

DÉPARTEMENT DE MATHÉMATIQUES ET DE GÉNIE INDUSTRIEL

MTH2302D - PROBABILITÉS ET STATISTIQUE

Devoir - Hiver 2025

Date de remise: 15 avril avant 23h59 (dans Moodle)

Veuillez remplir le tableau suivant et joindre cette page à votre rapport.

Nom : Saka	Prénom : Ndzana Missia Said
Groupe : 02	Matricule : 2184805
Idor	tification do l'étudient e 2
lder	ntification de l'étudiant.e 2
Nom : Shair Zaie	ntification de l'étudiant.e 2 Prénom : Safiullah

Placer les deux fichiers DevoirD_H25.csv et charger.R dans le répertoire de travail de R. En utilisant votre matricule, exécuter ensuite (dans cet ordre) les deux commandes suivantes dans R pour générer votre ensemble de données personnalisées 'mondata' :

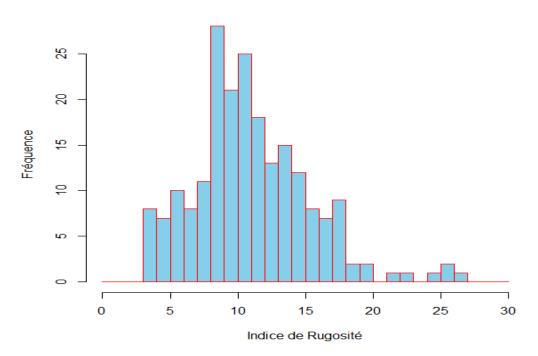
source('charger.R') mondata <charger(matricule)</pre>

Question	Note
a)	/7
b)	/10
c)	/15
d)	/6
Présentation	/2
TOTAL	/40

<u>Phase 1</u>: Analyse statistique descriptive et inférence

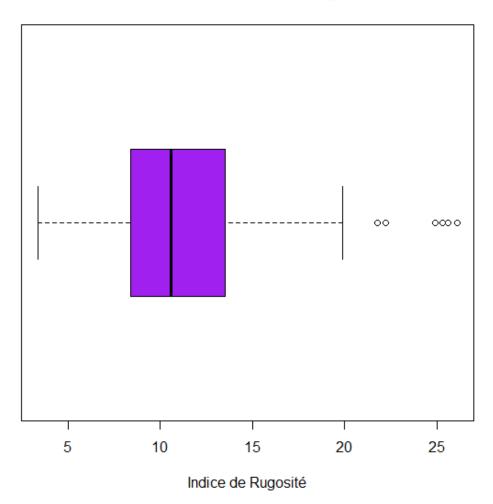
- a) Interprétation des résultats obtenus pour :
 - **Histogramme de Tukey :** Nous remarquons une grande quantité de matériaux dont l'IR est comprise 8 et 12. Par ailleurs, peu de matériaux on un IR supérieur à 25.

Histogramme de l'indice de Rugosité



- **Diagramme de Tukey :** On conclut que l'IR est majoritairement concentré entre 8 et 12.

Boxplot de l'indice de Rugosité

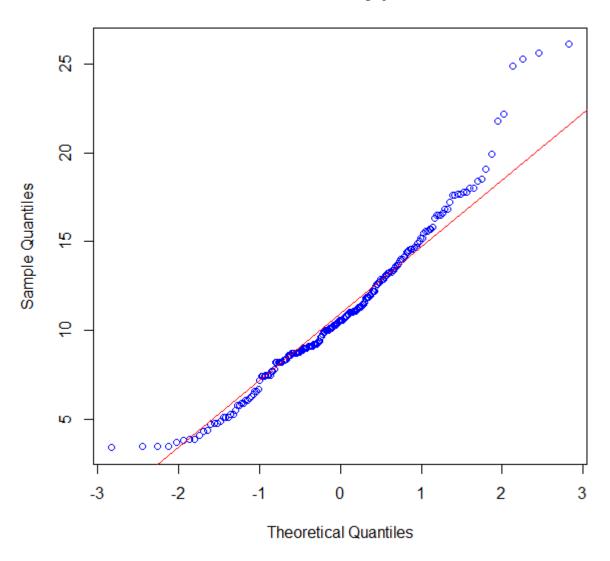


- Droite de Henry:

Les points s'écartent significativement de la droite de référence aux extrémités (pour les valeurs extrêmes de l'IR).

