

练习题

一 动态规划题

1. 兔子繁殖问题（经典的斐波那契数列）

假设一对新生兔子，从第三个月开始，每个月都会下 $t=1$ 对新生兔子，新生的兔子具有同样规律，而且假定兔子不死亡，现在从第一个月1对兔子开始，求第 n 个月最末一天兔子有多少对？

除了 $t=1$ 的情况，你能求出 $t=2$ 的数列结果吗？（显然前几项依次为1,1,3,5,11,...）

假设兔子只养6个月，即在第6个月其下完小兔子后会被卖出，再求第 n 个月最后一天兔子总数。//值得仔细思考

2. 神奇植物（斐波那契数列升级版）

（时间限制：5000 ms | 内存限制：16384 KB）

前不久，探险队b前往inst沙漠进行考察。他们在沙漠中发现了一种生命力十分强悍的植物。这种植物从种子到发芽只需要1天时间，而从发芽的第 x 天开始，一直到第 y 天（包括第 y 天），每天又都会繁殖出一粒种子，每棵植物都会在发芽的第 z 天时枯萎死亡。

因为探险队b以前在营地并没有见过这种植物，于是他们取了一颗种子放在他们的营地（这一天叫做第0天），他们想知道第 n 天的时候营地这种神奇的植物(不包括种子)的棵数 m 。

但是这个数太大了，他们现在只想知道 m 的最后8位数是多少。

输入

题目包含多个测试数据，每个测试数据只有一行，包含四个正整数 x, y, z, n ，用空格分开。其中 $0 < x \leq y < z \leq 2500$ ， $0 < n \leq 2500$ 。题目以四个整数0 0 0 0结束输入，这一行不用处理。

输出

每个测试数据输出一行，包含一个正整数，表示 m 的最后8位， m 不足八位的输出 m 。输出不含前导0。

样例输入

1 2 3 4
0 0 0 0

样例输出

5

//此题与上面兔子繁殖问题中最后一问是一样的。

3. 最少硬币问题

有一组面值分别为 $a_1, a_2, a_3, \dots, a_k$ （假设已经递增排列）的硬币，每种硬币数量足够多，现在要从这些硬币中抽取最少的枚数组成总金额 n ，请设计算法求出这个最少枚数。

输入

题目包含多组测试数据，每一组测试数据由2行构成，第一行为整数 k 和 n ，紧接着一行会有 k 个从小到大顺序的整数，最后一行以0 0结束。

输出

每一组测试数据单独一行输出其对应最少硬币枚数。

样例输入

```
4 10
1 2 3 4
4 8
1 2 4 5
0 0
```

样例输出

```
3
2
```

4. 平方数

众所周知，一个正整数可以分成若干个正整数的和（废话），现在我们把问题改一下。把一个正整数分成若干个平方数的和，显然这也是一定可以达到的。例如 $8 = 4 + 4 = 2^2 + 2^2$ $41 = 4^2 + 5^2$ $3 = 1 + 1 + 1$ 。但是现在试卷空格有限，不可能让你写 n 个1上去，所以我们需要最少的分拆。

Input

本题包含多组测试数据，每行是一个正整数 $n(1 \leq n \leq 100000)$ 。

Output

对于每个数据，需要输出两行，第一行为最少的平方数的数量，第二行是这些平方数的算术根，按升序输出。不需要多余的空格。如果有多种最优分拆，输出使前面的数尽量小的方案。

Sample Input

```
23
29
0
```

Sample Output

```
4
1 2 3 3
2
2 5
```

5. 邮局选址问题

有一条公路经过 V 个村庄，每一个村庄都处在整数的坐标点上（这里假设公路拉直为 X 轴）。规划在这条公路上建立 P 个邮局，当然为了方便，这些邮局应建在某 P 个村庄上，但是要求让不同村庄的人到邮局要走的总路程最小。

输入

测试数据输入的第一行是村庄个数 V 和邮局个数 P ，第二行是 V 个村庄的坐标（坐标 $>= 0$ ）。 $1 \leq V, P \leq 1000, 0 \leq \text{村庄坐标} x \leq 10000$ 。

