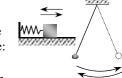
## Колебания и волны

1. <u>Колебаниями</u> называется точное или приближенное повторение какого-либо процесса с течением времени (обычно повторение бывает многократным).

В зависимости от физической природы повторяющегося процесса различают:

а) Механические колебания — повторяющийся процесс представляет собой механическое движение:



б) Электромагнитные колебания — повторяющийся процесс представляет собой

изменение силы тока, напряжения, заряда конденсатора в электрической цепи, вектора E (напряженности электрического поля), вектора B (индукции магнитного поля).

в) Другие колебания — повторяться могут и другие процессы, например, изменение температуры и пр.

<u>Колеблющимися величинами</u> называются физические величины, описывающие процесс, повторяющийся при колебаниях, (или систему, с которой этот процесс происходит) и сами испытывающие повторяющиеся изменения.

В механических колебаниях колеблющимися величинами могут быть: координата, скорость, ускорение и другие величины, описывающие механическое движение.

В электромагнитных колебаниях колеблющимися величинами могут быть: сила тока, напряжение, заряд конденсатора,

E , B и другие величины, описывающие электрический ток и электромагнитное

Периодическими называются колебания, при которых происходит точное повторение процесса через равные промежутки времени.

Периодом периодических колебаний называется минимальное время, через которое система возвращается в первоначальное состояние и начинается повторение процесса.

Процесс, происходящий за один период колебаний, называется «одно полное колебание».

<u>Частотой</u> периодических колебаний называется число полных колебаний за единицу времени (1 секунду) — это может быть не целое число.





Период — время одного полного колебания.

Чтобы вычислить частоту у, надо разделить 1 секунду на время Т одного колебания (в секундах) и получится число колебаний за 1 секунду.

## 2. Гармоническими колебаниями называются колебания, в которых колеблющиеся величины зависят от времени по закону синуса, или косинуса.

Колеблющаяся величина (координата точки, сила тока, напряженность поля, или иная величина)

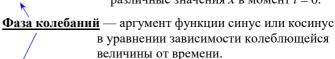
$$-x = A \cdot \cos(\omega t + \phi_0)$$

Начальная фаза — значение фазы Ф в момент t = 0.

Изменяя значение  $\phi_0$ , можно получать различные значения x в момент t = 0.

**Амплитуда колебаний** — максимальное отклонение колеблющейся величины от среднего за период значения.

Если среднее за период значение колеблющейся величины равно 0, то амплитуда равна максимальному значению колеблющейся величины:  $A = x_m$ 

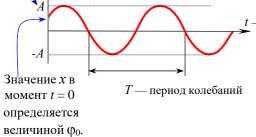


$$\varphi = \omega t + \varphi_0$$

<u>Циклическая частота</u> колебаний — скорость изменения фазы с течением времени.

$$\omega = \frac{\Delta \varphi}{\Delta t}$$

Изменение фазы, произошедшее за



колеблющаяся величина

Если время  $\Delta t$  равно периоду колебаний T, то изменение фазы  $\Delta \phi$  за это время (T)должно быть равно  $2\pi$  (т. к. функции  $\sin$  и  $\cos$  повторяют свои значения при изменении аргумента ( $\phi$ ) на  $2\pi$ , а через время T значение колеблющейся величины как раз должно повториться).

Таким образом, при 
$$\Delta t = T$$
 будет  $\Delta \phi = 2\pi \implies \omega = \frac{\Delta \phi}{\Delta t} = \frac{2\pi}{T}$ 

подставлено  $1/T = \sqrt{1}$ 

ускорение.

Если колебания гармонические,

т. е. колеблющаяся величина x равна  $x = A \cdot \cos(\omega t + \varphi_0)$ , то вторая производная колеблющейся величины по времени x''будет пропорциональна самой колеблющейся величине (x):

Если x — координата точки, движущейся вдоль оси OX, то:

$$x'(t) = -\omega A \cdot \sin(\omega t + \varphi_0)$$
  $x'(t) = v_x$  — проекция скорости  $\Rightarrow v_{\text{max}} = \omega A$  — максимальная скорость.  $x''(t) = -\omega^2 A \cdot \cos(\omega t + \varphi_0) = -\omega^2 x$   $x''(t) = a_x$  — проекция ускорения  $\Rightarrow a_{\text{max}} = \omega^2 A$  - максимальное

$$x''(t) = -\omega^2 \cdot x$$

$$x''(t) = -\omega^2 A \cdot \cos(\omega t + \varphi_0) = -\omega^2 \cdot x$$

## 3. Простейшие колебательные системы





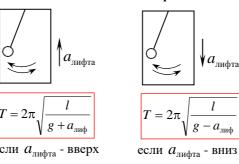
Если кроме силы тяжести на маятник действуют другие постоянные активные силы, то вместо g в формулу подставляют модуль ускорения, создаваемого суммой всех активных сил:

