Procesamiento de señales. Fundamentos

Reconstrucción

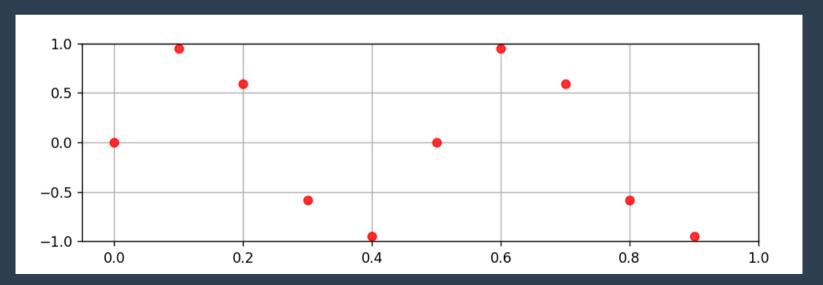
- Interpolación de Shannon
- Efecto ZOH
- Generación y reproducción de audio con Python y pulseaudio
- Números Q y Float
- Utilidades CMSIS-DSP

```
0000 c0ff 0300 80ff 0100 c0ff 0400 4000
                                      a.....
0500 0000 faff c0ff 0200 c0ff 0600 0000
             6572 2000 0000 f2ff 0000
         0600 0000 0000 coff f6ff 0000
         f6ff 0000 0d00 4000 feff 0000
                                      0400 c0ff 0200 0000 feff 0000 0800 c0ff
         6164 6572 2000 0000 ecff coff
e8ff 0000 0100 c0ff 0300 c0ff edff c0ff
         f0ff 0000 0100 c0ff 0500 c0ff
0200 c0ff 0500 c0ff f6ff 0000 feff 0000
         0900 0000 0a00 coff f8ff 0000
         f9ff c0ff 0400 c0ff 0500 0000
             0000 0300 0000 0100 c0ff
                  0200 0000
         f9ff 0000 0400 0000 f7ff 0000
foff nann nann onff ffff nann fiff onff
```

Reconstrucción

Filtro reconstructor (FAA) - Pasa bajos

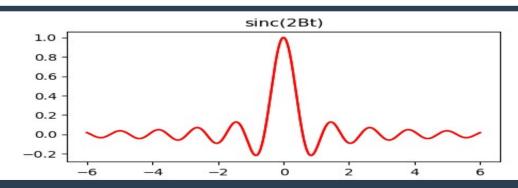
- Consiste en obtener una señal continua a partir de una discreta
- Si es continua => el bloque reconstructor deberá ser analógico
- Habrá que rellenar/interpolar los infinitos puntos intermedios
- Cuantos puntos como mínimo serian necesarios para una interpolación correcta?
- Cual seria la función de interpolación optima?



Teorema del sampleo - Shannon-Nyquist

La reconstrucción exacta de una señal periódica continua en banda base a partir de sus muestras, es matemáticamente posible si la señal está limitada en banda y la tasa de muestreo es superior al doble de su ancho de banda

$$x(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} x_n \frac{\sin \pi (2Bt-n)}{\pi (2Bt-n)}.$$

