新像素是旧像素线性组合:w是权重:核中心和原图左上角开始对齐运算.行填充 2a.列补 2b BG math 高斯积分 $\int_{-\infty}^{+\infty} e^{-x^2} dx = \sqrt{\pi}$ 空间相关与发积 傅里叶级数 $f(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} c(n)e^{j\frac{2\pi n}{T}t}c(n) = \frac{1}{T}\int_{-T/2}^{T/2} f(t)e^{-j\frac{2\pi n}{T}t}dt$ -维核旋转180°相当于这个核绕相对于其轴进行翻转。 二维旋转180°等效于核关于其一个轴翻转,然后关于另一个轴 翻结。 傳里叶变換 $f(t)=\int_{-\infty}^{\infty}F(\mu)e^{j2\pi\mu t}d\mu$ $F(\mu)=\int_{-\infty}^{\infty}f(t)e^{-j2\pi\mu t}dt$ 相关 $(w \star f)(x,y) = \sum_{s=-a}^{a} \sum_{t=-b}^{b} w(s,t) f(x+s,y+t)$ Chapter 2 大小为 $m \times n$ 的核w与图像f(x,y)的卷积 $(w \star f)(x,y)$ 定义为 $(w\star f)(x,y)=\sum_{s=-a}^a\sum_{t=-b}^bw(s,t)f(x-s,y-t)$ 等同于将核旋转 180 度后再做相关 视觉感知要素 人视觉是由眼睛中锥状体和杆状体组成的。低照明级别杆状体起作用。在背景照明增强时锥状体起作用。 **教积满足变换 结合 分配律·相关只满足分配律** N输出大小, W输入大小, P填充大小, S步长F卷积核大小 光和电磁波谱 $\lambda = {}^{c}E = hv$ 可见光的波长范围: 约 400 700nm $N = \frac{(W - F + 2P)}{S} + 1$ 辐射强度:光源流出能量总量:光通量给出观察者从光源感受到的能量。用流明数度量:亮度是光感受的主观描绘。不能 可分惠滤波器核 测量,描述彩色感觉参数之一:灰度级用来描述单色光图像的亮度 图像感知与获取 传感器:CCD CMOS 简单的成像模型 可分离核条件: rank(w) = 1f(x,y) = i(x,y)r(x,y),其中i(x,y)为入射分量(低频), r(x,y)为反射分量(高频) 其中 $0 < f(x,y), i(x,y) < \infty 0 < r(x,y) < 1$ 平滑 (低调) 空间滤波器 r=0 全吸收.1 全反射 图像取样和量化 保亮度不变 对坐标值进行数字化称为取样,对幅度值进行数字化称为量化,原点位于图像的左上角, x 轴向下, y 轴向右 $g(x, y) = \frac{\sum_{s=-at--b}^{a} \sum_{-b}^{b} w(s,t) f(x+s,y+t)}{\sum_{s=-at--b}^{a} \sum_{-b}^{b} w(s,t)}$ 坐标索引: 像二维坐标(x, y);线性索引通过计算到坐标(0, 0)的偏移量得到的,行/列扫描 盒式滤波器:每个元素相同;核越大,对越多像素做平均 空间分辨率:图像中可辨别的最小细节 灰度分辨率:灰度级中可分辨的最小变化;打印机单位距离可以分辨的最小线对 数 DPI;数字图像:图像大小,即行数 x 列数 PPI 图像对比度:一幅图像中最高和最低灰度级间的灰度差为对比度。 锐化(高通)空间滤波器 基本的图像重取样方法: 图像内插。有最近邻内插;常选用双线性(v(x,y) = ax + by + cxy + d) 四个系数可用 4 个最近邻点 的4个未知方程求出)和双三次内插。 **像素间的一些基本关系** 拉普拉斯算子 $N_4(p)$ 上下左右, $N_{D(p)}$ 四个对角, $N_8(p)=N_4(p)\cup N_{D(p)}$ 连续: $\nabla^2 f = \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial u^2}$ 值域 V, V 是 0 到 255 中的任一个子集 4 邻接:点 q 在 $N_4(p)$ 中,并 q 和 p 具有 V 中的数值 8 邻接:点 q 在 $N_8(p)$ 中,并 q 和 p 具有 V 中的数值 m 邻接(混合邻 1. 中心对称: 2. 中间值的绝对值大: 3. 和为零。 接): 1.q 在 p 的 $N_4(p)$ 或者 2.q 在 p 的 $N_{D(p)}$ 中, $N_4(P)\cap N_4(Q)$ 中没有 V 值的像素 $g(x,y)=rac{f(x,y)abla^2f(x,y)}{f(x,y)+
abla^2f(x,y)}$,当拉普拉斯德波中心系数为负 欧氏距离(De): $D_e(p,q) = \sqrt{(x-s)^2 + (y-t)^2}$ 街区距离(D4): $D_4(p,q) = |x-s| + |y-t|$ 低通、高通、带阻和带通滤波器 棋盘距离(D8): $D_8(p,q) = \max(|x-s|,|y-t|)$ 单位冲激中心和滤波器核中心重合 对应元素运算和矩阵运算 低通 lp(x,y), 高通 $hp(x,y) = \delta(x,y) - lp(x,y)$ 图像相加:取平均降噪。相减:增强差别。相乘和相除:校正阴影。 三个基本量用于描绘彩色光源的质量:发光强度、光通量和亮度。 $[lp_1(x,y) + [\delta(x,y) - lp_2(x,y)]]$ 一幅粉字图像占用的空间· M×N×k。 Chapter 4 Chapter 3 采样 冲激事系样 $s_{\Delta T}(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} \sigma(\text{x-n }\Delta T)$ 基本的灰度变换 反转变换S = L - 1 - r $\tilde{f}(t) = f(t) s_{\Delta T}(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} f(t) \delta(t-n\Delta T)$ 对数变换 $S = c \log(1+r)$ 单变量的离散傅里叶变换 幂律(伽马)变换 $s=cr^{\gamma}\gamma<1$ 变亮,加强暗细节;反之变暗,加强亮细节 分段线性变换:1对比度拉伸2灰度级分层3比特平面分层 二变量函数的傅里叶变换 直方图处理 二维傅里叶变换是一维情 形向两个方向的简单扩展 非归一化 $h(r_k)=n_k, \quad k=0,1,2,\cdots,L-1$ n_k 是 f 中灰度为 r_k 的像素的数量 $F(u, v) = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} f(t, z)e^{-j2\pi(ut+vz)}dtdz$ $\text{IF} - \text{IL} p(r_k) = \tfrac{h(r_k)}{MN} = \tfrac{n_k}{MN}$ 无空间信息,不同图像可能直方图相似,同一图像切片的直方图有可加性 $f(t, z) = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} F(u, v)e^{j2\pi(\mu t + vz)}dudv$ 均衡化. 产生灰度级丰富且动态范围大的图像灰度
