Lab1- Arvores

Lab 1

- 1-) Crie um documento Word e identifique-o com o nome do laboratório, data de elaboração e o seu nome ou da dupla que o elaborou
- 2-) Crie um tópico para cada resultado que você considerar relevante (manipulação de dados ou resultado de algum processamento) identificando-o com um título e uma breve explicação. Os resultados podem ser imagens de gráficos gerados ou de listas de valores ou dados de resultados obtidos. Não devem ser incluídos os scripts ou instruções de processamento utilizados, inclua apenas os resultados que você considerar relevantes
- 3-) No final do relatório crie um último tópico denominado "Conclusões" e elabore comentários, sugestões e conclusões sobre o que você pode aprender com a elaboração deste laboratório.

Árvores de Classificação

Iniciando Ambiente e variáveis Globais

```
library(tidyverse)
library(dplyr)
library(ggplot2)
library(ggExtra)
library(hrbrthemes)
library(RColorBrewer) # for the color palette
library(GGally)
library(ISLR)
library(tree)
library(caret)
```

Exploração dos dados

Conhecendo os dados

A base de dados escolhida é a carseats do pacote ISRL

Um quadro de dados com 400 observações nas 11 variáveis a seguir.

- Sales: Vendas unitárias (em milhares) em cada local
- CompPric: Preço cobrado pelo concorrente em cada local
- Income: Nível de renda da comunidade (em milhares de dólares)
- Advertising Orçamento de publicidade local para a empresa em cada local (em milhares de dólares)
- Population: Tamanho da população na região (em milhares)
- Price: Preço que a empresa cobra pelas cadeirinhas em cada local
- ShelveLoc: Um fator com níveis Ruim, Bom e Médio que indica a qualidade da localização das estantes para as cadeirinhas em cada local
- Age: Idade média da população local
- Education: Nível de educação em cada local
- Urban: Fator com níveis Não e Sim para indicar se a loja está localizada em área urbana ou rural
- US: Um fator com níveis Não e Sim para indicar se a loja está nos EUA ou não

carseats |> head()

	Sales	${\tt CompPrice}$	Income	Advertising	${\tt Population}$	${\tt Price}$	${\tt ShelveLoc}$	Age	${\tt Education}$
1	9.50	138	73	11	276	120	Bad	42	17
2	11.22	111	48	16	260	83	Good	65	10
3	10.06	113	35	10	269	80	Medium	59	12
4	7.40	117	100	4	466	97	Medium	55	14
5	4.15	141	64	3	340	128	Bad	38	13
6	10.81	124	113	13	501	72	Bad	78	16
	Urban	US							

1 Yes Yes

```
Yes Yes
3
   Yes Yes
5
   Yes No
    No Yes
  carseats |> str() # tipos dos dados
'data.frame':
               400 obs. of 11 variables:
$ Sales
             : num 9.5 11.22 10.06 7.4 4.15 ...
$ CompPrice : num 138 111 113 117 141 124 115 136 132 132 ...
$ Income
             : num 73 48 35 100 64 113 105 81 110 113 ...
$ Advertising: num 11 16 10 4 3 13 0 15 0 0 ...
$ Population : num 276 260 269 466 340 501 45 425 108 131 ...
             : num 120 83 80 97 128 72 108 120 124 124 ...
$ ShelveLoc : Factor w/ 3 levels "Bad", "Good", "Medium": 1 2 3 3 1 1 3 2 3 3 ...
             : num 42 65 59 55 38 78 71 67 76 76 ...
$ Age
$ Education : num 17 10 12 14 13 16 15 10 10 17 ...
             : Factor w/ 2 levels "No", "Yes": 2 2 2 2 2 1 2 2 1 1 ...
$ Urban
$ US
             : Factor w/ 2 levels "No", "Yes": 2 2 2 2 1 2 1 2 1 2 ...
  carseats |> dim() # tamanho da tabela
[1] 400 11
  carseats |> is.na() |> sum()
[1] 0
  carseats |> summary()
                    CompPrice
    Sales
                                    Income
                                                 Advertising
Min. : 0.000
                 Min.
                        : 77
                               Min.
                                       : 21.00
                                                 Min.
                                                        : 0.000
                 1st Qu.:115
1st Qu.: 5.390
                                1st Qu.: 42.75
                                                 1st Qu.: 0.000
                 Median:125
Median : 7.490
                               Median : 69.00
                                                 Median : 5.000
```

