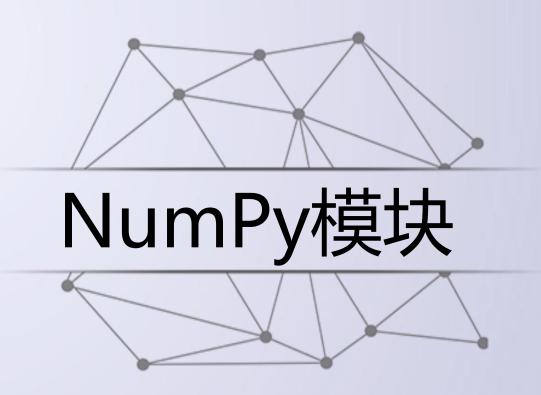
# 内容

- ●NumPy模块
- ●SciPy模块
- ●线性回归和资本资产定价模型



# NumPy模块简介

- 提供了强大的多维数组ndarray类
- 全面的函数和方法,可以操纵数组、实现这些对象上的复杂运算
- 比纯python可以更紧凑的实现,往往更容易理解和维护
- 体现了向量化的运算,带来速度的提升,避免不必要的循环操作
- 列表形成数组
- 专门高效处理数组设计的数据结构

#### NumPy库概述

- Python标准库中提供了一个array类型,用于保存数组类型数据,然而这个类型不支持多维数据,处理函数也不够丰富,不适合用于做数值运算。
- 因此,Python语言的第三方库numpy得到了迅速发展,numpy已经成为了科学计算事实上的标准库。

### NumPy库概述

- numpy库处理的最基础数据类型是由同种元素构成的多维数组 (ndarray), 简称"数组"。
- 数组中所有元素的类型必须相同,数组中元素可以用整数索引,序号从0开始。ndarray类型的维度(dimensions)叫做轴(axes),轴的个数叫做秩(rank)。一维数组的秩为1,二维数组的秩为2,二维数组相当于由两个一维数组构成。

## NumPy库概述

- 由于numpy库中函数较多且命名容易与常用命名混淆
  - ,建议采用如下方式引用numpy库:

#### >>>import numpy as np

其中, as 保留字与import 一起使用能够改变后续代码中库的命名空间,有助于提高代码可读性。简单说,在程序的后续部分中,np代替numpy。

## numpy库常用的创建数组函数

函数	描述
np.array([x,y,z], dtype=int)	从 Python 列表和元组创造数组
np.arange(x,y,i)	创建一个由 x 到 y, 以 i 为步长的数组
np.linspace(x,y,n)	创建一个由 x 到 y, 等分成 n 个元素的数组
np.indices((m,n))	创建一个 m 行 n 列的矩阵
np.random.rand(m,n)	创建一个 m 行 n 列的随机数组
np.ones((m,n),dtype)	创建一个 m 行 n 列全 1 的数组,dtype 是数据类型
np.empty((m,n),dtype)	创建一个 m 行 n 列全 0 的数组,dtype 是数据类型

### ndarray 类的常用属性

创建一个简单的数组后,可以查看ndarray类型有一些 基本属性

属性	描述
ndarray.ndim	数组轴的个数, 也被称作秩
ndarray.shape	数组在每个维度上大小的整数元组
ndarray.size	数组元素的总个数
ndarray.dtype	数组元素的数据类型,dtype 类型可以用于创建数组中
ndarray.itemsize	数组中每个元素的字节大小
ndarray.data	包含实际数组元素的缓冲区地址
ndarray.flat	数组元素的迭代器

### ndarray类的常用属性

```
>>>import numpy as np
>>>a = np.ones((4,5))
>>>print(a)
[[ 1. 1. 1. 1. 1.]
 [ 1. 1. 1. 1. 1.]
 [ 1. 1. 1. 1. 1.]]
>>>a.ndim
>>>a.shape
(4,5)
>>>a.dtype
dtype('float64')
```

## ndarray类的形态操作方法

方法	描述
ndarray.reshape(n,m)	不改变数组 ndarray,返回一个维度为(n,m)的数组
ndarray.resize(new_shape)	与 reshape()作用相同,直接修改数组 ndarray
ndarray.swapaxes(ax1, ax2)	将数组n个维度中任意两个维度进行调换
ndarray. flatten()	对数组进行降维,返回一个折叠后的一维数组
ndarray.ravel()	作用同 np.flatten(),但是返回数组的一个视图

#### ndarray类的形态操作方法

- 数组在numpy中被当作对象,可以采用⟨a⟩.⟨b⟩()方式 调用一些方法。这里给出了改变数组基础形态的操作 方法,例如改变和调换数组维度等。
- 其中, ②. flatten()函数用于数组降维,相当于平铺数组中数据,该功能在矩阵运算及图像处理中用处很大。

