### Курсовая: Техническая механика

### Расчет червячной передачи

• Диаметр вала: 22 мм

```
In [461... from math import pi, atan, degrees, cos, tan, radians
         from fontTools.ufoLib import validateFontInfoVersion2ValueForAttribute
         def degrees to radians(degrees, minutes=0):
              total degrees = degrees + minutes / 60
              # Переводим градусы в радианы
              return radians(total degrees)
In [462... # Частота вращения выходного вала редуктора
         n \text{ out} = 59
         Выбор ЭД
In [463... # КПД общий
          # КПД передачи = 0.8 (таблица 1.1)
         kpd m = 0.98
         kpd m * 0.8
Out[463... 0.784
In [464... # Мощность ЭД
         0.9 / 0.784
Out[464... 1.1479591836734693
In [465... # Диапазон частот
         print(f"{59*15} ... {59*30}")
        885 ... 1770
         Выбираю ЭД
         4А80В4У3 (3 - Чернавский стр.26)
           • Частота оборотов: 1500 Об/мин
           • Мошность: 1500 Вт

    Скольжение: 5.8 (3 - Чернавский стр.521, 4- Дунаев стр.457)
```

```
In [466... # Диаметр вала электродвигателя
         d ed = 22
         # Фактическая частота вращения
         n fact = 1500 * (100 - 5.8) / 100
         print(n fact)
        1413.0
In [467... # Передаточное число редуктора
         print(f"{n fact} / {n out} = {n fact/n out:.2f}")
        1413.0 / 59 = 23.95
In [468... # Принимаю стандартное значение передаточного числа редуктора по таблице 3.2
         u p = 25
         Определение кинематических и силовых
         параметров для каждого вала
         Быстроходный вал
In [469... # Частота оборотов
         n fact
Out[469... 1413.0
In [470... # Угловая скорость
         w1 = pi * n_fact / 30
         print(f"{w1:.3f}")
        147.969
In [471... # Мощность на входном валу после муфты
         P1 = 1500 * 0.98
         print(P1)
        1470.0
In [472... # Момент на входном валу, Н*мм
        T1 = P1 * 1000 / w1
         print(T1)
        9934.512371341238
         Тихоходный вал
```

```
In [473... # Ψαστοτα οδοροτοΒ

n1 = n_fact

n2 = n1 / u_p

print(n2)
```

```
In [474… # Угловая скорость w2 = pi * n2 / 30 print(w2)
```

#### 5.91876055936317

```
In [475... # Мощность на выходном валу
# 0.8 - кпд для червячного редуктора (таблица 1.1)
P2 = P1 * 0.8
print(P2)
```

### 1176.0

```
In [476… # Вращающий момент

T2 = P2 * 1000 / w2

print(T2)
```

198690.24742682476

Моменты для дальнейших расчетов

```
In [477... # Принимаю моменты для расчетов, H*мм
T1 = 9900
T2 = 198000
```

### Выбор материалов и допускаемых напряжений

```
In [478... # Скорость скольжения 
v_s = 4.5 * 10 ** (-4) * n1 * (T2 / 1000) ** (1/3) 
print(v_s)
```

3.706036899045438

### Выбираю материал для червячного колеса

Согласно таблице 3.1 стр.15

Бр А9Ж3Л

$$\sigma_{\scriptscriptstyle 
m T}=200$$

$$\sigma_{\scriptscriptstyle 
m B}=400$$

$$\sigma_H = 300 - 25v_s$$

$$\sigma_F = 0,25\sigma_{\scriptscriptstyle 
m T} + 0,08\sigma_{\scriptscriptstyle 
m R}$$

```
In [479... po h = 300 - 25 * v s
         print(f"300 - 25*{v s:.2f} = {300 - 25*v s:.1f}")
        300 - 25*3.71 = 207.3
         \sigma_F
In [480...] po f = 0.25*200 + 0.08*400
         print(po f)
        82.0
         Проектный расчет червячной передачи по контактным
         напряжениям
In [481... # Согласно таблице 3.2 выбираю стандартное передаточное отношение
         # Вычисляю число зубьев колеса
         z1 = 2
         z2 = z1 * u p
         print(z2)
        50
In [482... # Определяю межосевое расстояние
         K n = 1.1
         q = 12.5
         T2 m = T2 / 1000
         a_w = (z^2/q + 1) * ((5400/(z^2/q*po_h)) ** 2 * T^2_m * K_n) ** (1/3)
         print(f''(\{z2\}/\{q\} + 1) * ((5400/(\{z2\}/\{q\}*\{po_h:.0f\})) ** 2 * \{T2_m\} * \{K_n\}) *
         # Выбираю стандартное значение а w = 125 мм
         a w = 125
        (50/12.5 + 1) * ((5400/(50/12.5*207)) ** 2 * 198.0 * 1.1) ** (1/3) = 104.892
In [483... # Определяю величину осевого модуля для стандартного a_w
         m = 2*a w/(q + z2)
         print(m)
        4.0
         Выбираю стандартные значения из таблицы 3.3
         a_w=125~{
m mm}
         m=4~\mathrm{mm}
```

q = 12, 5

 $z_2:z_1=50:2$ 

### Определяю геометрические параметры червяка

```
In [484... d1 = d_1b = q * m]
         print(d1)
        50.0
In [485... da1 = d1 + 2 * m
         print(dal)
        58.0
In [486... df1 = d1 - 2.4*m]
         print(df1)
        40.4
In [487... # Длина нарезанной части червяка
         b1 = (11 + 0.06*z2)*m
         print(b1)
        56.0
         Определяю геометрические параметры колеса
In [488... d2 = d_2t = m * z2]
         print(d2)
        200.0
In [489... da2 = d2 + 2*m
         print(da2)
        208.0
In [490... df2 = d2 - 2.4*m]
         print(df2)
        190.4
In [491... # Ширина зубчатого венца червячного колеса
         b2 = 0.75*da1
         print(b2)
        43.5
In [492... # Проверяю выбранное значение v s
         tg_y = z1/q
         print(tg_y)
        0.16
In [493... y = atan(tg y)
         print(y)
        0.1586552621864014
```

```
In [494... # Угол в градусах deg_y = degrees(y) print(deg_y)

9.090276920822323
```

