Physics

 $Akhia^1$

2020年10月27日

 $^{^{1}\}hbox{E-mail:akhialomgir} 362856@gmail.com$

目录

1	气体	动理论	4
	1.1	热力学系统	5
	1.2	平衡态	5
	1.3	理想气体物态方程	5
	1.4	能量均分定理	7
	1.5	内能	7
	1.6	麦克斯韦速率分布律	7
	1.7	三种统计速率	7
	1.8	平均自由程	8
2	热力]学	9
	2.1	热力学过程	10
	2.2	p-V 图	10
	2.3	系统内能	10
	2.4	热力学第一定律	11
	2.5	循环过程	13
		2.5.1 正循环	13
		2.5.2 卡诺循环	14
	2.6	热力学第二定律	14
		2.6.1 热力学过程方向性	14
	2.7	统计学意义	15
	2.8	玻尔兹曼公式与熵增原理	15

3	波动	光学														16
	3.1	光的本	质													 17
	3.2	光的相	干性													 17
		3.2.1	发光机制													 17
		3.2.2	相干光源	•												 17
		3.2.3	波动几何	描述 .												 18
	3.3	惠更斯	原理													 18
		3.3.1	相干光的	获得.												 18
	3.4	杨氏双	.缝实验 .													 19
		3.4.1	明暗条纹	位置的	推导	ł .										 19
		3.4.2	光程				•		•							 19
	3.5	薄膜干	涉				•		•							 20
		3.5.1	薄膜干涉	的应用											•	 20
	3.6	等厚干	涉												•	 20
		3.6.1	劈尖干涉				•		•						•	 20
		3.6.2	, ., ,													 21
	3.7		孙干涉仪				•		•							 22
	3.8	光的衍					•		•							 22
		3.8.1	菲涅耳衍				•		•							 23
		3.8.2	夫琅禾费				-			-		-		-		 23
		3.8.3	圆孔衍射				•		•							 24
		3.8.4	惠更斯-菲		見理		•		•							 24
	3.9	光栅衍					•		•						•	 24
		3.9.1	衍射光谱				-	-	-		 -	-		-	•	 25
	3.10	光的偏	•												•	 25
		3.10.1	偏振器、	起偏器	和松	[編	器									 25

Chapter 1

气体动理论

1.1 热力学系统

	能量交换	物质交换
孤立系统	false	false
封闭系统	true	false
开放系统	true	true

1.2 平衡态

- 1. 单一性
- 2. 稳定性
- 3. 热动平衡

1.3 理想气体物态方程

单位换算:

$$1 \text{ atm} = 1.013 \times 10^5 \text{Pa} = 760 mmHg$$

$$T = t + 273.15 \tag{1.1}$$

1. 波义耳定律(T)

$$p_1 V_1 = p_2 V_2 (1.2)$$

2. 盖·吕萨克定律(P)

$$\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} \tag{1.3}$$

3. 查理定律(V)

$$\frac{p_1}{T_2} = \frac{p_2}{T_2} \tag{1.4}$$

理想气体物态方程:

$$pV = \frac{m'}{\mu}RT \qquad m' = Nm, \mu = N_A m \qquad (1.5)$$

理想气体压强公式:

$$\overline{v^2} = \frac{v_1^2 + \dots + V_n^2}{N} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N v_i^2$$
 (1.6)

$$pV = \frac{m}{M_{\text{mol}}}RT = \nu RT \tag{1.7}$$

1. m(g): 气体质量

2. $M_{\text{mol}}(g/mol)$: 气体摩尔质量

3. R:气体普适常量

4. ν:摩尔数

理想气体常数:

$$p(atm), V(L), \quad T(K) \Rightarrow R = 8.2 \times 10^{-2} atm \cdot L/(mol \cdot K)$$

 $p(atm), V(m^3), \quad T(K) \Rightarrow R = 8.31 J/(mol \cdot K)$ (1.8)

玻尔兹曼常数:

$$k = \frac{R}{N_A} \tag{1.9}$$

$$p = nkT$$

$$p = \frac{2}{3}n\overline{\varepsilon_k}$$

$$\overline{\varepsilon_k} = \frac{1}{2}m\overline{v}^2 = \frac{3}{2}kT$$
(1.10)

