

1

Lista de exercícios

$A = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}_{2 \times 2}$

$B = \begin{bmatrix} -1 & 3 & 0 \\ 1 & -3 & 4 \end{bmatrix}_{2 \times 3}$

$B_{2 \times 3} \cdot A_{2 \times 2} = \nexists //$

$\begin{bmatrix} -3-1 & 6+3 & 0-4 \\ 0+2 & 0-6 & 0+8 \end{bmatrix}$

$\exists A_{2 \times 2} \cdot B_{2 \times 3} = \begin{bmatrix} -4 & 9 & -4 \\ 2 & -6 & 8 \end{bmatrix}_{2 \times 3} //$

$(3 \cdot -1)(-1 \cdot 1) \quad (3 \cdot 3)(-1 \cdot -3) \quad (3 \cdot 0)(-1 \cdot 4)$
 $(0 \cdot 1)(2 \cdot 1) \quad (0 \cdot 2)(2 \cdot -3) \quad (0 \cdot 0)(2 \cdot 4)$

2

$A = \begin{bmatrix} 5 & 2 & -1 \\ 7 & 4 & 3 \end{bmatrix}_{2 \times 3}$

$B = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 1 & -3 \\ -4 & 0 \end{bmatrix}_{3 \times 2}$

$A_{2 \times 3} \cdot B_{3 \times 2} = \begin{bmatrix} 15+2+4 & -10-6-0 \\ 21+4-12 & -14-12+0 \end{bmatrix}$

$\begin{bmatrix} 21 & -16 \\ 13 & -26 \end{bmatrix}_{2 \times 2} //$

$(5 \cdot 3)(2 \cdot 1)(-1 \cdot -4) \quad (5 \cdot -2)(2 \cdot -3)(-1 \cdot 0)$
 $(7 \cdot 3)(4 \cdot 1)(3 \cdot -4) \quad (7 \cdot -2)(4 \cdot -3)(3 \cdot 0)$

$$A = \begin{bmatrix} 5 & 2 & -1 \\ 7 & 4 & 3 \end{bmatrix}_{2 \times 3}$$

$$B = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 1 & -3 \\ -4 & 0 \end{bmatrix}_{3 \times 2}$$

$$\begin{matrix} (3.5)(-2.7) & (3.2)(-2.4) & (3.-1)(-2.3) \\ (1.5)(-3.7) & (1.2)(-3.4) & (1.-1)(-3.3) \\ (-4.5)(0.7) & (-4.2)(0.4) & (-4.-1)(0.3) \end{matrix}$$

$$\begin{matrix} 15-14 & 6-8 & -3-6 \\ 5-21 & 2-12 & -1-9 \\ -20+0 & -8+0 & 4+0 \end{matrix}$$

$$\exists B_{3 \times 2} \cdot A_{2 \times 3} =$$

$$\begin{bmatrix} 1 & -2 & -9 \\ -16 & -10 & -10 \\ -20 & -8 & 4 \end{bmatrix}_{3 \times 3} //$$

$$3. \quad A = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}_{2 \times 2}$$

$$A^T = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}_{2 \times 2}$$

$$\begin{matrix} (-1.-1)(0.0) & (-1.1)(0.2) \\ (1.-1)(2.0) & (1.1)(2.2) \end{matrix}$$

$$\begin{matrix} 1+0 & -1+0 \\ -1+0 & 1+4 \end{matrix}$$

$$A_{2 \times 2} \cdot A^T_{2 \times 2} = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 5 \end{bmatrix}_{2 \times 2} //$$

alternativa (B) //

4. $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 5 \\ 3 & 4 & 6 \end{bmatrix}_{2 \times 3}$ $B = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix}_{3 \times 1}$

C_{21}

$$\begin{bmatrix} (1 \cdot 1)(2 \cdot 2)(5 \cdot 3) \\ (3 \cdot 1)(4 \cdot 2)(6 \cdot 3) \end{bmatrix}$$

$$1 + 4 + 15$$

$$3 + 8 + 18$$

$C_{21} = 29 //$

alternativa (A) 29 //

$$C = \begin{bmatrix} 20 \\ 29 \end{bmatrix}$$

5 a) $\begin{bmatrix} 25 & 50 & 200 & 20 \\ 28 & 60 & 150 & 22 \end{bmatrix}_{2 \times 4}$ $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 8 & 10 \\ 0,9 & 0,8 \\ 1,5 & 1 \end{bmatrix}_{4 \times 2}$

b) $\begin{bmatrix} (25 \cdot 1)(50 \cdot 8)(200 \cdot 0,9)(20 \cdot 1,5) & (25 \cdot 1)(50 \cdot 10)(200 \cdot 0,8)(20 \cdot 1) \\ (28 \cdot 1)(60 \cdot 8)(150 \cdot 0,9)(22 \cdot 1,5) & (28 \cdot 1)(60 \cdot 10)(150 \cdot 0,8)(22 \cdot 1) \end{bmatrix}$

$$25 + 400 + 180 + 30$$

$$25 + 500 + 160 + 20$$

$$28 + 480 + 135 + 33$$

$$28 + 600 + 120 + 22$$

produto = $\begin{bmatrix} 635 & 705 \\ 676 & 770 \end{bmatrix}$

$$705 - 635 = 70$$

$$770 - 676 = 94$$

$$70 + 94 = 164$$

$$R\$ 164,00 //$$

6

$$\begin{bmatrix} a & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 & -1 \\ a & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} (0 \cdot a)(-1 \cdot -1) & (0 \cdot 1)(-1 \cdot 0) \\ (a \cdot a)(1 \cdot -1) & (a \cdot 1)(1 \cdot 0) \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0+1 & 0+0 \\ a^2-1 & a+1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ a^2-1 & a \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

a=1 //

alternativa (E) //

lista de exercícios

$$A = \begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix}$$

$$(A^T)^T = \begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} E & F \\ G & H \end{bmatrix}$$

$$(B^T)^T = \begin{bmatrix} E & F \\ G & H \end{bmatrix}$$

portanto $(A^T)^T = A$ e $(B^T)^T = B$ alternativa (A) $(A^T)^T = A$ e $(B^T)^T = B$ //2. De acordo com as particularidades (A) $AB=BA \rightarrow$ falsosobre o produto matricial, podemos (B) se $AB=AC$, então $B=C \rightarrow$ falso

ver que:

(C) Se $A^2 = O_n$ (matriz nula), entãoalternativa (D) $(AB)C = A(BC)$ é $A = O_n \rightarrow$ falso

verdadeira //

(D) $(AB)C = A(BC) \rightarrow$ verdadeira(E) $(A+B)^2 = A^2 + 2AB + B^2 \rightarrow$ falso

3

$$\begin{bmatrix} 5 & 8 & 10 \\ x & y & z \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 5 & 8 & 10 \\ 9 & 6 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 10 & 16 & 20 \\ 9 & 6 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 \\ 6 \\ 4 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 90 & 96 & 80 \\ 81 & 36 & 16 \end{bmatrix}$$

$$x = 9$$

$$y = 6$$

$$z = 4$$

alternativa (B) //

4.

$$A = \begin{bmatrix} -1 \\ 4 \\ 2 \end{bmatrix}$$

$$A^T = \begin{bmatrix} -1 & 4 & 2 \end{bmatrix}$$

alternativa (C) primeira linha da

transposta de A //