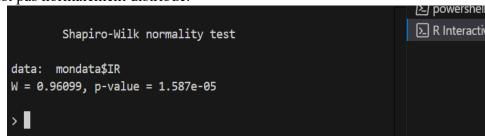
Cela confirme une distribution asymétrique, avec une queue de distribution plus épaisse que celle d'une loi normale (présence d'outliers ou de valeurs extrêmes).

Droite de Henry pour IR



- Test de normalité :

D'après le test de normalité : w = 0,96099 et p-value= 1.587°-5. p-value < 0.05, par conséquent, le test de Shapiro-Wilk confirme que l'IR n'est pas normalement distribué.



- Tableau de statistiques descriptives :

Moyenne	11.06333
1 ^{ER} Quartile	8.40
Médiane	10.60
3 ^{ème} Quartile	13.47
Écart-type	4.356301
IDC pour la moyenne	[10.4707, 11.6559]

On remarque que:

La rugosité moyenne des trous percés est de 11.06;

50 % des trous ont un IR \leq 10.60;

L'écart-type étant de 4.36 alors il y a une dispersion modérée autour de la moyenne

b) Conclusion à la suite de l'analyse des :

Le tableau des statistiques montre que :

- Le matériau 0 a une rugosité légèrement plus élevée (11,39) que le matériau 1 (10,75), mais la différence est faible
- Les deux groupes ont des écarts-types similaires (~4.5), indiquant une variabilité comparable.
- Les intervalles de confiance (IC) se chevauchent largement :
 - Matériau 0 : [10.51, 12.27]Matériau 1 : [9.94, 11.56]
- Les maximas sont proches (26.1 vs 25.6), suggérant des défauts de perçage dans les deux matériaux.

Par ailleurs, concernant les tests d'hypothèses nous avons :

- P-value = 0.2905 > 0.05 par conséquent, il n'y a pas de différence significative entre les moyennes de l'indice de rugosité entre les matériaux de type 0 et 1
- L'intervalle de confiance de la différence est : [-0.55, 1.82] inclut 0 donc il y a absence d'effet statistique

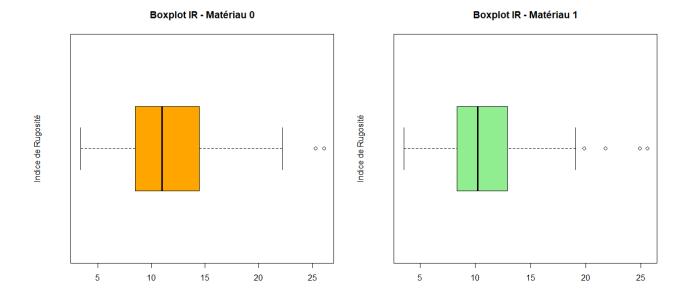
En outre, l'analyse des tests de normalité (Shapiro-Wilk) montre que pour:

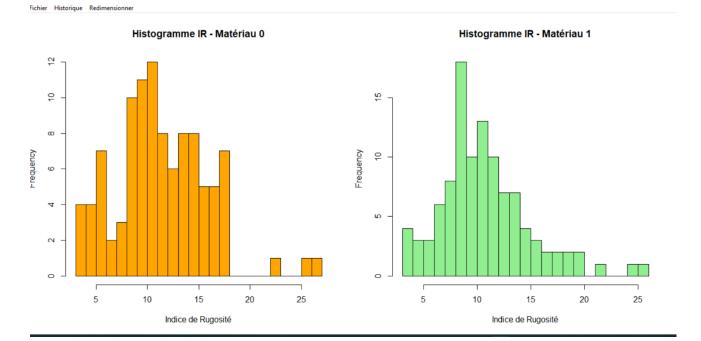
- Le matériau 0 : p-value = 0.021 < 0.05 d'où on rejette la normalité
- Le matériau 1 : p-value = 0.0001 < 0.05 d'où on rejette aussi la normalité