	自由度(½kT/自由度)
质点	i=3
刚体	i=6
刚性分子	i=t+r

1.4 能量均分定理

1.5 内能

$$E = N_A \overline{\varepsilon} = N_A \frac{i}{2} kT \implies E = \frac{i}{2} RT$$
 (1.11)

1.6 麦克斯韦速率分布律

- 1. 单个分子速率分布具有偶然性
- 2. 大量分子速率分布具有规律性

麦克斯韦分布函数:表示单位速率区间的分子数占总数的百分比

$$f(v) = \frac{1}{N} \frac{dN}{dv} \tag{1.12}$$

$$f(v) = 4\pi \left(\frac{m_0}{2\pi kT}\right)^{3/2} e^{-m_0 v^2/2kT} v^2$$
(1.13)

1.7 三种统计速率

1. 最概然速率

$$v_p = \sqrt{\frac{2kT}{m}} \approx 1.41\sqrt{\frac{RT}{M}}, \approx 1.41\sqrt{\frac{kT}{m}}$$
 (1.14)

2. 平均速率

$$\overline{v} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{n} v_i N_i = \sqrt{\frac{8kT}{\pi m}} \approx 1.60 \sqrt{\frac{RT}{M}}, \approx 1.60 \sqrt{\frac{kT}{m}}$$
(1.15)

3. 方均根速率 $\sqrt{\overline{v^2}}$

$$\overline{v}^2 = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^n v_i^2 N_i, \sqrt{\overline{v}^2} = \sqrt{\frac{3kT}{m}} \approx 1.73 \sqrt{\frac{RT}{M}}, \approx 1.73 \sqrt{\frac{kT}{m}}$$
 (1.16)

比较:

$$v_p < \overline{v} < \sqrt{\overline{v}^2} \tag{1.17}$$

归一化条件:

$$\int_{\infty}^{0} f(v)dv = 1$$

$$dS = f(v)dv = \frac{dN}{N}$$
(1.18)

1.8 平均自由程

单位时间内平均碰撞次数: $\overline{Z} = \sqrt{2\pi} d^2 v n$ 平均自由程**每两次**碰撞之间,一个分子自由运动的**平均路程**。

$$\overline{\lambda} = \frac{kT}{\sqrt{2\pi}d^2p}$$
 $\overline{\lambda} \propto \frac{1}{p}, T$ $d = 10^{-10}m$ (1.19)

Chapter 2

热力学

2.1 热力学过程

系统从平衡态到另一平衡态的过程。

准静止状态:无限缓慢,每个中间态都可视为平衡态。

2.2 p-V 图

- 1. 点: 一个平衡态
- 2. 线: 一个准静态过程

2.3 系统内能

1. 功(过程量)

p-V 图与曲线对 p-V 轴积分所成面积即为功

$$dW = Fdl = pSdl (2.1)$$

$$W = \int_{V1}^{V2} p dV (2.2)$$

- (a) W > 0 系统对外界作正功
- (b) W < 0 系统对外界作负功
- 2. 热(过程量)
 - (a) 同:

i. 过程量: 与过程有关

ii. 等效性: 对系统热状态改变的作用相同

(b) 异:

