# Санкт-Петербургский Политехнический Университет Петра Великого Институт компьютерных наук и технологий Кафедра компьютерных систем и программных технологий

# Телекоммуникационные технологии

Отчет по лабораторной работе №4 Аналоговая модуляция

> Работу выполнил:

Соболь В.О.

Группа: 33501/4 **Преподаватель:** 

Богач Н.В.

Санкт-Петербург 2017

# Содержание

1.	Цель работы	2
2.	Постановка задачи	2
3.	Теоретическая информация	2
	3.1. Модуляция	2
	3.2. Однотональный сигнал	2
	3.3. Типы модуляции	2
	3.3.1. Амплитудная модуляция	2
	3.3.2. Амплитудная модуляция с подавлением несущей	3
	3.3.3. Однополосная модуляция	3
	3.3.4. Демодуляция с помощью синхронного детектирования	4
	3.3.5. КПД модуляции	4
4.	Ход работы	4
	4.1. Генерация однотонального сигнала	4
	4.2. Амплитудная модуляция	
	4.3. Амплитудная модуляция с подавлением несущей	
	4.4. Однополосная амплитудная модуляция	
	4.5. Демодуляция с помощью синхронного детектирования	
	4.6. КПД модуляции	17
<b>5</b> .	Выводы	18
6.	Листинг	18

# 1. Цель работы

Изучение амплитудной модуляции и демодуляции сигнала.

### 2. Постановка задачи

- 1. сгенерировать однотональный низкочастотный сигнал
- 2. выполнить амплитудную модуляцию этого сигнала
- 3. выполнить модуляцию с подавлением несущей
- 4. выполнить однополосную модуляцию
- 5. для всех типов модуляции осуществить синхронное детектирование
- 6. рассмотреть спектры сигналов после модуляции и после детектирования
- 7. рассчитать КПД модуляции

### 3. Теоретическая информация

#### 3.1. Модуляция

Модуляция — это перенос спектра сигналов из низкочастотной области на заданную частоту. Это применяется для передачи сигнала в заданном частотном диапазоне. Для модулирующего (исходного) сигнала S(t) в канале связи для передачи формируется вспомогательный периодический высокочастотный сигнал  $u(t) = f(t, [a_1, a_2, ... a_m])$ . Параметры  $a_i$  определяют форму сигнала. При модуляции исходный сигнал S(t) переносят на один из параметров  $a_i$ , форма сигнала u(t) (несущей) изменяется и служит для переноса информации, содержащейся в сигнале S(t). Обратная операция выделения сигнала S(t) из модулированного сигнала u(t) называется демодуляция.

#### 3.2. Однотональный сигнал

Для генерации гармонического сигнала можно воспользоваться формулой  $signal = A*cos(2*\pi*f*t+\varphi),$  где A — амплитуда сигнала, f — частота, t — вектор отсчетов времени,  $\varphi$  — смещение по фазе.

### 3.3. Типы модуляции

#### 3.3.1. Амплитудная модуляция

Формула амплитудной модуляции имеет вид:

$$u(t) = (1 + MU_m cos(\Omega t))cos(\omega_0 t + \varphi_0)$$
(1)

Спектр сигнала с амплитудной модуляцией показан на рис.3.3.1. На графике  $\omega_0$  — частота несущей,  $\Omega$  — частота модуляции.

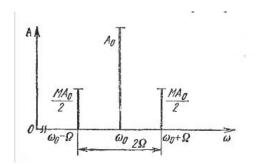


Рис. 3.3.1. Спектр амплитудно-модулированного сигнала

Амплитудная модуляция имеет низкий КПД и применяется очень редко.

#### 3.3.2. Амплитудная модуляция с подавлением несущей

Основная мощность АМ сигнала приходится на несущую частоту. При АМ с подавлением несущей производится перемножение двух сигналов — модулирующего и несущего. В результате несущая частота подавляется и КПД модуляции становится 100%. Формула такой модуляции:

$$u(t) = MU_m cos(\Omega t) cos(\omega_0 t + \varphi_0)$$
(2)

Спектр сигнала с амплитудной модуляцией с подавлением несущей представлен на Рис.3.3.2: На графике  $\omega_0$  — частота несущей,  $\Omega$  — частота модуляции. Как видно в спектре отсутствует несущая частота.