$$\begin{split} \text{DTF:} \ \ F(u,v) &= \sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} f(x,y) e^{-j2\pi(ux/M + vy/N)} \\ \text{IDFT:} \ \ f(x,y) &= \frac{1}{MN} \sum_{u=0}^{M-1N-1} F(u,v) e^{j2\pi(ux/M + vy/N)} \end{split}$$
a) 在 $0 \le r \le L - 1$ 区间内,T(r)是严格单调递增 b) 当 $0 \le r \le L - 1$ 时, $0 \le T(r) \le L - 1$ 。 二维 DFT 和 IDFT 性质 变换前后的 pdf 为 $p_{r(r)}, p_{s(s)}$ $s=T(r)=(L-1)\int_0^r p_r(w)dw$ 极坐标 $F(u,\nu) = |F(u,\nu)| e^{j\phi(u,v)}$ $s_k = T(r_k) = (L-1) \sum_{i=0}^k p_r \big(r_j\big)$ 周期性(k 为整数) $F(u,v) = F(u+k_1,v+k_2N)$ $f(x,y) = f(x + k_1M, y + k_2N)$ 映射前后的像素相对位置不变,然后部分会合并 若T(r)严格单增且可微,有 $p_s(s) = p_r(r) \left| \frac{dr}{ds} \right|$ 匹配(規定化) 输入原始图 $p_{r(r)}$, 目标图像 $p_{z(z)}$, 求输入r到输出z的变换公式 因为知道均衡化,把原始图像和目标图像都用均衡化的作为桥梁 离散单位冲激 $\delta(x,y) \Leftrightarrow 1,1 \Leftrightarrow MN\delta(u,v)$ $T(r) = (L-1) \int_0^r p_r(w) \, \mathrm{d}w$ $G(z) = (L-1) \int_0^z p_z(\nu) d\nu$ $\delta(x-a,y-b) \Leftrightarrow e^{-j2\pi(ua+vb)}$ $z = G^{-1}(s) = G^{-1}[T(r)]$ $T(r_k) = (L-1) \sum_{j=0}^k p_r \bigl(r_j\bigr), \quad k=0,1,2,\cdots,L-1$ (2) 頻谱中心化:用(-1)x+y乘以填充后的图像; $G\!\left(z_q\right) = (L-1) \sum_{i=0}^q p_z(z_i)$ (3) 计算(2)结果的 DFT, 即F(u,v); $z_o = G^{-1}(s_k)$ (5)计算(4)中结果的 IDFT, $g(x,y) = \mathfrak{J}^{-1}G(u,v)$ 图像/图像块(全局/局部)的统计距计算 -理论值为实数, 计算误差会导致寄生复成分; 设 $p(r_i) = \frac{n_i}{n}$, i = 0, 1, 2, ..., L - 1, 则灰度级r相对于均值 m 的n阶中心矩为: (6)得到(5)结果中的实部; $\mu_n(r) = \sum_{i=0}^{L-1} \left(r_i - m\right)^n \! p(r_i)$ (7) 用(-1)x+y乘以(6)中的结果; 其中, m 是 r 的均值。 (8)提取(7)中的左上角(与输入图像同大小)。 $m = \sum_{i=0}^{L-1} r_i p(r_i)$ 低通频率域滤波器 当 n=2 为方差: $\sigma^2 = \mu_2(r) = \sum_{i=0}^{L-1} {(r_i - m)}^2 p(r_i)$ $H(u,v)=_{0}^{1}, D(u,v)\leq D_{0}$ 空间滤波