输出

输出分两行，第一行输出村庄到邮局距离总和的最小值，第二行按递增顺序输出 P 个邮局所在村庄的坐标。

Sample Input

10 5

1 2 6 8 10 13 18 23 33 40

Sample Output

15

2 5 7 9 10

6. 投资问题

现有资金（设总数量为m）投入n个项目，并且给出投资收益表a[i][j]（均为整数），a[i][j]表示量为j（ $0 \leq j \leq m$ ）的资金投入项目i（ $0 \leq i < n$ ）能获得的收益，请设计算法求出最大投资收益（注：资金不一定要用完）。

输入

数据首行两个整数值分别为m、n，紧接着是一个n行m+1列的矩阵，对应收益表a[i][j]，其中m≤100为整数，n≤20。

例如

8. 3

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
0	0	5	15	40	80	90	95	98	100
1	0	5	15	40	60	70	73	74	75
2	0	4	26	40	45	50	51	52	53

（注：上面白色背景部分数据为a[i][j]的值，绿色背景部分只是助于理解）

输出

例如上面测试数据的最大投资收益值输出结果为
140

7. 滑雪

<http://poj.org/problem?id=1088>

8. Zipper

<http://poj.org/problem?id=2192>

9. Multiplication Puzzle

<http://poj.org/problem?id=1651>

10. Palindrome

<http://poj.org/problem?id=1159>

二 回溯练习题

1. 输出1~n的全排列。（时间：5分钟）
2. 输出1~n中取m个的全排列。（时间：5分钟）
3. 输出1~n的所有子集。（时间：6分钟）
4. 输出1~n的包含k个元素的所有子集。（时间：8分钟）
5. 输出1~n的和为S的子集（时间：8分钟）
6. 输出1~n的含有k个元素且和为S的所有子集。（时间：10分钟）
7. 将1~n分成k个互不相交、且并集为全集的非空子集，输出所有划分情况。（时间：30分钟）

例如 $n=4, k=3$, 即将 $U=\{1,2,3,4\}$ 划分成3个互不相交且并集为U的所有子集，划分结果有： $\{1,2\}, \{3\}, \{4\}$

$\{1,3\}, \{2\}, \{4\}$

$\{1\}, \{2,3\}, \{4\}$

$\{1,4\}, \{2\}, \{3\}$

$\{1\}, \{2,4\}, \{3\}$

$\{1\}, \{2\}, \{3,4\}$

(1,2为排列型，3,4,5,6,7为组合型)

参考解答：

一、动态规划练习题(vc6.0)

1. 解：设第n个月兔子总数为 $f(n)$ ，则有

月 份 总数

n $f(n)$

n+1 $f(n+1)$

n+2 $f(n+1)+2f(n)$ //老兔子+新生兔子

//老兔子：即前一个月份兔子总数 $f(n+1)$

//新兔子：根据兔子繁殖规律，第n个月的所有兔子在第n+2个月均会繁殖，所以新生兔子数为 $2f(n)$

即有 $f(n+2)=f(n+1)+2f(n)$ ，且 $f(1)=f(2)=1$ ；

当然这里的思考显得有点抽象，我们也可以用2个递推关系来分析。

- (1) 设第n个月兔子总对数和新出生兔子对数分别为f(n), g(n), 则有

$$f(n) = \sum_{k=1}^n g(k)$$

$$g(n) = \begin{cases} 1 & n=1 \\ 0 & n=2 \\ f(n-2) & n>2 \end{cases}$$

进一步数学变化可得到:

$$f(1) = g(1) = 1$$

$$f(2) = g(1) + g(2) = 1$$

$$f(n) = \sum_{k=1}^n g(k) = g(n) + \sum_{k=1}^{n-1} g(k) = g(n) + f(n-1) = f(n-2) + f(n-1)$$

- (2) t=2时

$$f(n) = \sum_{k=1}^n g(k)$$

$$g(n) = \begin{cases} 1 & n=1 \\ 0 & n=2 \\ 2f(n-2) & n>2 \end{cases}$$

也可以进一步数学变化得到:

$$f(1) = g(1) = 1$$

$$f(2) = g(1) + g(2) = 1$$

$$f(n) = \sum_{k=1}^n g(k) = g(n) + \sum_{k=1}^{n-1} g(k) = g(n) + f(n-1) = 2f(n-2) + f(n-1)$$

- (3) 兔子只活6个月时

$$f(n) = \sum_{k=n-4}^n g(k) // \text{即近5个月新生兔子总数}$$

$$g(n) = \begin{cases} 1 & n=1 \\ 0 & n=2 \\ g(n-2) + g(n-3) + g(n-4) + g(n-5) & n>2 \end{cases}$$

n=3时能递归退出吗?

