire est faite : une route est abandonnée à partir du moment où son poids est supérieur au poids minimal. Il s'agit du principe d'un algorithme *Branch and Bound*.

La méthode de branch and bound (procédure par évaluation et séparation progressive) consiste à énumérer ces solutions d'un manière intelligente en ce sens que, en utilisant certaines propriétés du problème en question, cette technique arrive à éliminer des solutions partielles qui ne mènent pas à la solution que l'on recherche. De ce fait, on arrive souvent à obtenir la solution recherchée en des temps raisonnables. Bien entendu, dans le pire cas, on retombe toujours sur l'élimination explicite de toutes les solutions du problème.

Branch and Bound - Université de Québec à Chicoutimi

8.2 Implémentation

L'implémentation de l'algorithme est essentiellement la même chose. Afin de limiter la redondance de code, une partie des fonctions utilisées par le module *Branch and Bound* ont été supprimées, et sont maintenant récupérées à partir du module *Bruteforce*. Les changements notables concernent l'ajout de cette fameuse condition pour obtenir le *Branch and Bound* ou encore l'ajout d'un paramètre à la fonction de calcul de poids d'une route, afin de pouvoir calculer des routes partielles.

Listing 8.1 – BranchAndBound.c - Lignes 184 à 185

```
1 // Si le poids est toujours inférieur au poids minimal actuel, on continue la route  
2 else if (calcWeightForPath(m, path, pathSize-nbRemainingPoints) < currentMinWeight)
```

Chapitre 9

Interface graphique

L'interface graphique de l'application permet de visualiser le résultat d'un des précédents algorithmes de recherche de chemin.

9.1 Bibliothèques utilisées

La base de l'interface se compose des bibliothèques suivantes :

- **SDL2** - C'est une bibliothèque multimédia qui permet d'utiliser facilement les différentes interfaces d'un ordinateur (contrôleurs, interfaces vidéo, interfaces son, etc.). La particularité de cette bibliothèque est qu'elle s'adapte en fonction du système d'exploitation et des drivers disponibles sur les machines, ce qui en fait une bibliothèque ultra-portable.
- **SDL2-TTF** - Il s'agit d'une extension de SDL2 qui permet d'utiliser des polices d'écritures en *.ttf* afin d'afficher des caractères, chose que la bibliothèque originelle ne permet pas.
- **FreeType** - C'est le prérequis de la bibliothèque SDL2-TTF. Il s'agit d'une bibliothèque permettant l'usage des fichiers *.ttf*.

9.2 Fonctionnement

Dans ce paragraphe, seul le fonctionnement général de l'interface graphique est expliqué.

Le premier module de l'interface est le module fusionné avec **TSPSolver**, c'est-à-dire le programme principal. Il s'agit d'un module permettant d'initialiser les composants graphiques (fenêtres, moteurs de rendus, contrôleurs, etc.) et de tenir en vie la fenêtre de l'interface graphique. Une fois que la fenêtre est fermée, le module finit par détruire les composants devenus inutiles.

Le deuxième module du programme est le module **Drawer**. Comme son nom l'indique, ce module possède toutes les fonctions permettant de dessiner des rectangles, des caractères, ou encore des lignes. Il contient aussi la fonction de rafraîchissement de l'interface graphique.

Le troisième module est le module **TSPDrawer**. Il s'agit d'une surcouche du module **Drawer** qui permet de dessiner des villes et des chemins. Il contient un système de sauvegarde des villes en mémoire, ainsi des fonctions de mises à l'échelle des coordonnées des villes par rapport à la taille de la fenêtre.

Le quatrième module est **Input**, qui est actuellement inutile. Il est prévu pour gérer des entrées au clavier afin d'effectuer diverses commandes dans une utilisation future.

Le programme suit le fonctionnement suivant :

- Initialisation des composants graphiques
- Lecture des informations sur les villes et la route à dessiner
- Passage des contrôleurs (graphiques, etc.) aux différents modules
- Affichage de la fenêtre et de la route TANT que celle-ci n'est pas fermée
- Suppression des composants graphiques

9.3 Améliorations possibles

Les améliorations possibles sont nombreuses : l'interface graphique n'est que très primaire. Il peut être possible d'ajouter une fonction de zoom/dézoom sur le plan, de déplacement sur le plan, la modification des villes en points dont les informations apparaîtraient lors du survol de la souris, ou encore du changement d'algorithme utilisé par entrée au clavier.