#### ndarray类的索引和切片方法

## numpy 库的算术运算函数

函数	描述
np.add(x1, x2 [, y])	y = x1 + x2
np.subtract(x1, x2 [, y])	y = x1 - x2
np.multiply(x1, x2 [, y])	y = x1 * x2
np.divide(x1, x2 [, y])	y = x1 / x2
np floor_divide(x1, x2 [, y])	y=x1//x2, 返回值取整
np.negative(x [,y])	y = -x
np.power(x1, x2 [, y])	y = x1**x2
np.remainder(x1, x2 [, y])	y = x1 % x2

### numpy库的算术运算函数

这些函数中,输出参数y可选,如果没有指定,将创建 并返回一个新的数组保存计算结果;如果指定参数,则 将结果保存到参数中。例如,两个数组相加可以简单地 写为a+b,而np.add(a,b,a)则表示a+=b。

## numpy库的比较运算函数

函数	符号描述
np. equal(x1, x2 [, y])	y = x1 == x2
np. not_equal(x1, x2 [, y])	y = x1 != x2
np. less(x1, x2, [, y])	y = x1 < x2
np. less_equal(x1, x2, [, y])	y = x1 <= x2
np. greater(x1, x2, [, y])	y = x1 > x2
np. greater_equal(x1, x2, [, y])	y = x1 >= x2
np.where(condition[x,y])	根据给出的条件判断输出 x 还是 y

### numpy库的比较运算函数

- 其将返回一个布尔数组,它包含两个数组中对应元素值的比较结果,例子如下。
- where()函数是三元表达式x if condition else y 的矢量版本。

```
>>>np.less([1,2],[2,2])
array([ True, False], dtype=bool)
```

## numpy库的其他运算函数

函数	描述
np.abs(x)	计算基于元素的整形,浮点或复数的绝对值。
np.sqrt(x)	计算每个元素的平方根
np.squre(x)	计算每个元素的平方
np.sign(x)	计算每个元素的符号: 1(+), 0, -1(-)
np.ceil(x)	计算大于或等于每个元素的最小值
np.floor(x)	计算小于或等于每个元素的最大值
np.rint (x[, out])	圆整,取每个元素为最近的整数,保留数据类型
np.exp(x[, out])	计算每个元素指数值
np.log(x), np.log10(x), np.log2(x)	计算自然对数(e),基于 10,2 的对数,log(1 + x)

### numpy库

numpy 库还包括三角运算函数、傅里叶变换、随机和概率分布、基本数值统计、位运算、矩阵运算等非常丰富的功能···

# 使用NumPy的示例

```
>>>import numpy as np
>>>x= np. array([[1, 2, 3], [3, 4, 6]]) # 2 by 3 matrix
>>>np. size(x) # number of data items
>>>6
>>np. size(x, 1) # show number of columns
3
>>>np. std(x)
1. 5723301886761005
\rightarrow \rightarrow np. std(x, 1)
Array([ 0.81649658, 1.24721913]
>>>total=x.sum() # pay attention to the format
>>>z=np. random. rand (50) # 50 random obs from [0.0, 1)
>>>y=np.random.normal(size=100) # from standard normal
>>r=np. array (range (0, 100), float) / 100 # from 0, .01, to .99
```

help(np.std) #可查看函数具体信息

## 构建不同矩阵

```
>>>import numpy as np
>>>a=np. zeros(10) # array with 10 zeros
>>>b=np.zeros((3,2),dtype=float) # 3 by 2 with zeros
>>>c=np. ones((4, 3), float) # 4 by 3 with all ones
>>> d=np. array(range(10), float) # 0, 1, 2, 3 ... up to 9
>>>e1=np.identity(4) # identity 4 by 4 matrix
>>>e2=np. eye(4) # same as above
>>>e3=np. eye(4, k=1) # index of the diagonal
>>>f=np. arange (1, 20, 3, float) # from 1 to 19 interval 3
>> g=np. array([[2, 2, 2], [3, 3, 3]]) # 2 by 3 matrix
>>>h=np.zeros_like(g) # all zeros
>>>i=np. ones_like(g) # all ones
```

## 改变矩阵或数组形状

```
>>>pv=np.array([[100, 10, 10.2], [34, 22, 34]]) # 2 by 3
>>>x=pv.flatten() # matrix becomes a vector
>>>vp2=np.reshape(x, [3, 2])
```

#### 转置运算:

# 数组和矩阵运算

#### • 加减运算

```
>>> A=np. array([[1, 2, 3], [2, 1, 3]])

>>> B=np. array([[1, 2, 3], [3, 1, 2]])

>>> A+B

array([[2, 4, 6],

[5, 2, 5]])
```

#### • 乘法运算

#### • 同型矩阵或数组逐项相乘

# 其他...

#### 关于x. func()使用: 当变量x被定义为一个NumPy数组后

- x. min()
- x. max()
- x. sum()
- x. transpose()
- x. flatten()
- X. reshape()

#### 遍历数组的循环语句:

- >>> dataset=np.array(np.random.normal(size=10))
- >>> for data in dataset:
   print(data)