2

Yes Yes

Mean : 7.496

3rd Qu.: 9.320

Mean

3rd Qu.:135

:125

Mean : 68.66

3rd Qu.: 91.00

Mean

: 6.635

3rd Qu.:12.000

```
Max.
      :16.270
               Max. :175
                            Max.
                                  :120.00
                                            Max.
                                                  :29.000
 Population
                  Price
                             ShelveLoc
                                              Age
                                                          Education
Min. : 10.0
              Min. : 24.0 Bad
                                  : 96
                                         Min. :25.00
                                                        Min.
                                                              :10.0
1st Qu.:139.0
              1st Qu.:100.0
                             Good : 85
                                         1st Qu.:39.75
                                                        1st Qu.:12.0
Median :272.0
              Median:117.0 Medium:219
                                         Median :54.50
                                                        Median:14.0
Mean
      :264.8
              Mean
                   :115.8
                                         Mean
                                              :53.32
                                                        Mean
                                                             :13.9
3rd Qu.:398.5
              3rd Qu.:131.0
                                         3rd Qu.:66.00
                                                        3rd Qu.:16.0
      :509.0
Max.
              Max.
                   :191.0
                                         Max.
                                                :80.00
                                                        Max.
                                                              :18.0
Urban
          US
No :118 No :142
```

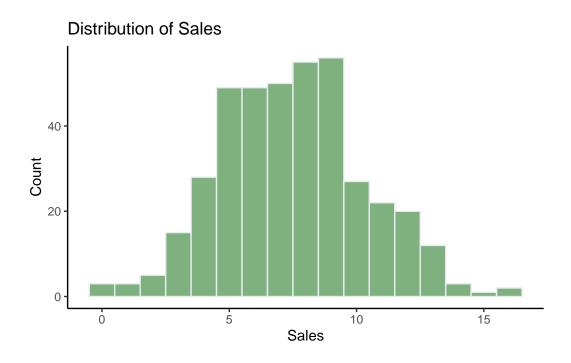
Yes:282 Yes:258

Criando a variavel alvo

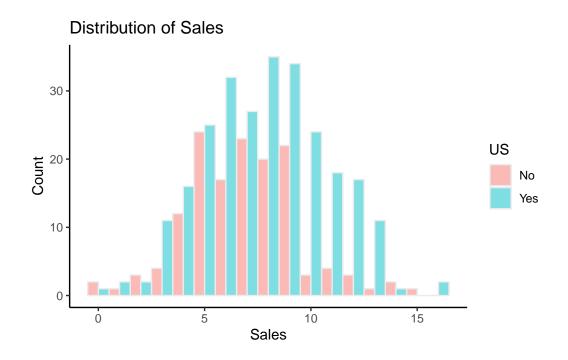
```
carseats <- carseats |>
  dplyr::mutate(High = as.factor(ifelse(Sales <= ALVO, "No", "Yes")))</pre>
```

Visualizações

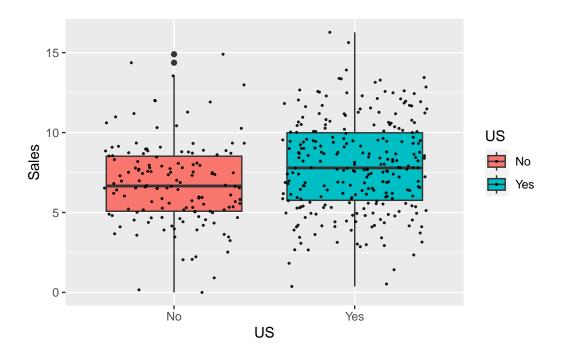
```
carseats |>
 ggplot(aes(x = Sales)) +
 geom_histogram(binwidth = 1,color="#e9ecef",alpha = 0.5, fill = "darkgreen", position =
 labs(x = "Sales", y = "Count", title = "Distribution of Sales") +
 theme_classic()
```