改进为

$$g(n) = \begin{cases} 0 & n < 1 \\ 1 & n = 1 \\ g(n-2) + g(n-3) + g(n-4) + g(n-5) & n > 1 \end{cases}$$

计算f(n)的动态规划程序//也可以写两个动态规划函数分别计算f(n)和g(n)

```

#include<iostream>
#define MAX 100
using namespace std;

int F[MAX],n;

int f(int i)
{
    if(F[i]) return F[i];
    if(i==1 || i==2) return F[i]=1;
    else return F[i]=2*f(i-2)+f(i-1);
}

void main()
{
    int i=1;
    cout<<endl<<"Enter n:";
    cin>>n;
    while(i<=n)
    {
        cout<<endl<<i<<": "<<f(i); //i较大时会溢出，此程序没考虑溢出处理
        i++;
    }
}

```

//(3)参考程序

```

#include <iostream>
#define MAX 1000
using namespace std;

int F[MAX],G[MAX]; //对应f(n),g(n)的存储
int f(int );
int g(int );

int f(int n) //求f(n)
{
    int k;
    if(n<1) return 0; //注意此语句要放在最前面，因为n<0时不能访问F[n]
    if(F[n]) return F[n]; //如果F[n]已经计算过，直接返回结果
    for(k=n-4;k<=n;k++) //近5个月
        F[n] += g(k); //对应f(n)=Σg(k) , 1<=k<=n
    return F[n];
}

int g(int n) //根据g(n)等价的递推关系式而写

```

```

{
    if(n<1) return 0;//异常，与前一个同理
    if(G[n]) return G[n];//如果G[n]已经计算过，直接返回结果
    if(n==1) return G[n]=1;//保存结果并返回
    else    return G[n]=g(n-5)+g(n-4)+g(n-3)+g(n-2);//
}

int main()
{
    int n,i;
    cout<<"input n = ";
    cin>>n;

    for (i = 1; i <= n; i++)
    {
        cout<<"f("<<i<<" )="<<f(i)<<"   g("<<i<<" )="<<g(i)<<endl;
    }
    return 0;
}

```

2.解：第k天的植物总数用M(k)表示,f(k)表示第k天种子数量，则分析有

$$f(k)=\begin{cases} 1 & k==0 \\ 0 & k<x \\ \sum f(t) & k\geq x, \text{其中 } t=k-y, k-y+1, \dots, k-x \end{cases}$$

$$M(k)=\begin{cases} 0 & k==0 \\ 1 & k\leq x \\ \sum f(t) & k\geq x, \text{其中 } t=k-z+1, \dots, k-1 \end{cases}$$

动态规划程序如下：

```

#include<iostream>
#define MAX 2501
using namespace std;

int x,y,z,n;
int F[MAX],M[MAX];
int f(int);
int m(int);

void Init( )
{
    int i;
    for(i=0;i<MAX;i++) F[i]=M[i]=-1;
}

```

```

}

int f(int k)//f(k)= $\sum f(t)$   t=k-y,k-y+1,...,k-x
{
    int t;
    if(k<0) return 0;
    if(F[k]!=-1) return F[k];
    else if(k==0) return F[k]=1;
    else if(k<x) return F[k]=0;
    else
    {
        F[k]=0;
        for(t=k-y;t<=k-x;t++)
            F[k]=(F[k]+f(t))%1000000000;
        return F[k];
    }
}

int m(int k)//M(k)= $\sum f(t)$   t=k-z+1,...,k-1
{
    int t;
    if(M[k]!=-1) return M[k];
    else if(k==0) return M[k]=0;
    else if(k<=x) return M[k]=1;
    else
    {
        M[k]=0;
        for(t=k-z+1;t<k;t++)
            M[k]=(M[k]+f(t))%1000000000;
        return M[k];
    }
}

int main( )
{
    cin>>x>>y>>z>>n;
    while(x)
    {
        Init();
        cout<<m(n)<<endl;
        cin>>x>>y>>z>>n;
    }
    return 1;
}

