בגרות סוג הבחינה: קיץ תשפ"ב, 2022, **מועד ב** מועד הבחינה: משרד החינור

> 035481 מספר השאלון:

דפי נוסחאות ל־4 יחידות לימוד נספח:

> שימו לב: בבחינה זו יש הנחיות מיוחדות. יש לענות על השאלות על פי הנחיות אלה!

מתמטיקה 4 יחידות לימוד – שאלון ראשון

הוראות

- משך הבחינה: שלוש שעות וחצי.
- מבנה השאלון ומפתח ההערכה: בשאלון זה שלושה פרקים, ובהם שמונה שאלות. ٦,
 - אלגברה, גאומטריה אנליטית, הסתברות פרק ראשון
 - גאומטריה וטריגונומטריה במישור פרק שני
- חשבון דיפרנציאלי ואינטגרלי של פולינומים, של פונקציות רציונליות ושל פונקציות שורש פרק שלישי עליכם לענות על **חמש** שאלות לבחירתכם $-20 \times 5 - 100$ נקודות.
 - חומר עזר מותר בשימוש:
 - (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון שיש בו אפשרות תכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
 - (2) דפי נוסחאות (מצורפים).
 - :הוראות מיוחדות
 - (1) אל תעתיקו את השאלה; סמנו את מספרה בלבד.
- (2) התחילו כל שאלה בעמוד חדש. רשמו במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון. הסבירו את <u>כל</u> פעולותיכם, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

יש לכתוב במחברת הבחינה בלבד. יש לרשום "טיוטה" בראש כל עמוד המשמש טיוטה. כתיבת טיוטה בדפים שאינם במחברת הבחינה עלולה לגרום לפסילת הבחינה.

השאלות בשאלון זה מנוסחות בלשון רבים, אף על פי כן על כל תלמידה וכל תלמיד להשיב עליהן באופן אישי.

בהצלחה!

/המשר מעבר לדף 05

השאלות

שימו לב: הסבירו את כל פעולותיכם, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

ענו על <u>חמש</u> מן השאלות 1-8 (לכל שאלה – 20 נקודות).

שימו לב: אם תענו על יותר מחמש שאלות, ייבדקו רק חמש התשובות הראשונות שבמחברת.

פרק ראשון – אלגברה, גאומטריה אנליטית, הסתברות

1. המרחק בין יישוב A ליישוב B הוא 96 ק"מ.

. B ורכב על קטנוע במהירות קבועה לכיוון יישוב A ביום ראשון יצא רונן מיישוב

באותו יום ובאותה שעה יצא דני מיישוב B ורכב על אופניים לכיוון יישוב A במהירות קבועה.

באותו יום חלפו רונן ודני זה על פני זה שעה אחרי שיצאו לדרך.

. B שני יצא דני מיישוב B לכיוון יישוב A. <u>שעה לאחר מכן</u> יצא רונן מיישוב B לכיוון יישוב

שניהם רכבו באותו המסלול ובאותה המהירות שבה רכבו ביום ראשון.

בדיוק כאשר עבר דני מרחק של 42 ק"מ, חלפו רונן ודני זה על פני זה.

- **א.** מצאו את מהירות הרכיבה של רונן ואת מהירות הרכיבה של דני.
- ${\bf E}$ ביום שני: ${\bf B}$ מה היה המרחק של דני מיישוב ${\bf A}$ כאשר הגיע רונן ליישוב

.ABCD נתונה מקבילית 2.

. x ממצא על ציר ה־ B הקודקוד

(ראו ציור). AB מאונך לצלע DB האלכסון

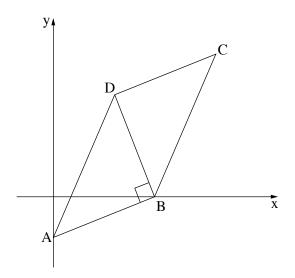
, A(0, -10) :נתון

.
$$y = \frac{2}{5}x + 19$$
 היא: DC משוואת

- . B מצאו את שיעורי הקודקוד
 - . DB מצאו את משוואת

חוסמים את המשולש ABD במעגל.

- **ג.** מצאו את משוואת המעגל.
- ד. האם הישר BC משיק למעגל בנקודה BC מקו.



.3 בבית מחסה לבעלי חיים מטפלים בכלבים ובחתולים בלבד.

. מבעלי החיים בבית המחסה הם חתולים, והשאר הם כלבים. 40%

מחצית מבעלי החיים בבית המחסה הם בוגרים, והשאר הם צעירים.

מספר הכלבים הצעירים בבית המחסה גדול פי 2 ממספר הכלבים הבוגרים שם.

- א. בוחרים באקראי בעל חיים מבין כל בעלי החיים בבית המחסה. מהי ההסתברות שייבחר כלב בוגר?
 - ב. בוחרים באקראי חתול מבין כל החתולים בבית המחסה. מהי ההסתברות שייבחר חתול בוגר?

נתון כי בבית המחסה יש 16 כלבים בוגרים.

 \mathbf{c} כמה חתולים יש בבית המחסה?

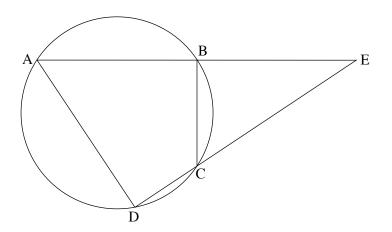
משפחת לוי החליטה לאמץ שני חתולים מבית המחסה.