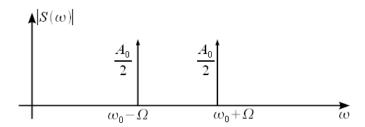


Рис. 3.3.2. Спектр амплитудно модулированного сигнала с подавлением несущей

#### 3.3.3. Однополосная модуляция

При идентичности информации в группах верхних и нижних боковых частот нет необходимости в их одновременной передаче. Можно удалить одну из боковых частот и получить сигнал с одной боковой полосой (ОБП). Функция сигнала с ОБП имеет вид:

$$u(t) = U_m cos(\Omega t) cos(\omega_0 t + \varphi_0) + \frac{U_m}{2} \sum_{n=1}^{N} M_n cos((\omega_0 + \Omega_n)t + \varphi_0 + \Phi_n)$$
(3)

Форма ОБП сигнала похожа на форму сигнала с АМ, но ее огибающая имеет меньшую амплитуду. Для демодуляции ОБП сигнала может использоваться как двухполупериодное, так и синхронное детектирование, со всеми особенностями, присущими этим методам. Результаты демодуляции отличаются от демодуляции АМ сигналов только меньшей амплитудой выходных сигналов.

Спектр однополосно-модулированного сигнала представлен на рис.3.3.3:



Рис. 3.3.3. Спектр однополосно-модулированного сигнала

#### 3.3.4. Демодуляция с помощью синхронного детектирования

При синхронном детектировании модулированный сигнал умножается на опорное колебание с частотой несущего колебания:

$$y(t) = U(t)\cos(\omega_0 t)\cos(\omega_0 t) = \frac{U(t)}{2}(1 + \cos(2\omega_0 t))$$
(4)

Сигнал разделяется на два слагаемых, первое из которых повторяет исходный модулирующий сигнал, а второе повторяет модулированный сигнал на удвоенной несущей частоте  $2\omega_0$ .

Амплитудный спектр сигналов после демодуляции однозначно соотносится со спектром входного модулированного сигнала: амплитуды гармоник модулированного сигнала на частоте  $2\omega_0$  в два раза меньше амплитуд входного сигнала, постоянная составляющая равна амплитуде несущей частоты  $\omega_0$  и не зависит от глубины модуляции, амплитуда информационного демодулированного сигнала в два раза меньше амплитуды исходного модулирующего сигнала.

Особенностью синхронного детектирования является независимость от глубины модуляции, т.е. коэффициент модуляции сигнала может быть больше единицы. При синхронном детектировании требуется точное совпадение фаз и частот опорного колебания демодулятора и несущей гармоники АМ сигнала.

#### 3.3.5. КПД модуляции

КПД амплитудной модуляции зависит от коэффициента модуляции и может быть рассчитано по следующей формуле:

$$\eta(t) = \frac{U_m^2(t)M^2}{4P_U} = \frac{M^2}{2+M^2} \tag{5}$$

# 4. Ход работы

Код, написанный для исследования представлен в листинге 1.

### 4.1. Генерация однотонального сигнала

Для получения гармонического сигнала используется функция  $s(t) = A * cos(2 * \pi * f * t + \varphi)$ . Сгенерированный однотональный сигнал представлен на рис. 4.1.1.

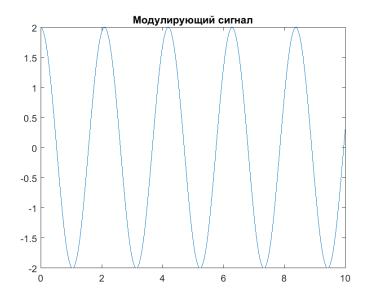


Рис. 4.1.1. Однотональный гармонический сигнал

Спектр однотонального сигнала показан на рис. 4.1.2.