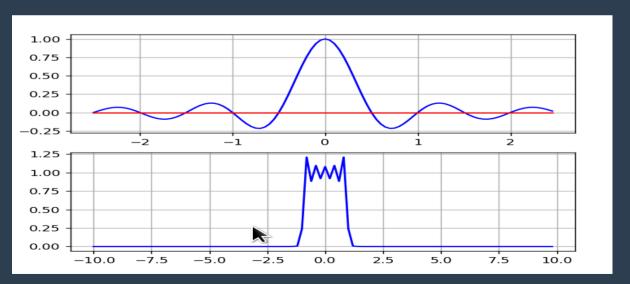




Ver codigo sinc.py

Teorema del sampleo - Sinc Function

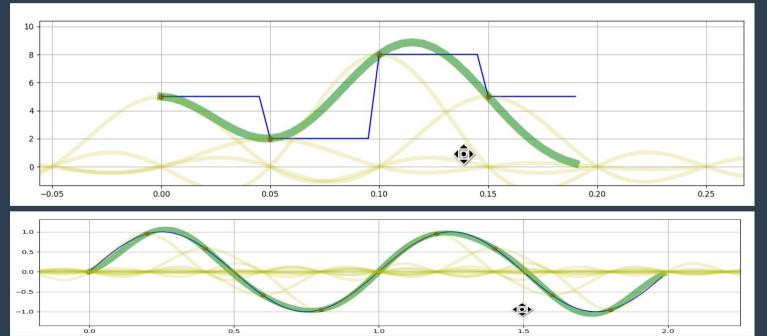
- Notar que los instantes de cruce por cero coinciden con los momentos de sampleo
- Notar que vale 1 justo en t=0
- Esta cualidad hace que para el instante de sampleo en 0, mantenga el sample intacto, y entre sample y sample se sumen un proporcional de todos los samples anteriores y posteriores
- Notar que la transformada de la sinc es un rectanngulo. Se puede inferir que si la respuesta en frecuencia de un filtro es un rectangulo, estariamos reconstruyendo la señal de manera optima



Ver código: sinc.py

Teorema del sampleo - Python

- Reconstrucción utilizando el promedio de funciones Sinc centradas en cada muestra. Teorema de Shannon
- Probar diferentes escenarios cambiando la cantidad de samples



Ver código: recontrstruccion.py

Efecto de aliasing en Python

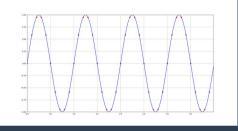
Azul: 1hz fs=inf



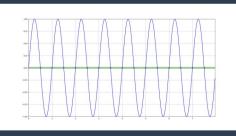
Rojo: samples fs=2.2 Verde Shannon



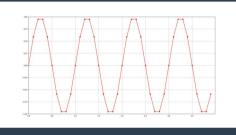
Azul: 1hz fs=inf Rojo: samples fs=10



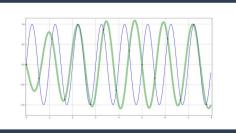
Rojo: samples fs=2.0 Verde: Shannon



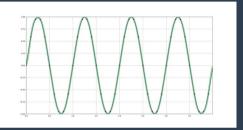
Reconstrucción con lineas



Rojo: samples fs=1.8 Verde: alias f=-0.8



Reconstrucción con Shannon



Azul: f=6 fs=10 Verde: f=-4

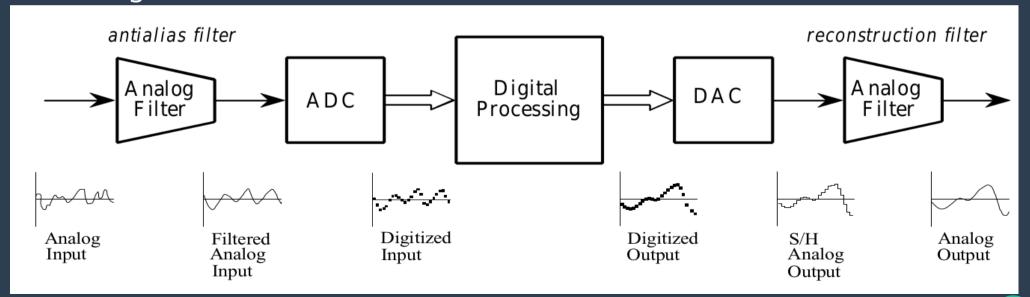


Se puede distinguir una señal de 1Hz sampleada a fs=1.8 de una señal de -0.8Hz sampleada a la misma Fs? Porque? Como se resuelve?



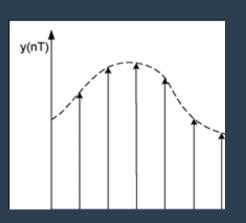
Digitización - Secuencia completa

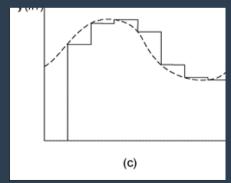
- Secuencia de digitizacion, procesamiento y reconstrucción.
- Se agrega el bloque (filtro) anti alias.
- Se agrega el bloque (filtro) de reconstrucción
- Falta algo mas??