Chapitre 10

Module de lecture des fichiers TSP

Afin de récupérer des matrices différentes, il est nécessaire d'implémenter un module pour lire les fichiers TSP.

10.1 Algorithme

Algorithm 5 Algorithme pour lire un fichier

```
function RECUPERERMATRICE(ref nomFichier : chaîne de caractères)
    file ← OUVRIRFICHIER(nomFichier)
    buffer ← LIREFICHIER
    while buffer! = "DIMENSION" do
        buffer ← LIREFICHIER
    end while
    dimension ← LIREPROCHAINEVALEUR
    while buffer! = "EDGE_WEIGHT_SECTION" do
        buffer ← LIREFICHIER
    end while
    matrice ← CREERMATRICE(dimension)
    while buffer! = "DISPLAY_DATA_SECTION" do
        AJOUTERDANSMATRICE(buffer)
    end while
    return matrice
end function
```

10.2 Utilisation

Pour utiliser le module, il suffit donc de faire passer le chemin du fichier à ouvrir à la fonction *fopen()*. De plus, une autre fonction est disponible dans le module, et qui permet de lire les coordonnées des villes placées à la fin du fichier. Ceci est notamment utile pour l'interface graphique qui a besoin des coordonnées des villes pour fonctionner.

Chapitre 11

Intégration des modules - TSPSolver

Tous les modules sont à présent fonctionnels. Cependant, il reste une tâche à effectuer : unir tous les modules dans un unique programme.

11.1 Correction des précédents modules

La première chose à faire a été de faire créer des bibliothèques par chacun des modules développés jusqu'à présent. Pour cela, une simple modification des fichiers *CMakeLists.txt* a corrigé le problème.

De plus, certaines fonctions possédaient les mêmes noms, ce qui n'est pas possible en C. Le cas le plus notable est le module **BranchAndBound** et le module **Bruteforce** qui sont semblables à quelques lignes près.

Enfin, il a fallu réaliser quelques modifications afin que tous les modules implémentant un algorithme de recherche renvoie une route au même format (c'est-à-dire actuellement un *double**).

11.2 Passage des paramètres

Le plus important était de savoir comment pouvait-on effectuer 2 algorithmes différents à partir d'une même commande. Pour cela, la bibliothèque GNU possède un programme nommée **getopt**, permettant de récupérer les différentes options passées à un programme en paramètre.

Les options sont configurées comme cela :

- **-a** : permet de choisir l'algorithme à utiliser. 0 correspond à Nearest Neighbour, 1 pour Minimum Spanning Tree, 2 pour Bruteforce et 3 pour Branch And Bound.
- **-g** : si l'option est donnée, l'interface graphique sera ouverte après calcul de la route.
- **<nameFile.tsp>** : en dehors de ces options, le paramètre nécessaire pour le fonctionnement du programme est le fichier .tsp contenant la disposition des villes et leurs distances.

11.3 Fonctionnement

Après avoir déterminés ce qu'il faut faire avec les options, il faut maintenant les utiliser. On commence par lire le fichier passé en paramètre au programme, puis en fonction de l'option **-a**, on choisit l'algorithme à utiliser. Après avoir calculer la route, on fait appel à l'interface graphique si l'option **-g** avait été donnée en paramètre.

Dans ce cas, l'interface graphique va être appelée avec la route trouvée, mais aussi avec les villes et leurs coordonnées lues directement dans le fichier .tsp. A partir de là, l'interface graphique va effectuer une étape de mise à l'échelle du plan (si possible), puis rend un affichage du plan.

Conclusion

TSPSolver est un programme qui se veut simple et fonctionnel. Il permet d'utiliser tous les algorithmes implémentés et présentés dans ce rapport, ainsi que de fournir la lecture de fichiers TSP et l'affichage à travers une interface graphique.

De façon plus générale, le projet de résolution du problème du voyageur du commerce nous a été une source de bénéfices sur la gestion de projet et le développement logiciel en équipe. Chacun a appris à travailler ensemble et à communiquer afin de réussir à obtenir un programme stable et fonctionnel.

L'une des principales causes de la chute de l'Empire romain a été que, faute du zéro, ils n'avaient aucun moyen d'indiquer l'achèvement avec succès de leurs programmes C.