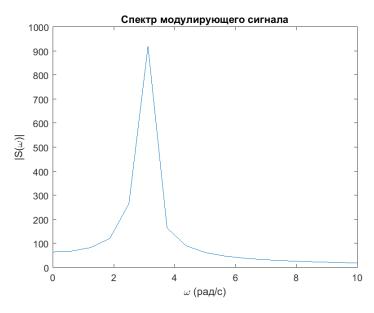


Рис. 4.1.2. Спектр однотонального гармонического сигнала

### 4.2. Амплитудная модуляция

Для сгенерированного однотонального сигнала получим амплитудную модуляцию с различными коэффициентами модуляции M (соотношением амплитуды модулирующего сигнала и амплитуды несущей). Так же для каждого модулированного сигнала постро-им спектр. Кроме гармоники информационного сигнала в спектре видно две гармоники несущего сигнала по бокам.

#### 1. Коэффициент M = 0.2

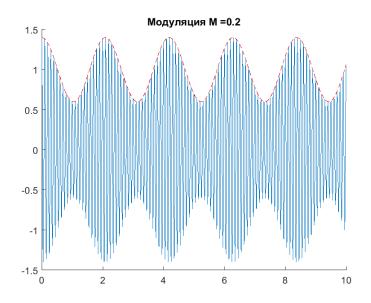


Рис. 4.2.1. Амплитудно-модулированный сигнал

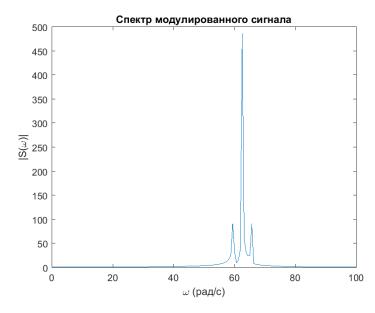


Рис. 4.2.2. Спектр амплитудно-модулированного сигнала

# 2. Коэффициент M=0.5

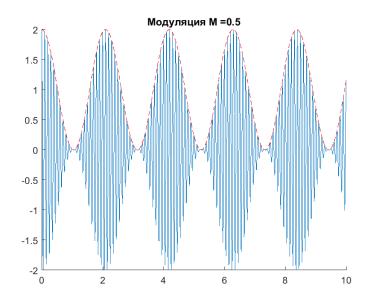


Рис. 4.2.3. Амплитудно-модулированный сигнал

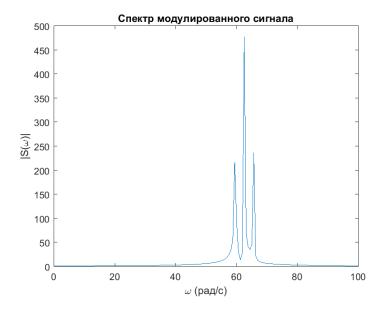


Рис. 4.2.4. Спектр амплитудно-модулированного сигнала

# 3. Коэффициент M=1.0

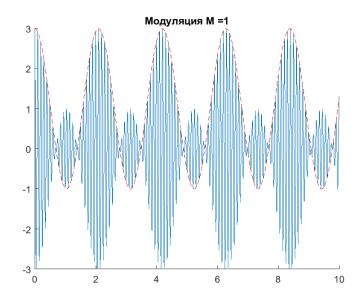


Рис. 4.2.5. Амплитудно-модулированный сигнал

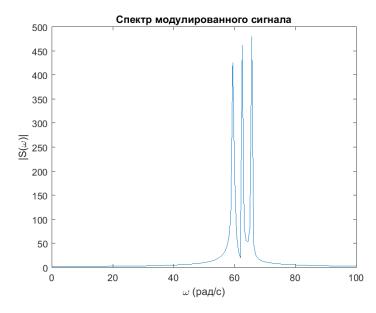


Рис. 4.2.6. Спектр амплитудно-модулированного сигнала

# 4. Коэффициент M=2.0

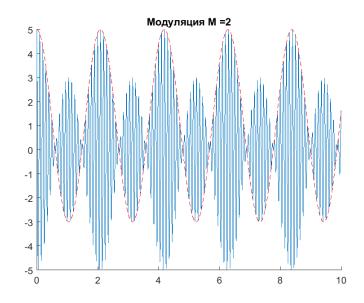


Рис. 4.2.7. Амплитудно-модулированный сигнал

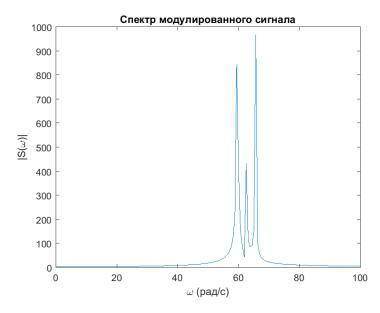


Рис. 4.2.8. Спектр амплитудно-модулированного сигнала

# 5. Коэффициент M=5.0

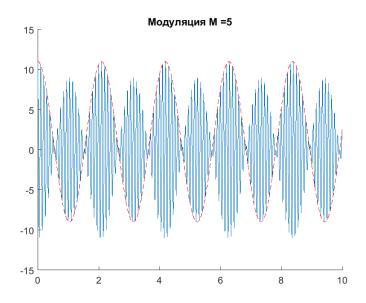


Рис. 4.2.9. Амплитудно-модулированный сигнал

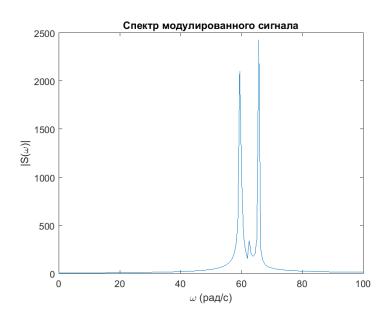


Рис. 4.2.10. Спектр амплитудно-модулированного сигнала