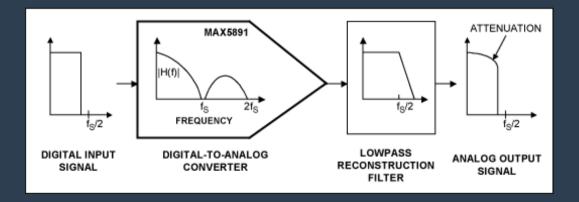


Reconstrucción - Respuesta del DAC - ZOH

- En el análisis teórico la salida del DAC debería ser un pulso de duración 0 para cada muestra.
- En general el DAC no genera pulsos de corta duración sino que mantienen un valor constante por un lapso de tiempo igual a 1/fs
- Esta diferencia se traduce en una atenuación de la salida para frecuencias cercanas a fs/2

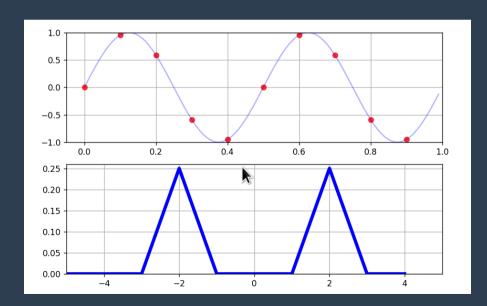


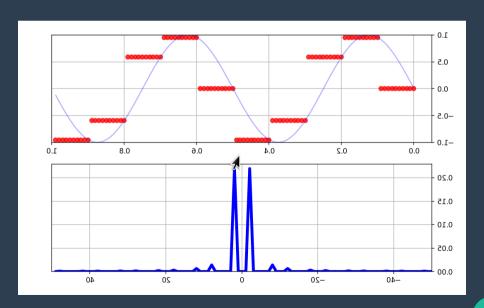




Reconstrucción - Respuesta del DAC - ZOH

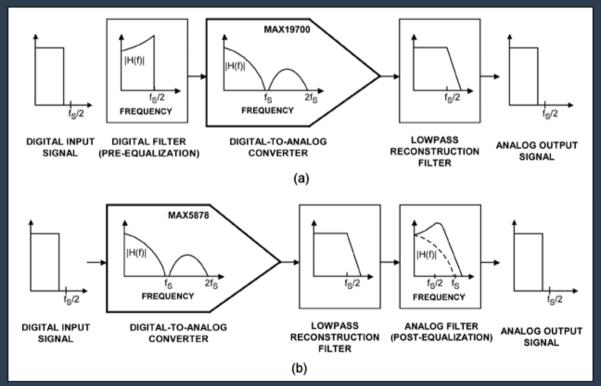
- Se puede ver que el espectro de la señal con ZOH tiene componentes de mayor frecuencia que lo esperado
- Por otro lado la energía de la componente principal se ve disminuida con respecto al grafico de la izquierda
- Significa que para reconstruir la salida de un ZOH no alcanza con un filtro reconstructor optimo, habra que amplificar las componentes de frecuencia cercanas a fs





Reconstrucción - Mitigacion efecto ZOH

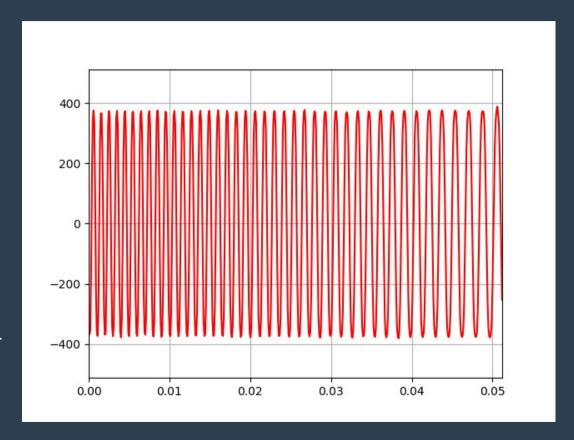
- Se puede mitigar el efecto de la atenuación con diferentes técnicas
 - Pre-equalizacion
 - Post-ecualizacion
 - Interpolación
 agregando datos en el
 DAC
 - Aumentando Fs