i. 功: 宏观运动-分子热运动

ii. 功: 分子热运动-分子热运动

3. 内能 $E_2-E_1=W+Q$ W+Qffi+ $\Delta\Psi s$ fiffiffs

2.4 热力学第一定律

系统吸收的能量,一部分使内能增加,另一部分用于系统对外作功。

$$Q = E_2 - E_1 + W = \Delta E + W \tag{2.3}$$

$$dQ = dE + dW (2.4)$$

$$Q = \Delta E + \int_{V1}^{V2} pdV \tag{2.5}$$

$$C_V = \frac{i}{2}R\tag{2.6}$$

1. 等容过程

$$\frac{p_1}{T_1} = \frac{p_2}{T_2} = const (2.7)$$

$$\nu = \frac{M}{M_{\text{mol}} = \frac{pV}{RT}} \tag{2.8}$$

$$Q_V = E_2 - E_1 = \nu \frac{i}{2} R \Delta T \tag{2.9}$$

p-V 图为横线

系统从外界吸收的热量全部转化为内能的增加。

定容摩尔热容 C_V : 1mol 理想气体在等体过程中,温度变化 1 摄氏度所变化的热量。

2. 等压过程

$$\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} = const (2.10)$$

$$\Delta E = E_2 - E_1 = \nu C_V \Delta T \tag{2.11}$$

$$Q_p = \nu C_V \Delta T + \nu R \Delta T \tag{2.12}$$

定压摩尔热容 C_p : 1mol 理想气体在等压过程中,温度变化 1 摄氏度所变化的热量。

$$C_p = C_V + R = \frac{i+2}{2}R\tag{2.13}$$

比热容比:

$$\gamma = \frac{C_p}{C_V} = \frac{i+2}{i} \tag{2.14}$$

3. 等温过程

$$Q_T = W = \int_{V_1}^{V_2} \frac{m}{M} \frac{Rt}{V} dV = \frac{m}{M} RT \ln \frac{V_2}{V_1} = \frac{m}{M} RT \ln \frac{p_1}{p_2}$$
 (2.15)

p-V 图为曲线

- (a) 等温膨胀吸热作功
- (b) 等温压缩放热被作功

4. 绝热过程

系统对外界作功,通过系统内能减小完成。

热一律:

$$dW + dE = 0dQ = 0 (2.16)$$

$$\Delta E = \frac{m}{\mu} C_V (T_2 - T_1) \Delta W = -\frac{m}{\mu} C_V (T_2 - T_1) Q = 0$$
 (2.17)

$$V^{\gamma-1}T = const$$

$$pV^{\gamma} = const \tag{2.18}$$

$$p^{\gamma - 1}T^{-\gamma} = const$$

$$\gamma = \frac{C_p}{C_V} = \frac{i+2}{i} \tag{2.19}$$

绝热膨胀 $T_1 > T_2, W > 0$ 绝热压缩 $T_1 < T_2, W < 0$ 绝热过程曲线斜率**大于等于**等温过程。

2.5 循环过程

热机: 持续将热量转变为功的机器。

工质: 吸收热量, 对外作功。

p-V 图呈闭合曲线。

- 1. 顺时针:正循环,热机
- 2. 逆时针: 负循环,制冷机

2.5.1 正循环

$$\Delta W = W_1 + W_2 > 0 \tag{2.20}$$

闭合曲线包裹过程为净功。

热机效率:

$$\eta = \frac{\Delta W}{Q_{in}} = \frac{Q_{in} - Q_{out}}{Q_{in}} = 1 - \frac{Q_{out}}{Q_{in}}$$

$$(2.21)$$

绝热线、等温线不能相交。

2.5.2 卡诺循环

卡诺循环由两个准静态的等温过程和两个准静态的绝热过程组成。

$$\eta = 1 - \frac{T_2}{T_1} T_1 > T_2 \tag{2.22}$$

2.6 热力学第二定律

一切实际热力学过程都只能按一定的方向进行,**符合自然过程的方向** 的规律。

热力学第二定律微观实质:与热有关的宏观过程都不可逆(有序到无序)。

热力学第二定律:

- 1. 开尔文说法:不能制造出一种**循环**热机,从**单一**热源吸收热量,使之变为完全有用的功,而外界不发生变化。
- 2. 克劳修斯说法:不可能把热量从低热物体自动传到高温物体而不引起外界变化。

2.6.1 热力学过程方向性

- 1. 可逆过程:可以使系统回复原状态,同时外界也回复原状,则称为可逆过程。
- 2. 不可逆过程:不可以使系统回复原状态,或可以回复,但**同时外界不能回复原状**,则称为不可逆过程。
- 1. 单摆无摩擦摆动过程为可逆过程
- 2. 准静态无摩擦过程为可逆过程
- 1. 热功转换不可逆
- 2. 热传导不可逆

