第35题——剪绳子I

给你一根长度为 n 的绳子,请把绳子剪成整数长度的 m 段 (m、n都是整数, n>1并且m>1), 每段绳子的长度记为 k[0],k[1]...k[m-1]。请问 k[0]k[1]...*k[m-1] 可能的最大乘积是多少?例如, 当绳子的长度是8时,我们把它剪成长度分别为2、3、3的三段,此时得到的最大乘积是18。

示例 1:

输入: 2

输出: 1

解释: 2 = 1 + 1, 1 × 1 = 1

示例 2:

输入: 10

输出: 36

解释: 10 = 3 + 3 + 4, 3 × 3 × 4 = 36

提示:

2 <= n <= 58

贪心算法(1)

思路:

对f(n)取余然后求幂次方

分成三种情况:

1、 余1,则取一个3补成4比较划算,与补1凑成2个2是一样的 2、 余2,则不补,因为前面说的,5不如拆成2和3划算 3、 余0

class Solution {

```
public:
    int cuttingRope(int n) {
        if(n<=3){
            return n-1;
        }
        if(n%3==2){
            return pow(3,n/3)*2;
        }
        else if(n%3==1){
            return pow(3,(n/3)-1)*4;
        }
        else{
            return pow(3,n/3);
        }
    }
}</pre>
```

动态规划(2)

有三种情况是比较特殊的:

- 1. 长度为1时,没法剪,最大乘积为0
- 2. 长度为2时, 最大乘积为1 × 1 = 1
- 3. 长度为3时, 最大乘积为1 × 2 = 2

所以我们先创建数组来存储这些值;

vector dp(n + 1, 0);

dp[i]表示剪长度为i的绳子所能得到的最大乘积,dp[n]表示长度为n的绳子 所以数组的长度要为n+1

上面我们已经分析过了,长度<=3时,就不应该接着剪了,因为剪掉之后的乘积<长度n;

因此,我们只循环>3的部分即可

外层循环i表示每一段要剪的绳子,去掉特殊情况从4开始

内层循环i表示将绳子剪成长度为j和i-j的两段

dp[i]记录当前长度绳子剪过之后的最大乘积

- 1. j只需要遍历到i/2就可以了, 两边对称的。比如4剪成 1|3 和 3|1 结果是一样的
- 2. 这样双层循环就相当于从下向上完成了剪绳子的逆过程
- 3. 剪绳子本来是将大段的绳子剪成小段, 然后再在每小段上继续剪
- 4. 双层循环中外层循环从4开始一直到原始绳子长度n,每一段都到内层循环进行剪绳子
- 5. 这样就得到长度在[4, n]区间内的每段绳子剪过之后的最大乘积

```
class Solution {
public:
   int cuttingRope(int n) {
       if(n<=3)
{
           return n-1;
       }
       vector<int> dp(n+1,0);//创建大小为n+1的数组并初始化为0
       dp[0]=0;dp[1]=1;dp[2]=2;dp[3]=3;
       for(int i=4;i<=n;i++){</pre>
           for(int j=1;j<=i/2;j++)</pre>
           {
               //循环i/2次,得到最大的乘积dp[i]
               dp[i]=max(dp[i],dp[j]*dp[i-j]);
           }
       return dp[n];
   }
};
```