```

3.解: $f(s,t)$ 表示用 a_1,a_2,\dots,a_t 面值硬币组成金额 s , 所用最少枚数。则有

$$f(s,t) = \begin{cases} s/a1 & t==1 \text{ 且 } s\%a1==0 \\ \min\{f(s-i*a1,t-1)+i\} & t>1 \text{ 且 } 0 \leq i \leq s/a1 \end{cases}$$

【注：此问题中一般默认 $a1=1$,保证一定有解;否则递推关系式需要修正如下】

$$f(s,t) = \begin{cases} s/a1 & t==1 \text{ 且 } s\%a1==0 \\ -1 & t==1 \text{ 且 } s\%a1 \neq 0 \\ \min\{f(s-i*a1,t-1)+i\} & t>1 \text{ 且 } 0 \leq i \leq s/a1, f(s-i*a1) \neq -1 \end{cases}$$

【注：用-1表示无解时 $f(s,t)$ 返回的值】

前一种递推式的动态规划程序

```
#include<iostream>
```

```
#define MAX 1001
```

```
using namespace std;
```

```
int F[MAX][MAX],n,k,a[MAX];
```

```
void init()
```

```
{
    int j;
    memset(F,0,MAX*MAX*sizeof(int));
    cin>>k>>n;
    for(j=1;j<=k;j++)
        cin>>a[j];
}
```

```
int f(int s,int t)
```

```
{
    int min=s,i,tmp;
    if(F[s][t]) return F[s][t];
    if(t==1 && s%a[t]==0)    return F[s][t]=s/a[t];
    else
    {
        for(i=0;i<=s/a[t];i++)
            if((tmp=f(s-i*a[t],t-1)+i) < min) min=tmp;
        return F[s][t]=min;
    }
}
```

```
int main()
```

```
{
    init();
    while(k)
    {
        cout<<f(n,k)<<endl;
```

```

        init();
    }
    return 1;
}

```

4.解：用 $f(s,t)$ 表示将 s 分解为大于等于 t 的数字的平方和，最少数字个数，则有

$$f(s,t) = \begin{cases} s+1 & t*t > s \quad // \text{无解情况} \\ 1 & t*t == s \\ \min\{f(s,t+1), f(s-t*t,t)+1\} & t*t < s \end{cases}$$

动态规划程序

```

#include<iostream>
#define MAX 100001
using namespace std;

```

```

int F[MAX][320],n;//320的平方已经超出100000

```

```

void init()
{
    int j;
    memset(F,0,MAX*320*sizeof(int));
    cin>>n;
}

```

```

int min(int a,int b)
{
    return a<b?a:b;
}

```

```

int f(int s,int t)
{
    if(F[s][t]) return F[s][t];
    if(t*t>s) return F[s][t]=s+1;
    else if(t*t==s) return F[s][t]=1;
    else return F[s][t]=min(f(s,t+1),f(s-t*t,t)+1);
}

```

```

void calcT(int s,int t)
{
    if(t*t==s){ cout<<t<<" "; return ;}
    if(F[s-t*t][t]+1==F[s][t])
    {
        cout<<t<<" ";
        calcT(s-t*t,t);
    }
}

```

```

    }
    else calcT(s,t+1);
}

int main()
{
    init();
    while(n)
    {
        cout<<f(n,1)<<endl;
        calcT(n,1);
        cout<<endl;
        init();
    }
    return 1;
}

```

5.解：用 $f(V,P)$ 表示 V 个村庄(村庄依次编号 $1,2,\dots,V$) P 个邮局时，村庄到邮局距离总和的最小值，

用 $len(i,j)$ 表示在 $i\sim j$ 村庄范围设置一个邮局时各村庄到邮局的距离和最小值，可以分析出

邮局安排在编号为 $(i+j)/2$ 的村庄时，其距离和达到最小值。

可分析出递推关系式如下

$$\begin{aligned}
 &0 \qquad \qquad \qquad V \leq P \quad // \text{邮局个数多余村庄个数} \\
 &f(V,P) = \begin{cases} len(1,V) & P=1 \quad // \text{仅一个邮局时} \\ \min \{f(V-k,P-1) + len(V-k+1,V)\} & V > P > 1 \quad // \text{最右边邮局管辖村庄范围 } V-k+1 \sim V \end{cases}
 \end{aligned}$$