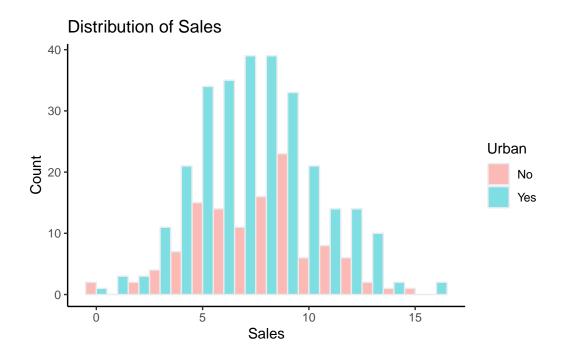
```
carseats |>
  ggplot(aes(x = Sales,fill=US)) +
  geom_histogram(binwidth = 1,color="#e9ecef",alpha = 0.5,position = 'dodge') +
  labs(x = "Sales", y = "Count", title = "Distribution of Sales") +
  theme_classic()
```



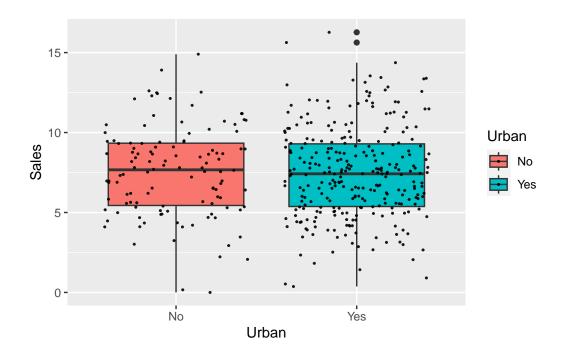
```
carseats |>
  ggplot(aes(x=US,y=Sales,fill=US)) +
  geom_boxplot() +
  geom_jitter(color="black", size=0.4, alpha=0.9)
```



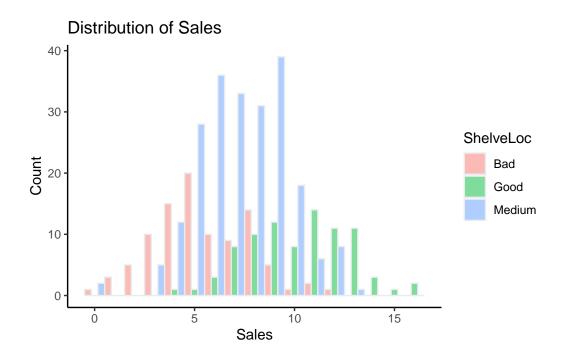
```
carseats |>
  ggplot(aes(x = Sales,fill=Urban)) +
  geom_histogram(binwidth = 1,color="#e9ecef",alpha = 0.5,position = 'dodge') +
  labs(x = "Sales", y = "Count", title = "Distribution of Sales") +
  theme_classic()
```



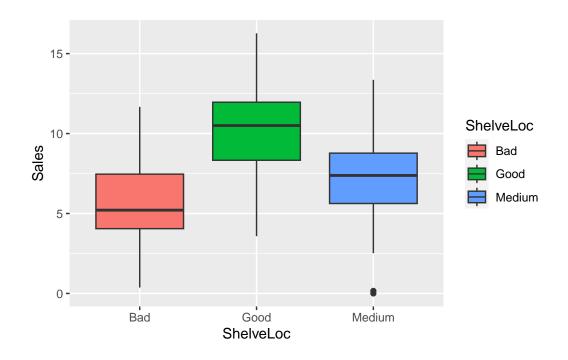
```
carseats |>
  ggplot(aes(x=Urban,y=Sales,fill=Urban)) +
  geom_boxplot() +
  geom_jitter(color="black", size=0.4, alpha=0.9)
```



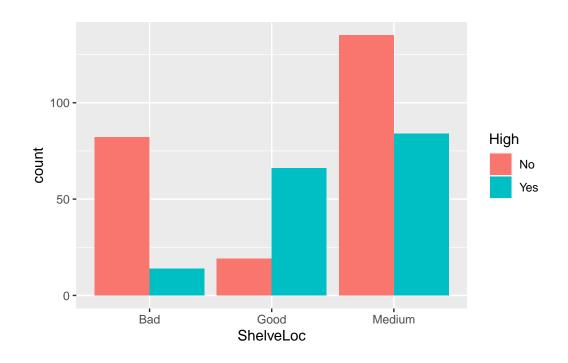
```
carseats |>
  ggplot(aes(x = Sales,fill=ShelveLoc)) +
  geom_histogram(binwidth = 1,color="#e9ecef",alpha = 0.5,position = 'dodge') +
  labs(x = "Sales", y = "Count", title = "Distribution of Sales") +
  theme_classic()
```