对于大小为 m×n(行 x 列)的核, m=2a+1 和 n=2b+1,其中 a 和 b 是非负整数。

 $g(x,y) = \sum_{s=-a}^a \sum_{t=-b}^b w(s,t) f(x+s,y+t)$

两个滤波器大小为 MxM 和 NxN, 卷积后的大小是(M+N-1)x(M+N-1) 大小为 $m \times n$ 的滤波核可表示为两个向量的积 $w = w_1 w_2^T = w_1 * w_2$ 一个列向量和一个行向量的积等于这两个向量的二维卷积 用可分离核执行卷积运算相对于使用不可分离核执行卷积运算的计算优势定义为 $C = \frac{MNmn}{MN(m+n)} = \frac{mn}{m+n}$ 分离方法: 在核中找到任何一个非零元素a,值为E; 提取a所在的列与行, 形成列向量c和r; ; $w_1 == c$, $w_2^T == \frac{c}{r}$ 降低相邻灰度的急剧过度,以减少无关细节(噪声);核越大越模糊;平滑通过对相邻像素求和(积分)实现,归一化确 高斯核函数 $w(s,t)=G(s,t)=Ke^{-\frac{s^2+t^2}{2\sigma^2}}$ 一般选核大小奇数接近 6σ 方差大就变宽,平滑效果更剧烈 凸显灰度的过渡部分, 以增强图像中的细节。锐化则用相邻像素差分(导数)来实现. 一维差分 $\frac{\partial f}{\partial x} = f(x+1) - f(x)$ $\frac{\partial^2 f}{\partial x^2} = f(x+1) + f(x-1) - 2f(x)$ 离散: $\nabla^2 f = [f(x+1,y) + f(x-1,y) + f(x,y+1) + f(x,y-1)] - 4f(x,y)$ 帯阻 $br(x,y) = lp_1(x,y) + hp_2(x,y) = lp_1(x,y) + [\delta(x,y) - hp_2(x,y)]$, 帯通 $bp(x,y) = \delta(x,y) - br(x,y) - br(x,y) - br(x,y) = \delta(x,y) - br(x,y) - br(x,y) - br(x,y) = \delta(x,y) - br(x,y) - br(x,y$ $\begin{array}{ll} \text{DFT:} \ \ F(u) = \sum_{x=0}^{M-1} f(x) e^{-j2\pi ux/M} \quad u = 0, 1, \cdots, M-1 \\ \text{DFT:} \ \ f(x) = \frac{1}{M} \sum_{x=0}^{M-1} F(u) e^{j2\pi ux/M} \quad x = 0, 1, \cdots, M-1 \end{array}$ 采样: $\tilde{f}(t,z) = f(t,z) s_{\Delta T \Delta Z}(t,z) = \sum_{m=-\infty}^{m=\infty} \sum_{n=-\infty}^{n=\infty} f(t,z) \sigma(t-m\Delta T,z-n\Delta Z)$ 谱 $|F(u,\nu)| = [R^2(u,\nu) + I^2(u,\nu)]^{1/2}, \quad R = \text{Real}(F), I = \text{Imag}(F)$ 相 角 $\phi(u,v) = \arctan\left[\frac{I(u,v)}{R(u,v)}\right]$ 卷积 $(f\star h)(x,y) = \sum_{m=0}^{M-1} \sum_{n=0}^{N-1} f(m,n)h(x-m,y-n)$ 相关 $(f \star h)(x,y) = \sum_{m=0}^{M-1} \sum_{n=0}^{N-1} f^*(m,n)h(x+m,y+n)$ 可分离性 使用 DFT 算法求 IDFT $MNf^*(x,y) = \sum_{u=0}^{M-1} \sum_{v=0}^{N-1} F^*(u,v) \mathrm{e}^{-\mathrm{j}2\pi(ux/M+\nu y/N)}$ 结果取 复共轭并除以 MN 就可 巻积定理 $(f\star h)(x,y)\Leftrightarrow (F\cdot H)(u,v)\parallel (f\cdot h)(x,y)\Leftrightarrow \frac{1}{MN}(F\star H)(u,v)$ 平移性 f(x,y)e $^{\mathrm{j}2\pi(u_0x/M+v_0y/N)}$ ⇔ $F(u-u_0,v-v_0)$ || $f(x-x_0,y-y_0)$ ⇔ F(u,v)e $^{\mathrm{j}2\pi(ux_0/M+\nu y_0/N)}$ (1)对图像 f(x,y)进行零填充(长宽均变为两倍,变为 $P \times Q$ (4) 用滤波器函数H(u,v)乗以 $F(u,v):\mathcal{G}(u,v)=H(u,v)F(u,v)$ 理想低通滤波器 D_0 为截止频率 $D(u,v) = [(u-M/2)^2 + (v-N/2)^2]$ 总功率 $P_T = \sum_{u=0}^{P-1} \sum_{v=0}^{Q-1} P(u,v) = \sum_{u=0}^{P-1} \sum_{v=0}^{Q-1} |F(u,v)|^2$ 在 D(u,v)内的功率占比 $\alpha=100\sum_{u}\sum_{v}\dot{P(u,v)}/P_{T}$ where $D(u,v)\leq D_{0}$ 巴特沃斯 $H(u,v) = \frac{1}{1+[D(u,v)/D_0]^{2n}} D(u,v) = [(u-M/2)^2 + (v-N/2)^2]^{1/2}$