Robert Firth - Auteur d'ouvrages sur le programmation

Annexe A

HowToUseGit

Listing A.1 – HowToUseGit

```
1 #####
2 ## How to Use Git ? ##
3 #####
4
5 ## Initialisation de Git sur une nouvelle machine
6
7 # Synchroniser son compte GitHub
8
9 Cette étape permet de faire correspondre son compte GitHub avec sa machine
10     afin que les changements et autres commits apparaissent dans les
11     stats du profil GitHub.
12
13 Pour celà, il suffit de faire :
14     > git config --global user.email "votre.email@ducompteGitHub.ici"
15
16 ## Fonctions de base ##
17
18 # Récupérer le dépôt
19
20 Pour celà, on utilise :
21     > git clone <url_du_dépôt>
22 Git va alors créer un nouveau répertoire contenant tous les fichiers contenus
23     dans le projet.
24
25 # Ajouter un nouveau fichier
26
27 Il faut commencer par :
28     > git add <fichier>
29 Le fichier est alors ajouté pour la prochaine mise à jour du projet.
30 Une fois tous les nouveaux fichiers ajoutés, il est nécessaire d'officialiser
31     la prochaine mise à jour avec :
32     > git commit -m "message_pour_dire_ce_que_j'ajoute_ou_je_modifie"
33
34 Enfin, pour ajouter définitivement la mise à jour au dépôt, on finit par un :
35     > git push origin master
36
37 /?\ : pour plus de détails sur la commande push, veuillez consulter les informations
38     à propos du système de branches de Git.
39
40 # Mettre à jour un fichier
41
42 Pour mettre à jour un fichier existant déjà dans le dépôt :
43     > git commit -a -m "message_de_mise_à_jour"
44 Par défaut, la commande commit ne met à jour que les nouveaux fichiers.
45 Avec l'option -a (all), Git met à jours TOUS les fichiers.
46 Enfin, il suffit à nouveau de "pusher" :
47     > git push origin master
48
```



```

49 # Récupérer les modifications
50
51 Pour ajouter les dernières modifications au répertoire local :
52     > git pull
53
54 # Supprimer un fichier
55
56 Pour supprimer un fichier :
57     > git rm <chemin_du_fichier>
58 La commande supprime le fichier dans le dépôt.
59 Elle marche donc même si le fichier n'est plus présent dans votre répertoire local
60     mais qu'il existe encore sur le dépôt distant.
61
62 ## Bien utiliser Git ##
63
64 # Comment développer avec Git ?
65
66 Utiliser Git est très simple : dès que l'on a effectué une modification un minimum
67     conséquente, il faut effectuer un commit pour avoir une trace de nos
68     modifications et en quoi elles consistent.
69 Par "conséquent", j'entends qu'il est inutile de commit à chaque modification d'une
70     ligne ou autre. Le commit s'effectue après l'ajout d'une fonction, la
71     correction d'un bug, l'ajout d'un répertoire de fichiers, etc.
72 Après une phase de travail (exemple : entre deux pauses), il faut push les commits
73     que l'on a réalisés.
74
75 /\ : il peut être nécessaire de push beaucoup plus souvent en fonction des
76     besoins de vos collègues. Si l'un d'entre eux attend une fonction au plus
77     vite, effectuer un push dès que le développement de cette fonction
78     s'achève est une excellente idée.
79
80 # origin ? master ?
81
82 origin est le serveur sur lequel le dépôt d'origine se situe.
83     Dans notre cas, il s'agit du serveur de GitHub.
84 master est la branche principale du projet.
85 Le système de branches est un outil très puissant.
86 Une branche est une version du programme. Par exemple, imaginons que j'implémente
87     une nouvelle fonctionnalité complètement bugguée du programme.
88 Pour éviter que l'intégralité du programme ne soit plus utilisable (car je viens de
89     rajouter une mise à jour qui bug le programme), je vais créer une nouvelle
90     branche. Par exemple, la branche dev.
91 Tant que ma fonctionnalité n'est pas finie et testée, je vais envoyer toutes mes
92     modifications sur cette branche.
93 Une fois la fonctionnalité finie, la branche dev et la branche master va être
94     fusionnée, et les utilisateurs vont directement passer du programme
95     originel au programme avec la nouvelle fonctionnalité.
96 Pour mieux comprendre : http://fr.openclassrooms.com/informatique/cours/gerez-vos-codes-source-avec-
97
98 # Consulter les logs
99
100     > git log
101
102 # Voir les différences entre le répertoire local et le dépôt
103
104     > git diff
105
106 # Commit avec des fichiers spécifiques
107
108     > git commit <fichier_1> <fichier_2> ... <fichier_n> -m "message"
109
110 # Annuler un commit publié et restaurer les fichiers avant le commit
111
112 Si un mauvais commit a été effectué sur le dépôt, il est nécessaire de créer
113     un nouveau commit qui va annuler l'ancien.
114 Pour cela, il faut d'abord récupérer le numéro du commit avec :

