

중간고사 1

1. 다음을 간단히 설명하시오.

- (a) Time complexity
- (b) Time complexity에서 best case 보다 worst case가 더 중요한 이유
- (c) Time complexity 표현에 굳이 점근적 표현을 적용하는 이유
- (d) DNA sequence alignment 문제
- (e) Optimal binary search tree 문제

2. 다음의 경우에 가장 정확한 점근적 바운드 표현은? 표현할 수 없는 경우는 X 로 표기 (Ta: average case; Tw: worst case, Tb: best case)

(a) $n \log n + 10n \leq T(n) \leq 2^n + 5n^2$

| | T(n) | Tb(n) | Ta(n) | Tw(n) |
|-------------|------|-------|-------|-------|
| O 표현 | | | | |
| Ω 표현 | | | | |
| Θ 표현 | | | | |

(b) $n + 1 \leq Tb(n) \leq 2n + 3$

| | T(n) | Tb(n) | Ta(n) | Tw(n) |
|-------------|------|-------|-------|-------|
| O 표현 | | | | |
| Ω 표현 | | | | |
| Θ 표현 | | | | |

(c) $3n + \log n \leq Tw(n) \leq n^2 + 2n \log n$

| | T(n) | Tb(n) | Ta(n) | Tw(n) |
|-------------|------|-------|-------|-------|
| O 표현 | | | | |
| Ω 표현 | | | | |
| Θ 표현 | | | | |

3. Dynamic programming 알고리즘과 관련하여 다음을 간단히 설명하시오.

- (a) 일반적인 구조
- (b) divide and conquer 알고리즘과 비교
- (c) 최적성의 원리가 필요한 이유
- (d) divide and conquer 알고리즘에서는 최적성의 원리가 필요하지 않은 이유

4. 아주 큰 n 자리 정수를 곱하는 문제에 대한 교재의 알고리즘에 대하여

- (a) 구조를 간단히 설명하시오.
- (b) 이것이 divide and conquer 알고리즘인 근거를 설명하시오.
- (c) 종이에 적는 일반적인 정수 곱셈 알고리즘은 시간복잡도가 $\Theta(n^2)$ 임을 설명하시오.
- (b) 교재의 알고리즘은 시간복잡도가 (c)에 비해서 개선되는 근거를 설명하시오.

5. 모든 쌍의 vertex 간의 최단 거리를 구하는 문제에 대하여

- (a) 교재의 Floyd 알고리즘이 Dynamic programming 알고리즘이라고 하는 근거를 설명하시오

- (b) 이 문제에 divide and conquer 알고리즘을 사용하지 않고 이렇게 dynamic programming 알고리즘을 적용하면 시간복잡도가 개선되는 근거는 무엇인가? (구체적인 예를 들어야 함)
- (c) Divide and conquer에 비해서 얼마나 개선되는지를 설명하시오.

중간고사 2

1. 다음을 설명하시오.

- (a) Huffman code 문제
- (b) 상태공간 트리를 스케줄링 문제를 예로 들어서 설명
- (c) Depth first search를 Traveling salesperson 문제를 예로 들어서 설명
- (d) Monte Carlo estimation을 graph coloring 문제를 예로 들어서 설명

2. Greedy approach와 Dynamic programming 알고리즘을 비교하시오.

- (a) 형식에 있어서 비슷한 점
- (b) 알고리즘 진행과정의 차이점
- (c) 알고리즘의 정확성을 하나는 증명할 필요가 없고 다른 하나는 증명이 필요한 이유

3. Backtracking과 Branch and bound 알고리즘을 비교하시오. (0/1 Knapsack 문제를 예시로 활용)

- (a) 형식에 있어서 차이점
- (b) 알고리즘 진행과정의 비슷한 점
- (c) 알고리즘 진행과정의 차이점

4. Traveling salesperson 문제를 위해서 다음을 알고리즘 형식으로 작성하시오.

- (a) Backtracking을 적용한 기본구조
- (b) Backtracking에 적용 가능한 promising 함수
- (c) Branch and bound를 적용한 기본구조
- (d) Branch and bound에 적용 가능한 bound 함수

기말고사

1. 다음을 설명하시오.

- (a) P 문제
- (b) NP 문제
- (c) $A \propto B$ 라는 의미
- (d) $A \propto_T B$ 라는 의미
- (e) Pseudo polynomial time 알고리즘

2. 계산복잡도와 관련하여

- (a) NP-Complete 문제의 정의
- (b) 0/1 Knapsack Decision 문제가 NP-Complete 라는 의미
- (c) NP-Hard 문제의 정의
- (d) 위의 (b)를 전제로 0/1 Knapsack 문제가 NP-Hard 라는 것의 증명

3. Sorting 문제와 관련하여

- (a) Sorting 문제는 계산복잡도가 $\Omega(n \log n)$ 이라는 의미
 - (b) Merge sort 알고리즘의 최악 시간복잡도가 $O(n \log n)$ 이라는 의미
 - (c) 위의 (a)와 (b)를 결합하면 도출할 수 있는 결론
 - (d) Radix sort 알고리즘은 시간복잡도가 $\Theta(n)$ 인데 위의 (a)를 위배할 수 있는 이유
-