היא בחרה באקראי, זה אחר זה (ללא החזרה), בשני חתולים מבין כל החתולים שבבית המחסה.

. מהי ההסתברות ששני החתולים שבחרה משפחת לוי הם בוגרים?

בתשובתכם דייקו 3 ספרות אחרי הנקודה העשרונית.

פרק שני – גאומטריה וטריגונומטריה במישור



.4 מרובע ABCD חסום במעגל.DC המשכי הצלעות AB ו־ DC

נחתכים בנקודה E (ראו ציור).

- א. $\angle BAD = \angle BCE$: אוניחו
- . Δ DEA \sim Δ BEC הוכיחו:

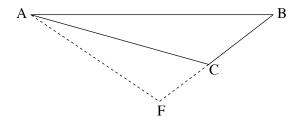
$$\frac{AD}{BC} = \frac{5}{3}$$
 :נתון

$$. AB = 5, CE = 6$$

. BE מצאו את אורך הצלע

. $\angle BDC = \angle BEC$:נתון

- ד. (1) הוכיחו כי המשולש ACE הוא שווה שוקיים.
 - (2) הוכיחו כי AC הוא קוטר במעגל.



.(ראו ציור) ABC נתון משולש .5

.BC גדולה פי 3 מן הצלע AB הצלע

. $\angle ACB = 130^{\circ}$ נתון:

. 14 הוא ABC נתון כי שטח המשולש

. BC מצאו את אורך הצלע

. FC = 3 עד בציור, כך היס , כמתואר אלנקודה BC אריכו את האריכו את

. AF אורך AF ג.

. ACF חוצה את חוצה את ל
 CM על אך, AF ממצאת למצאת M הנקודה א

- . \checkmark CAF מצאו את גודל הזווית מצאו (1) מצאו
- . CM חשבו את אורך חוצה הזווית, (2)

פרק שלישי – חשבון דיפרנציאלי ואינטגרלי של פולינומים, של פונקציות רציונליות ושל פונקציות שורש

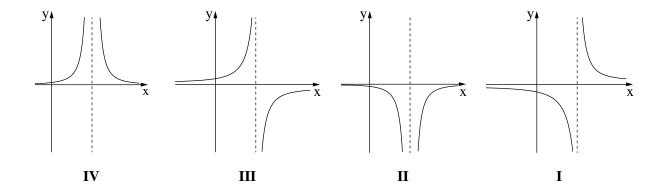
- .6 א פרמטר. $f(x) = \frac{2x b}{x 4} + 1$ הוא פרמטר.
 - א. מצאו את תחום ההגדרה של הפונקצייה (f(x).

f(x) חותך את ציר ה־ y בנקודה ותר הפונקצייה לתון כי גרף הפונקצייה

ב. מצאו את b.

הציבו את הערך של b שמצאתם בסעיף ב בפונקצייה (ג, וענו על הסעיפים ג–ז.

- $f(\mathbf{x})$ מצאו את משוואות האסימפטוטות המקבילות לצירים של הפונקצייה
 - . \mathbf{x} ביר היעורי נקודת את שיעורי נקודת החיתוך של גרף הפונקצייה $\mathbf{f}(\mathbf{x})$ עם ציר ה־
 - f(x) אם יש כאלה). f(x) מצאו את תחומי העלייה והירידה של הפונקצייה
 - . f(x) סרטטו סקיצה של גרף הפונקצייה .
- . f'(x) אחד מן הגרפים IV–I שבסוף השאלה מתאר את פונקציית הנגזרת (1) ... קבעו איזה מהם, ונמקו את קביעתכם.
- ועל ידי x על ידי איר הישר x, x=1, על ידי הישר x, על ידי איר הישר x, איר הישר x, על ידי איר הישר x, איר הישר x, על ידי איר הישר x, על ידי איר הישר x, איר הישר x, על ידי איר הישר x, איר הישר x



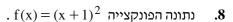
- . $f(x) = (x 3) \cdot \sqrt{2x}$: נתונה הפונקצייה.
- f(x) מצאו את תחום ההגדרה של הפונקצייה
- עם הצירים. f(x) מצאו את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקצייה
- . מצאו את שיעורי כל נקודות הקיצון של הפונקצייה f(x), וקבעו את סוגן.
 - f(x) סרטטו סקיצה של גרף הפונקצייה f(x)

, g(x) = -f(x) נתונה הפונקצייה

f(x) במערכת שבה סרטטתם את גרף הפונקצייה במערכת מערכת g(x) במערכת הפונקצייה סרטטו

. x הי ציר ועל אידי ועל ק(x) ועל ידי ארף הפונקצייה על את השטח המוגבל על ידי את השטח ב־

. ממקו. g(x) ור g(x) ור g(x) ור g(x) ור מקו.



נקודה A נמצאת על גרף הפונקצייה f(x) ברביע הראשון. A נמצאת על הישר x=7 מימין לנקודה A מקביל לציר ה־ A (ראו ציור).

. A של הנקודה \mathbf{x} של שיעור ה־

.B ו־ A ו־ A את שיעורי הנקודות t א. הביעו באמצעות t את הביעו באמצעות t הביעו באמצעות הביעו באמצעות ל הביעו באמצעות הקיצון של הפונקצייה (f(x).

- . ABC את שטח המשולש t את באמצעות ב.
- ABC שבעבורו שטח המשולש t ג. מצאו את הערך של t הוא מקסימלי.