```

```

115         > git log
116 /!\ Il n'est pas nécessaire de récupérer TOUTE l'id du commit. Seuls les 5 premiers
117 chiffres sont nécessaires s'ils sont uniques.
118
119 Une fois l'id récupérée, il suffit alors d'effectuer :
120     > git revert <id_du_commit_a_annuler>
121 Puis de pusher l'annulation :
122     > git push origin master
123
124 # Gérer un projet avec des branches
125
126 Pour créer une nouvelle branche, il suffit de faire :
127     > git branch <nom_de_la_nouvelle_branche>
128
129 Pour ensuite travailler dessus :
130     > git checkout <nom_de_la_branche>
131
132 Après un checkout, les nouveaux commit impacteront la nouvelle branche.
133 La branche master est à nouveau modifiable après un :
134     > git checkout master
135
136 L'ajout et la modification des fichiers fonctionnent exactement comme avec la branche
137 principale, excepté que pour pusher les changements de la nouvelle branche,
138 il faut faire :
139     > git push origin <nom_de_la_branche>
140
141 # Récupérer une branche depuis le serveur
142
143 Pour voir les branches que le serveur connaît :
144     > git branch -r
145
146 Une fois la branche que l'on souhaite récupérer trouvée, il suffit de faire :
147     > git branch --track <nom_de_la_branche_sur_votre_pc> <nom_branche_sur_serveur>
148
149 Une branche est alors créée sur votre ordinateur qui "suivra" la branche du serveur.
150 Pour passer sur la nouvelle branche, il suffit alors de faire :
151     > git checkout <nom_branche_sur_serveur>
152
153 /!\ PENSEZ A COMMIT VOTRE TRAVAIL AVANT DE CHANGER DE BRANCHE !
154
155 # Push sur une branche distante
156
157 Pour pusher sur une branche distante, il suffit de faire :
158     > git push origin <branche_locale>:<branche_sur_serveur>
159
160 Par exemple, si votre branche locale est "dev" et la branche du serveur est "FonctionInDev" :
161     > git push origin dev:FonctionInDev
162
163 + Fusionner des branches
164
165 Une fois que la fonctionnalité voulue est finalisée sur la nouvelle branche,
166 il faut fusionner ces changements avec la branche principale.
167 Cela va permettre d'ajouter la nouvelle fonctionnalité au projet tout en gardant
168 les éventuelles modifications de la branche master.
169 Tout d'abord, il faut se replacer sur la branche master :
170     > git checkout master
171 Puis il faut fusionner cette branche avec la branche <nouvelle_branche> :
172     > git merge <nouvelle_branche>
173
174 Une fois que la fusion a été effectuée, la branche de développement n'est plus
175 utile. Pour la supprimer, il faut utiliser :
176     > git branch -d <nouvelle_branche>
177
178 /!\ Pour supprimer une branche même si les modifications n'ont pas été ajoutées
179 à la branche principale, il faut utiliser l'option -D.
180

```

```
181 /\ Avant de changer de branche, il est nécessaire de sauvegarder les changements.
182     Au lieu de les sauvegarder avec un commit, il est possible de faire :
183     > git stash
184     avant le changement de branche, puis, une fois de retour sur la branche :
185     > git stash apply
186
187 ## POUR PLUS D'INFORMATIONS ##
188 http://fr.openclassrooms.com/informatique/cours/gerez-vos-codes-source-avec-git
```

