

Министерство образования Республики Беларусь

Учреждение образования  
“Белорусский государственный университет  
информатики и радиоэлектроники”

Факультет информационных технологий и управления

Кафедра интеллектуальных информационных технологий

**Лабораторная работа №2 по курсу «МРЗвИС»**  
**на тему:**  
«Реализация модели решения задачи на ОКМД архитектуре»

Выполнил студент группы 821703:

Веренич К.О.

Проверила:

Орлова А.С.

Минск 2020

## Цель

Реализовать и исследовать модель решения на ОКМД архитектуре задачи вычисления матрицы значений.

## Дано

Сгенерированные матрицы  $A, B, E, G$  заданных размерностей  $p \times m, m \times q, l \times m, p \times q$  соответственно со значениями в рекомендуемом диапазоне  $[-1;1]$ .

$$\begin{aligned}c_{ij} &= \tilde{\wedge}_k f_{ijk} * (3 * g_{ij} - 2) * g_{ij} + \left( \tilde{\vee}_k d_{ijk} + \left( 4 * \left( \tilde{\wedge}_k f_{ijk} \tilde{\circ} \tilde{\vee}_k d_{ijk} \right) - 3 * \tilde{\vee}_k d_{ijk} \right) * g_{ij} \right) * (1 - g_{ij}) \\f_{ijk} &= (a_{ik} \tilde{\rightarrow} b_{kj}) * (2 * e_k - 1) * e_k + (b_{kj} \tilde{\rightarrow} a_{ik}) * \left( 1 + \left( 4 * (a_{ik} \tilde{\rightarrow} b_{kj}) - 2 \right) * e_k \right) * (1 - e_k) \\d_{ijk} &= a_{ik} \tilde{\wedge} b_{kj}\end{aligned}$$

## Вариант

Вариант 5

$$\begin{aligned}\tilde{\wedge}_k f_{ijk} &= \prod_k f_{ijk} \\\tilde{\vee}_k d_{ijk} &= 1 - \prod_k (1 - d_{ijk}) \\\tilde{\wedge}_k f_{ijk} \tilde{\circ} \tilde{\vee}_k d_{ijk} &= \max \left( \left\{ \tilde{\wedge}_k f_{ijk} + \tilde{\vee}_k d_{ijk} - 1 \right\} \cup \{0\} \right) \\a_{ik} \tilde{\rightarrow} b_{kj} &= a_{ik} * (1 - b_{kj}) + 1 \\b_{kj} \tilde{\rightarrow} a_{ik} &= b_{kj} * (1 - a_{ik}) + 1 \\a_{ik} \tilde{\wedge} b_{kj} &= a_{ik} * b_{kj}\end{aligned}$$

Получить:  $C$  – матрицу значений соответствующей размерности  $p \times q$ .

## Описание модели

**T1** – время выполнения программы на одном процессорном элементе. Вычисляется путём подсчёта количества вызовов той или иной операции, а затем получение значение умножается на время данной операции. Данное действие повторяется для всех операций и в конце все значения суммируются. **Tn** – время выполнения программы на n-количестве процессорных элементов. необходимо установить зависимости между выполняемыми операциями. Вычисляется схожим путём, что и **T1**, за исключением поиска операций, которые можно считать на различных процессорах. Время выполнения такой операции считается следующим образом, а именно находится количество вызовов данной операции и делится на количество процессорных элементов. **Ky** – коэффициент ускорения равен **T1/Tn**. **e** – эффективность равна **Ky/n**. **D** - коэффициента расхождения программы, **D = Lsum/Lavg**. **Lsum** - суммарная длина программы и равна **Tn**. **Lavg** - средняя длина

программы. Вычисляется путём подсчета количества вызовов операций на различных ветвях выполнения программы. Имея, количества вызовов операций, выполняющихся на ветвях программы, и их время выполнения, считаем данную величину.