- 3. 绝热自由膨胀不可逆
- 4. 墨水扩散不可逆

2.7 统计学意义

封闭系统总是由**概率小到概率大、微观状态数目少到微观状态数目多、 有序宏观态到无序宏观态**的方向进行

2.8 玻尔兹曼公式与熵增原理

熵(S): 体系内的混乱程度, 与过程无关。

玻尔兹曼公式: $S = k \ln \Sigma$

玻尔兹曼关系给出了熵的统计意义:熵是一个系统内部微观粒子热运动无序度的量度。

热温比: $\frac{Q}{T}$

克劳修斯公式: $dS = \frac{dQ}{T}$

$$S_B - S_A = \int_A^B \frac{dQ}{T} \tag{2.23}$$

熵增原理:

- 1. 孤立系统不可逆过程: $\Delta S > 0$
- 2. 孤立系统可逆过程: $\Delta S = 0$

Chapter 3

波动光学

3.1 光的本质

光波是电磁波 同一媒质中的相对光强: $I = E_0^2$

3.2 光的相干性

3.2.1 发光机制

光源

- 1. 普通光源
 - (a) 热光源:热能激发原子能级跃迁
 - (b) 冷光源: 化学能, 电能等激发
- 2. 激光光源

原子发光特点:

- 1. 随机性
- 2. 间歇性
- 3. 各原子各级发光独立,波列互不相干
- 4. 不相干性(独立光源不可能是一对相干光源:原子发光间歇而随机,振动方向和相位差不可能相同)

3.2.2 相干光源

相干光源条件:

- 1. 振动频率相同
- 2. 振动方向相同
- 3. 相位差恒定

原子自发辐射的间断性和相位随机性,不利于实现干涉条件。

$$x_1 + x_2 = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2\cos(\varphi_2 - \varphi_1)}\cos(\omega t + \varphi)$$
 (3.1)

相长、相消:

$$\delta = r_2 - r_1 = \pm k\lambda$$

$$\delta = r_2 - r_1 = \pm (2k+1)\lambda$$
(3.2)

3.2.3 波动几何描述

- 1. 波线
- 2. 波面
- 3. 平面波
- 4. 球面波

3.3 惠更斯原理

惠更斯原理:媒质中波动到的各点,都可以看作新波源,子波的包络面就是该时刻的波面。

3.3.1 相干光的获得

干涉光的获得:

- 1. 分波面法
- 2. 分振幅法

3.4 杨氏双缝实验

3.4.1 明暗条纹位置的推导

明纹条件

$$\delta = r_2 - r_1 = d \sin \theta \approx d \tan \theta$$

$$= \frac{xd}{D} = k\lambda$$

$$x = k \frac{D\lambda}{d}$$

$$\Delta x = \frac{D\lambda}{d}$$

$$k = 0, \pm 1, \pm 2...$$
(3.3)

暗纹条件

$$\mu \pm \delta = \frac{xd}{D} = (2k+1)\frac{\lambda}{2}$$

$$x = (2k+1)\frac{D\lambda}{2d} \qquad k = 0, 1, 2 \dots$$

$$\Delta x = \frac{D\lambda}{d}$$
(3.4)

3.4.2 光程

真空光速: C

光在介质中的速度: $v = \frac{C}{n}$

真空中: $\lambda_0 = \frac{C}{\nu}$

$$\lambda = \frac{v}{\nu} = \frac{C}{n\nu} = \frac{\lambda_0}{n} \tag{3.5}$$

$$\lambda = \frac{\lambda_0}{n}$$

$$\frac{x}{\lambda} = \frac{x}{\frac{\lambda_0}{n}} = \frac{xn}{\lambda_0}$$

$$(r_2 - t) + nt = r_2 + (n - 1)$$

$$r_2 = (r_1 - d) + nd$$

3.5 薄膜干涉

当光从折射率小的光疏介质,正入射或掠入射于折射率大的光密介质时,则反射光有半波损失。当光从折射率大的光密介质,正入射于折射率小的光疏介质时,反射光没有半波损失。折射光没有相位突变。

若厚度 e 一定,则相同入射角入射的光束,经膜的上下表面反射后产生的相干光束都有相同的光程差,从而对应于干涉图样中的一条条纹,此称干涉为**等倾干涉**(不要求)若入射角 i 一定,则称此干涉为**等厚干涉**(重点)薄膜厚度在 $10^{-7}m$ 数量级。

相位相差了 π 相当于波程差了 $\frac{\lambda}{2}$,称为半波损失。

$$\delta = \delta_0 + \delta' = 2e\sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \begin{cases} \frac{\lambda}{2} & 反射条件不同\\ 0 & 反射条件相同 \end{cases}$$
 (3.6)

明文暗纹:

$$\delta_r = \begin{cases} k\lambda & (k = 1, 2, 3...) \\ \frac{2k+1}{2}\lambda & (k = 0, 1, 2...) \end{cases}$$
(3.7)

k 的取值要注意: 如 k=3 则表示明纹 3 条, 暗纹 4 条。

3.5.1 薄膜干涉的应用

增透膜:现代光学仪器中,为了减少入射光能量,在仪器表面上反射时 所引起的损失,常在仪器表面上镀一层厚度均匀的薄膜。

3.6 等厚干涉

3.6.1 劈尖干涉

 $\theta \approx 10^{-4} \sim 10^{-5} \text{rad}$

$$\delta = 2e + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & ,k = 1, 2, 3, \dots \\ \frac{2k+1}{2}\lambda & ,k = 0, 1, 2, \dots \end{cases}$$
(3.8)

e=0 时是暗纹,证明了半波损失的存在。

条纹与厚度关系

相邻两条明纹暗纹间的厚度差:

$$2e_{k} + \frac{\lambda}{2} = k\lambda$$
条纹间距: $e_{k+1} - e_{k} = \frac{\lambda}{2}$

$$2e_{k+1} + \frac{\lambda}{2} = (k+1)\lambda$$
(3.9)

干涉条纹移动

- 1. e 变大,条纹下移
- 2. e 变小,条纹上移

劈尖干涉的应用

测膜厚: $e = k \frac{\lambda}{2n}$ $k = \underline{0}, 1, 2, 3, ...$ 检验光学元件平整度:

- 1. 外弯: 工件凸起
- 2. 内弯: 工件凹陷

测量细丝直径:

$$\tan \theta = \frac{\lambda}{2b}$$

$$d = \tan \theta \times L = \frac{\lambda}{2} \cdot \frac{L}{b}$$
(3.10)

3.6.2 牛顿环

由一块平板玻璃和一平凸透镜组成。 由于 e 变化呈曲线,条纹距离变化不等,中疏边密。

$$\delta = 2e + \frac{\lambda}{2} \tag{3.11}$$

$$r = \sqrt{2eR} = \sqrt{(\delta - \frac{\lambda}{2})R} = \begin{cases} \sqrt{(k - \frac{1}{2})R\lambda} & \text{明环半径} \\ \sqrt{kR\lambda} & \text{暗环半径} \end{cases}$$
 (3.12)

牛顿环应用

测量透镜的曲率半径:

$$r_k^2 = kR\lambda r_{k+m}^2 = (k+m)R\lambda R = \frac{r_{k+m}^2 - r_k^2}{m\lambda}$$
 (3.13)

工件标准件对比。

3.7 迈克耳孙干涉仪

$$\Delta d = \Delta k \frac{\lambda}{2} \tag{3.14}$$

在 M_2 反射镜的左侧插入介质后:

光程差变化: $\delta' = 2d + 2(n-1)t$ 。

介质片厚度: $t = \frac{\Delta k}{n-1} \cdot \frac{\lambda}{2}$

3.8 光的衍射

光在传播过程中碰到**尺寸比光的波长大得不多**的障碍物时,光会传播 到障碍物的阴影区并形成明暗变化的光强分布的现象。

衍射后会形成明暗相间的图样,中央明纹最亮,两侧显著递减。

- 1. 单缝夫琅禾费衍射
- 2. 圆孔夫琅禾费衍射
- 3. 矩形孔夫琅禾费衍射
- 4. 长方孔夫琅禾费衍射

3.8.1 菲涅耳衍射

光源-障碍物-接收屏距离有限远。

3.8.2 夫琅禾费衍射

光源-障碍物-接收屏距离无限远。

明暗条件

衍射角 θ : 衍射光线与单缝平面法线间的夹角(边缘衍射光线穿过透镜中心),向上为+ ,反之为负,取值范围: $0 \to \frac{\pi}{5}$ 。

衍射角相同, 汇聚在焦平面同一点, 光强由这些平行光线干涉结果决定。

中央明条纹: $\theta = 0$ 。

边缘最大光程差: $\delta = a \sin \theta$ 。

半波带法

$$a\sin\theta = \pm(2k+1)\frac{\lambda}{2}$$
 $(k=1,2,3,\dots)$ 剩余半个半波带发光
$$a\sin\theta = \pm 2k\cdot\frac{\lambda}{2}$$
 $(k=1,2,3,\dots)$ 两个半波带抵消,暗纹

与干涉明暗纹条件相反!