Generación

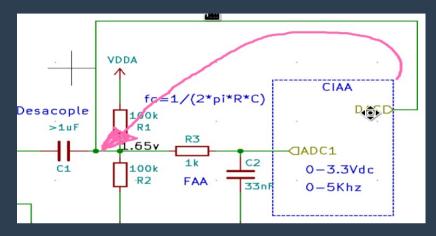
Generación de sonidos con Python

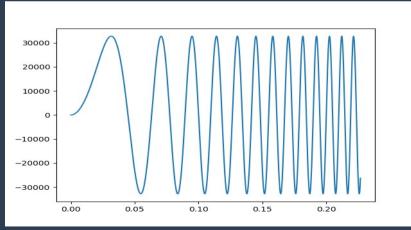
- Se puede utilizar el modulo pulseaudio para generar señales de prueba
- Install: https://pypi.org/project/simpleaudio/
- Ejemplos en2_clase/simpleaudio_tutorial.pdf
- Se muestran ejemplos de generación de senoidales, cuadradas, sweepts etc.
- También se puede reproducir directamente audio desde el ordenador para su análisis
- Ver código: audio_gen.py



Generación de sonido con CIAA

- Se puede utilizar el loop que conecta la salida del DAC con la entrada del ADC
- Se pueden utilizar las primitivas de CMSIS-DSP para sintetizar señales
- Se continua utilizando el ADC para samplear y enviar por UART

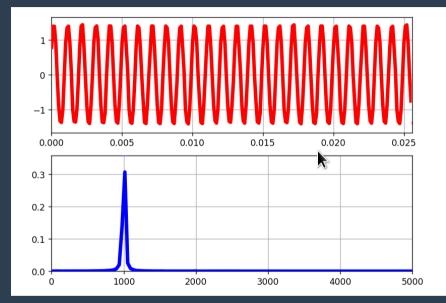




Ver código: ciaa/psf1/psf.c

Generación de sonido con CIAA

- Se puede generar una senial senoidal y a partir de alli un tono, un acorde o una sweepts
- Al tiempo que se genera, tambien se adquiere, esto es particularmente util para calibrar el ADC y validar los datos



```
dacWrite( DAC, D0m(t)); // acorde
dacWrite( DAC, 512*arm_sin_f32 (t*Br/2*(t/sweept)*2*PI)+512); // sweept
dacWrite( DAC, 512*arm_sin_f32 (t*tone*2*PI)+512); // tono
```

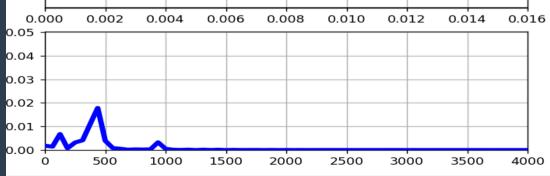
Reproducción

Proyecto repetidor de sonido | Lo-Ro-Lo

- Se pueden utilizar los datos capturados con la ciaa y reproducirlos con simpleaudio
- En la mayoria de las tarjetas de audio convencionales solo soportan 8k, 22050hz y 44100hz como fs. En el caso de la ciaa, el mas cercano posible es 8k
- Se reproducen chunks de datos mientras se captura el resto

Ver códigos:
ciaa/psf3/src/psf.c
ciaa/psf3/visualize.py

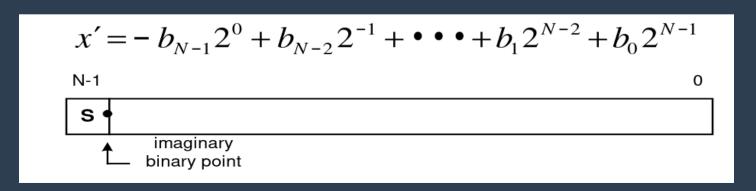
```
rec=np.concatenate((rec,((adc/1.65)*2**(15-1)).astype(np.int16)))
return adcLn, fftLn
play obj = sa.play buffer(rec, 1, 2, 8000)
print('playing')
       0.002
0.000
              0.004
                    0.006
                           0.008
                                  0.010
                                        0.012
                                               0.014
                                                      0.016
```



Números Q

Sistema de números Q

- Porque no almacenar los números en formato entero complemento a 2?
- Se puede, pero en general es conveniente darle sentido a los datos, y para ello se necesita escalar los datos para que representen los parámetros físicos
- Por lo general es muy usual usar valores entre -1 y 1, dado que es fácil de interpretar
- En ese caso se puede imaginar un punto fraccional en el bit 15.
- Esta interpretación seria un numero de punto fijo o Q1.15 como se ve en la figura