高斯 $H(u,v) = e^{-D^2(u,v)/2D_0^2}$

高诵滤波器

普通锐化: $H_{hp}(u,v)=1-H_{ip}(u,v)$

理想: $H(u,v) = {0, D(u,v) \le D_0 \atop 1, D(u,v) > D_0}$

巴特沃斯: $H(u,v) = \frac{1}{1 + [D_0/D(u,v)]^{2n}}$

高斯: $H(u,v) = 1 - e^{-D^2(u,v)/2D_0^2}$

頻率域的拉普拉斯算子: $H(u,v) = -\left(u^2 + v^2\right) = -\left[\left(u - \frac{M}{2}\right)^2 + \left(v - \frac{N}{2}\right)^2\right]$

高提升滤波: $H_h b(u, v) = (A - 1) + H_{hn}(u, v)$

高頻加强滤波: $H_{hfe}(u,v) = a + bH_{hp}(u,v)$

同态滤波器 $H(u,v)=(\gamma_H-\gamma_L)\big[1-e^{-c(D^2(u,v)/D_0^2)}\big]+\gamma_L$

其中 $\gamma_L < 1$ 且 $\gamma_H > 1$, c用于控制滤波器函数斜面的锐化

快速傅里叶变换

基本思想:利用傅里叶变换基底性质,将M个数据的傅里叶变换转为2组等个数据的傅里叶变换,此时计算量从 M²

 $F(u) = \sum_{x=0}^{K-1} f(2x) W_{2K}^{u(2x)} + \sum_{x=0}^{K-1} f(2x+1) W_{2K}^{u(2x+1)}$ 偶数部分+奇数部分

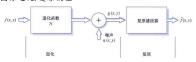
 $W_{M}=e^{-j2\pi/{\rm M}}, \quad W_{2K}{}^{2ux}=W_{k}{}^{ux}$

 $F_{even}(u) = \sum_{x=0}^{K-1} f(2x) W_K^{ux} \quad F_{odd}(u) = \sum_{x=0}^{K-1} f(2x+1) W_K^{ux} \\ F(u) = F_{even}(u) + F_{odd}(u) W_{2K}^{u}$

 $F(u+K) = F_{even}(u) - F_{odd}(u) W^u_{2K} \label{eq:fuk}$

Chapter 5

图像退化/复原模型



空域: $q(x,y) = (h \star f)(x,y) + \eta(x,y)$

頻域: G(u, v) = H(u, v)F(u, v) + N(u, v)

噪声模型

高斯 $p(z)=\frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma}e^{-(z-\overline{z})^2/2\sigma^2}$

$$\sup_{z \in \mathcal{A}} p(z) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-(z-z)^2 - b}, \quad z \geq a \\ 0, \quad z < a \\ 0, \quad z < a \\ 0 \end{cases} \quad \bar{z} = a + \sqrt{\pi b/4}, \quad \sigma^2 = \frac{b(4-\pi)}{4}$$

 $b = p(z) = \frac{1}{2} z^{\{\gamma-1\}} e^{-z-\gamma}$

指数
$$p(z) = \frac{a^b z^{b-1}}{(b-1)!} e^{-az}$$
 , $z \ge 0$ $\|\bar{z} = \frac{1}{a}, \sigma^2 = \frac{1}{a^2}$

병화 회
$$p(z)=\frac{1}{0}$$
 , $a\leq z\leq b$ $a\leq b$

核盐
$$p(z) = \frac{P_s}{P_p} , \substack{z=2^{k-1} \\ z=0}$$

参数估计
$$\mu = \sum_{z_i \in S} z_i p(z_i)$$
 $\sigma^2 = \sum_{z_i \in S} (z_i - \mu)^2 p(z_i)$

