

第26题——数值的整数次方

实现 $\text{pow}(x, n)$ ，即计算 x 的 n 次幂函数（即， x^n ）。不得使用库函数，同时不需要考虑大数问题。

示例 1:

输入: $x = 2.00000$, $n = 10$
输出: 1024.00000

示例 2:

输入: $x = 2.10000$, $n = 3$
输出: 9.26100

示例 3:

输入: $x = 2.00000$, $n = -2$
输出: 0.25000
解释: $2^{-2} = 1/2^2 = 1/4 = 0.25$

提示:

- $-100.0 < x < 100.0$
- $-2^{31} \leq n \leq 2^{31}-1$
- $-10^4 \leq x^n \leq 10^4$

快速幂 (1)

比如要求 x^{11} ，正常的乘积需要循环乘11次，时间复杂度为 $O(n)$

快速幂的思想就是将指数11可以转成二进制数1011，则原来的式子可以转化成

$x^{11} = x^{2^3+2^1+2^0} = x^{2^3} \times x^{2^1} \times x^{2^0}$ ，此时只运算了3次乘积，时间复杂度降至 $O(\log n)$

下方代码中的 $x *= x$ 是一个累乘的过程，得到四位二进制数，对应的四个权重， x ， $x^2 = x \times x$ ， $x^4 = x^2 \times x^2$ ， $x^8 = x^4 \times x^4$

1011二进制数，从右至左分别为1 1 0 1，只有在1的位置上，才有相应的权重，这也就是为什么需要通过与运算： $(b \& 1) == 1$ 判断最后一位是否为1。

$x \text{ --- } > x^{2^0} \text{ -----} > 1$

$x^2 \text{ --- } > x^{2^1} \text{ -----} > 1$

$x^4 \text{ --- } > x^{2^2} \text{ -----} > 0$

$x^8 \text{ --- } > x^{2^3} \text{ -----} > 1$

最终的结果就是将每一位的1所对应的权重相乘即可： $x^{2^0} \times x^{2^1} \times x^{2^3}$

代码如下:

```

double myPow(double x, int n){
    if(x==0){
        return 0;
    }
    double res=1.0;
    long b=n;//幂次必须转换为长整型数据
    if(b<0){
        x=1/x;
        b=-b;
    }
    while(b>0){
        if((b&1)==1)
        {
            res =res*x;
        }
        x =x*x;
        b>>=1;
    }
    return res;
}

```