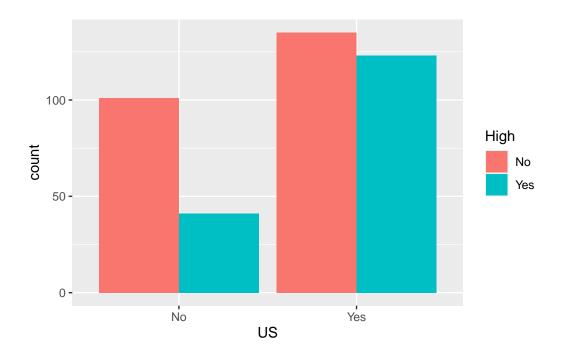


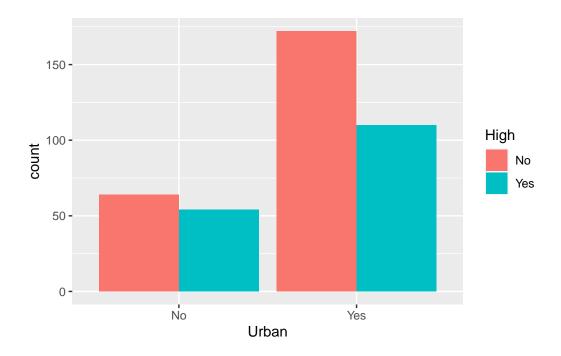
```
carseats |>
  ggplot(aes(x=ShelveLoc,y=Sales,fill=ShelveLoc)) +
  geom_boxplot()
```



```
for(col in c("ShelveLoc","US","Urban")){
  print(carseats |>
  ggplot(aes(!!sym(col))) + geom_bar(aes(fill = High),position = 'dodge'))
}
```





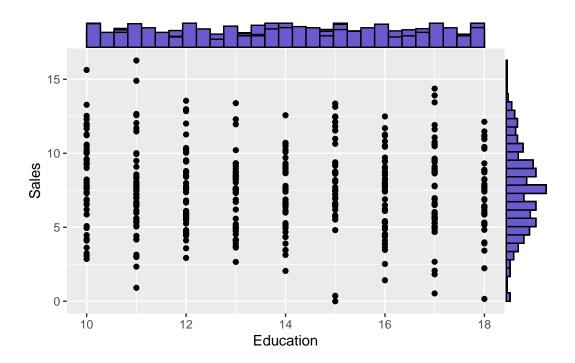


A Distribuição das vendas muda conforme a qualidade da localização nas estantes . Isso **pode** facilitar para o modelo distinguir a variavel alvo, e portanto essa seria uma boa variável.

Regiões Urbanas apresentam uma distribuição parecida com Regiões Rurais. Sem grande possibilidade de discriminação pelo modelo

As distribuições para a variável US são parecidas. Mediana das vendas é um pouco maior para vendas no Estados unidos

• Relações entre variáveis quantitativas



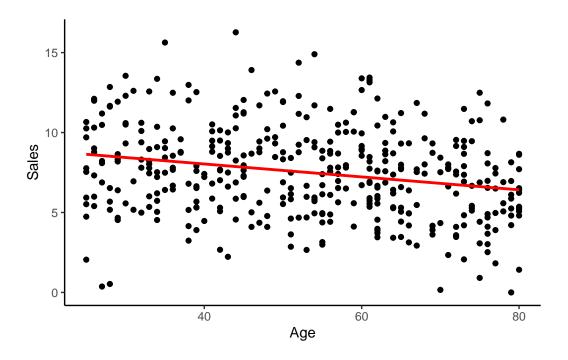
Olhando para esses gráficos. Somente "Preço x Vendas" possui uma relação linear. Verificamos que as cadeiras possuem relação elástica em suas vendas , quanto maior o preço , menor a quantidade vendida

Não aparenta haver uma alta elasticidade cruzada da demanda. Um Aumento no preço do concorrente , não aumenta a venda das cadeirinhas.