Sistema de números Q

- Qm.n:
 - m: cantidad de bits para la parte entera
 - n: cantidad de bits para la parte decimal
 - Los rangos para signados

$$[-(2^{m-1}), 2^{m-1} - 2^{-n}]$$

Los rangos para sin signo

$$[0, 2^m - 2^{-n}]$$

Resolución constante 1/2^n

Sistema de números Q

Tabla de ejemplos Q1.2 y Q2.1 signado (S) y no signado (U)

UQ3.0	UQ2.1	UQ1.2
011 = 3	01.1 = 1+1/2= 1.5	0.11 = 0+1/2+1/4= 0.75
010 = 2	01.0 = 1+0/2= 1.0	0.10 = 0+1/2+0/4= 0.5
001 = 1	00.1 = 0+1/2= 0.5	0.01 = 0+0/2+1/4= 0.25
000 = 0	00.0 = 0+0/2= 0.0	0.00 = 0+0/2+0/4= 0.0
111 = 7	11.1 = 3+1/2= 3.5	1.11 = 1+1/2+1/4= 1.75
110 = 6	11.0 = 3+0/2= 3.0	1.10 = 1+1/2+0/4= 1.5
101 = 5	10.1 = 2+1/2= 2.5	1.01 = 1+0/2+1/4= 1.25
100 = 4	10.0 = 2+0/2= 2.0	1.00 = 1+0/2+0/4= 1.0

SQ3.0	SQ2.1	SQ1.2
011 =+3	01.1 = 1+1/2=+1.5	0.11 = 0+1/2+1/4=+0.75
010 =+2	01.0 = 1+0/2=+1.0	0.10 = 0+1/2+0/4=+0.5
001 =+1	00.1 = 0+1/2=+0.5	0.01 = 0+0/2+1/4=+0.25
000 =+0	00.0 = 0+0/2=+0.9	0.00 = 0+0/2+0/4=+0.0
111 =-1	11.1 =-1+1/2=-0.5	1.11 =-1+1/2+1/4=-0.25
110 =-2	11.0 =-1+0/2=-1.0	1.10 =-1+1/2+0/4=-0.5
101 =-3	10.1 =-2+1/2=-1.5	1.01 =-1+0/2+1/4=-0.75
100 =-4	10.0 =-2+0/2=-2.0	1.00 =-1+0/2+0/4=-1.0

Sistema de números Q en Python

```
20 from fxpmath import Fxp
19 import numpy as np
          = 2
15 SIGNED = True
13 if(SIGNED):
       MIN
              = -2**(M-1)
              = 2**(M-1)-1/2**N
10 else:
      MIN
      MAX
             = 2**(M) - 1/2**N
  n=np.arange(MIN,MAX+1/(2**N),1/(2**N))
   Q = Fxp(n, signed = SIGNED, n word = M+N, n frac = N,rounding = "trunc")
  for i in range(len(n)):
       print("decimal: {0:.5f} \tbinary: {1:} \thex: {2:}"
             .format(n[i],
                               Fxp.bin(Q)[i], Fxp.hex(Q)[i])
```