两个半波带光程差为3,两条光线干涉相消。

中央明条纹角宽度和线宽度

中央明纹角宽度:

$$\Delta\varphi_0 = 2\varphi_1 \approx 2\frac{\lambda}{a} \tag{3.16}$$

中央明纹线宽度:

$$\Delta x_0 = 2f \cdot \tan \varphi_1 \approx 2f\varphi_1 = 2f\frac{\lambda}{a}$$
 (3.17)

其他明纹线宽度:

$$\Delta = f \cdot \tan \varphi_1 \approx f\varphi_1 = f\frac{\lambda}{a} \tag{3.18}$$

中央明纹宽度时其他两倍。

3.8.3 圆孔衍射

一级暗纹的衍射角:

$$\sin \theta_1 = 1.22 \frac{\lambda}{D} \tag{3.19}$$

D 为圆孔直径。

两个点光源衍射满足瑞利法则:一个点光源的衍射图样的主极大正好与另一光源的第一极小重合时,恰能分辨两个光源。

最小分辨角: $\theta_R = \theta_0 \approx \sin \theta_1 = 1.22 \frac{\lambda}{D}$ 提高光学仪器的分辨本领: D 变大, λ 减小。

3.8.4 惠更斯-菲涅耳原理

惠更斯原理:波阵面上的每一点都可以看作发射子波的新波源,子波的包络面就是该时刻的波阵面。

子波的干涉

次级子波相干叠加。

3.9 光栅衍射

光栅: 等宽等距的狭缝排列构成的光学元件, 适合测量单色光波长。

光栅常数: $d = a + b = \frac{1}{N}$, 量级为 $10^{-5} \rightarrow 10^{-6}$ m。

明纹条件: $(a+b)\sin\theta = \pm k\lambda$ 。

暗纹条件: 叠加后矢量为零。

1. 亮度调制: 光强受到单缝衍射影响, 主极大光强分布不均匀。

2. 缺级:满足单缝暗纹条件的光栅主极大缺级 (干涉极大衍射极小)。

$$a\sin\theta = \pm k\lambda d\sin\theta = \pm k\lambda k = \frac{d}{a}$$
 时消失 (3.20)

3.9.1 衍射光谱

- 1. $\theta_{k+1}(purple) > \theta_k(red)$ 不重叠
- 2. $\theta_{k+1}(purple) = \theta_k(red)$ 恰好不重叠
- 3. $\theta_{k+1}(purple) > \theta_k(red)$ 重叠

3.10 光的偏振

光的偏振现象:光是横波。

自然光:在各个方向的光矢量都存在,且相等,正交分解后得到互相垂直的光振动。

马吕斯定律(计算偏振片获得的线偏振光的光强):

$$I = I_0 \cos^2 \alpha \alpha$$
为光振动方向和通光方向的夹角 (3.21)

折射定律:

$$\frac{\sin i}{\sin \gamma} = \frac{n_2}{n_1} i + \gamma = \frac{\pi}{2} \tag{3.22}$$

布儒斯特定律(i₀为起偏角、布儒斯特角):

$$\tan i_0 = \frac{n_2}{n_1}$$
则反射光为完全偏振光,其中反射光与折射光垂直 (3.23)

3.10.1 偏振器、起偏器和检偏器

二向色性材料: 吸收一方向的光,只让与该方向垂直的光通过的材料。

偏振片:涂有二向色性材料的透明薄片。

偏振化方向: 只让特定光通过的方向。

起偏: 使自然光变成线偏振光。

检偏:检查入射光的偏振性。

起偏器(偏振片)同时可以作为检偏器。

临界角: 光由光密介质射入光疏介质中,折射角小于入射角,而如果满足 $\alpha=\arcsin\frac{n_2}{n_1}$,则折射角为 90°。