### Проверочный рассчет по контактным напряжениям

```
In [495... # Проверяю условие прочности выбранной стандартной передачи temp = (5400/(z^2/q))*(((z^2/q+1)/a_w)**3*T2_m*K_n)**(0.5) print(f"(5400/({z^2}/{q}))*((({z^2}/{q}+1)/{a_w})**3*{T2_m}*{K_n})**(0.5) = {(5400/(50/12.5))*(((50/12.5+1)/125)**3*198.0*1.1)**(0.5) = 159.3869254361850 4
```

Прочность по контрольным напряжениям обеспечена так как 159~MПа < 206~MПа

### Проверка прочности зубьев червячного венца на изгиб

```
In [496... # Окружная сила на колесе
          Ft2 = 2 * T2/d2
          print(f"2 * {T2}/{d2} = {2 * T2/d2}")
         2 * 198000/200.0 = 1980.0
In [497... # Окружная сила на червяке
          Ft1 = 2 * T1/d1
          print(f"2 * {T1}/{d1} = {2 * T1/d1}")
        2 * 9900/50.0 = 396.0
In [498... # Определение коэффициента формы зуба из таблицы 3.7
          z v = z2/cos(y) ** 3
          print(f''\{z2\}/cos(\{y:.4f\}) ** 3 = \{z2/cos(y) ** 3:.1f\}")
         50/\cos(0.1587) ** 3 = 51.9
          Принимаю форму зуба из таблицы 3.7
          Y_F = 45
          Значения коэффициентов расчетной нагрузки K_{\scriptscriptstyle
m H} и K_F принимаются
          одинаковыми (стр.18) = 1
```

```
In [499... Y_F = 1.45 K_F = 1 po_{ff} = 0.7*Y_F*Ft2*K_F/(b2*m) print(f"0.7*{Y_F}*{Ft2}*{K_F}/({b2}*{m}) = {0.7*Y_F*Ft2*K_F/(b2*m):.2f}") print(f"{po_{ff}:.1f} < {po_{f}}") print("Прочность по напряжениям изгиба обеспечена")
```

```
0.7*1.45*1980.0*1/(43.5*4.0) = 11.55 11.5 < 82.0 Прочность по напряжениям изгиба обеспечена
```

Уточняю КПД червячной передачи

```
In [500... kpd_b = tan(y)/tan(y + degrees_to_radians(1, 26))
print(kpd_b)
```

0.8613018256599354

Общий КПД

 $K\Pi Д = K\Pi Д \Pi * K\Pi Д M$ 

```
In [501... kpd_sum = kpd_b * kpd_m
print(f"{kpd_b:.3f} * {kpd_m} = {kpd_b * kpd_m:.3f}")
# print(kpd_sum)

0.861 * 0.98 = 0.844
```

Тепловой расчет

```
In [502... # FF = P1*(1 - kpd_sum)*A
```

### Расчет валов

### Расчет выполняю по таблице 4.1

Быстроходный вал (червяк)

```
In [503... # 1 ступень под муфту
d_lst = 1.2 * d_ed
print(f"1.2 * {d_ed} = {1.2 * d_ed}")
d_lst = 24
print(d_lst)

1.2 * 22 = 26.4
24

In [504... # 2 ступень под уплотнение крышки с отверстием и подшипник
t = 2 # Таблица 4.2
d_2st = d_lst + 2 * t
print(d_2st)
d_2st = 30
print(d_2st)

28
30
```

```
In [505… # 3 ступень под шестерню 
r = 1 # таблица 4.2
```

```
d_3st = d_2st + 3.2 * r
          print(d 3st)
          d 3st = 34
          print(d 3st)
        33.2
        34
In [506... # 4 ступень
          d 4st = d 2st
          print(d_4st)
        30
          Выходной вал (червячное колесо)
In [507... # Выходной вал под муфту: 1-я ступень
          d_1st_2 = (T2/(0.2 * 40)) ** (1/3)
          print(d 1st 2)
          d 1st 2 = 30
          print(d_1st_2)
        29.142383416257275
        30
In [508... # 2-я ступень
         t = 2.5
          d 2st 2 = d 1st 2 + 2 * t
          print(d 2st 2)
        35.0
In [509... # 3-я ступень
          d 3st 2 = d 2st 2 + 3.2 * r
          print(d 3st 2)
          d 3st 2 = 40
          print(d_3st_2)
        38.2
        40
In [510... # 4-я ступень
          d_4st_2 = d_2st_2
          print(d 4st 2)
        35.0
          Конструирование червячной передачи стр.20
In [511... # Наибольший диаметр червячного колеса
          d am2 = da2 + 6*m/(z1 + 2*z2)
          print(f''\{da2\} + 6*\{m\}/(\{z1\} + 2*\{z2\})) = \{da2 + 6*m/(z1 + 2*z2)\}")
          # print(d am2)
        208.0 + 6*4.0/(2 + 2*50) = 208.23529411764707
```

```
In [512... d st = 1.8 * d 3st 2
         print(f"1.8 * {d_3st_2} = {1.8 * d_3st_2}")
        1.8 * 40 = 72.0
In [513...] l_st = 1.7 * d_3st_2
         print(l st)
        68.0
In [514... po 1 = po 2 = 2 * m
         print(po_1)
        8.0
In [515... C = 0.25 * b2
         print(C)
        10.875
In [516... # d винта
         d vint = 1.4*m
         print(d vint)
        5.6
In [517... # l винта
         l vint = 0.4*b2
         print(l vint)
        17.400000000000000
In [518...] f = 0.2*d vint
         print(f)
        1.1199999999999999
         Параметры ступеней валов и подшипников
In [519... from IPython.display import Markdown
         l 1st = 50
         1 2st = 50
         1 3st = 240
         l 4st = 50
         l 1st 2 = 50
         1 2st 2 = 50
         1 3st 2 = 90
         1 4st 2 = 50
         Markdown(f"""
         ##### Быстроходный вал
         | d1 / l1 | d2 / l2 | d3 / l3 | d4 / l4 |
         |-----|
          | {d_1st} / {l_1st} | {d_2st} / {l_2st} | {d_3st} / {l_3st} | {d_4st} / {l_4
         ##### Подшипники для быстроходного вала
```