A relação entre Vendas e idade média da população parece seguir uma tendência negativa (maior a ideade média , menor a quantidade vendida, o que parece fazer sentido pois Idosos geralmente não são responsáveis por bebês). Mas não é algo muito forte

```
carseats |>
ggplot( aes(x=Age, y=Sales)) +
  geom_point() +
  geom_smooth(method=lm , color="red", se=FALSE) +
  theme_classic()
```

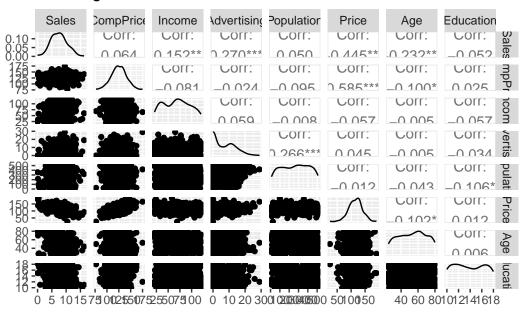
[`]geom_smooth()` using formula = 'y ~ x'



• Correlações

```
carseats_numeric <-subset(carseats, select = -c(ShelveLoc,US,Urban,High))
ggpairs(carseats_numeric, title="Correlograma")</pre>
```

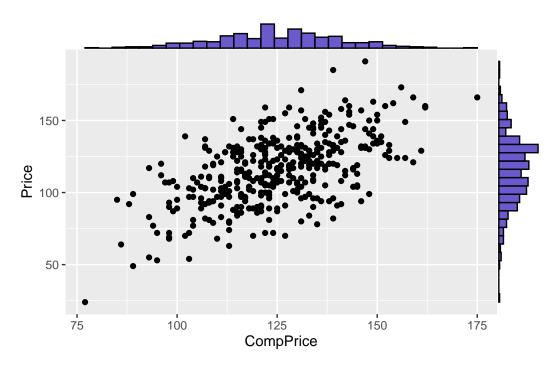
Correlograma



ggcorr(carseats_numeric, method = c("everything", "pearson"),label = TRUE)

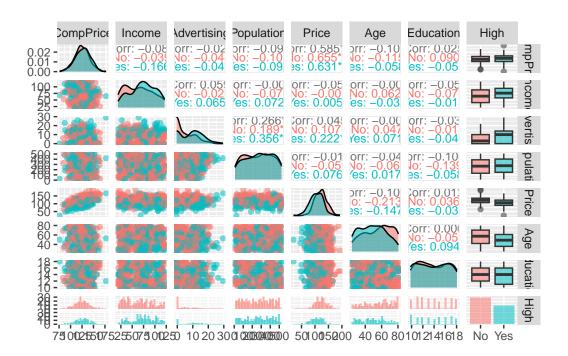


Variáveis explicativas possuem baixa correlação entre elas. Chamou atenção Preço x Preço dos concorrentes. Aparentemente tais variáveis apresentam uma relação linear, conforme a figura a seguir:

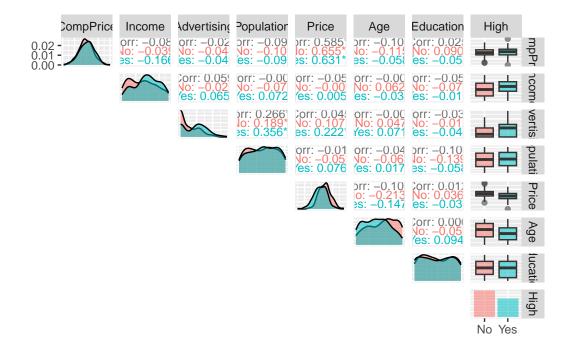


ggpairs(subset(carseats, select = -c(ShelveLoc,US,Urban,Sales)), ggplot2::aes(colour=High,

```
`stat_bin()` using `bins = 30`. Pick better value with `binwidth`.
`stat_bin()` using `bins = 30`. Pick better value with `binwidth`.
`stat_bin()` using `bins = 30`. Pick better value with `binwidth`.
`stat_bin()` using `bins = 30`. Pick better value with `binwidth`.
`stat_bin()` using `bins = 30`. Pick better value with `binwidth`.
`stat_bin()` using `bins = 30`. Pick better value with `binwidth`.
`stat_bin()` using `bins = 30`. Pick better value with `binwidth`.
```



ggpairs(subset(carseats, select = -c(ShelveLoc,US,Urban,Sales)), ggplot2::aes(colour=High,