#### Исходные данные:

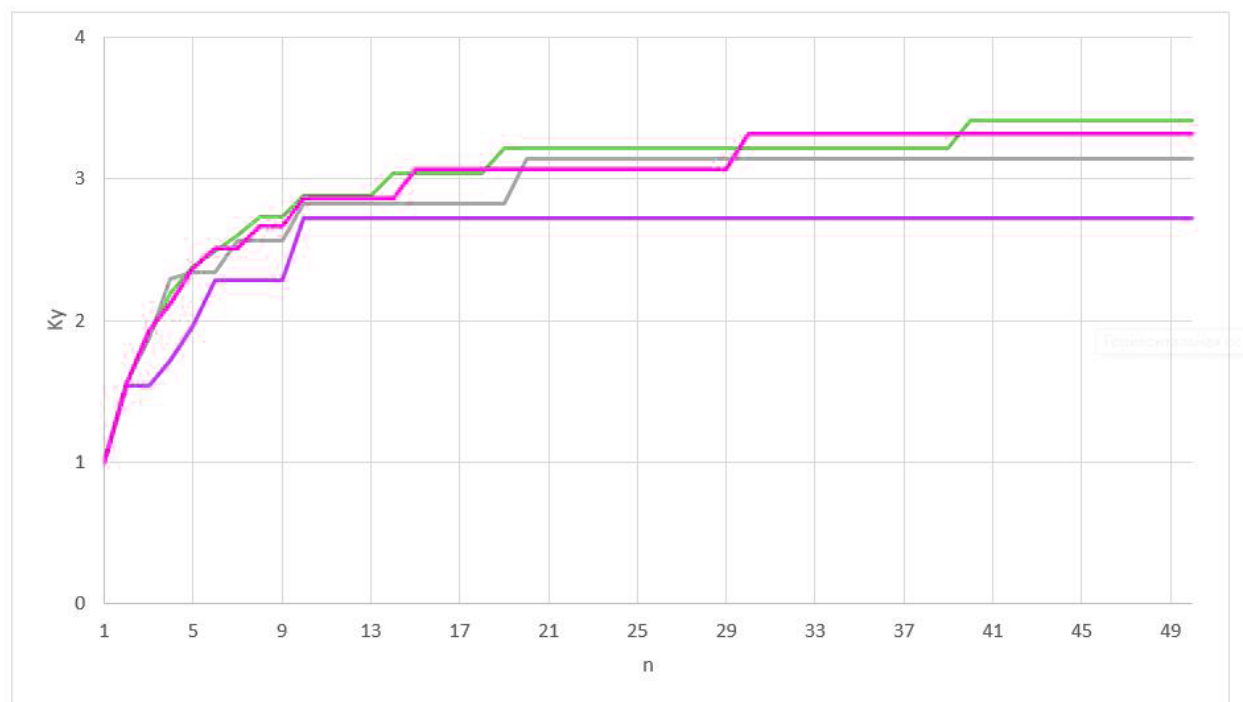
1. **p, m, q** – размерность матриц;
2. **n** – количество процессорных элементов в системе;
3. **ti** – время(длина) выполнения *i* операции над элементами матриц.
4. Матрицы **A, B, E, G** заполненные случайными числами в диапазоне  $[-1;1]$ .

#### Вопросы:

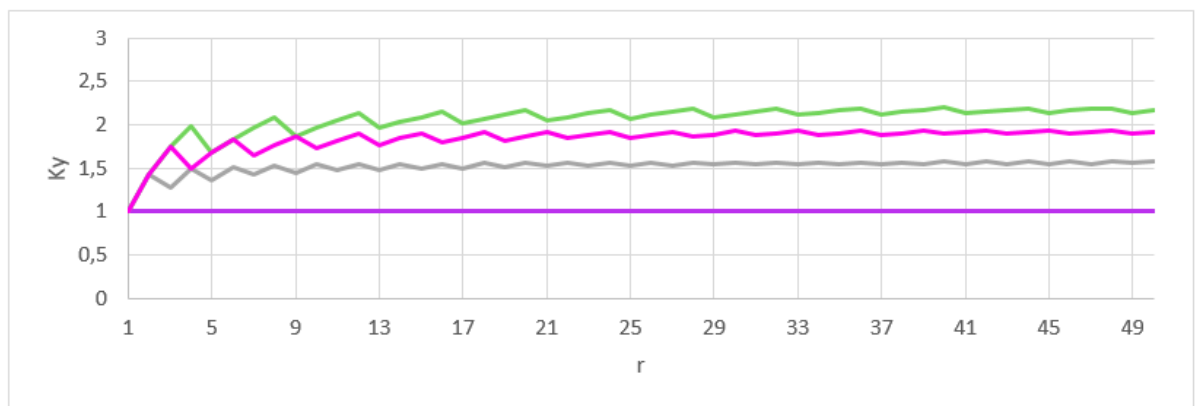
1. Проверить, что модель создана верно: программа работает правильно.