При M>1 имеем случай перемодуляции, при M=1 - случай глубокой модуляции, а при M<1 - обычный случай модуляции без совмещений полупериодов гармонического сигнала огибающей.

### 4.3. Амплитудная модуляция с подавлением несущей

Подавление несущей осуществляется узкополосной фильтрацией сигнала на частоте информационного. Сигнал с AM с подавлением несущей представлен на рис 4.3.1. Спектр модулированного сигнала показан на рис. 4.3.2

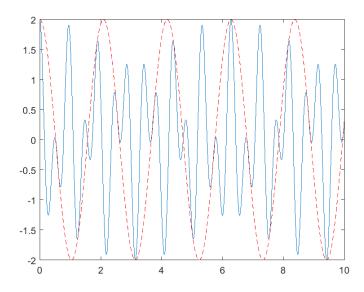


Рис. 4.3.1. Амплитудно-модулированный сигнал с подавлением несущей

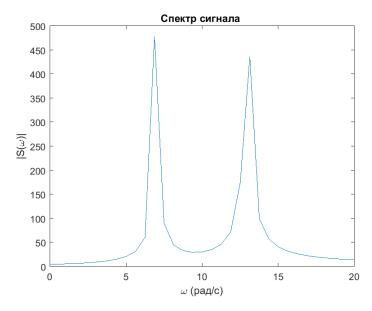


Рис. 4.3.2. Спектр амплитудно-модулированного сигнала с подавлением несущей

В спектре видно отсутствие несущей, что соответствует АМ с подавлением несущей. Подавление несущей приводит к тому, что основная мощность сигнала (приходящаяся на несущую гармонику) фильтруется. Демодулировать такой сигнал невозможно, поэтому применяют частичную фильтрацию, то есть сохранение амплитуды несущей гармоники ненулевой, но более низкой, чем у информационной составляющей.

### 4.4. Однополосная амплитудная модуляция

Помимо подавления несущей, можно избавиться от лишней (дублирующейся) боковой полосы спектра с помощью фильтра низких частот. Модулированный сигнал представлен на рис. 4.4.1. Его спектр показан на рис. 4.4.2.

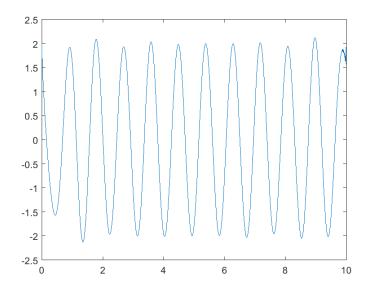


Рис. 4.4.1. Однополосно-модулированный сигнал

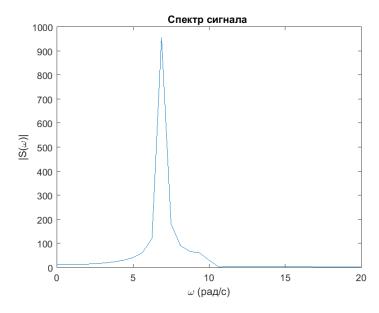


Рис. 4.4.2. Спектр однополосно-модулированного сигнала

Спектр содержит одну полосу, что соответствует однополосной амплитудной модуляции.

