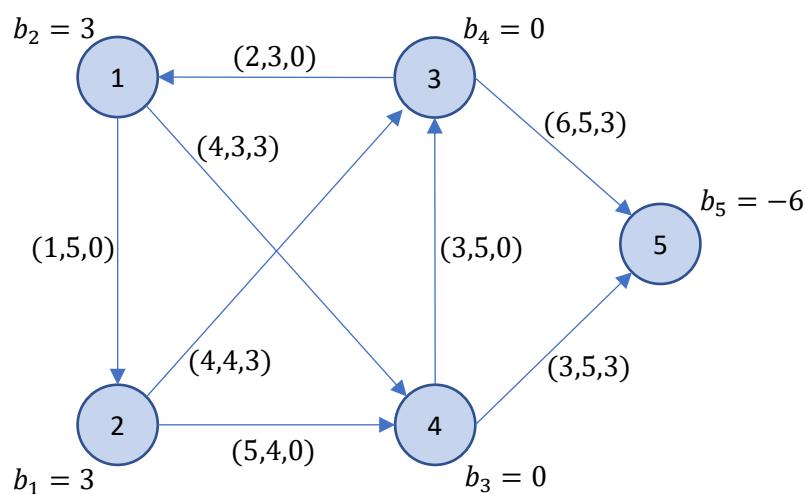


Teoria dei Grafi – Parti 1 e 2

Esercizi

Gli esercizi presentati qui di seguito hanno lo svolgimento completo, però all'esame potrebbe essere richiesto di svolgere solo uno o due iterazioni, partendo dall'inizio oppure da una soluzione intermedia fornita nel testo. Nello svolgimento sono stati inseriti dei commenti che suggeriscono le possibili varianti delle domande proposte nell'esame scritto.

- 1) Si consideri il seguente grafo G:

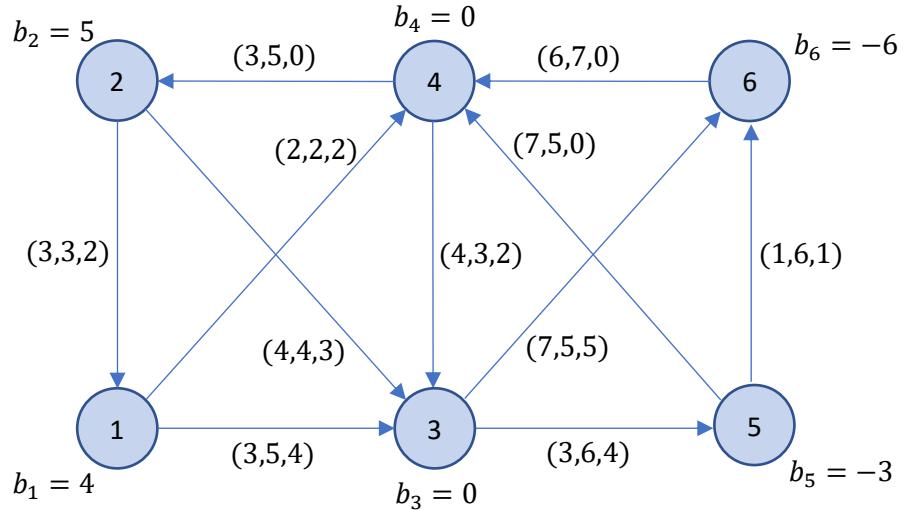


Su ogni arco (i,j) è riportata la tripletta (c_{ij}, u_{ij}, x_{ij}) , dove c_{ij} è il costo per trasportare una unità di flusso, u_{ij} è la capacità e x_{ij} è il flusso corrente (a seconda delle domande che seguono potranno essere usati anche solo alcuni dei dati forniti).

- Determinare il flusso massimo partendo dal flusso nullo (i.e., $x_{ij} = 0$, per ogni arco (i,j)).
- Determinare il flusso di costo minimo con l'algoritmo Cycle Cancelling generando una soluzione ammissibile (e non utilizzando i flussi x_{ij} forniti nel testo). [Nota: in questo caso all'esame potremo chiedere di generare solo la soluzione ammissibile, oppure svolgere solo la prima iterazione oppure le prime due]
- Determinare il flusso di costo minimo con l'algoritmo Cycle Cancelling partendo dai flussi x_{ij} forniti nel testo. [Nota: in questo caso all'esame potremo chiedere svolgere solo la prima iterazione oppure le prime due]
- Determinare il flusso di costo minimo con l'algoritmo Successive Shortest Path partendo dai flussi x_{ij} nulli e potenziali π_i nulli. [Nota: in questo caso all'esame potremo chiedere svolgere solo la prima iterazione oppure le prime due. In alternativa potremo fornire il flusso e i potenziali e chiedere di svolgere una o due iterazioni]
- Determinare i cammini di costo minimo dal vertice 1 a tutti gli altri vertici utilizzando l'algoritmo di Dijkstra e i costi c_{ij} .
- Determinare i cammini di costo minimo dal vertice 1 a tutti gli altri vertici utilizzando l'algoritmo di Bellman-Ford e i costi c_{ij} .

- g) Determinare i cammini di costo minimo per tutte le coppie di vertici utilizzando i costi c_{ij} .
[Nota: in questo caso all'esame potremo chiedere svolgere solo la prima iterazione oppure le prime due.]
- h) Determinare l'albero di copertura di costo minimo sostituendo gli archi (i,j) con i lati $\{i,j\}$ e utilizzando i costi c_{ij} .

2) Si consideri il seguente grafo G:



Su ogni arco (i,j) è riportata la tripletta (c_{ij}, u_{ij}, x_{ij}) , dove c_{ij} è il costo per trasportare una unità di flusso, u_{ij} è la capacità e x_{ij} è il flusso corrente.

- a) Determinare il flusso massimo partendo dal flusso nullo (i.e., $x_{ij} = 0$, per ogni arco (i,j)).
- b) Determinare il flusso di costo minimo con l'algoritmo Cycle Cancelling generando una soluzione ammissibile (e non utilizzando i flussi x_{ij} forniti nel testo). *[Nota: in questo caso all'esame potremo chiedere di generare solo la soluzione ammissibile, oppure svolgere solo la prima iterazione oppure le prime due]*
- c) Determinare il flusso di costo minimo con l'algoritmo Cycle Cancelling partendo dai flussi x_{ij} forniti nel testo. *[Nota: in questo caso all'esame potremo chiedere svolgere solo la prima iterazione oppure le prime due]*
- d) Determinare il flusso di costo minimo con l'algoritmo Successive Shortest Path partendo dai flussi x_{ij} nulli e potenziali π_i nulli. *[Nota: in questo caso all'esame potremo chiedere svolgere solo la prima iterazione oppure le prime due. In alternativa potremo fornire il flusso e i potenziali e chiedere di svolgere una o due iterazioni]*
- e) Determinare i cammini di costo minimo dal vertice 1 a tutti gli altri vertici utilizzando l'algoritmo di Dijkstra e i costi c_{ij} .
- f) Determinare i cammini di costo minimo dal vertice 1 a tutti gli altri vertici utilizzando l'algoritmo di Bellman-Ford e i costi c_{ij} .
- g) Determinare i cammini di costo minimo per tutte le coppie di vertici utilizzando i costi c_{ij} .
[Nota: in questo caso all'esame potremo chiedere svolgere solo la prima iterazione oppure le prime due.]
- h) Determinare l'albero di copertura di costo minimo sostituendo gli archi (i,j) con i lati $\{i,j\}$ e utilizzando i costi c_{ij} .