Исходные данные	<pre> Matrix A: -0.09 -0.2 0.6 0.71  Matrix B: 0.86 0.11 -0.37 -0.14  Matrix E: -1 -0.86  Matrix G: -0.6 0.42 -0.63 0.46 </pre>
Результат	<pre> Matrix C: -3.14344 0.605499 3.14126 1.77107 </pre>
Проверка	Matrix C[0][0] = -0.93154 – 1.212 * 1.825 = -3.14344
Ответ	Модель создана верно

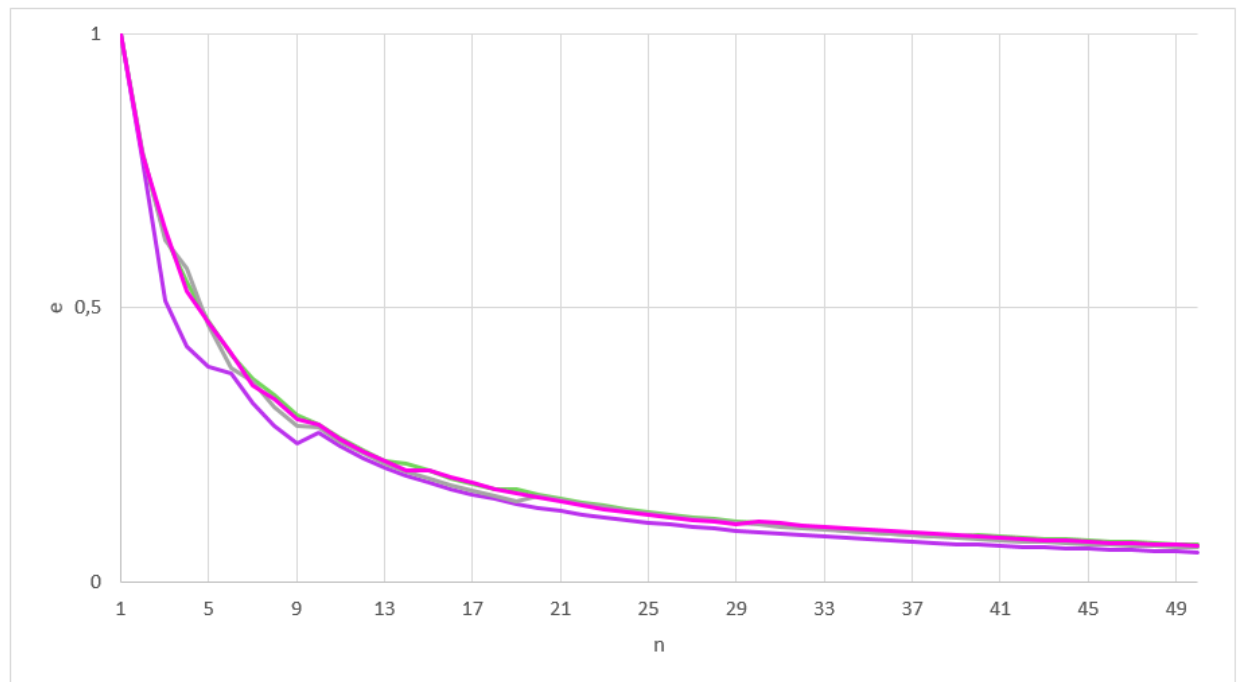
2. Построить графики и объяснить на них точки перегиба и асимптоты.