【其中 k 满足 $k \geq 1$ 且 $V-k \geq P-1$ ，即 $1 \leq k \leq V-P+1$ 】

动态规划程序

```
#include<iostream>
```

```
#define MAX 1001
```

```
using namespace std;//
```

```
int a[MAX],len[MAX][MAX],F[MAX][MAX],V,P;
```

```
void init()
```

```

{
    int i,j,mid;
    memset(F,-1,MAX*MAX*sizeof(int));
    cin>>V>>P;
    for(i=1;i<=V;i++) cin>>a[i];
    for(i=1;i<=V;i++)
    {

```

```

        len[i][i]=0;
        for(j=i+1;j<=V;j++)
        {
            mid=(i+j)/2;
            len[i][j]=len[i][j-1]+a[j]-a[mid];
        }
    }
}

int f(int V,int P)
{
    int min,k,tmp;
    if(F[V][P]!=-1) return F[V][P];
    if(V<=P) return F[V][P]=0;
    else if(P==1) return F[V][P]=len[1][V];
    else
    {
        min=len[1][V];
        for(k=1;k<=V-P+1;k++)
            if((tmp=f(V-k,P-1)+len[V-k+1][V]) < min) min=tmp;
        return F[V][P]=min;
    }
}

void calcX(int V,int P)
{
    int k;
    if(P==1)
    {
        cout<<(V+1)/2<<" ";
        return ;
    }
    for(k=1;k<=V-P+1;k++)
        if(F[V][P]==F[V-k][P-1]+len[V-k+1][V]) break;
    calcX(V-k,P-1);
    cout<<V-k/2<<" ";
}

int main()
{
    init();
    cout<<f(V,P)<<endl;
    calcX(V,P);
    return 1;
}

```

6.解：分析递推关系式，用 $f(i,j)$ 表示资金量为 j 项目范围为 $1\sim i$ ，能够获得的最大投资收益

则有：

$$f(i,j)=\begin{cases} 0 & i<0 \parallel j==0 \\ \max\{a[i][k]\} & i==0, \text{其中 } 0\leq k\leq j \\ \max\{a[i][k]+f(i-1,j-k)\} & i>0, \text{其中 } 0\leq k\leq j \end{cases}$$

动态规划程序

```
#include<iostream>
using namespace std;
#define MAX 101

int a[MAX][MAX],F[MAX][MAX],m,n;

void init()
{
    int i,j;
    memset(F,-1,MAX*MAX*sizeof(int));
    cin>>m>>n;
    for(i=0;i<n;i++)
        for(j=0;j<=m;j++)
            cin>>a[i][j];
}

int f(int i,int j)
{
    int mmax,k,tmp;
    if(F[i][j]!=-1) return F[i][j];
    if(i<0) return 0;
    else if(j==0) return F[i][j]=0;
    else if(i==0)
    {
        mmax=a[i][0];
        for(k=1;k<=j;k++)
            if(a[i][k]>mmax) mmax=a[i][k];
        return F[i][j]=mmax;
    }
    else
    {
        mmax=a[i][0]+f(i-1,j);
        for(k=1;k<=j;k++)
        {
            tmp=a[i][k]+f(i-1,j-k);
```

```

        if(tmp>mmax) mmax=tmp;
    }
    return F[i][j]=mmax;
}
}

```

```

int main()
{
    init();
    cout<<f(n,m);
    return 1;
}

```

7.

```

#include<iostream>
#include<iomanip>
#include<math.h>
using namespace std;

```

```

int c,r,MaxInt=(int)pow(2,sizeof(int)-1)-1;//行,列
int h[102][102];//二维高度数组
int cc[102][102];//二维存储数组

```

```

int Max(int a,int b,int c,int d){
    int max=1;
    if(a>max) max=a;
    if(b>max) max=b;
    if(c>max) max=c;
    if(d>max) max=d;
    return max;
}