### 4.5. Демодуляция с помощью синхронного детектирования

Произведем демодуляцию модулированных сигналов с разными коэффициентами модуляции.

1. Коэффициент M=0.2

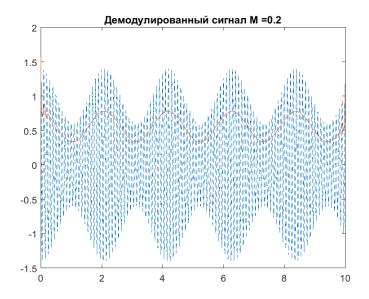


Рис. 4.5.1. Демодулированный сигнал

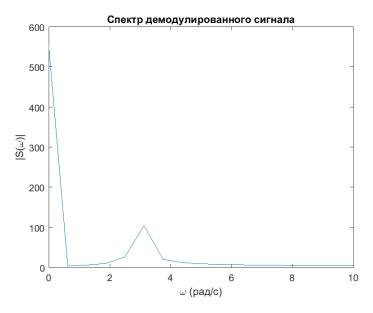


Рис. 4.5.2. Спектр демодулированного сигнала

# 2. Коэффициент M=0.5

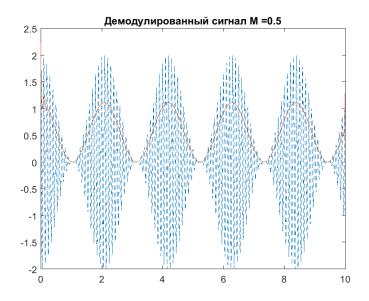


Рис. 4.5.3. Демодулированный сигнал

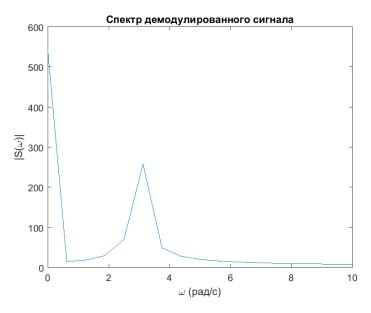


Рис. 4.5.4. Спектр демодулированного сигнала

# 3. Коэффициент M=1.0

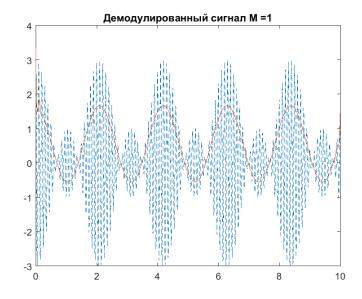


Рис. 4.5.5. Демодулированный сигнал

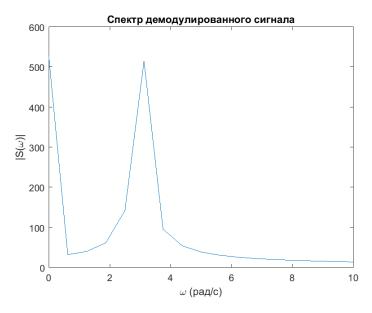


Рис. 4.5.6. Спектр демодулированного сигнала

# 4. Коэффициент M=2.0

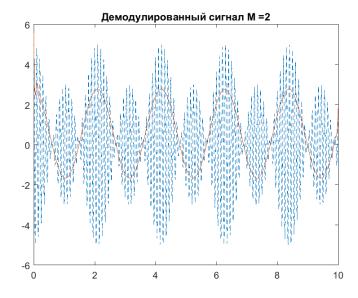


Рис. 4.5.7. Демодулированный сигнал

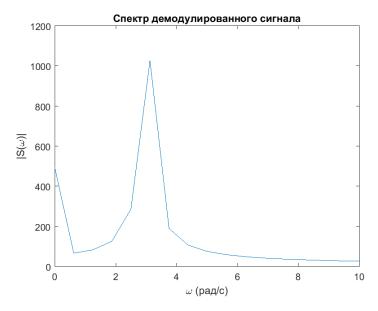


Рис. 4.5.8. Спектр демодулированного сигнала

# 5. Коэффициент M=5.0

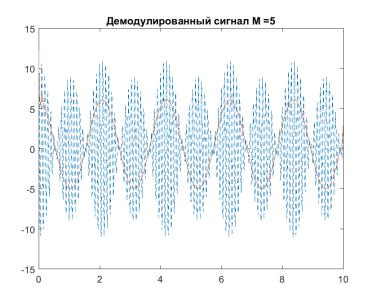


Рис. 4.5.9. Демодулированный сигнал

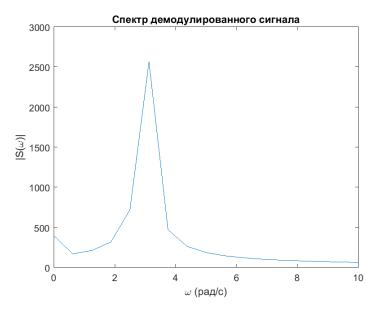


Рис. 4.5.10. Спектр демодулированного сигнала