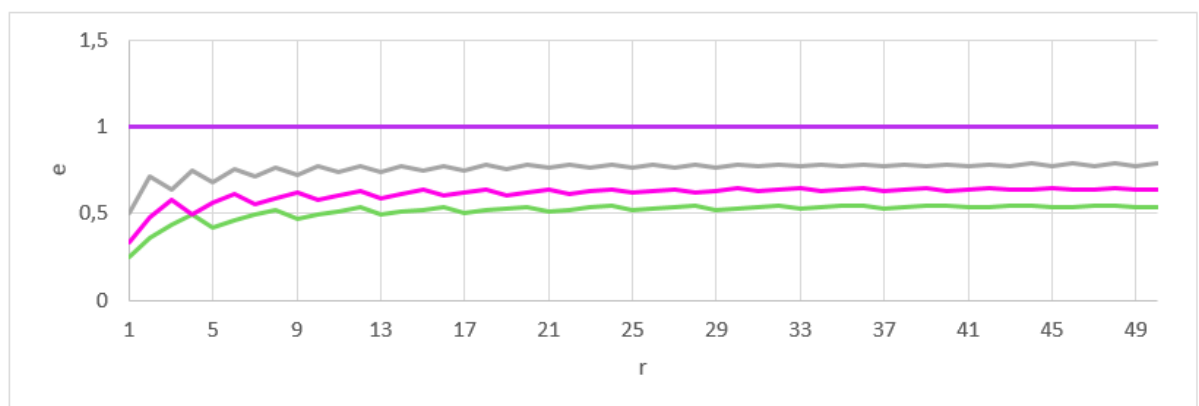
Асимптотой графика является прямая. Данная прямая параллельна оси абсцисс, ордината всех точек этой прямой равна значению коэффициента ускорения при  $n = r$ . Связано это с тем, что как только количество процессорных элементов становится больше ранга задачи, в вычислениях участвуют только  $r$  процессорных элементов, остальные никак не используются.



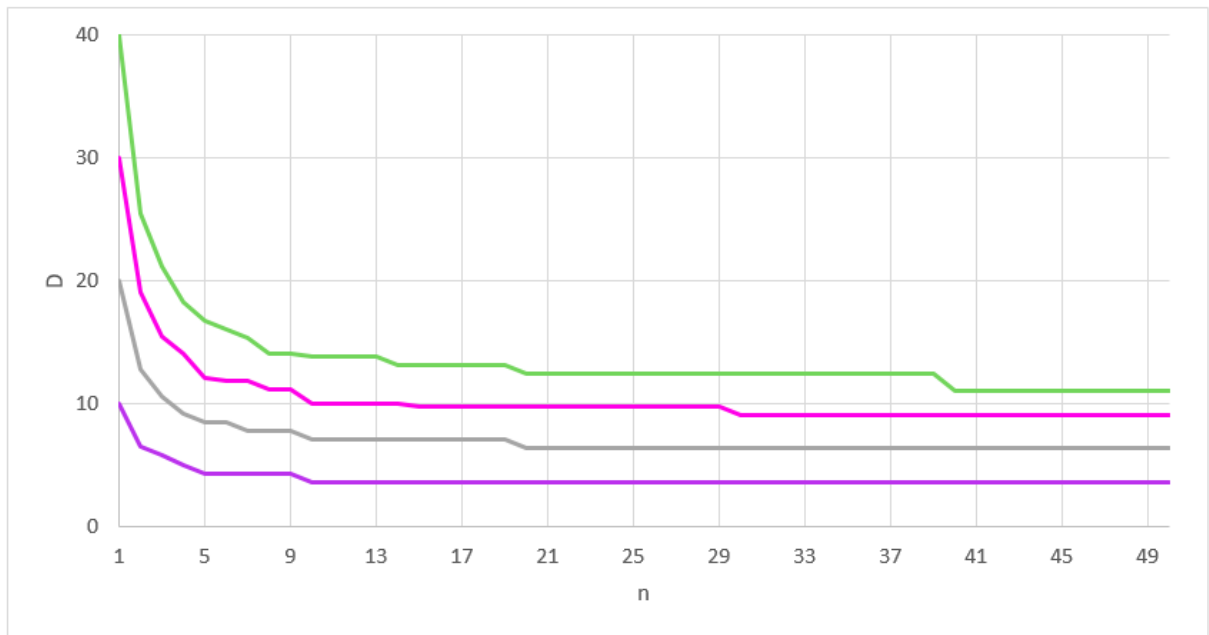
Асимптотой графика является прямая, параллельная оси абсцисс, а ордината всех точек этой прямой равна значению коэффициента ускорения при  $n = r$ . Точками перегиба являются те точки, в которых  $r$  кратно  $n$ . Связано это с тем, что при таких значениях  $r$ , все процессорные элементы одновременно задействованы в вычислениях.