Conclusion:

Il faudra analyser les paramètres de perçage (vitesse, température) afin de déterminer le meilleur modèle.

```
Matériau_0 Matériau_1
Moyenne
               11.39
                          10.75
Médiane
               11.00
                          10.20
Q1.25%
                8.50
                           8.35
Q3.75%
               14.50
                          12.90
Écart_type
                4.51
                           4.20
Minimum
                3.40
                           3.50
Maximum
               26.10
                          25.60
IC inf
               10.51
                           9.94
IC_sup
               12.27
                          11.56
```





Phase2: Recherche du meilleur modèle

c) Conclusions Clés

<u>Variables significatives</u>:

La température (T) montre un impact hautement significatif (p < 0.001) dans tous les modèles.

La vitesse (V) n'est pas significative (p > 0.4 dans tous les modèles).

Qualité d'ajustement :

Les modèles avec T expliquent ~63-65% de la variance (R^2 ajusté). Les modèles avec V sont inutiles ($R^2 \approx 0\%$).

Normalité des résidus:

Seuls les modèles basés sur T satisfont le test de Shapiro-Wilk (p > 0.05).

Comparaison par AIC:

Le modèle 5 (puissance en T) a l'AIC le plus bas (21.34), suivi du modèle 6 (23.56).

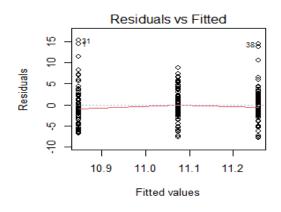
Modèle à retenir :

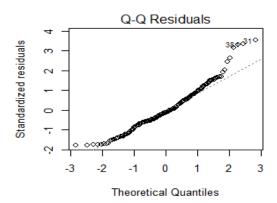
Par conséquent, le modèle à retenir est le **modèle 5 (puissance)** car il a les meilleurs AIC et résidus normaux. Son équation est :

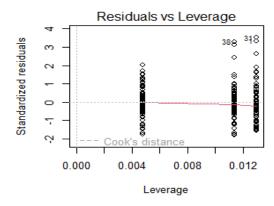
$$\ln (IR) = -15.92 + 4.90 \cdot \ln(T) + \varepsilon$$

Preuve:

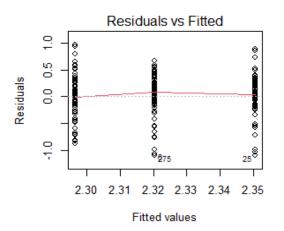
Diagnostics pour Modèle 1: Y = β 0 + β 1*V + ϵ

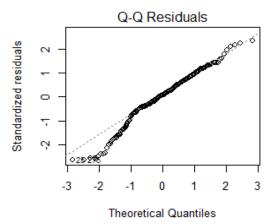


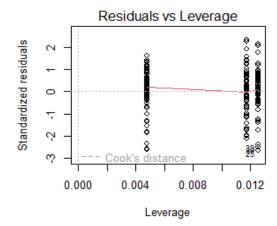




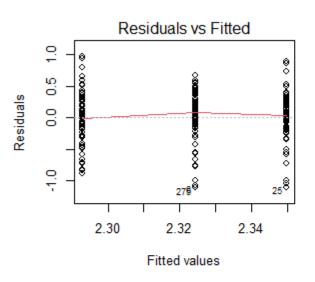
Diagnostics pour Modèle 2: $ln(Y) = ln(\beta 0) + \beta 1*ln(V) + \epsilon$

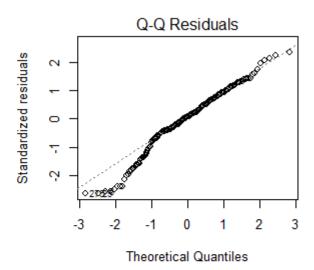


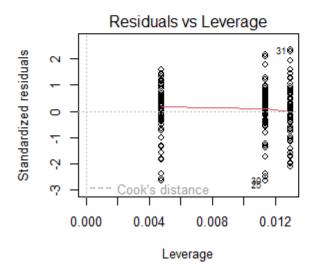




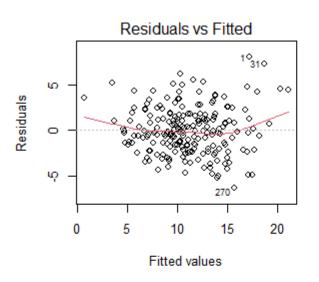
Diagnostics pour Modèle 3: $ln(Y) = ln(\beta 0) + \beta 1^*V + \epsilon$