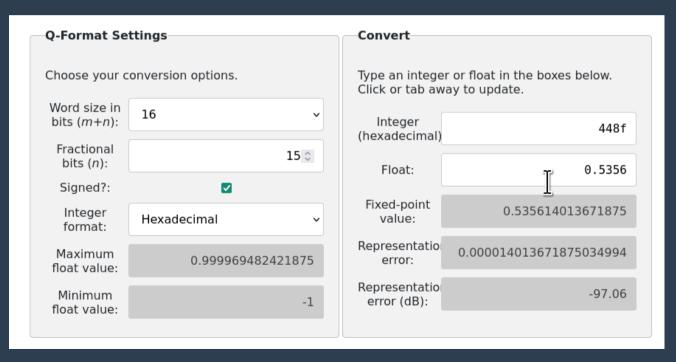
Ver código:
numeros_Q.py

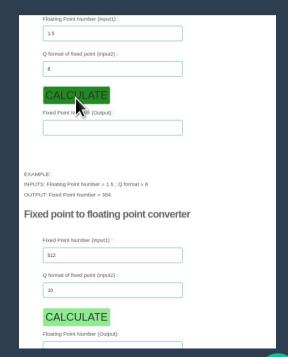
- Se propone el uso de la biblioteca fxpmath para convertir de float a Q
- Se comparte un generador de números Q genérico
- Soporta signados y no signados de cualquier combinacion de m,n

```
Press ENTER or type command to continue
decimal: -1.00000
                        binary: 100
                                        hex: 0x4
decimal: -0.75000
                        binary: 101
                                        hex: 0x5
decimal: -0.50000
                        binary: 110
                                        hex: 0x6
decimal: -0.25000
                        binary: 111
                                        hex: 0x7
decimal: 0.00000
                        binary: 000
                                        hex: 0x0
decimal: 0.25000
                        binary: 001
                                        hex: 0x1
decimal: 0.50000
                        binary: 010
                                        hex: 0x2
decimal: 0.75000
                        binary: 011
                                        hex: 0x3
Press ENTER or type command to continue
```

Números Q — Conversor en linea Float->Q

- https://chummersone.github.io/qformat.html
- https://www.rfwireless-world.com/calculators/floating-vs-fixed-point-converter. html

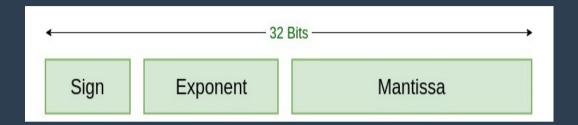


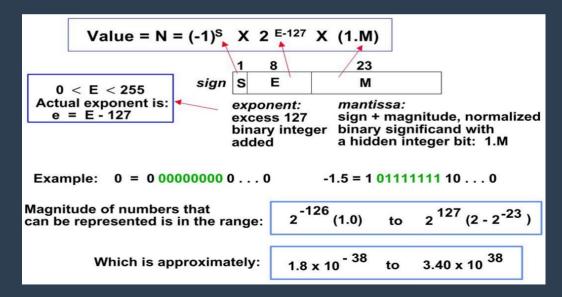


Números Float32

Números Float32 IDEE 754

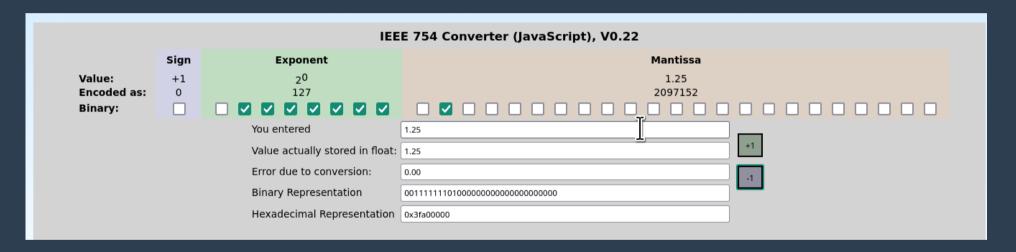
- Se propone el uso de la biblioteca fxpmath para convertir de float a Q
- Se entrega un generador de números Q genérico
- Ver código: números_Q.py





Números Float32 IDEE 754

- Convertidor en linea:
- https://www.h-schmidt.net/FloatConverter/IEEE754.html



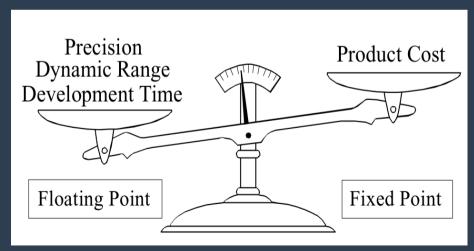
Comparativa Q vs Float

Float

- Cantidad de patrones de bits= 4,294,967,296
- Gap entre números variable
- Rango dinámico ±3,4e1038 , ±1,2e10−38
- Gap 10 millones de veces mas chico que el numero