```

```

int Min(int a,int b,int c,int d){
    int max=(int)pow(2,sizeof(int)-1)-1;
    if(a<max) max=a;
    if(b<max) max=b;
    if(c<max) max=c;
    if(d<max) max=d;
    return max;
}

```

```

int f(int i,int j){

```

```

    if(cc[i][j]!=-1) return cc[i][j];
    else if(h[i][j]<Min(h[i-1][j],h[i+1][j],h[i][j-1],h[i][j+1])) return cc[i][j]=1;
    else{
        int a=0,b=0,c=0,d=0;
        if(h[i][j]>h[i-1][j]) a=f(i-1,j)+1;
        if(h[i][j]>h[i][j-1]) b=f(i,j-1)+1;
        if(h[i][j]>h[i+1][j]) c=f(i+1,j)+1;
        if(h[i][j]>h[i][j+1]) d=f(i,j+1)+1;

        return cc[i][j]=Max(a,b,c,d);
    }
}

```

int high(int i,int j)//判断(i,j)是否比周围的点要高，即局部高点

```

{
    if(i>1 && h[i][j] < h[i-1][j]) return 0;
    if(i<c && h[i][j] < h[i+1][j]) return 0;
    if(j>1 && h[i][j] < h[i][j-1]) return 0;
    if(j<r && h[i][j] < h[i][j+1]) return 0;
    return 1;
}

```

```

int main(){
    int i,j;
    cin>>c>>r;
    for(i=1;i<c+1;i++)
        for(j=1;j<r+1;j++)
        {
            cc[i][j]=-1;
            cin>>h[i][j];
        }
    for(i=0;i<r+2;i++) {h[0][i]=MaxInt; h[c+1][i]=MaxInt;}
    for(i=0;i<c+2;i++) {h[i][0]=MaxInt; h[i][r+1]=MaxInt;}

    int max=1;
    for(i=1;i<c+1;i++)
        for(j=1;j<r+1;j++)
            if(high(i,j) && max<f(i,j)) max=cc[i][j];

    cout<<max;

    return 0;
}

```

- 9.
- 10.

二、回溯练习题(vc6.0)

1.

```
#include<iostream>
#define MAX 100
using namespace std;
```

```
int n,X[MAX];
```

```
int xianjie(int k,int i)
{
    int j;
    for(j=1;j<k;j++)
        if(X[j]==i) return 0;
    return 1;
}
```

```
void f(int k)
{
    int i;
    if(k==n+1)
    { cout<<endl;
      for(i=1;i<=n;i++) cout<<X[i]<<" ";
    }
    else
    for(i=1;i<=n;i++)
    if(xianjie(k,i))
    {
        X[k]=i;
        f(k+1);
    }
}
```

```
void main()
{
    cout<<endl<<"Enter n(<<MAX<<):";
    cin>>n;
    f(1);
}
```

2.

```
#include<iostream>
#define MAX 100
```



```

using namespace std;

int n,m,X[MAX];

int xianjie(int k,int i)
{
    int j;
    for(j=1;j<k;j++)
        if(X[j]==i) return 0;
    return 1;
}

void f(int k)
{
    int i;
    if(k==m+1)
    { cout<<endl;
      for(i=1;i<=m;i++) cout<<X[i]<<" ";
    }
    else
    for(i=1;i<=n;i++)
    if(xianjie(k,i))
    {
        X[k]=i;
        f(k+1);
    }
}

void main()
{
    cout<<endl<<"Enter n,m(<<MAX<< ,m<=n):";
    cin>>n>>m;
    f(1);
}

```

3.

```

#include<iostream>
#define MAX 100
using namespace std;

```

```

int n,X[MAX];

```

```

int xianjie(int k,int i)
{
    return 1;
}

```

```

void f(int k)
{
    int i;
    if(k==n+1)
    {
        cout<<endl<<"{";
        for(i=1;i<=n;i++)
            if(X[i]==1) cout<<i<<" ";
        cout<<"}";
    }
    else
        for(i=1;i<=2;i++)
            if(xianjie(k,i))
            {
                X[k]=i;
                f(k+1);
            }
}

void main()
{
    cout<<endl<<"Enter n(<"<<MAX<<"):";
    cin>>n;
    f(1);
}