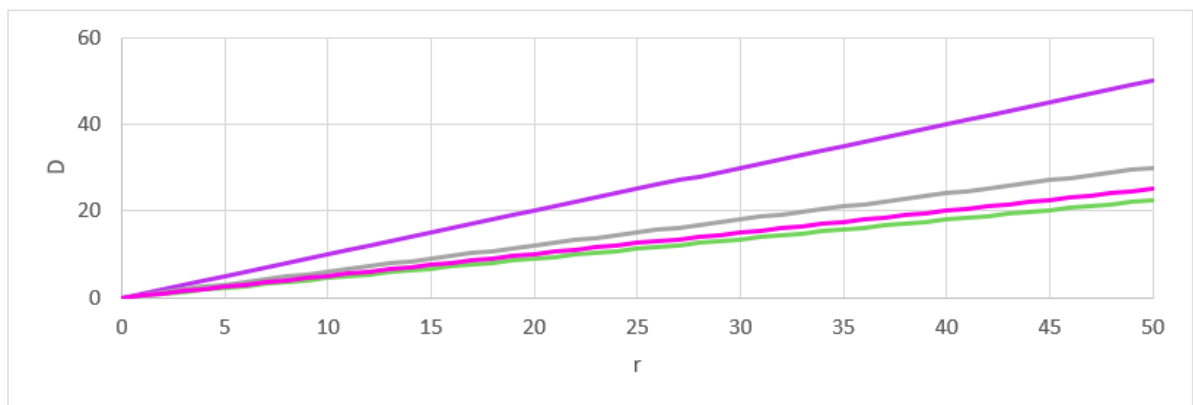
Асимптотой графика является прямая  $e = 0$ . Связано это с тем, что как только  $n$  становится равным  $r$ , рост коэффициента ускорения прекращается, а  $n$  продолжает увеличиваться.



Асимптотой графика является прямая  $e = 1$ . Точками перегиба являются те точки, в которых  $r$  кратно  $n$ . Связано это с тем, что при таких значениях  $r$ , все процессорные элементы одновременно задействованы в вычислениях.



Асимптотой графика является прямая, параллельная оси абсцисс, а ордината всех точек этой прямой равна значению коэффициента расхождения программы при  $n = r$ . Связано это с тем, что как только количество процессорных элементов становится больше ранга задачи, в вычислениях участвуют только  $r$  процессорных элементов, остальные никак не используются.



Асимптотой графика является функция  $D = k \cdot r + b$ . При  $n=1$ :  $k=1$   $b=0$ , при  $n=2$ :  $k=0.6$   $b=1$ , при  $n=3$ :  $k=0.5$   $b=1$ , при  $n=4$ :  $k=0.45$   $b=0.5$ .

3. Спрогнозировать, как изменится вид графиков при изменении параметров модели. Если модель позволяет, то проверить на ней правильность ответа.

- 1) Увеличивая  $n$ ,  $Ky(n)$  увеличивается. Рост значения  $Ky(n)$  наблюдается до тех пор, пока количество процессорных элементов не становится равным рангу задачи. После этого коэффициент ускорения не изменяется. Увеличивая  $r$ ,  $Ky(r)$  увеличивается скачкообразно.
- 2) Увеличивая  $n$ ,  $e(n)$  уменьшается. Увеличивая  $r$ ,  $e(r)$  растёт скачкообразно.
- 3) Увеличивая  $n$ ,  $D(n)$  уменьшается. Падение значения  $D(n)$  наблюдается до тех пор, пока количество процессорных элементов не становится равным рангу задачи. После этого коэффициент расхождения программы не изменяется. Увеличивая  $r$ ,  $D(r)$  растёт.

## **Вывод**

В результате выполнения лабораторной работы была реализована модель вычисления матрицы значений на ОКМД архитектуре. Данная модель была проверена на работоспособность и правильность получаемых результатов.

С помощью графиков, построенных в результате выполнения лабораторной работы, были изучены зависимости коэффициента ускорения, эффективности и коэффициента расхождения программы от количества процессорных элементов и ранга задачи.