Как можно видеть, нелинейные искажения сигнала при демодуляции тем незначительнее, чем больше коэффициент модуляции. В спектре демодулированного сигнала видны искажения в области низких частот, но с увеличением коэффициента модуляции они уменьшаются.

### 4.6. КПД модуляции

На графике (рис. 4.6.1), приведена зависимость КПД модуляции от амплитуды модулирующего сигнала (т.е. от коэффициента модуляции).

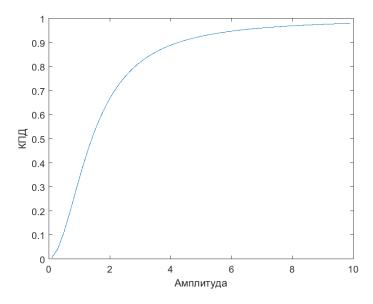


Рис. 4.6.1. Зависимость КПД модуляции от амплитуды модулирующего сигнала

### 5. Выводы

В ходе этой работы нами были исследованы типы аналоговой модуляции - амплитудная, с подавлением несущей и однополосная, также исследован способ демодуляции с помощью синхронного детектирования и определена зависимость КПД модуляции от коэффициента модуляции. Также были построены спектры модулированных сигналов, их вид совпал с ожидаемым результатом для каждого типа модуляции.

По результатам работы можно сделать вывод о низкой эффективности амплитудной модуляции. Качество модуляции зависит от амплитуды несущего сигнала, и для обеспечения высокого качества нужна высокая амплитуда. Из-за этого появляется необходимость использовать для передачи сигнал с очень большой амплитудой, что приводит к высоким потреблениям энергии.