As distribuições não mudam muito dentro de cada categoria

Modelagem

Separando entre treino e teste

Obs: não modelando os dados completos para evitar viéses (seleção de variáveis, data leakage,etc)

```
carseats_trainIndex <- createDataPartition(carseats$High, p = 0.75, list = FALSE)</pre>
  training_carseats <- carseats[carseats_trainIndex, ] |>
    dplyr::select(-Sales)
  test_carseats <- carseats[-carseats_trainIndex, ]|>
    dplyr::select(-Sales)
  print("Train dimentions: ")
[1] "Train dimentions: "
  dim(training_carseats)
[1] 300 11
  print("Test dimentions: ")
[1] "Test dimentions: "
  dim(test_carseats)
[1] 100 11
  head(training_carseats)
```

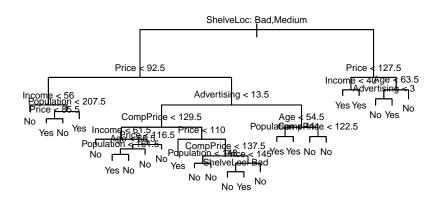
```
CompPrice Income Advertising Population Price ShelveLoc Age Education Urban
1
        138
                 73
                             11
                                        276
                                               120
                                                         Bad
                                                              42
                                                                         17
                                                                              Yes
3
        113
                 35
                             10
                                        269
                                               80
                                                      Medium 59
                                                                         12
                                                                              Yes
4
        117
                100
                              4
                                        466
                                               97
                                                      Medium 55
                                                                         14
                                                                              Yes
6
        124
               113
                             13
                                        501
                                               72
                                                         Bad 78
                                                                         16
                                                                               No
8
        136
                81
                             15
                                        425
                                              120
                                                        Good 67
                                                                         10
                                                                              Yes
9
        132
                110
                              0
                                        108
                                              124
                                                      Medium 76
                                                                         10
                                                                               No
   US High
1 Yes
      Yes
3 Yes
       Yes
4 Yes
       No
6 Yes
      Yes
       Yes
8 Yes
  No
        No
```

head(test_carseats)

	Comr	Price	Income	Advertising	Population	Price	ShelveLoc	Age	Education	Urban
2	0 0 mg	111	48	16	260	83	Good	_	10	Yes
5		141	64	3	340	128	Bad		13	Yes
7		115	105	0	45	108	Medium	71	15	Yes
10		132	113	0	131	124	Medium	76	17	No
12		117	94	4	503	94	Good	50	13	Yes
13		122	35	2	393	136	Medium	62	18	Yes
10	פוו	High	00	2	030	100	nearam	02	10	105
2	Yes	Yes								
_										
5	No	No								
7	No	No								
10	Yes	No								
12	Yes	Yes								
13	No	No								

Obtendo árvore

```
set.seed(42)
options(repr.plot.width=10, repr.plot.height=8) # set plot size
tree_carseats_train = tree(High ~ ., data= training_carseats)
plot(tree_carseats_train )
text(tree_carseats_train , pretty=0,cex=0.55)
```



Olhando apenas pera esse split , temos que a variável mais importante para o modelodecidir se teremos uma venda alta ou não é a Qualidade da disposição do produto na prateleira.

Para o lado direito da árvore temos que para lojas fora dos Estados Unidos, mesmo em qualidades da prateleira média ou baixa, as vendas serão altas se o preço for menor do que o terceiro quartil (3rd Qu.:131.0 , olhando para o dataset completo nas primeiras etapas). É possível que nessas condições não seja possível a empresa repassar preços masi caros

Os recortes de idade quase sempre são para médias abaixo de 40

A Árvore parece não ter alta complexidade dado o seu tamanho e número de recortes (avaliação subjetiva). Provavlemente teremos que reduzir seu tamanho para melhorar a variância (como demonstraremos no tópico a seguir)

• Performance no treino

```
predict_train = predict(tree_carseats_train, training_carseats, type = "class")
conf_matrix_train <- confusionMatrix(data = predict_train, reference = training_carseats$H
conf_matrix_train</pre>
```

Confusion Matrix and Statistics

Reference Prediction No Yes No 158 15

Yes 19 108

Accuracy : 0.8867

95% CI: (0.8452, 0.9202)

