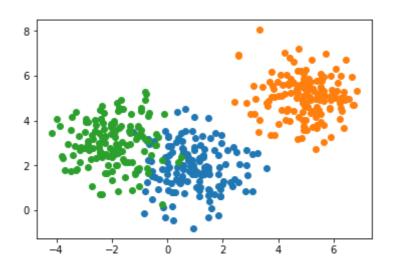
Part I

生成数据:

source.py中gendata()生成数据,三种数据的mean,cov,num分别是数据的平均值,协方差和这种数据的点数。

调用numpy.random.multicariate_normal()生成数据,以xylabel的格式输出到dataset.data中,每行一个数据点。并且输出绘制的散点图。

默认数据形如下图:



直接运行即可生成数据集。

Part II

生成模型:

source.py中前半部分为生成模型。cal()函数中从数据x,标签y中计算出三种分布的概率pi,均值mu,协方差sigma,并且返回(pi,mu,sigma)。

因为生成模型的最大似然估计有解析解,可以直接计算出最佳的 (pi,mu,sigma)。然后运行testgen()函数,传入数据和学习好的三个分布进行预测(没有区分训练集和测试集)。对于每个数据点,调用predictgen()得到预测标签。predictgen()中分别使用三个分布进行分类,选出概率最大的作为预测值。

最后输出预测准确率,判断结果的图形,判断错误的数据点。

判别模型:

source.py后半部分为判别模型。因为判别模型下,使用了 $y = \sigma(\mathbf{w}\mathbf{x} + w_0)$ 作为预测值,所以梯度不为 $\mathbf{0}$,需要使用梯度下降等方法来学习 \mathbf{w} . w_0 的值。代码中 \mathbf{sgd} ()函数对参数 \mathbf{w} , w_0 进行学习。这里执行的过程大概如下:

- 随机选出batch个数据点
- 计算这些点的loss和梯度,修改参数 \mathbf{w}, \mathbf{w}_0
- 重复上面的过程epoch次

并且在开始调试时因为学习速率alpha设置的太小了,就不断加大学习速率,并且增加epoch。所以在训练过程中加入了alpha每次减少alpha/epoch的设定,但是实际看来和不修改区别不大。因为模型比较简单,最后都能够达到饱和状态。

最后的参数是epoch=2000,batch=10,alpha=1

之后和生成模型类似,调用testdis()对数据进行预测。

两个模型的比较

在默认数据下,生成模型准确率为96.9%,判别模型为94.9%,二者相差不大,因为模型比较简单,并且数据的分布相对分散,只有少数outlier会分布在大量的其他数据中,造成预测错误。

生成模型学习的是对于数据分布的预测,所以除了给出一个数据预测标签外,还可以用来生成数据。但是判别模型只学习了判断数据种类的线性函数,所以只能对数据分类。

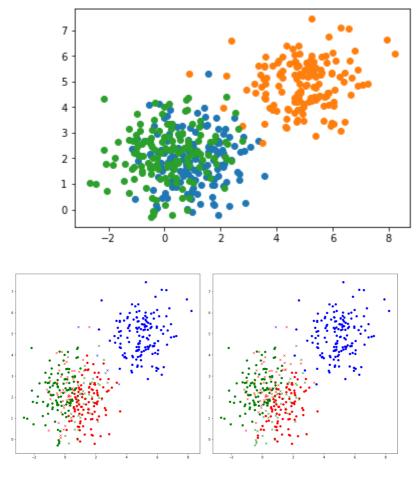
因此,生成模型需要学习更多的参数(13个)来预测数据的分布,而判别模型的参数相对少一些(9个)。因为数据是二维的,所以差距不大,但是当数据的维度变大之后,生成模型的参数数量是 $O(n^2)$ 的。

生成模型预设了数据的分布类型,比如高斯分布,所以如果数据的真实分布情况 不是高斯分布,或者不是简单的分布时,生成模型的能力就会非常受限。但是判 别模型不考虑数据的分布类型,只要数据是可分的,就能够将进行学习。

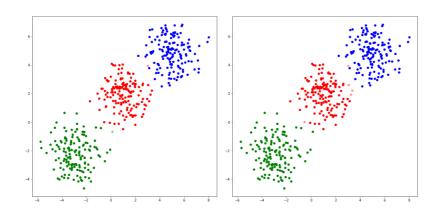
在这个模型下,生成模型有解析解,可以直接计算出最优的分布。但是判别模型没有解析解,需要使用梯度下降,或者其他迭代方式来学习参数。

Part III

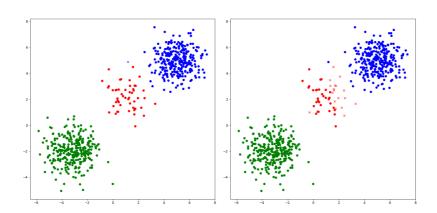
1.将其中两个标签的数据贴合紧密,导致两个模型的准确率下降到 78.6%,76.2%,不能分辨出两种标签,但是可以看出,在两个模型下,重叠部分 有一条明显的直线作为边界,以直线为分界预测标签。并且由于输入可供学习的 信息不足,所以无法区分这两种类型。图中左侧为生成模型,右侧为判别模型。



2.相比之下,如果三组数据线性可分,那么两种模型的正确率都会很高,分别是99.5%和98.9%



3.但是如果数据分布不变,把其中一种类型的数据采样数量显著下降(采样数为300,50,300),那么生成模型的表现依然很好,为99.8%。判别模型的表现很差,虽然正确率为97.2%,但是红色的点有三分之一被判断错误(参数为epoch=2000,batch=10,alpha=1)将batch改为100之后表现依然很差,将epoch改为20000后正确率变为99%。推测原因是因为我写的梯度下降并不是正常版本的随机梯度下降,在这样的写法下,如果样本数量很少,会导致这种样本的学习机会非常少,学习次数不够时没有收敛,所以当epoch变大之后有明显变化。



代码运行方式

1 python source.py