

## Title: Serie de Fourier

## Keyword

Descomposición  
Senoidales  
Simplificación  
Periodo

## Topic: Definiciones y Conceptos

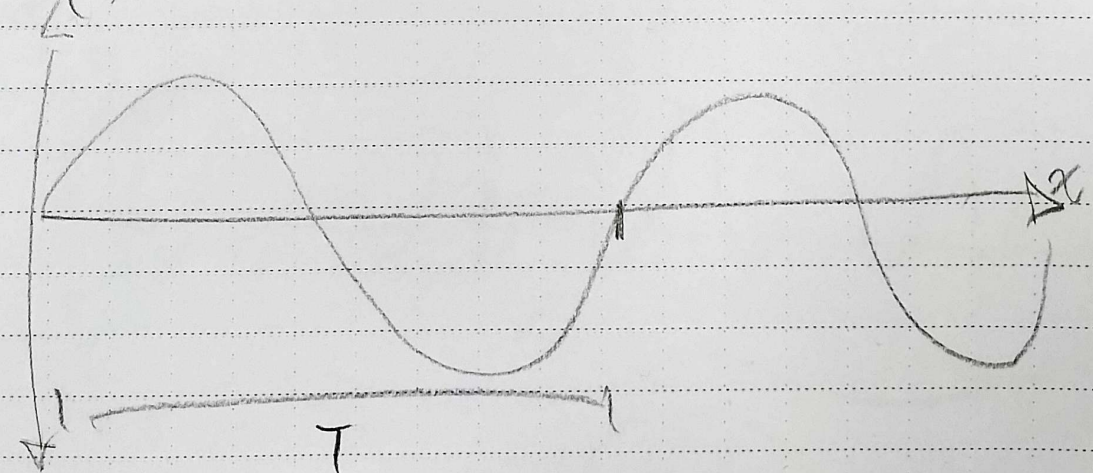
**Notes:** Función periódica. Una función se define como periódica cuando se da la siguiente condición: si existe una constante  $T > 0 \rightarrow f(x+T) = f(x)$ . Aquí  $T$  se denomina periodo. Obviamente,  $x$  y  $x+T$  forman parte del dominio de  $f$ .

Las operaciones con funciones periódicas con el mismo  $T$ , darán una función con el mismo  $T$ . Podemos obtener la gráfica completa repitiendo la sección de  $x$  hasta  $x+T$ . Frecuencia se define como  $\frac{1}{T}$ .

## Questions

¿En qué áreas se aplica esta técnica?

Aj. y



**Summary:** Fourier se basa en la idea de que se puede descomponer una función periódica compleja en sumas de algo más simple, funciones seno y coseno.



Title: Serie de Fourier

Keyword

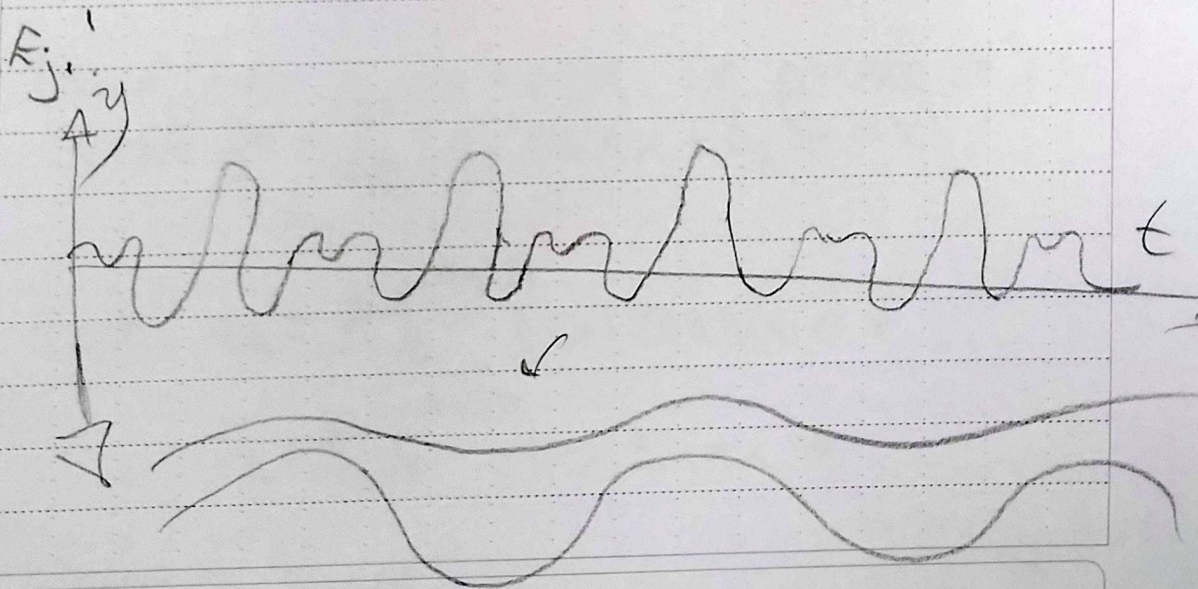
Topic: Concepto de Fourier

Notes: Armónico:  $y = A \sin(\omega x + \phi)$

Esta función es un armónico de amplitud  $|A|$ ,  
Frecuencia angular  $\omega$ , fase inicial  $\phi$ ,  
con periodo  $T = \frac{2\pi}{\omega}$

Serie de Fourier: La idea que subyace en las series de Fourier es que una función periódica se puede descomponer en senos y cosenoidales, los cuales son armónicos de la original, digase, tiene múltiples frecuencias distintas de la original.

Questions



Summary:



Title: Serie de Fourier

Keyword

Topic: Concepto de Fourier (continuación)

Notes:

Se utiliza la serie Armonométrica para esto:

$$f(x) = A + \sum_{k=1}^{\infty} \left( a_k \cos \frac{\pi k x}{L} + b_k \sin \frac{\pi k x}{L} \right)$$

Es una técnica eficiente que busca simplificar funciones para ser tratadas, siempre y cuando cumplan condiciones específicas. Esta aproximación se vuelve más exacta mientras más funciones senoidales utilizemos.

Questions

Para el caso de una función con periodo de  $2\pi$ :

$$f(x) = \frac{a_0}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} (a_n \cos nx + b_n \sin nx)$$

donde:  $a_n = \frac{1}{\pi} \int_a^{a+2\pi} f(x) \cos nx \, dx$

$$b_n = \frac{1}{\pi} \int_a^{a+2\pi} f(x) \sin nx \, dx$$

Siempre y cuando converja.

Summary: