

**Teorema 1:**

Todo número natural  $N$  puede representarse como la suma de números menores que  $S$ , sin repetirse ninguno, donde  $S = \left\lceil \frac{\sqrt{1+8N}-1}{2} \right\rceil$ . O sea  $S$  es la base del menor número triangular que es mayor o igual que  $N$ .

*Demostración:*

Denotemos  $T = \sum_{i=1}^S i$ . Tenemos que  $N = T - k$  donde  $k$  es un número natural, y  $k < S$  porque de lo contrario  $S$  no sería el menor número triangular mayor o igual que  $N$ . Entonces  $N$  puede ser expresado como la suma de todos los números  $1, 2, 3, \dots, S$ ; excluyendo el número que es igual a  $k$ .

**Conjetura de los Camiones:**

Los números  $1, 2, 3, \dots, n$  pueden descomponerse en  $k$  grupos que sumen lo mismo, o sea  $\frac{1}{k} \sum_{i=1}^n i$  si

$$n < k \leq \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n i \text{ y } k \text{ divide a } \sum_{i=1}^n i$$

*Corolario:*

El número  $\sum_{i=1}^n i$  puede representarse  $k$  veces con los sumando  $1, 2, 3, \dots, n$ , usando cada número exactamente una vez en el proceso de formar todas las representaciones.

**Teorema 2:**

La suma de dos números primos impares es siempre un número compuesto.

*Demostración:*

Supongamos que  $n = p_1 + p_2$ , con  $p_1$  y  $p_2$  primos, es un número primo (que debe ser impar). Entonces  $p_1 = n - p_2$  y, al ser  $n$  y  $p_2$  impares su diferencia  $p_1$  debe ser par. Esto contradice que  $p_1$  sea primo, la contradicción nos lleva a que  $n$  debe ser compuesto.

*Corolario:*

No hay un par de primos que estén a una distancia  $d$ , si  $d$  es primo, excepto si  $d = 2$ .