### 6. Листинг

Листинг 1: Код использованный для исследования

```
function lab4()
  close all
3
  clc
  A = 2;
6 \mid OMEGA = 3;
  omega 0 = 10; % Fc
7
  Fd = 100;
8
9
  t = 0:1/Fd:10;
10
11
  sig \mod = A * cos(OMEGA * t);
12
13
  signal\_one\_tone = figure();
14
  plot(t, sig_mod);
15 | ylim([-2 \ 2]);
16 title ( 'Модулирующий_сигнал ');
```

```
17
18 signal one tone spec = figure();
19 specplot (sig mod, Fd);
20 \mid x \text{lim} ([0 \ 10]);
21 ylim ([0 1000]);
22 title ( 'Спектр_модулирующего_сигнала');
23
24 am figures = [];
25 \mid A0 = 1;
26| phi0 = 0;
27
28 d = designfilt ('lowpassfir', ...
29
        'PassbandFrequency', 0.15, 'StopbandFrequency', 0.2, ...
30
        'PassbandRipple', 1, 'StopbandAttenuation', 20, ...
31
        'DesignMethod', 'equiripple');
32
33
        \mathbf{function} \ [\mathrm{demod\_f}, \ \mathrm{demod\_s\_f}] = \mathrm{demodulate}(\mathrm{s\_AM}, \ \mathrm{m\_name})
34
             y = s AM .* cos(2*pi*omega 0 * t);
35
             z = filtfilt(d, y);
36
             demod f = figure();
37
38
             plot(t, s AM, '---', t, z);
             {f title} \ (\ {f strcat} \ (\ {\c 'Демодулированный\_сигнал\_'}\ , \ {f m\_name}) \ )
39
40
             demod s f = figure();
             specplot(z, Fd);
41
42
             x \lim ([0 \ 10]);
43
             title ( 'Спектр_демодулированного_сигнала')
44
       end
45
46
        function [sAM, mod f, mod s f] = modulate(signal, am, m name)
47
            sm = am .* signal;
            sAM = ammod(sm, omega 0, Fd, phi0, A0);
48
            mod f = figure();
49
50
            hold on
51
             \mathbf{plot}(t, sAM);
             plot(t, A0+sm, '---', 'Color', 'red');
52
53
             hold off
54
             title (strcat ('Модуляция_', m name))
55
56
            mod s f = figure();
57
             specplot (sAM, Fd);
58
             x \lim ([0 \ 100]);
59
             title ( 'Спектр_модулированного_сигнала')
60
       end
61 |  for am = [0.2, 0.5, 1.0, 2.0, 5.0]
62 | m_name = strcat(` M_= , ' num2str(am));
63 | f_{name} = strcat('_{m_{i}}', num2str(am));
64 f_name = strrep(f_name, '. ', '_');
65 | [s\_AM, mod\_f, mod\_s\_f] = modulate(sig\_mod,am,m\_name);
66 [demod, demod s] = demodulate(s AM, m name);
67
68 am figures = [am figures; {am, f name, mod f, mod s f, demod, demod s}];
69 end
70
71 | Am = 0.1:0.2:10;
72|M = Am./A0;
73 | \text{kpd} = \text{M.}^2 . / (\text{M.}^2 . + 2);
74 | \text{kpd}_{f} = \text{figure}();
75 plot (Am, kpd);
76 | xlabel ( 'Амплитуда ');
```

```
77 | ylabel ( 'КПД ' )
 78
 79
 80 \mid \text{omega\_0} = \text{omega\_0} / (2 * \mathbf{pi});
 81 | s\_AM\_SC = ammod(sig\_mod, omega\_0, Fd);
 82 | s \text{ am } f = figure();
 83 plot (t, s AM SC, t, sig mod, '---r');
 84 | s_am_s_f = figure();
 85 specplot (s_AM_SC, Fd)
 86 xlim ([0 20]);
 87
 88
 89|s\_AM\_SSB = ssbmod(sig\_mod, omega\_0, Fd);
 90 \mid s \text{ am ssb } f = figure();
 91 plot (t, s AM SSB);
 92 | s_am_ssb_s_f = figure();
 93 specplot (s_AM_SSB, Fd)
 94 xlim ([0 20]);
 95
 96 path = '.../ fig/';
 97
         function files ave (name, fig)
 98
 99
             full path = strcat(path, name);
100
             saveas(fig , full_path , 'png')
101
         end
102
103
    filesave('signal_one_tone', signal_one_tone);
104 filesave ('signal_one_tone_spec', signal_one_tone_spec);
105
106 | \mathbf{for} | \mathbf{itm} = \mathbf{am} | \mathbf{figures}'
107
        name = itm(2);
108
        names = [
109
             strcat('mod_sig',name) ;
             strcat('mod_sig_spec',name);
110
             strcat('demod_sig',name);
111
112
             strcat('demod_sig_spec',name)];
113
114
        for i = 1:4
115
             fig = itm(i+2);
116
             fig = fig \{1\};
117
             fname = names(i);
118
             fname = fname \{1\};
119
             filesave (fname, fig)
120
        end
121 end
122
123 filesave ('kpd_plot',kpd_f);
124 filesave ('sig_mod_carrier',s_am_f);
125 filesave ('sig_mod_carrier_spec',s_am_s_f);
126 filesave ('sig_mod_single',s_am_ssb_f);
127 files ave ('sig mod single spec', s am ssb s f);
128
129 end
```