# 使用SciPy的示例

```
>>>import scipy as sp
>>>cashflows=[50, 40, 20, 10, 50]
>>>npv=sp.npv(0.1, cashflows) #estimate NPV
>>>round (npv, 2)
>>>144, 56
>>payment=sp. pmt (0. 045/12, 30*12, 250000)
>>>round(payment, 2)
-1266.71
>>ret=sp. array([0. 1, 0. 05, -0. 02])
>>>sp. mean(ret) # arithmetic mean
0.04333
>>>pow(sp.prod(ret+1), 1./len(ret))-1 # geometric mean
0.04216
```

# SciPy子函数包(表6-1)

子函数包N	描述
Cluster	聚类算法
Constants	物理和数学常量
Fftpack	快速傅里叶变换
Integrate	积分和微分方程
Interpolate	插值和光滑样条函数
lo	输入和输出
Linalg	线性代数
Ndimage	N-维图像处理

子函数包	描述
Odr	基于正交距离测度的回归模型
Optimize	优化和求解方程
Signal	信号处理
Sparse	稀疏矩阵和相关算法
Spatial	空间数据结构和算法
Special	特殊函数
Stats	概率分布函数和统计分析
Weave	C/C++编程接口

# 统计子模块stats

- 累积标准正态分布
- >>>from scipy.stats import norm
  >>>norm.cdf(0)
- 0.5
- >>>from scipy import stats
  >>>dir(stats)
- >>> help(stats.chi2)

• 分布

norm, chi2, f

• 概括性度量

skew

- · 参数、非参数检验 ttest\_1samp
- 列联分析 chi2\_contingency
- 线性回归分析

linregress

# 回归分析示例(scipy.stats.linregress)

```
>>> import numpy as np
>>> import matplotlib.pyplot as plt
>>> from scipy import stats
>>> np. random. seed (12345678)
>>> x = np. random. random(10)
>>> y = 1.6*x + np. random. random(10)

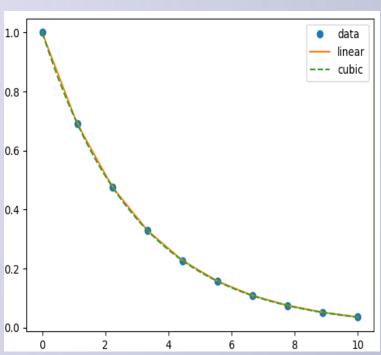
注意np. random. seed 可生成重复的
随机数
```

```
2.0 - 1.5 - 1.0 - 0.5 - 0.0 0.1 0.2 0.3 0.4 0.5 0.6 0.7 0.8
```

```
>>> slope, intercept, r_value, p_value, std_err = stats.linregress(x, y)
>>> print("slope: %f intercept: %f" % (slope, intercept))
    slope: 1.944864 intercept: 0.268578
>>> print("r-squared: %f" % r_value**2)
    r-squared: 0.735498
>>> plt.plot(x, y, 'o', label='original data')
>>> plt.plot(x, intercept + slope*x, 'r', label='fitted line')
>>> plt.legend()
>>> plt.show()
```

# 插值(scipy.interpolate)

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from scipy, interpolate import interp1d
x = np. linspace(0, 10, 10) #generate 10 evenly spaced numbers from (0, 10)
y = np. \exp(-x/3.0)
f = interp1d(x, y)
f2 = interp1d(x, y, kind='cubic')
xnew = np. linspace (0, 10, 40) #40values from (0, 10)
                                                           0.8
plt. plot (x, y, 'o', xnew, f (xnew), '-', xnew, f2 (xnew), '--')
plt.legend(['data', 'linear', 'cubic'], loc='best')
                                                            0.6 -
plt. show()
                                                            0.4
```



# 优化(scipy.optimize)

在金融领域,许多问题需要用到优化算法,给定目标函数和一组约束条件选择最佳投资组合。

```
>>>import scipy.optimize as optimize
>>>def my_f(x):
Return 3 + x**2
>>>optimize.fmin(my_f,5) # 5 is initial value
Optimization terminated successfully
Current function values: 3:000000
Iterations: 20
Function evaluations: 40
Array([ 0. ])
```

问题:目标函数SSE= $\sum_{i=1}^{n}(y_i - \beta x_i)^2$ ,有数据( $x_i$ ,  $y_i$ ),求 $\beta$ 的最小二乘估计。



#### **CAPM**

根据CAPM模型,单只股票的收益率和市场收益率线性相关,考虑个股超额收益率和市场的超额收益率之间的关系:

$$R_i - R_f = \alpha + \beta_i (R_m - R_f)$$

 $R_i$ : 个股收益率;  $\beta_i$ : 度量市场风险;  $R_m$ : 市场收益率

R<sub>f</sub>: 无风险利率

如果我们有 $R_i$ 、 $R_m$ 、 $R_f$ 的数据,就可以估计 $\alpha n \beta_i$ ,这是一个线性回归模型的最小二乘估计。

问题:数据怎么获得?如何导入数据?如何进行回归?

## 小结

- > NumPy模块和SciPy模块功能
- ▶回归分析应用