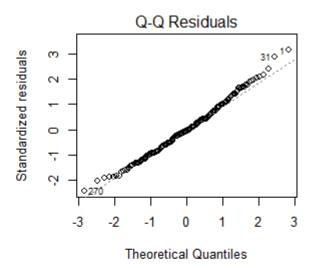


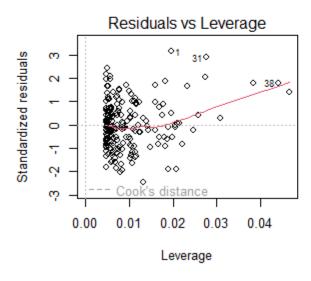




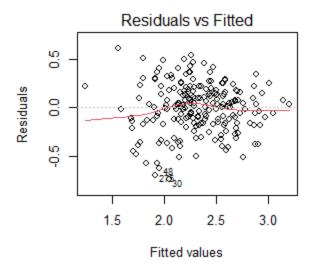
Diagnostics pour Modèle 4: Y = β 0 + β 1*T + ϵ

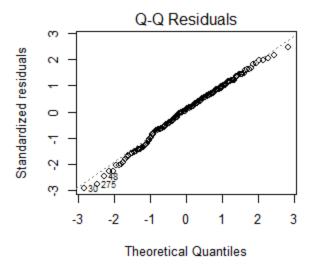


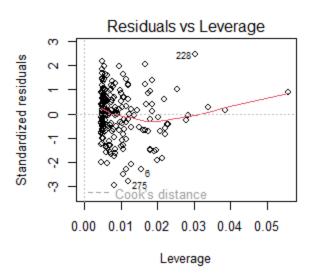




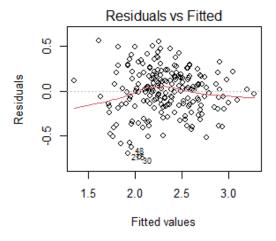
Diagnostics pour Modèle 5: $ln(Y) = ln(\beta 0) + \beta 1*ln(T) + \epsilon$

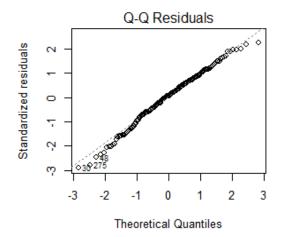


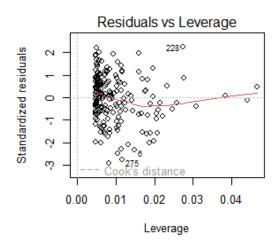




Diagnostics pour Modèle 6: $ln(Y) = ln(\beta 0) + \beta 1^*T + \epsilon$







```
> # Comparaison des AIC (plus petit = meilleur)
> AIC(modele1, modele2, modele3, modele4, modele5, modele6)
        df
modele1
         3 1218.73279
modele2
            232.53477
modele3
         3
            232.47727
         3 1000.54285
modele4
modele5
         3
             21.34297
modele6
         3
             23.55668
```

d) Le modèle retenu étant le modèle 5 dont l'équation est $\ln{(IR)} = -15.92 + 4.90 \cdot \ln{(T)} + \epsilon$ nous avons :

```
Pour un perçage a une Température (T=40) : 
 Une valeur prédite de l'IR \approx 10.2 ; 
 Un intervalle de confiance = [8.6, 12.1]
```

Commentaire:

La plage est relativement étroite, indiquant une bonne précision du modèle. L'IR prédit se situe dans la zone de qualité acceptable (car proche de la médiane globale de 10.6).

Le graphique de visualisation a été effectuer dans notre code charger.R afin de garantir une concordance avec les analyses que nous avions effectuées dans ce présent rapport.

Prédiction d'IR pour T = 40°C (Modèle Puissance)