Out[519... Быстроходный вал

# **d1/l1 d2/l2 d3/l3 d4/l4** 24/50 30/50 34/240 30/50

Подшипники для быстроходного вала

Обозначение	dxDxB(T)	<i>Cr</i> , к Н	$C_0,$ к Н	lpha .
7606	30x72x29x29	63	51	-

Тихоходный вал

Подшипники для тихоходного вала

Обозначение	$dxDxB \\ (T)$	<i>Ст</i> , к Н	$C_0,$ к Н	lpha .
36207	35x72x17	24	18	12

### Выбор шпонок

Шпонки выбираю по таб. 4.8 стр 23

```
In [520... # Быстроходный вал
# Проверяю шпонку на смятие
b_sh_b = 8
```

```
h_sh_b = 7
l_rb = 37
tl_b = 4
p_sm = 2 * T1/(d_1st*l_rb*(h_sh_b - t1_b))
print(f"2 * {T1}/({d_1st}*{l_rb}*({h_sh_b} - {t1_b})) = {2 * T1/(d_1st*l_rb*)}

2 * 9900/(24*37*(7 - 4)) = 7.4324324324325

In [521... # Тихоходный вал
# Проверяю шпонку на смятие
b_sh_t = 14
h_sh_t = 9
l_rt = 66
t1_t = 5.5
p_sm = 2 * T2/(d_1st*l_rt*(h_sh_t - t1_t))
print(f"2 * {T2}/({d_1st}*{l_rt}*({h_sh_t} - {t1_t}))) = {2 * T2/(d_1st*l_rt*)}

2 * 198000/(24*66*(9 - 5.5)) = 71.42857142857143
```

## Определение сил в зацеплении и консольных сил от муфт

табл.4.10

1980.0

```
In [522... # Окружная сила на червяке
         print(f"2*{T1}/{d1} = {2*T1/d1}")
         print("Ft1")
        2*9900/50.0 = 396.0
        Ft1
In [523... # Окружная сила на колесе
         print(f"2*{T2}/{d2} = {2*T2/d2}")
         print("Ft2")
        2*198000/200.0 = 1980.0
        Ft2
In [524... # Радиальная сила на колесе и на червяке
         Fr2 = Ft2*tan(radians(20))
         print(Fr2)
         Fr1 = Fr2 = 720
         print(Fr2)
        720.6610638470806
        720
In [525... # Осевая сила на червяке
         Fa1 = Ft2
         print(Fa1)
```

```
In [526... # Осевая сила на колесе
Fa2 = Ft1
print(Fa2)

396.0

In [527... # Сила на муфте (быстроходный вал)
Fm1 = 4*(T1) ** 0.5
print(Fm1)
Fm1 = 398
print(Fm1)

397.994974842648
398
```

## Реакции и эпюры

### Расчет быстроходного вала

```
In [528... # Расчет быстроходного вала
         def calc_b():
             # Списки для построения эпюр
             lst_x1 = [0]
             lst M1 = [0]
             lst x2 = [0]
             lst_M2 = [0]
             # Червяк: длины, мм
             l1 = l 1st
             l2 = l 2st
             13 = 1 3st
             14 = 1 4st
             d1 = d 1b
             # Участки, мм
             a = 14/2 + 13/2
             b = a
             c = 12/2
             d = d1/2
             # Силы, Н
             Ft = Ft1
             Fr = Fr1
             Fa = Fa1
             Fm = Fm1
             # Вертикальная плоскость: ХҮ
```

```
#-----1. Реакции-----
# Моменты: положительно = против часовой стрелки
\# \Sigma M(A) = 0
\# -Fr*a - Fa*d + Rb*(a + b) = 0
Rb = Rb1 = (Fr*a + Fa*d)/(a + b)
\# \Sigma M(B) = 0
\# -Ra*(a + b) + Fr*b - Fa*d = 0
Ra = Ra1 = (Fr*b - Fa*d)/(a + b)
# Проверка ось Ү
\# Ra + Rb - Fr = 0
assert Ra + Rb - Fr == 0, 'Сумма сил должна быть равна нулю'
# Вывод результата
print("\n1.Расчет реакции опор")
print("Вертикальная плоскость: XY")
print(f"Moment Fa*d = \{Fa*d\}\ H\cdot MM"\}
print("Ось Y")
print(f"Ra = {Ra:.3f}")
print(f"Rb = \{Rb:.3f\}\n")
#----- Эпюры-----
# Силы: положительно = балка крутится
# по часовой стрелке
# Моменты: положительно = балка хочет изогнуться
# вверх
# 1.Участок 0 \le x \le a
\# x = a
Ma = Ra * a
# Записываю результат
lst x1 += [a]
lst M1 += [Ma]
# Вывод результата
print("\n2.Построение эпюр")
print("Вертикальная плоскость: XY")
print("1.Участок 0 \le x \le a")
print("x = 0: Muy = 0")
print(f"x = a: Muy = {Ma:.1f}\n")
# 2.Участок a \le x \le (a + b)
\# x = a
Ma = Ra * a + Fa * d
\# x = a + b
Mb = Ra * (a + b) + Fa * d - Fr * b
# Записываю результат
lst_x1 += [a, a + b, a + b + c]
lst M1 += [Ma, Mb, 0]
```

```
# Вывод результата
print("2.Участок a \le x \le (a + b)")
print(f"x = a: Muy = {Ma:.1f}")
print(f"x = a+b: Muy = {Mb:.1f}\n")
print("-----\n")
#-----
# Горизонтальная плоскость: XZ
#-----1. Реакции-----
# Моменты: положительно = против часовой стрелки
\# \Sigma M(A) = 0
\# Ft^*a - Rb^*(a + b) - Fm^*(a + b + c) = 0
Rb = Rb2 = (Ft*a - Fm*(a + b + c))/(a + b)
\# \Sigma M(B) = 0
\# Ra*(a + b) - Ft*b - Fm*c = 0
Ra = Ra2 = (Ft*b + Fm*c)/(a + b)
# Проверка ось Z
\# Ra - Ft + Rb + Fm = 0
assert Ra - Ft + Rb + Fm == 0 , 'Сумма сил должна быть равна нулю'
# Вывод результата
print("1.Расчет реакции опор")
print("Горизонтальная плоскость: XZ")
print("Ось Z")
print(f"Ra = {Ra:.3f}")
print(f"Rb = \{Rb:.3f\}\n")
#-----2. Эпюры-----
# Силы: положительно = балка крутится
# по часовой стрелке
# Моменты: положительно = балка хочет изогнуться
# вверх
# 1.Участок 0 ≤ х ≤ а
\# x = a
Ma = -Ra * a
# Записываю результат
lst x2 += [a]
lst M2 += [Ma]
# Вывод результата
print("\n2.Построение эпюр")
print("Горизонтальная плоскость: XZ\n")
print("1.Участок 0 \le x \le a")
print("x = 0: Muy = 0")
print(f"x = a: Muy = \{Ma:.1f\}\n")
```

```
# 2.Участок a \le x \le (a + b)
   \# x = a
   Ma = -Ra * a
   \# x = a + b
   Mb = -Ra * (a + b) + Ft * b
   # Записываю результат
   lst x2 += [a, a + b]
   lst M2 += [Ma, Mb]
   # Вывод результата
   print("2.Участок a \le x \le (a + b)")
   print(f"x = a: Muy = {Ma:.1f}")
   print(f"x = a+b: Muy = {Mb:.1f}\n")
   # 3.Участок (a + b) \le x \le (a + b + c)
   \# x = a + b
   Mb = -Ra * (a + b) + Ft * b
   \# x = a + b + c
   Mc = -Ra * (a + b + c) + Ft * (b + c) - Rb * c
   # Записываю результат
   lst_x2 += [a + b, a + b + c]
   lst M2 += [Mb, Mc]
   # Вывод результата
   print("3. Υчасток (a + b) \le x \le (a + b + c)")
   print(f"x = b: Muy = \{Mb:.1f\}")
   print(f"x = a+b+c: Muy = {Mc:.1f}\n")
   return (lst x1, lst M1), (lst x2, lst M2), (Ra1 ** 2 + Ra2 ** 2) ** 0.5,
resultY, resultX, Ra sum 1, Rb sum 1 = calc b()
```

```
1.Расчет реакции опор
Вертикальная плоскость: ХҮ
Момент Fa*d = 49500.0 \ H\cdot мм
Ось Ү
Ra = 189.310
Rb = 530.690
2.Построение эпюр
Вертикальная плоскость: ХҮ
1.Участок 0 \le x \le a
x = 0: Muy = 0
x = a: Muy = 27450.0
2. Участок a \le x \le (a + b)
x = a: Muy = 76950.0
x = a+b: Muy = 0.0
1.Расчет реакции опор
Горизонтальная плоскость: XZ
Ось Z
Ra = 232.310
Rb = -234.310
2.Построение эпюр
Горизонтальная плоскость: XZ
1.Участок 0 \le x \le a
x = 0: Muy = 0
x = a: Muy = -33685.0
2.Участок a \le x \le (a + b)
x = a: Muy = -33685.0
x = a+b: Muy = -9950.0
3.Участок (a + b) \le x \le (a + b + c)
x = b: Muy = -9950.0
x = a+b+c: Muy = -0.0
```

