به نام خدا



دانشگاه تهران، دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر طراحی و تحلیل الگوریتمها، نیمسال اول، سال تحصیلی ۹۲-۹۶ تمرین کامپیوتری سری دوم، مهلت ارسال پاسخها: جمعه ۳ آذر



پارکینگ

می خواهیم در منطقه ای یک پارکینگ طولی (یعنی فقط یک ردیف از ماشین ها در آن قرار میگیرند) بسازیم. در این پارکینگ فقط ماشین و کامیون می توانند پارک کنند. طول ماشین ها ۱ و طول کامیون ها k است.

می خواهیم بدانیم اگر طول پارکینگ بین a تا b باشد (یعنی یکی از مقادیر a+1 ،a+1 ،a) باشد، تعداد حالت هایی که ماشین ها و کامیون ها می توانند در آن پارک کنند چند خواهد بود. توجه کنید که نمیخواهیم هیچ قسمتی از پارکینگ خالی باشد و در هر قسمت پارکینگ باید ماشین یا کامیون وجود داشته باشد.

ورودى:

خط اول شامل ۲ عدد T و k است که به ترتیب تعداد تست کیس ها و طول کامیون ها هستند.

 $(1 \le t \cdot k \le 10^5)$

در T خط بعدی در هر خط دو عدد a و a آمده که نشان دهنده ی بازه ی بسته ای است که طول a یارکینگ در این بازه می تواند باشد. $a \leq b \leq 10^5$

خروجی:

برای هر تست کیس باید مجموع تعداد حالات پارک ماشین ها و کامیون ها را برای تمام طول های پارکینگ بین a و b را حساب کرده و باقی مانده ی آن در تقسیم بر a + a را حساب کرده و باقی مانده ی

ورودی نمونه	خروجی نمونه
3 2	6
13	5
23	5
3 2 1 3 2 3 4 4	

توضیح برای تست کیس اول (1 3): در واقع a=1 و b=3 است و 6 حالت زیر ممکن است (C به معنی C) معنی C جالت (یر ممکن است، طول هر L و C به معنی C و T به معنی کامیون و L طول پارکینگ است. توجه کنید که چون k=2 است، طول هر T برابر با 2 تا C است.)

L = 1 : C

L = 2 : CC, T

L = 3 : CCC, CT, TC

که در مجموع 6 حالت دارد.

بازی Pou

در بازی پو شما باید از پو مراقبت کنید و به او غذا بدهید. پو هر دقیقه باید یک و فقط یک غذا بخورد و برای هر غذا اگر شما تاخیر داشته باشید، باید بابت هر دقیقه تاخیر، هزینه ی گرم کردن آن غذای خاص را پرداخت کنید (این هزینه برای هر غذا متفاوت است).

متاسفانه شما در ابتدای کار k دقیقه تاخیر داشته اید و حالا می خواهید جوری غذاها را به پو بدهید که کمترین هزینه را پرداخت کنید.

ورودى:

در خط اول ورودی به ترتیب دو عدد n و k آمده که تعداد غذاها و k تاخیر اولیه است. $(1 \le n.k \le 100)$

در خط بعدی c_i عدد c_i وجود دارد که نشان دهنده ی هزینه ی گرم کردن غذای i ام است. این غذاها به ترتیب از دقیقه ی اول تا i ام نوشته شده اند به این معنی که عدد i ام، هزینه ی گرم کردن غذای i ام است که باید در دقیقه ی i ام به یو داده شود.

خروجی:

در خط اول باید کمترین هزینه ی ممکن را چاپ کنید و در خط دوم باید دقیقه ی هر غذا را به ترتیب چاپ کنید. به این معنی که عدد i ام نشان دهنده ی دقیقه ایست که غذای i ام باید به پو داده شود (تا کمترین هزینه پرداخت شود)

توجه: اولویت اول غذایی است که تاخیر آن هزینه ی بیشتری داشته باشد و اولویت دوم غذایی است که یو زودتر باید بخورد (در ورودی زودتر آمده).

ورودی نمونه	خروجی نمونه
5 2	20
4 2 1 10 2	3 5 7 4 6

توضیح: در ابتدا ی کار k=2 دقیقه تاخیر داشته ایم. در دقیقه ی سوم غذای اول، در دقیقه ی چهارم غذای چهارم، در دقیقه ی پنجم غذای پنجم، در دقیقه ی ششم غذای دوم و در دقیقه ی هفتم غذای سوم را به پو می دهیم. هزینه برابر است با:

$$(3-1) \times 4 + (5-2) \times 2 + (7-3) \times 1 + (4-4) \times 10 + (6-5) \times 2 = 20$$

در این مثال پاسخ 5 4 7 6 6 نیز هزینه ی 20 را خواهد داشت اما در حالت 6 4 7 5 6 غذای دوم زودتر از غذای پنجم به پو داده می شود 6 < 2 بنابراین پاسخ صحیح 6 4 7 5 6 است.

مسابقه ی سرعت

n دونده و k جعبه در یک خط صاف قرار دارند. هر دونده باید یک جعبه برداشته و به نقطه ی پایان که در همان خط صاف قرار دارد برود. به وضوح اگر یک دونده جعبه ای را بردارد، سایر دونده ها دیگر نمی توانند آن جعبه را بردارند.

می خواهیم بدانیم اگر همه ی دونده ها سریعترین مسیر را برای برداشتن جعبه و رفتن به نقطه ی پایان انتخاب کنند، چقدر طول می کشد تا همه ی دونده ها به نقطه پایان برسند. (حداقل زمان لازم برای اینکه همه ی دونده ها به نقطه ی پایان برسند)

فرض کنید سرعت همه ی دونده ها یک واحد بر ثانیه است و دونده ها می توانند در هر دو جهت حرکت کنند (مثلا به چپ رفته و جعبه را بردارند و بعد به راست بروند تا به نقطه پایان برسند).

ورودي

در خط اول n و p و p به ترتیب آمده اند که n تعداد دونده ها، k تعداد جعبه ها و p محل نقطه ی $(1 \le n \le 1000 \cdot n \le k \le 2000 \cdot 1 \le p \le 10^9)$ پایان است.

 $(1 \le a_i \le 10^9)$ (بدون ترتیب) در خط بعد n در خط بعد a_i آمده که محل قرار گرفتن دونده ها هستند (بدون ترتیب) در خط بعد k عدد $b_j \le 10^9$ آمده که محل قرار گرفتن جعبه ها هستند (بدون ترتیب)

خروجي

در تنها خط خروجی باید حداقل زمان لازم برای تمام شدن مسابقه را بنویسید.

ورودی نمونه	خروجی نمونه
2 4 50	50
100 20	
60 10 40 80	

توضیح: دونده ی اول (100) می تواند جعبه را از خانه ی 80 برداشته و بعد به نقطه ی پایان (50) برود که زمان آن 50 می شود. دونده ی دوم (20) جعبه را از خانه ی 40 برداشته و به نقطه ی پایان برود که زمان آن 30 می شود. پس جواب 50 است.