Annexe B

TestMatrix.c

Listing B.1 – TestMatrix.c

```
1 /* Cette fonction ne sert qu'à savoir si la fonction Matrix marche seul avec
2 *une matrice de dimension 2, en effet, matrix est utilisé par les différentes
3 *fonction pour générer des matrices à partir des test et des données de chaque
4 *fonction de calcul de parcours.
5 *
6 *Par conséquent, une fois le test effectué,
7 *la matrice générée par TestMatrix sera supprimée.
8 *
9 */
10 #include "Matrix.h"
11 #include <stdio.h>
12 #include <stdlib.h>
13 #include <stdbool.h>
14
15 double tab[2][2] = {
16     {4, 6},
17     {7, 5}
18 };
19
20 int main(){
21     bool success = false;
22     // On crée une matrice de dimension 2
23     Matrix m = createMatrix(2);
24     // Valeur de test
25     double testValue = 2.8;
26
27     setMatrixValue(m, 0, 0, 1.5);
28     setMatrixValue(m, 0, 1, testValue);
29     // testvalue est mise dans la matrice
30
31     // Si la matrice dans la position (m,0,1) est la même valeur que le testvalue,
32     // cela signifie que la matrice marche
33     if (getMatrixValue(m, 0, 1) == testValue)
34         printf(">_Matrix_: _Setters_et_Getters_>_Fonctionnement_correct\n");
35     else
36         printf(">_Matrix_: _Setters_et_Getters_>_Résultat_non_correct\n");
37
38     setMatrixArray(m, (double*)tab, 2);
39     // On effectue le même test que précédemment, sauf que c'est avec la matrice
40     // statique que l'on fait le test
41     if (getMatrixValue(m, 1, 1) == tab[1][1]){
42         printf(">_Matrix_: _SetMatrixArray_>_Fonctionnement_correct\n");
43         success = true;
44     }
45     else
46         printf(">_Matrix_: _SetMatrixArray_>_Résultat_non_correct\n");
47
48     // On affiche la matrice
```

```
49     printf("Affichage_de_la_matrice_(showMatrix()):_\n");
50     printf("\n");
51     showMatrix(m);
52
53     // Comme il s'agit d'une matrice de test, une fois les contrôles effectués,
54     // on peut la supprimer
55     destructMatrix(m);
56
57     if (success)
58         return EXIT_SUCCESS;
59     return EXIT_FAILURE;
60 }
```

Annexe C

NearestNeighbour.c

Listing C.1 – NearestNeighbour.c

```
1 #include <stdbool.h>
2 #include <malloc.h>
3 #include <math.h>
4 #include <stdio.h>
5 #include <stdlib.h>
6
7 #include <Matrix.h>
8 #include <NearestNeighbour.h>
9
10 /* Description: Cette fonction va parcourir une matrice, en partant de la 1ère ville, et en choisissant la ville la plus proche sous la
   condition que celle-ci ne soit pas une ville déjà parcourue. Les villes parcourues seront alors inscrites dans un tableau.
11 Paramètre: Prend en paramètre une matrice de double, qui est la matrice des distances entre les villes.
12 Retour: Elle renvoie un tableau de double, contenant l'ordre des villes à parcourir.
13 */
14 double* parcoursVoy(Matrix tab_distance){
15     int length_tab_distance=getMatrixLength(tab_distance);
16     double* tab_chemin= malloc(sizeof(double)*length_tab_distance);
17     initMoinsUn(tab_chemin,length_tab_distance); //initialisation tableau des villes parcourues
18     int i=0;
19     int indice_tab_chemin=1;
20     while (tab_chemin[length_tab_distance-1]==-1){ //tant que l'on a pas visité toutes les villes
21         double distance_min=getMatrixMaximum(tab_distance);
22         int indiceMin=0;
23         for (int colonne=0; colonne<length_tab_distance; colonne++){ //pour toutes les villes d'une colonne
24             if (getMatrixValue(tab_distance,i,colonne)<distance_min && i!=colonne //si distance entre 2 villes est inférieure à la
25                 && !testAppartenance(tab_chemin,colonne+1,indice_tab_chemin)){ //et si colonne+1 n'a pas été visitée
26                 (colonne commence à 0, et les villes sont numérotées à partir de 1)
27                 distance_min=getMatrixValue(tab_distance,i,colonne);
28                 indiceMin=colonne; //on sauvegarde l'indice de la ville la plus proche
29             }
30         }
31         tab_chemin[indice_tab_chemin]=indiceMin+1; //on rajoute la ville trouvée au tableau des villes parcourues
32         indice_tab_chemin++; //on avance d'un cran dans le tableau des villes
33         i=indiceMin; //on sauvegarde la dernière ville parcourue
34     }
35     return tab_chemin; //retour du tableau contenant les villes parcourues
36 }
37
38 //Initialise un tableau de double à -1 (pour ne pas confondre avec la ville 0)
39 void initMoinsUn(double* t, int longueur_tableau ){
40     t[0]=1;
41     for (int i=1; i<longueur_tableau; i++) {
42         t[i]=-1;
43     }
44 }
45
46 //Teste l'appartenance d'un entier x, à un tableau de double t
```

```
46 bool testAppartenance(double *t, double x, int longueur_tableau){
47     for (int i=0; i<longueur_tableau+1; i++){
48         if (t[i]==x)
49             return true;
50     }
51     return false;
52 }
53
54 //Affiche , caractère pas caractère, un tableau de double
55 void afficher(double* t,int longueur_tableau){
56     printf("Route_trouvée:_");
57     for (int i=0; i<longueur_tableau-1; i++){
58         printf("%lf_ _", t[i]);
59     }
60     printf("%lf\n", t[longueur_tableau-1]);
61 }
62
63 //Teste l'égalite entre 2 tableaux de doubles
64 bool egalite(double *t1,double * t2){
65     int size1=sizeof(t1)/ sizeof(double);
66     int size2=sizeof(t2)/ sizeof(double);
67     if (size1==size2){
68         for (int i=0; i<=size1; i++){
69             if (t1[i]!=t2[i])
70                 return false;
71         }
72         return true;
73     }
74     return false;
75 }
```