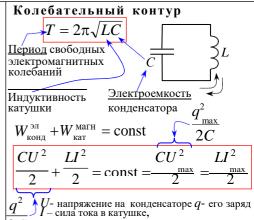
$$\vec{a}_{\text{акт}} = \frac{\sum F_{\text{акт}}}{m}$$
 (активными называются

силы, имеющие ненулевой вращающий момент относительно точки подвеса маятника)

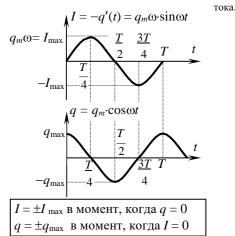








 $q_{
m max}, U_{
m max}$  и  $I_{
m max}$  — максимальные (амплитудные) значения заряда, напряжения и силы



4. **Волна** — распространение колебательного процесса в пространстве с течением времени. (Если в какой-то области пространства происходит колебательный процесс, то это может породить аналогичные колебания в соседних областях пространства. Например, если какая-либо точка упругой среды совершает механические колебания, то при этом она, как правило, заставляет колебаться соседние, прилегающие к ней точки среды. Те, в свою очередь,

вдоль оси OX по закону  $x = A\sin\omega t$ ВИД СВЕРХУ: так что в момент t = 0 скорость максимальна  $v_m = A \omega$ . К моменту t = T/4 точка a сме- $\Delta$  щается в положение x = A. Соседние точки шнура движутся за ней, повторяют ее движение, A заставляя двигаться следующие Cточки. В момент t = T/4 волна дошла до точки b и она начала двигаться (ее состояние в мо-X v = 0мент t = T/4 совпадает с состоя-0 нием точки a в момент t = 0) В дальнейшем все новые и новые

v = 0

Пример: на гладкой горизонтальной поверхности лежит шнур

и в некоторый момент его крайнюю точку a начинают двигать

Таким образом, в колебательный процесс вовлекаются все новые и новые области пространства. Другой пример электромагнитные колебания. Если в какой-то точке пространства (эту точку назовем источником) происходят Точка a начинает двигаться, при этом ее скорость меняется колебания индукции магнитного поля B , то это порождает в по закону  $v_x = x' = A\omega\cos\omega t$ , окружающем пространстве колебания напряженности

электрического поля E, которые, в свою очередь, порождают

передают колебательное движение следующим точкам и т. д.

новые колебания B и т. д. Электромагнитные колебания распространяются от источника, т. е. начинают происходить во все новых и новых областях пространства)

Фронт волны — поверхность отделяющая область пространства, в которой уже начались колебания, от области, где колебания еще не происходят. Фронт волны перемещается по мере распространения волны. (В рассмотренном примере со шнуром фронтом волны в момент t = T/4 является точка b, в момент t = T/2 — точка c, и т. д.)

Скорость распространения волны ( $V_{\text{волн}}$ ) — скорость движения волнового фронта, а также любой другой поверхности постоянной фазы (любого «горба» волны, или «впадины»).

Механическая волна называется поперечной, если направление движения колеблющихся точек в ней

 $\stackrel{
ightharpoonup}{V_{
m BOJH}}$  . Если же колеблющиеся точки движутся параллельно  $V_{
m BOJH}$  , то волна называется **продольной**. Перпендикулярно направлению  $V^{
m BOJH}$  . Если же колеблющиеся точки движутся параллельно  $V_{
m BOJH}$  , то волна называется **продольной**. (Рассмотренная в примере волна в шнуре – поперечная, а звук – продольная волна.) Электромагнитные волны являются поперечными, т. к.

точки будут вовлекаться в колебательное движение, анало-

гичное движению источника -

направление колеблющихся векторов E и B в этих волнах перпендиλ. кулярно  $V_{\scriptscriptstyle \mathrm{BOЛH}}$  . колеблющаяся r – расстояние до величина источника  $x(r, t) = A \cdot \cos(\omega t - (2\pi/\lambda)r + \varphi_0)$ 

<u>Длина волны</u> ( $\lambda$ ) — минимальное расстояние между точками, колебания в которых происходят с разностью фаз  $2\pi$ . (При такой разности фаз колеблющиеся величины в этих точках имеют одно и то же значение, так что  $\lambda$  — расстояние между соседними «горбами», или соседними «впадинами» волны)

 $\lambda = v_{\text{волн}} \cdot T = v_{\text{волн}} / v$