SQ1,31

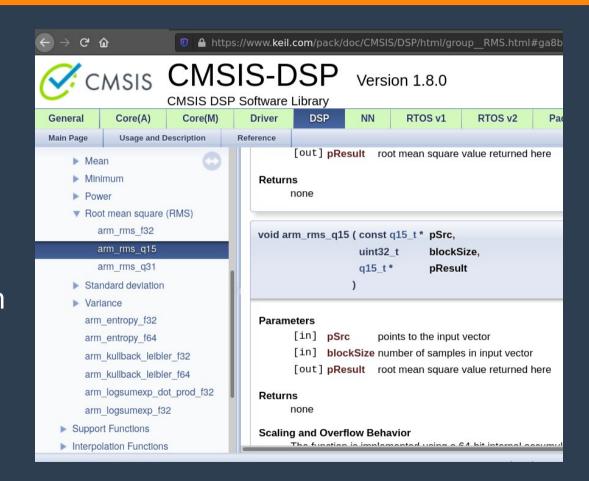
- Cantidad de patrones de bits = 4 294 967 295
- Gap entre números constante = 4.65661e-10
- Rango dinámico 1(no inclusive) a −1 (inclusive)
- Gap 4mil millones de veces mas chico que el numero mas grande



CMSIS-DSP

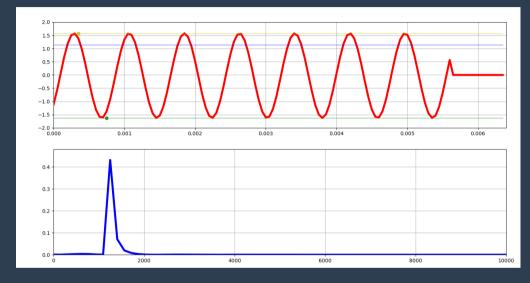
CMSIS-DSP — max, min , rms con números Q

- Investigar la biblioteca CMSIS-DSP
- Implementar y probar algunas de sus funciones utilizando números Q
- https://arm-software.github.i o/CMSIS_5/Core/html/index.h tml



CMSIS-DSP — max, min , rms con números Q

- Se propone como ejemplo de uso de la biblioteca CMSIS-DSP y el formato de numeración Q1.15 el cálculo del máximo, mínimo y rms de una señal
- Ver código
 - ciaa/psf2/psf.c
- Se grafican los datos, ver código
 - ciaa/psf2/visualize.py





Sistema de números Q con CMSIS

```
uint16_t printQ15(q15_t n,char *buf)

{
    int i;
    float ans=(n&0x8000)?-1:0;
    for(i=1;i<16;i++)
    {
        if(n&(0x8000>>i)){
            ans+=1.0/(1U<<i);
        }
    }
    return sprintf(buf,"q15: %i float:%.20f\r\n",n,ans);

4 }

q15_t printSqrtQ15(q15_t n,char *buf)

{
    q15_t b;
    arm_sqrt_q15(n,&b);
    return printQ15(b,buf);
}</pre>
```

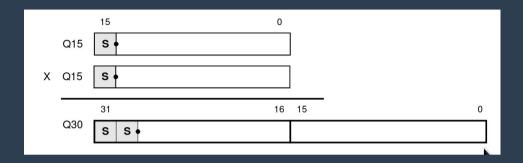
```
q15: -30637 float:-0.93496704101562500000 q15: 23172 float:0.70715332031250000000 q15: -30636 float:-0.93493652343750000000 q15: 23172 float:0.70715332031250000000 q15: -30635 float:-0.934906005859375000000 q15: 23172 float:0.70715332031250000000 q15: -30634 float:-0.934875488281250000000 q15: -30633 float:-0.934844970703125000000
```

- Se propone el uso de la biblioteca CMSIS de ARM para trabajar con números Q
- Los mas populares son Q15, Q32 y Q64
- Se muestra como ejemplo una funcion para imprimir números Q como float
- Se muestra un ejemplo de como calcular la raiz cuadrada con CMSIS en Q15

Ver código:
ciaa/psf4/src/psf.c

Multiplicación de números Q

- Notar que la multiplicación de dos números Q1.15 genera un resultado Q2.30.
- En general la multiplicación de 2 números de n bits requieren 2*n bits para su representación
- Se deberá optar por alguna política de redondeo, truncamiento o cambio de tipo de numeración



```
31 16 15 0

Q30 S S rounding by addition a '1' here + 1 00 0000 0000 0000
```

```
4 q15_t multiQ15(q15_t a,q15_t b)
5 {
6    q31_t ans;
7    ans=a*b;
8    ans<<=1;
9    return ans>>16;
10 }
```