### Суммарная реакция опор на подшипниках быстроходного вала

```
In [529... # Подшипник A
print(f"Ra_cym = {Ra_sum_1:.1f} H\n")
# Подшипник B
print(f"Rb_cym = {Rb_sum_1:.1f} H\n")

Ra_cym = 299.7 H

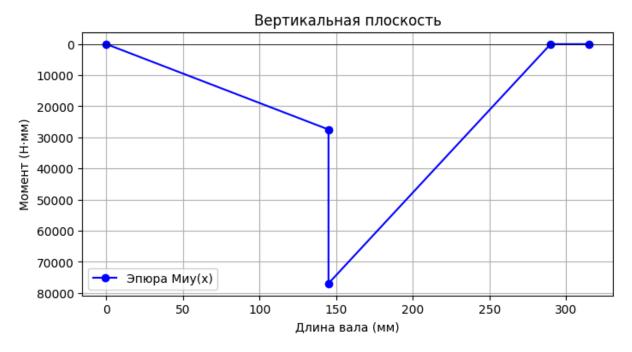
Rb_cym = 580.1 H
```

### Максимальный изгибающий момент для быстроходного вала

```
In [530... M_k1 = (76950 ** 2 + 33685 ** 2) ** 0.5
print(int(M_k1))
M_k1 = 84000
print(M_k1)

83999
84000
```

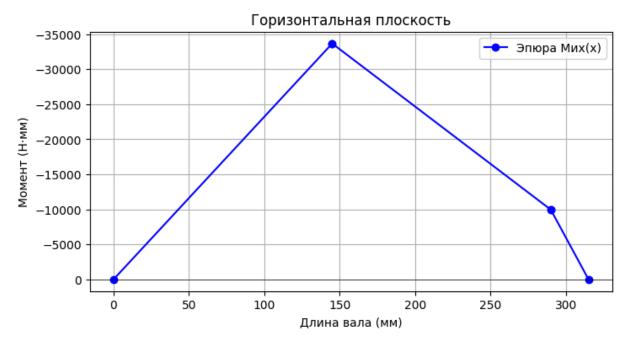
## Графики изгибающих моментов для быстроходного вала



```
In [532... x, M = resultX
```

```
plt.figure(figsize=(8, 4))
plt.plot(x, M, marker='o', linestyle='-', color='blue', label='Эпюра Мих(x)'
plt.axhline(0, color='black', linewidth=0.5)
plt.xlabel('Длина вала (мм)')
plt.ylabel('Момент (Н·мм)')
plt.title('Горизонтальная плоскость')
plt.grid(True)
plt.legend()

# Инвертируем ось Y
plt.gca().invert_yaxis()
plt.show()
```



