מדינת ישראל

סוג הבחינה: בגרות

מועד הבחינה: חורף תשע"ז, 2017

מספר השאלון: 035582

נספח: דפי נוסחאות ל־5 יחידות לימוד

משרד החינוך

מתמטיקה

על פי תכנית הרפורמה ללמידה משמעותית שאלון שני מ־ 5 יחידות לימוד

הוראות לנבחן

א. משך הבחינה: שעתיים ורבע.

ב. מבנה השאלון ומפתח ההערכה: בשאלון זה שני פרקים.

פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים,

טריגונומטריה במרחב,

מספרים מרוכבים $\frac{2}{3}$ - 33 $\frac{1}{3}$ ×2 - מספרים מרוכבים

פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה,

גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה, פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות – $\frac{1}{3}$ ב $\frac{1}{3}$ ב $\frac{1}{3}$ בקודות סה"כ – 100 נקודות

נ. חומר עזר מותר בשימוש:

- מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון הניתן לתכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
 - (2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.
- רשום במחברת את שלבי הפתרון, <u>גם</u> כאשר (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, <u>גם</u> כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון.

הסבר את <u>כל</u> פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

(3) לטיוטה יש להשתמש במחברת הבחינה או בדפים שקיבלת מהמשגיחים. שימוש בטיוטה אחרת עלול לגרום לפסילת הבחינה.

ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

בהצלחה!

השאלות

שים לב! הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.

חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

פרק האונומטריה אנליטית, וקטורים, במרחב, במרחב, במרחב, במרחב, מספרים מספרים מחוכבים ($\frac{2}{3}$ 66 נקודות)

ענה על שתיים מן השאלות 3-1 (לכל שאלה – $\frac{1}{3}$ 3 נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1. נתונות שתי פרבולות:

$$y^2 = 4x .I$$

$$y^2 = -4x .II$$

. I היא נקודה על פרבולה ${\bf A}$

. II היא נקודה על פרבולה B

. x וי B וו B ונמצאות מעל ציר הי אנקודות

העבירו לפרבולות וי בו משיקים העבירו העבירו

ביור. B ו־ A ביתאמה, כמתואר בציור. $\rm A$

, ${
m C}$ נתון ששני המשיקים מאונכים זה לזה ונחתכים בנקודה

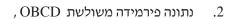
. y הנמצאת על ציר ה־

- א. מצא את שיעורי הנקודות A ו־ B.
- . ACBM מקדקודיו של ריבוע A, B, C:. נתון:
 - . M מצא את שיעורי הקדקוד (1)
- . BC ין AC המעגל משיק לישרים . M המעגל שמרכזו . (2) מתון מעגל שמרכזו B ו A המעגל, והסבר מדוע המעגל, משואת המעגל, והסבר מדוע B ו את משוואת המעגל, והסבר מדוע המעגל, והסבר מדוע המעגל, והסבר מדוע את משוואת המעגל, והסבר מדוע המעגל המעגל

√3 המשך בעמוד

II

O



, OD
$$\perp$$
 OC , OC \perp OB , OB \perp OD שבה

כמתואר בציור.

התאמה, OD ו- OB מצאות על המקצועות P ו- R נמצאות הנקודות הנקודות אור בהתאמה,

CD עובר מישור המקביל למקצוע P ו K דרך הנקודות אדר OC עובר מישור OC וחותך את OC וחותך את

- א. מצא את היחס בין OQ ל־ QC. נמק את תשובתך.
- ב. מצא את היחס בין נפח הפירמידה OKPQ לנפח הפירמידה בין נפח הפירמידה
 - . KPQ למישור CB ג. מצא את הזווית בין הישר

: ב הוא מספר מרוכב. נתונים שני מקומות גאומטריים:

$$z\overline{z} + i(z - \overline{z}) + z + \overline{z} = 0$$
 .I

$$|z|^2 + i(\bar{z} - z) = 0$$
 .II

א. סרטט באותה מערכת צירים סקיצה של שני המקומות הגאומטריים.

