

Стажировка весна-лето 2022 | бэкенд

⊙ 18 июл 2022, 11:32:01старт: 18 июл 2022, 11:31:30финиш: 18 июл 2022, 16:31:30

до финиша: 04:59:24

начало: 1 янв 2022, 00:00:00

длительность: 05:00:00

С. Домашнее задание

Ограничение времени	2 секунды
Ограничение памяти	512Mb
Ввод	стандартный ввод или input.txt
Вывод	стандартный вывод или output.txt

Борис прошел в школе сразу две новых темы - наибольший общий делитель (НОД) и простые числа. Определение: наибольшим общим делителем двух целых положительных чисел A и B называют такое число G, что:

- 1. A делится на G нацело (G является делителем A);
- 2. B делится на G нацело (G является делителем B);
- 3. не существует числа H такого, что G < H и H удовлетворяет условиям 1 и 2.

Определение: число P называется простым, если у него есть ровно два различных делителя: 1 и само число P.

К примеру:

- число 1 не является простым, так как у него только один делитель -1;
- 4 не простое, так как у 4 есть три делителя -1, 2, 4;
- 6 не простое, так как у 6 четыре различных делителя -1, 2, 3, 6.

В качестве домашнего задания Борису необходимо решить T заданий следующего вида:

«Даны два целых числа A и B, можно ровно один раз умножить либо A, либо B на любое простое число. Какого наибольшего значения НОД можно добиться с помощью такого умножения?»

Пример:

- Пусть $A=20,\,B=45.$ НОД(20,45)=5.
- При умножении числа A на простое число 3 итоговый ${\sf HOJ}(20\cdot 3,45)=15.$
- При умножении числа B на простое число 2 итоговый НОД $(20,45\cdot 2)=10.$

Пожалуйста, ознакомьтесь с примерами тестов и пояснениями к ним для лучшего понимания условия.

Формат ввода

В первой строке дано целое число T ($1 \le T \le 20$) — количество заданий. В каждой из следующих T строк содержатся два целых числа A и B ($1 \le A, B \le 10^{12}$) — параметры задания.

Формат вывода

Для каждого задания выведите единственное целое число — наибольшее значение НОД, которого можно добиться умножением одного из чисел A и B на любое простое число.

Пример



Ввод 🗇	Вывод 🗇
3	5
5 1	18
12 54	500100
500100 100500	

Примечания

Рассмотрим детально пример входных данных:

- 1. Необходимо умножить число B=1 на простое число 5, тогда $\mathrm{HOJ}(5,1\cdot 5)=5.$
- 2. НОД(12,54)=6. Для получения оптимального ответа необходимо умножить число A=12 на простое число 3.

В таком случае ${
m HOД}(12\cdot 3,54)={
m HOД}(36,54)=18,$ так как $54=18\cdot 3,$ $36=18\cdot 2.$

- Другой разрешенный, но неоптимальный вариант умножить B=54 на простое число 2.
- В таком случае итоговый ${
 m HOД}(12,54\cdot 2)={
 m HOД}(12,108)=12,$ так как $108=12\cdot 9.$
- Неразрешенный, пусть и более оптимальный вариант умножить A=12 на не простое число 9.
- В таком случае ${
 m HOД}(12\cdot 9,54)={
 m HOД}(108,54)=54>18.$

Но так как 9 не является простым числом, такое умножение по условию задания делать нельзя.

 $3.\ \mbox{HOД}(500100,100500)=300.\ \mbox{Для получения оптимального ответа необходимо умножить число }B=100500$ на простое число 1667.

В таком случае $\text{HOД}(500100, 100500 \cdot 1667) = \text{HOД}(500100, 167533500) = 500100$, так как $167533500 = 500100 \cdot 335$.