只存在噪声的复原--空间滤波

加性噪声退化后: $g(x,y) = f(x,y) + \eta(x,y)$ G(u,v) = F(u,v) + N(u,v) (噪声未知)

算术平均滤波 $\hat{f}(x,y) = \frac{1}{mn} \sum_{(r,c) \in S_{xy}} g(r,c)$

S表示中心在(x,y), 尺寸为mxn 的图像;平滑了一幅图像的局部变化;在模糊了结果的同时减少了噪声

几何平均滤波 $\hat{f}(x,y) = \left[\prod_{(r,c) \in S_{xy}} g(r,c)\right]^{\frac{1}{mn}}$

平滑度可以与算术均值滤波器相比;图像细节丢失更少

谐波平均滤波 $\hat{f}(x,y) = \frac{mn}{\sum_{\{r,c\} \in S_{gy}} \frac{mn}{p^{n}-c_{0}}}$ 对于"盐粒"效果好,不适用于"胡椒"; 善于处理像高斯噪声的噪声 反谐波平均 $\hat{f}(x,y) = \frac{\sum_{\{r,c\} \in S_{gy}} g^{\{r,c\}} Q^{2}}{2c_{0}}$ Q 称为滤波器的阶数,>0 用于胡椒、<0 用于盐粒、=0 变为算数平均 _{i=9} g(r,c)^{Q-1} _{S±9} g(r,c)^{Q-1} Q 称为滤波器的阶数,>0 用于胡椒,<0 用于盐粒,=0 变为算数平均,=-1 变为谐波平

统计排序

中值 $\hat{f}(x,y) = medianig((r,c) \in S_{xy}ig)\{g(r,c)\}$ 与大小相同的线性平滑滤波相比,有效地降低某些随机噪声,且模糊度 要小得多

最大值 $\hat{f}(x,y) = \max_{(r,c) \in S_{xy}} g(r,c)$ 发现最亮点,过滤胡椒

最小值 $\hat{f}(x,y) = \min_{(r,c) \in S_{xy}} g(r,c)$ 发现最暗点,过滤盐粒

中点 $\hat{f}(x,y)=rac{1}{2}\left[\max_{(r,c)\in S_{xy}}\{g(r,c)\}+\min_{(r,c)\in S_{xy}}\{g(r,c)\}
ight]$ 适合处理随机分布的噪声,如高斯噪声和均匀噪声

修正后的阿尔法均值滤波 $\hat{f}(x,y) = \frac{1}{mn-d} \sum_{(r,c) \in S_{mn}} g_R(r,c)$

在S邻域內去掉 $g(\mathbf{r},\mathbf{c})$ 最高灰度值的d/2和最低灰度值的d/2。 代表剩余的mn-d个像素 d=0变为算数平均.=mn-1变为中

自适应 σ_n^2 噪声方差

g(x,y)表示噪声图像在点(x,y)上的值

 $\overline{z}_{S_{xy}}$ 在 S_{xy} 上像素点的局部平均灰度

 $\sigma_{S_{xy}}^2$ 在 S_{xy} 上像素点的局部方差

局部降噪

$$\hat{f}(x,y) = g(x,y) - \frac{\sigma_{\eta}^2}{\sigma_{S_{xy}}^2} \Big[g(x,y) - \overline{z}_{S_{xy}} \Big]$$

 z_{min} 是 $S_{\{xy\}}$ 中的最小灰度值; z_{max} 是 $S_{\{xy\}}$ 中的最大灰度值; z_{med} 是 $S_{\{xy\}}$ 中的灰度值的中值; $z_{\{xy\}}$ 是坐标(x,y)处的灰度值; S_{max} 是 $S_{\{xy\}}$ 允许的最大尺寸。