### Расчет тихоходного вала

```
In [533... def calc_t():

# Списки для построения эпюр
lst_x1 = [0]
lst_M1 = [0]
lst_x2 = [0]
lst_M2 = [0]

# Червяк: длины, мм
l1 = l_lst_2
l2 = l_2st_2
l3 = l_3st_2
l4 = l_4st_2
d1 = d_2t

# Участки, мм
a = l4/2 + l3/2
b = a
```

```
c = 12/2
d = d1/2
# Силы, Н
Ft = Ft2
Fr = Fr2
Fa = Fa2
# Вертикальная плоскость: ХҮ
#-----1. Реакции-----
# Моменты: положительно = против часовой стрелки
\# \Sigma M(A) = 0
# -Fr*a + Fa*d + Rb*(a + b) = 0
Rb = Rb1 = (Fr*a - Fa*d)/(a + b)
\# \Sigma M(B) = 0
\# -Ra*(a + b) + Fr*b + Fa*d = 0
Ra = Ra1 = (Fr*b + Fa*d)/(a + b)
# Проверка ось Ү
\# Ra + Rb - Fr = 0
assert Ra + Rb - Fr == 0, 'Сумма сил должна быть равна нулю'
# Вывод результата
print("\n1.Расчет реакции опор")
print("Вертикальная плоскость: XY")
print(f"Moment Fa*d = \{Fa*d\}\ H\cdot MM"\}
print("Ось Y")
print(f"Ra = {Ra:.3f}")
print(f"Rb = \{Rb:.3f\}\n")
#-----2. Эпюры-----
# Силы: положительно = балка крутится
# по часовой стрелке
# Моменты: положительно = балка хочет изогнуться
# вверх
# 1.Участок 0 \le x \le a
\# x = a
Ma = Ra * a
# Записываю результат
lst x1 += [a]
lst_M1 += [Ma]
# Вывод результата
print("\n2.Построение эпюр")
print("Вертикальная плоскость: XY")
print("1.Участок 0 \le x \le a")
print("x = 0: Muy = 0")
print(f"x = a: Muy = \{Ma:.1f\}\n")
```

```
# 2.Участок a \le x \le (a + b)
\# x = a
Ma = Ra * a - Fa * d
\# x = a + b
Mb = Ra*(a + b) - Fa * d - Fr * b
# Записываю результат
lst x1 += [a, a + b, a + b + c]
lst_M1 += [Ma, Mb, 0]
# Вывод результата
print("2.Участок a \le x \le (a + b)")
print(f"x = a: Muy = {Ma:.1f}")
print(f"x = a+b: Muy = \{Mb:.1f\}\n")
print("-----\n")
# Горизонтальная плоскость: XZ
#-----1. Реакции-----
# Моменты: положительно = против часовой стрелки
\# \Sigma M(A) = 0
\# -Ft*a + Rb*(a + b) = 0
Rb = Rb2 = Ft*a/(a + b)
\# \Sigma M(B) = 0
\# -Ra*(a + b) + Ft*b = 0
Ra = Ra2 = Ft*b/(a + b)
# Проверка ось Z
\# Ra - Ft + Rb + Fm = 0
assert Ra - Ft + Rb == 0 , 'Сумма сил должна быть равна нулю'
# Вывод результата
print("1.Расчет реакции опор")
print("Горизонтальная плоскость: XZ")
print("Ось Z")
print(f"Ra = {Ra:.3f}")
print(f"Rb = \{Rb:.3f\}\n")
#-----2. Эпюры-----
# Силы: положительно = балка крутится
# по часовой стрелке
# Моменты: положительно = балка хочет изогнуться
# вверх
# 1.Участок 0 \le x \le a
\# x = a
Ma = Ra * a
```

```
# Записываю результат
   lst x2 += [a]
   lst M2 += [Ma]
   # Вывод результата
   print("\n2.Построение эпюр")
   print("Горизонтальная плоскость: XZ\n")
   print("1.Участок 0 \le x \le a")
   print("x = 0: Muy = 0")
   print(f"x = a: Muy = \{Ma:.1f\}\n")
   # 2.Участок a \le x \le (a + b)
   \# x = a
   Ma = Ra * a
   \# x = a + b
   Mb = Ra * (a + b) - Ft * b
   # Записываю результат
   lst x2 += [a, a + b, a + b + c]
   lst_M2 += [Ma, Mb, 0]
   # Вывод результата
   print("2.Участок a \le x \le (a + b)")
   print(f"x = a: Muy = {Ma:.1f}")
   print(f"x = a+b: Muy = \{Mb:.1f\}\n")
   return (lst_x1, lst_M1), (lst_x2, lst_M2), (Ra1 ** 2 + Ra2 ** 2) ** 0.5,
resultY 2, resultX 2, Ra sum 2, Rb sum 2 = calc t()
```

```
1.Расчет реакции опор
Вертикальная плоскость: ХҮ
Момент Fa*d = 39600.0 \ H\cdot мм
Ось Ү
Ra = 642.857
Rb = 77.143
2.Построение эпюр
Вертикальная плоскость: ХҮ
1.Участок 0 \le x \le a
x = 0: Muy = 0
x = a: Muy = 45000.0
2. Участок a \le x \le (a + b)
x = a: Muy = 5400.0
x = a+b: Muy = 0.0
1.Расчет реакции опор
Горизонтальная плоскость: XZ
Ось Z
Ra = 990.000
Rb = 990.000
2.Построение эпюр
Горизонтальная плоскость: XZ
1.Участок 0 \le x \le a
x = 0: Muy = 0
x = a: Muy = 69300.0
2.Участок a \le x \le (a + b)
x = a: Muy = 69300.0
x = a+b: Muy = 0.0
```

### Суммарная реакция опор на подшипниках тихоходного вала

```
In [534... # Подшипник A

print(f"Ra_cym = {Ra_sum_2:.1f} H\n")

# Подшипник B

print(f"Rb_cym = {Rb_sum_2:.1f} H\n")

Ra_cym = 1180.4 H

Rb_cym = 993.0 H
```

Максимальный изгибающий момент для тихоходного вала

```
In [535... M_k2 = (45000 ** 2 + 69300 ** 2) ** 0.5
print(M_k2)
M_k2 = 82600
print(M_k2)

82628.62700057408
82600
```

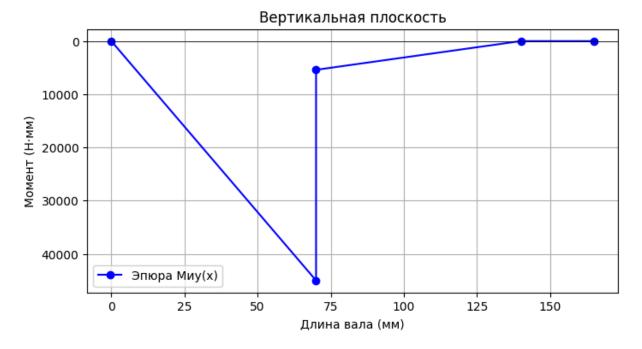
## Графики изгибающих моментов для тихоходного вала

```
In [536... import matplotlib.pyplot as plt

x, M = resultY_2

plt.figure(figsize=(8, 4))
plt.plot(x, M, marker='o', linestyle='-', color='blue', label='Эпюра Миу(x)'
plt.axhline(0, color='black', linewidth=0.5)
plt.xlabel('Длина вала (мм)')
plt.ylabel('Момент (Н·мм)')
plt.title('Вертикальная плоскость')
plt.grid(True)
plt.legend()

# Инвертируем ось Y
plt.gca().invert_yaxis()
plt.show()
```