 $\mathbf{B}\left(\mathbf{x}_{2}\,,\mathbf{y}_{2}\right)$ ו המקומות הגאומטריים הנתונים נחתכים בשתי נקודות א $\mathbf{A}\left(\mathbf{x}_{1}\,,\mathbf{y}_{1}\right)$ ור ($\mathbf{x}_{1}\!<\!\mathbf{x}_{2}$) . ($\mathbf{x}_{1}\!<\!\mathbf{x}_{2}$)

- .B ו A ב. מצא את השיעורים של הנקודות
- ג. במרחק שווה מכל הנקודה $P(x_0,y_0)$. הנקודה $P(x_0,y_0)$. ומצאת במרחק שווה מכל הנקודות שעל המקום . ו

.
$$z_0 = x_0 + y_0 \cdot i$$
 :נתון:

. II נמצא על המקום הגאומטרי ב \mathbf{z}_0 ל־ הצמוד הוכח הוכח הוכח

ד. נתון: $z_1 = x_1 + y_1 \cdot i$ הם שיעורי הנקודה A הם שיעורי בסעיף ב). $z_1 = x_1 + y_1 \cdot i$ נתונה סדרה חשבונית שבה האיבר הראשון הוא z_1 וההפרש הוא z_2

ממשי הוא מספר מחדה) את כל ערכי nשעבורם ח שעבורם (סכום nשעבורם שעבורם את מא את כל (סכום nשעבורם את כא משי

פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה, פרק שני — גדילה ודעיכה פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות ($\frac{1}{3}$ 33 נקודות)

ענה על <u>אחת</u> מן השאלות 5-4.

שים לב! אם תענה על יותר משאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

. מרים. b רו a . $f(x) = e^{ax^2 + bx + 2}$ הם פרמטרים.

נתון כי הפונקציה זוגית.

א. מצא את b.

לפונקציה יש בדיוק שתי נקודות פיתול.

. a < 0 ב.

 \cup הפונקציה הנתונה קעורה כלפי מטה \cap בתחום בתחום $-\frac{1}{2} < x < \frac{1}{2}$ וקעורה כלפי מעלה $x < -\frac{1}{2}$ ור $x > \frac{1}{2}$ בתחומים

- ג. מצא את a.
- ד. (1) מצא את האסימפטוטות של הפונקציה המאונכות לצירים (אם יש כאלה).
 - f(x) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה (2)
 - f'(x) ה. סרטט סקיצה של גרף הנגזרת
- יובית? h(x) הפונקציה $h(x) = f'(x) \cdot f''(x)$ מהו התחום שבו הפונקציה $h(x) \cdot f''(x)$ חיובית?

תמשך בעמוד 5 ▶

5. נתונות שתי פונקציות:

. הם פרמטרים. a .
$$f(x)= \ell n \, (a e^x - b e^{2x})$$
 , $g(x)= \ell n \, (2-e^x)$. $b>0$, $a>0$, $a>0$

- a = 2b : ידוע שלשתי הפונקציות יש אותו תחום הגדרה. הוכח:
- ב. ידוע שלשתי הפונקציות יש נקודה משותפת אחת בלבד. נקודה זו היא נקודת הקיצון ב. f(x) את b את b, חשב את f(x) חשב את b, חשב
 - ג. הוכח כי g(x) יורדת וקעורה כלפי מטה הכל עורה בכל תחום הגדרתה.
 - ד. הוכח שההפרש בין הפונקציות f(x) ו־ f(x) הוא פונקציה קווית.
 - g(x) ו־ f(x) מצא את האסימפטוטות המאונכות לצירים של הפונקציות (1) ה. (אם יש כאלה).
 - הפונקציות. סרטט על מערכת צירים אחת סקיצה של הגרפים של שתי הפונקציות. (2) . f(x) הפונקציה