层次 A: 若 $z_{min} < z_{med} < z_{max}$,则转到层次B

否则,增 $S_{\{xy\}}$ 的尺寸,

若 $S_{\{xy\}}l=S_{max}$,則重复层次 A

否则,输出z_{med}

层次 B: 若 $z_{min} < z_{\{xy\}} < z_{max}$,则输出 $z_{\{xy\}}$

否则,输出z_{med}

陷波滤波器

 $H_{\mathrm{NR}}(u,\nu) = \prod_{k=1}^Q H_k(u,\nu) H_{-k}(u,\nu)$

陷波帶通滤波器 $H_{\rm NP}(u,\nu)=1-H_{\rm NR}(u,\nu)$

 $N(u,\nu) = H_{\rm NP}(u,\nu) G(u,\nu) \ \eta(x,y) = \mathfrak{T}^{-1} \{ H_{\rm NP}(u,\nu) G(u,\nu) \} \ \hat{f}(x,y) = g(x,y) - w(x,y) \eta(x,y)$ $w(x, y) = \frac{\overline{g\eta} - \overline{g\eta}}{\overline{\eta^2} - \overline{\eta}^2}$

线性位置不变退化

如果退化模型为线性和位置不变的

 $g(x, y) = (h \operatorname{star} f)(x, y) + \operatorname{eta}(x, y)$ G(u, v) = H(u, v) F(u, v) + N(u, v)

估计退化函数

观察法 收集图像自身的信息

试验法 使用与获取退化图像的设备相似的装置

数学建模法 建立退化模型,模型要把引起退化的环境因素考虑在内

逆滤波

$$\hat{F}(u,v) = \frac{G(u,v)}{H(u,v)} == F(u,v) + \frac{N(u,v)}{H(u,v)}$$

最小均方误差(维纳)滤波

G(u,v)为退化图像傅里叶变换;

H(u, v)为退化传递函数:

 $H^*(u, v) = H(u, v)$ 为其复共轭;

 $S_{f(u,v)} = |F(u,v)|^2$ 为未退化函数功率;

 $S_{\eta}(u,v) = |N(u,v)|^2$ 为噪声功率谱;

信樂比頻城 SNR = $\frac{\sum \liminf_{u=0}^{M-1} \sum \liminf_{v=0}^{N-1} |F(u,v)|^2|}{\sum \liminf_{v=0}^{M-1} \sum \lim \inf_{v=0}^{M-1} |N(u,v)|^2|}$ 空域SNR = $\frac{\sum_{u=0}^{M-1} \sum_{v=0}^{N-1} f(x,y)^2 / \sum_{u=0}^{M-1} f(x,y)^2 / \sum_{v=0}^{M-1} f(x,y)^2 / \sum_{v=0}^{M-$

均方误差 MSE = $\frac{1}{MN}\sum_{x=0}^{M-1}\sum_{y=0}^{N-1}\left[f(x,y)-\hat{f}(x,y)\right]^2$

约束最小二乘方滤波

约束 $|g - H\hat{f}|^2 = |\eta|^2$

准則函数最小化 $C = \sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} \left[\nabla^2 f(x,y) \right]^2$

最佳问题的解 $\hat{F}(u,v) = \left[\frac{H^*(u,v)}{|H(u,v)|^2 + \gamma |P(u,v)|^2}\right]G(u,v)$ 当 $\gamma = 0$ 时,退变成逆滤波

几何均值滤波

$$\hat{F}(u,v) = \left[\frac{H^*(u,v)}{|H(u,v)|^2}\right]^a \left[\frac{H^*(u,v)}{|H(u,v)|^2 + \beta \left[\frac{S_{\mathcal{I}}(u,v)}{S_{\mathcal{I}}(u,v)}\right]}\right]^{1-\alpha}$$

当 $\alpha=0$ 时,滤波器退化为逆滤波器。当 $\alpha=0$ 时,滤波器退化为参数维纳滤波器。当 $\alpha=0,\beta=1$ 时,滤波器退化为标准 $3\alpha=0$ 0 1,000 km 2π (-0.7) m -0.8 m -