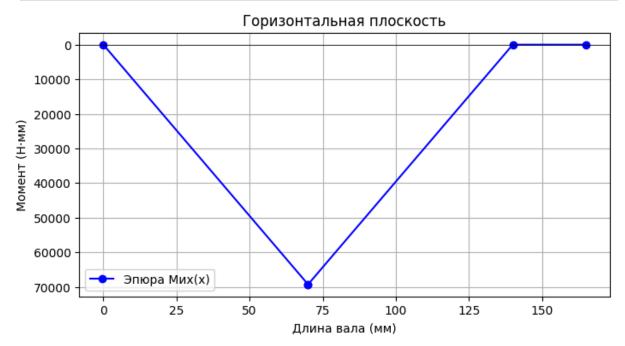


```
In [537... x, M = resultX_2

plt.figure(figsize=(8, 4))
plt.plot(x, M, marker='o', linestyle='-', color='blue', label='Эпюра Мих(x)
```

```
plt.axhline(0, color='black', linewidth=0.5)
plt.xlabel('Длина вала (мм)')
plt.ylabel('Момент (Н·мм)')
plt.title('Горизонтальная плоскость')
plt.grid(True)
plt.legend()

# Инвертируем ось Y
plt.gca().invert_yaxis()
plt.show()
```



### Проверка валов на усталостную прочность

```
In [538...
         # Считаю коэффициент для углеродистой стали
         # po b = 900 (3 - Чернавский стр 88)
         po b = 900
         po 1 = 0.43*po b
         print(po__1)
        387.0
In [539... t 1 = 0.58*po 1
         print(int(t 1))
        224
In [540... W netto = 0.1 * df1 ** 3
         print(W netto)
         W knetto = 0.2*df1 ** 3
         print(W knetto)
         po a = M k1/W netto
         print(po a)
```

```
6593.9264
13187.8528
12.738995691550333
```

```
In [541... | k po = 2.45]
         k f = 0.9
         kt = 2
         k d = 0.81
         t a = 0.5*T1/W knetto
         ksi = 0.1
         ksi t = 0.05
         po m = 20
         t m = 40
         print(t a)
        0.3753454087688937
In [542... s po = po 1/(k po*po a/(k d*k f) + ksi*po m)
         print(f"{po 1}/({k po}*{po a}/({k d}*{k f}) + {ksi}*{po m}) = {po 1/(k po*{po m})}
         print(s po)
        387.0/(2.45*12.738995691550333/(0.81*0.9) + 0.1*20) = 8.63592327049195
        8.63592327049195
In [543...] s t = t 1/(k t*t a/(k d*k f) + ksi t*t m)
         print(f"{t 1}/{{k t}*{t a}/({k d}*{k f}) + {ksi t}*{t m}) = {t 1/(k t*t a)}
         print(s t)
        224.4599999999998/(2*0.3753454087688937/(0.81*0.9) + 0.05*40) = 74.08521767
        768906
        74.08521767768906
In [544...] s 1 = s po * s t/(s po ** 2 + s t ** 2) ** 0.5
         print(s 1)
        8.577842194861752
         Для быстроходного вала
         Вывод: 6.7 > [s = 2.5..3]
In [545... W netto2 = 0.1 * d 3st 2 ** 3
         print(W netto2)
         W knetto2 = 0.2*d 3st 2 ** 3
         print(W knetto2)
         po a2 = M k2/W netto2
         print(po a2)
        6400.0
        12800.0
        12.90625
In [546...] t a2 = 0.5*T2/W knetto2
         print(t a2)
```

7.734375

```
In [547... s_po2 = po__l/(k_po*po_a2/(k_d*k_f) + ksi*po_m) print(f"{po__l}/({k_po}*{po_a2}/({k_d}*{k_f}) + {ksi}*{po_m}) = {po__l/(k_poprint(s_po2))}  

387.0/(2.45*12.90625/(0.81*0.9) + 0.1*20) = 8.528941734860267  
8.528941734860267

In [548... s_t2 = t__l/(k_t*t_a2/(k_d*k_f) + ksi_t*t_m) print(f"{t__l}/({k_t}*{t_a2}/({k_d}*{k_f}) + {ksi_t}*{t_m}) = {t__l/(k_t*t_a2)}  

224.4599999999998/(2*7.734375/(0.81*0.9) + 0.05*40) = 9.667026452213213  
9.667026452213213

In [549... s_2 = s_po2 * s_t2/(s_po2 ** 2 + s_t2 ** 2) ** 0.5  

print(s_2)  
6.395581841007796  

Для тихоходного вала Вывод: 6,39 > [s = 2,5..3]
```