Annexe D

Extrait de Bruteforce.c

Listing D.1 – Bruteforce.c - Lignes 161 à 243

```
1 /** searchOptimalPath
2 * Effectue la recherche de la route optimale
3 * Renvoie un tableau de routes
4 */
5 int** searchOptimalPath(Matrix m){
6     // Initialisation
7     currentMinWeight = 0x7FFFFFFF;
8     weight = 0;
9     nbPaths = 0;
10    pathSize = getMatrixLength(m);
11    initOptimalPaths();
12
13    // On fournit un tableau défini ici pour éviter de recréer le tableau
14    // à chaque appel de la fonction récursif = économie de mémoire
15    int* path = malloc(sizeof(int)*pathSize);
16    initPath(path);
17
18    // Démarrage de l'algorithme
19    path[0] = 0;
20    calcPathByRecursivity(m, pathSize - 1, path);
21
22    // On affiche le nombre de routes testées
23    printf("Nombre_de_routes_possibles_testées_:%d\n" , nbPaths);
24    showOptimalPaths();
25
26    free(path);
27    return optimalPaths;
28 }
29
30 /** calcPathByRecursivity
31 * Recherche les routes optimales par récursivité
32 */
33 void calcPathByRecursivity(Matrix m, int nbRemainingPoints, int* path){
34     // Si il n'y a plus de path à trouver = si la route est complète
35     if (nbRemainingPoints == 0){
36         // On incrémente le compteur de routes testées
37         nbPaths++;
38
39         // On calcule le poids de la route
40         weight = calcWeightForPath(m, path);
41
42         // Si le poids trouvé est inférieur au poids minimal actuel
43         if (weight < currentMinWeight){
44             // On supprime toutes les précédentes routes
45             removeAllOptimalPaths();
46             // On ajoute la nouvelle route
47             addOptimalPath(path);
48             // On modifie le poids minimal
```



```

49         currentMinWeight = weight;
50
51         // printf("Nouveau poids trouvé : %f pour la route ", weight);
52         // showArray(path, pathSize);
53     }
54     // Sinon si on trouve une route avec un poids équivalent
55     else if (weight == currentMinWeight){
56         // On ajoute la route aux routes optimales
57         addOptimalPath(path);
58
59         // printf("Nouvelle route avec le poids %f : ", weight);
60         // showArray(path, pathSize);
61     }
62
63     // Décommenter pour voir les routes créées
64     // printf("Poids : %f pour route : ", weight);
65     // showArray(path, pathSize);
66 }
67 else {
68     // On teste si le tableau de path contient le point 0, puis le point 1, puis ...
69     // Si le point n'est pas contenu dans le tableau, on l'ajoute et on appelle
70     // la fonction récursive à nouveau
71     // Exemple : 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 puis 0 1 2 3 4 5 6 7 9 8 puis 0 1 2 3 4 5 6 8 7 9 e
72     for (int i=0; i<pathSize; i++){
73         if (!isArray(i, path, pathSize)){
74             path[pathSize - nbRemainingPoints] = i;
75             calcPathByRecursivity(m, nbRemainingPoints-1, path);
76
77             // On supprime le point du tableau après toutes les routes dans
78             // cette configuration trouvées
79             path[pathSize - nbRemainingPoints] = -1;
80         }
81     }
82 }
83 }

```