No Information Rate : 0.59 P-Value [Acc > NIR] : <2e-16

Kappa: 0.7669

Mcnemar's Test P-Value: 0.6069

Sensitivity: 0.8927 Specificity: 0.8780 Pos Pred Value: 0.9133 Neg Pred Value: 0.8504 Prevalence: 0.5900

Detection Rate : 0.5267 Detection Prevalence : 0.5767 Balanced Accuracy : 0.8854

'Positive' Class : No

• Performance no teste

```
predict_test <- predict(tree_carseats_train,test_carseats,type='class') #prevendo coms os
conf_matrix_test <- caret::confusionMatrix(data = predict_test,reference = test_carseats$H
conf_matrix_test</pre>
```

Confusion Matrix and Statistics

Reference

Prediction No Yes

No 46 9

Yes 13 32

```
Accuracy: 0.78
                95% CI: (0.6861, 0.8567)
   No Information Rate: 0.59
   P-Value [Acc > NIR] : 4.848e-05
                Kappa : 0.5519
Mcnemar's Test P-Value: 0.5224
          Sensitivity: 0.7797
           Specificity: 0.7805
        Pos Pred Value: 0.8364
        Neg Pred Value: 0.7111
            Prevalence: 0.5900
        Detection Rate: 0.4600
  Detection Prevalence: 0.5500
     Balanced Accuracy: 0.7801
      'Positive' Class : No
 # checando o balanceamento dos dados
 test_carseats |>
   count(High) |>
   mutate(prop= n/ sum(n))
 High n prop
```

No 59 0.59 Yes 41 0.41

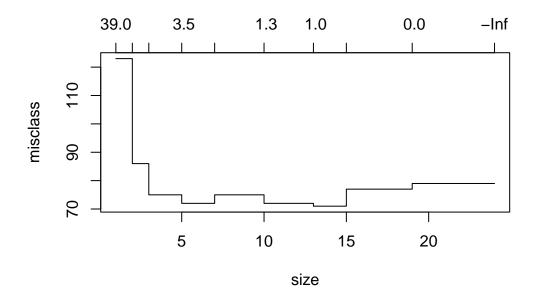
Apesar de uma boa acurácia 76% (nos dados de a proporção erade 59%-41% par avendas baixas e altas, ou seja, foi melhor do que um chute aleatório), a árvore consegue prever melhor para casos em que **não temos venda alta** (de 59 acertou 47). Enquanto que para caso de ocorrência de **venda alta**, o modelo **não performou muito bem** (acertou 12 de 29). Pensando no ponto de vista de negócio, saber o que faz vender mais é melhor do que saber o que não faz vender. Esta está última característica passa a ser importante quando o custo de estocagem é alto. Faltam detalhes para saber o custo de uma venda perdida relativa ao ganho em uma venda

Vale ressaltar que o modelo não apresenta certa estabilidade entre treino e teste. O desempenho cai consideravlemnete na maioria das métricas. A acurácia , por exemplo, vai de 0.9167 para

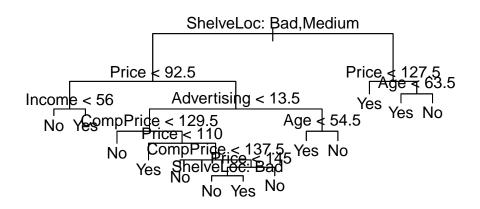
0.76. Isso pode indicar um sobreajuste (overfitting) de nosso modelo, se tronou muito específico com os dados de treino, e incapaz de generalizar aos dados de teste.

Implementando Validação Cruzada (poda da árvore)

```
cv.carseats = cv.tree(tree_carseats_train, FUN = prune.misclass)
  cv.carseats
$size
 [1] 24 19 15 13 10 7 5 3 2 1
$dev
    79 79 77 71 72 75 72 75 86 123
 [1]
$k
 [1]
         -Inf 0.000000 0.500000 1.000000 1.333333 3.000000 3.500000
     6.000000 15.000000 39.000000
$method
[1] "misclass"
attr(,"class")
[1] "prune"
                  "tree.sequence"
  plot(cv.carseats)
```



```
prune.carseats = prune.misclass(tree_carseats_train, best = 12)
plot(prune.carseats)
text(prune.carseats, pretty=0)
```



		~	
Con	Cli	uso	es

Árvores de Regressão