```

4.

```

#include<iostream>
#define MAX 100
using namespace std;

```

```

int n,k,X[MAX];
int count=0;

```

```

int xianjie(int t,int i)
{
    if(i==1 && count+1>k) return 0;
    if(i==2 && count+n-t<k) return 0;
    return 1;
}

```

```

void f(int t)
{
    int i;
    if(t==n+1)

```

```

    {
        cout<<endl<<"{";
        for(i=1;i<=n;i++)
            if(X[i]==1) cout<<i<<" ";
        cout<<"}";
    }
    else
        for(i=1;i<=2;i++)
            if(xianjie(t,i))
            {
                X[t]=i;
                if(i==1) count++;
                f(t+1);
                if(i==1) count--;
            }
}

void main()
{
    cout<<endl<<"Enter n,k(<"<<MAX<<"k<=n).:";
    cin>>n>>k;
    f(1);
}

```

5.

```

#include<iostream>
#define MAX 100
using namespace std;

```

```

int n,S,X[MAX];
int curS,leftS;

```

```

int xianjie(int t,int i)
{
    if(i==1 && curS+t>S)    return 0;
    if(i==2 && curS+leftS-t<S) return 0;
    return 1;
}

```

```

void f(int t)
{
    int i;
    if(t==n+1 && curS==S)
    {
        cout<<endl<<"{";
        for(i=1;i<=n;i++)

```

```

        if(X[i]==1) cout<<i<<" ";
        cout<<"}";
    }
    else
        for(i=1;i<=2;i++)
            if(xianjie(t,i))
            {
                X[t]=i;
                if(i==1) curS += t;
                leftS -= t;
                f(t+1);
                if(i==1) curS -= t;
                leftS += t;
            }
}

void main()
{
    cout<<endl<<"Enter n,S(<"<<MAX<<"):";
    cin>>n>>S;
    curS=0;
    leftS=n*(n+1)/2;
    f(1);
}

```

6.

```

#include<iostream>
#define MAX 100
using namespace std;

```

```

int n,k,S,X[MAX];
int curS,leftS,count=0;

```

```

int xianjie(int t,int i)
{
    if(i==1 && curS+t>S)    return 0;
    if(i==2 && curS+leftS-t<S) return 0;
    if(i==1 && count+1>k)    return 0;
    if(i==2 && count+n-t<k)  return 0;
    return 1;
}

```

```

void f(int t)
{
    int i;
    if(t==n+1 && curS==S && count==k)

```

```

    {
        cout<<endl<<"{";
        for(i=1;i<=n;i++)
            if(X[i]==1) cout<<i<<" ";
        cout<<"}";
    }
    else
        for(i=1;i<=2;i++)
            if(xianjie(t,i))
            {
                X[t]=i;
                if(i==1) { curS += t; count++;}
                leftS -= t;
                f(t+1);
                if(i==1) { curS -= t; count--;}
                leftS += t;
            }
}

void main()
{
    cout<<endl<<"Enter n,k,S(<"<<MAX<<"k<=n):";
    cin>>n>>k>>S;
    curS=0;
    leftS=n*(n+1)/2;
    f(1);
}

```

7.

```

#include<iostream>
#define MAX 100
using namespace std;

int n,k,X[MAX],count[MAX];

int xianjie(int t,int i)
{
    int j;
    if(i>1 && !count[i-1]) return 0;
    if(t==n)
    {
        for(j=1;j<=k;j++)
            if(j!=i && !count[j]) return 0;
    }
    return 1;
}

```

```

void f(int t)
{
    int i,j;
    if(t==n+1)
    {
        cout<<endl;
        for(j=1;j<=k;j++)
        {
            cout<<"{";
            for(i=1;i<=n;i++)
                if(X[i]==j) cout<<i<<" ";
            cout<<"}";
        }
    }
    else
        for(i=1;i<=k;i++)
            if(xianjie(t,i))
            {
                X[t]=i;
                count[i]++;
                f(t+1);
                count[i]--;
            }
}

void main()
{
    cout<<endl<<"Enter n,k(<"<<MAX<<"k<=n):";
    cin>>n>>k;
    f(1);
}

```