## Проверка подшипников по динамической грузоподъемности

Расчет подшипников на быстроходном валу

```
In [550... def resurs1():
            # Частота оборотов
            n = n1
            # Подшипник: данные
            # 7606
            Cr = 63000
            e = 0.319
            Y = 1.882
            X = 0.4
            V = 1
            Kb = 1.3
            Kt = 1
            p = 10/3
            # ------
            #
                    (Fa)--->
               (A)---> <---(B)
            #
            # Силы от подшипников и осевая сила
            # направлены как на рисунке: Vab == True
```

```
# Если сила Га направлена в другую сторону
# Установить флаг Vab == false или указать
# силу со знаком минус
Vab = True
# Силы: указывать в Ньютонах
Fa = Fa1
Ra = Ra sum 1
Rb = Rb sum 1
print("Входные данные")
print("\nСилы:")
print(f"Fa = {Fa}")
print(f"Ra = {Ra}")
print(f"Rb = {Rb}")
print("\nПодшипник:")
print(f"Cr = {Cr}")
print(f"e = \{e\}")
print(f"X = {X}")
print(f"Y = {Y}")
print("\nПостоянные:")
print(f"p = {p:.3f}")
print(f"V = {V}")
print(f"Kb = {Kb}")
print(f"Kt = {Kt}")
if Fa < 0:
   Vab = False
    Fa = -Fa
S1 = 0.83 * e * Ra
S2 = 0.83 * e * Rb
F1, F2 = (S2, Fa + S1) if Vab else (Fa + S2, S1)
f ek = lambda r, a: (X*V*r + Y*a)*Kb*Kt
F1 ek = f ek(Ra, F1)
F2 ek = f ek(Rb, F2)
print("\nВыходные данные")
print(f"Fa = {Fa}")
print(f"Ra = {Ra:.1f}")
print(f"Rb = \{Rb:.1f\}")
print(f"S1 = {S1:.1f}")
print(f"S2 = {S2:.1f}")
print(f"F1 = {F1:.1f}")
print(f"F2 = {F2:.1f}")
print(f"Fa1/VFr1 = {F1/Ra:.1f}")
print(f"Fa2/VFr2 = {F2/Rb:.1f}")
print(f"F1 ek = {F1 ek:.1f}")
print(f"F2 ek = {F2 ek:.1f}")
f l = lambda x: (Cr/x) ** p
L1 = f l(F1 ek)
```

```
L2 = f_l(F2_ek)

print(f"Срок службы 1-го подшипника = {L1:.0f} млн.об")

print(f"Срок службы 2-го подшипника = {L2:.0f} млн.об")

f_lh = lambda x: le6 * x / (60 * n)

lh1 = f_lh(L1)

lh2 = f_lh(L2)

print(f"Срок службы 1-го подшипника = {lh1:.0f} часов")

print(f"Срок службы 2-го подшипника = {lh2:.0f} часов")

resurs1()
```

Входные данные

```
Силы:
Fa = 1980.0
Ra = 299.67733142940864
Rb = 580.1145126612829
Подшипник:
Cr = 63000
e = 0.319
X = 0.4
Y = 1.882
Постоянные:
p = 3.333
V = 1
Kb = 1.3
Kt = 1
Выходные данные
Fa = 1980.0
Ra = 299.7
Rb = 580.1
S1 = 79.3
S2 = 153.6
F1 = 153.6
F2 = 2059.3
Fa1/VFr1 = 0.5
Fa2/VFr2 = 3.5
F1 ek = 531.6
F2 ek = 5340.1
Срок службы 1-го подшипника = 8174430 млн.об
Срок службы 2-го подшипника = 3738 млн.об
Срок службы 1-го подшипника = 96419324 часов
Срок службы 2-го подшипника = 44092 часов
```

Подшипники быстроходного вала проработают дольше указанного в задании срока 44092 > 16000 часов

Расчет подшипников на тихоходном валу

Определяю соотношение Fa/(VFr)

```
In [551... V = 1
          # Подшипник А
          print(f"{Fa2}/({V}*{Ra sum 2}) = {Fa2/(V*Ra sum 2)}")
          # Подшипник В
          print(f"{Fa2}/({V}*{Rb_sum_2}) = {Fa2/(V*Rb_sum_2)}")
        396.0/(1*1180.4089571510583) = 0.3354769527975747
        396.0/(1*993.001017324838) = 0.3987911322254542
          Выбираю радиально-упорный подшипник так как F_a/(VF_r)>0,35
          Подшипник нахожу в 3-Чернавский стр.435 (или 219 дежавю): 36207 (lpha=12^\circ)
In [552... C_0 podsh_t = 18100]
          print(f"{Fa2}/{C \ 0 \ podsh \ t} = {Fa2/C \ 0 \ podsh \ t}")
        396.0/18100 = 0.021878453038674032
          Определяю е по таблице 5.1
          Для соотношения F_a/C_0=0,021 и для lpha=12 выбираю ближайшее
          e=0,34 (радиально-упорный шариковый однорядный)
                                   F_a/C_a = 0.021 < e = 0.34
          Устанавливаю:
          X = 1
          Y = 0
In [553... # Устанавливаю е
          e podsh t = 0.34
          X_podsh_t = 1
          Y \text{ podsh } t = 0
In [554... def resurs2():
              # Частота оборотов
              n = n2
              # Подшипник: данные
              # 36207
              Cr = 24000
              C0 = C \ 0 \text{ podsh t}
              alpha = 12
              e = e podsh t
              Y = X podsh t
              X = Y \text{ podsh } t
              V = 1
              Kb = 1.3
              Kt = 1
              p = 3
```

```
# ------
#
#
       (Fa)--->
# (A)---> <---(B)
#
# Силы от подшипников и осевая сила
# направлены как на рисунке: Vab == True
# Если сила Га направлена в другую сторону
# Установить флаг Vab == false или указать
# силу со знаком минус
Vab = False
# Силы: указывать в Ньютонах
Fa = Fa2
Ra = Ra sum 2
Rb = Rb sum 2
print("Входные данные")
print("\nСилы:")
print(f"Fa = {Fa}")
print(f"Ra = {Ra}")
print(f"Rb = \{Rb\}")
print("\nПодшипник:")
print(f"Cr = {Cr}")
print(f"CO = \{CO\}")
print(f"e = {e}")
print(f"X = {X}")
print(f"Y = {Y}")
print("\nПостоянные:")
print(f"p = \{p\}")
print(f"V = {V}")
print(f"Kb = {Kb}")
print(f"Kt = {Kt}")
if Fa < 0:
    Vab = False
    Fa = -Fa
S1 = e * Ra
S2 = e * Rb
F1, F2 = (S2, Fa + S1) if Vab else (Fa + S2, S1)
f ek = lambda r, a: (X*V*r + Y*a)*Kb*Kt
F1 ek = f ek(Ra, F1)
F2 ek = f ek(Rb, F2)
print("\nВыходные данные")
print(f"Fa = {Fa}")
print(f"Ra = {Ra:.1f}")
print(f"Rb = \{Rb:.1f\}")
print(f"S1 = {S1:.1f}")
```

```
print(f"S2 = {S2:.1f}")
   print(f"F1 = {F1:.1f}")
   print(f"F2 = {F2:.1f}")
   print(f"Fa1/VFr1 = {F1/Ra:.1f} > 0.35 - нужен радиально-упорный подшипни
   print(f"Fa2/VFr2 = {F2/Rb:.1f} > 0.35 - нужен радиально-упорный подшипни
   print(f"F1 ek = {F1 ek:.1f}")
   print(f"F2 ek = {F2 ek:.1f}")
   f l = lambda x: (Cr/x) ** p
   L1 = f l(F1 ek)
   L2 = f_1(F2_ek)
   print(f"Срок службы 1-го подшипника = {L1:.0f} млн.об")
   print(f"Срок службы 2-го подшипника = {L2:.0f} млн.об")
   f lh = lambda x: 1e6 * x / (60 * n)
   lh1 = f_lh(L1)
   lh2 = f_lh(L2)
   print(f"Срок службы 1-го подшипника = {lh1:.0f} часов")
   print(f"Срок службы 2-го подшипника = {lh2:.0f} часов")
resurs2()
```

```
Входные данные
Силы:
Fa = 396.0
Ra = 1180.4089571510583
Rb = 993.001017324838
Подшипник:
Cr = 24000
C0 = 18100
e = 0.34
X = 0
Y = 1
Постоянные:
p = 3
V = 1
```

Kb = 1.3Kt = 1

```
Выходные данные
Fa = 396.0
Ra = 1180.4
Rb = 993.0
S1 = 401.3
S2 = 337.6
F1 = 733.6
F2 = 401.3
Fa1/VFr1 = 0.6 > 0.35 - нужен радиально-упорный подшипник
Fa2/VFr2 = 0.4 > 0.35 - нужен радиально-упорный подшипник
F1 ek = 953.7
F2 ek = 521.7
Срок службы 1-го подшипника = 15936 млн.об
Срок службы 2-го подшипника = 97335 млн.об
Срок службы 1-го подшипника = 4699332 часов
Срок службы 2-го подшипника = 28702255 часов
```

### Конструирование корпуса

Основные элементы корпуса из чугуна (табл. 6.1 стр 32)

```
In [555...
         # Толщина стенки корпуса редуктора
         po stenka = 0.04*a w + 2
         print(po stenka)
        7.0
In [556... # Толщина крышки редуктора
         po 1 krishka = 0.032*a w + 2
         print(po 1 krishka)
```

```
In [557... # Толщина верхнего пояса(фланца) корпуса
          b korp = 1.4*po stenka
          print(b korp)
          b korp = 10
          print(b korp)
        9.79999999999999
        10
In [558... # Толщина нижнего пояса (фланца) крышки корпуса
          b krishka = 1.5*po 1 krishka
          print(b_krishka)
        9.0
In [559... # Толщина нижнего пояса корпуса
          # При наличии бобышки
          p1_korp = 1.5*po_stenka
          print(p1 korp)
          p1 korp = 12
          print(p1 korp)
          p2 korp = 2.25 * po stenka
          print(p2 korp)
          p2_korp = 16
          print(p2 korp)
        10.5
        12
        15.75
        16
In [560... # Толщина ребер основания корпуса
         m \text{ korp} = 0.85*po \text{ stenka}
          print(m korp)
          m korp = 6
          print(m_korp)
        5.95
        6
In [561... # Толщина ребер крышки
          ml krishka = 0.85*po l krishka
          print(m)
          m1 krishka = 5
          print(m)
        4.0
        4.0
In [562... # Диаметр фундаментных болтов (их число больше либо равно 4) (округляют до с
          d1 \text{ bolt} = 0.03 * a w + 12
          print(d1 bolt)
          d1 bolt = 16
          print(d1 bolt)
```

```
15.75
        16
In [563... # Диаметр болтов у подшипников
         d2 bolt = 0.7*d1
         print(d2 bolt)
         d2 bolt = 12
         print(d2 bolt)
        35.0
        12
In [564... # Диаметр болтов соединяющих основание корпуса с крышкой
         d3 \text{ bolt} = 0.5*d1 \text{ bolt}
         print(d3 bolt)
        8.0
In [565... # Размеры определяющие положение болтов d2
         e bolt = 1*d2 bolt
         print(e_bolt)
        12
In [566... # Размеры определяющие положение болтов d2
         d4 bolt = 8 # Диаметр винтов крепления крышки подшипников (табл. 6.2)
         q bolt = 0.5 * d2 bolt + d4 bolt
         print(q bolt)
        14.0
          Дополнительные элементы корпуса из чугуна (табл. 6.1 стр 32)
         Гнездо под подшипник
In [567... # Винты крепления крышки подшипника d4
         print(d4 bolt)
In [568... # Число винтов
         n vint = 4
         print(n vint)
In [569... # Диаметр гнезда для торцевых крышек подшипника
          # Наружный диаметр подшипника 7606
         D t = 72
          # Диаметр с припуском
         Dk t prip = D t + 2
         print(Dk t prip)
        74
In [570... # Диаметр гнезда для торцевых крышек подшипника
         # Наружный диаметр подшипника 36207
```

D b = 72

```
Dk \ b \ prip = D \ b + 2
         print(Dk b prip)
        74
In [571... # Длина гнезда минимальная
         # l_gnez = B(Ширина подшипника) + K2(высота буртика удерживающего подшипник,
         # Ширина подшипника 36207
         B_podsh = 17
         l_gnez_t = B_podsh + 4 + 4
         print(l gnez t)
        25
In [572... # Длина гнезда минимальная
         # l gnez = B(Ширина подшипника) + K2(высота буртика удерживающего подшипник)
         # Ширина подшипника 7606
         B podsh b = 29
         l_gnez_b = B_podsh_b + 4 + 5
         print(l_gnez_b)
        38
         Размеры штифта
In [573... # Диаметр
         d 	ext{ shtift} = d3 	ext{ bolt}
         print(d shtift)
        8.0
In [574... # Длина
         l_shtift = b_korp + b_krishka + 5
         print(l shtift)
        24.0
         Наименьший зазор между наружной поверхностью колеса и
         стенкой корпуса
In [575... # По диаметру и по торцам
         x_zazor = 1.1 * po_stenka
         print(x zazor)
         x zazor = 8
         print(x_zazor)
        7.700000000000001
        8
In [576... | # До днища от колеса
         Y zazor = 50
         print(Y zazor)
        50
 In [ ]:
```

# Диаметр с припуском (торцевая крышка)