

Módulo II

Comunicaciones seguras

- Tema 3: Protección de la confidencialidad
- Tema 4: Cifrados de clave secreta
- Tema 5: Distribución de claves



Comunicaciones Seguras

En:

- SSL/TLS



- TOR



- GPS



- Telefonía Móvil

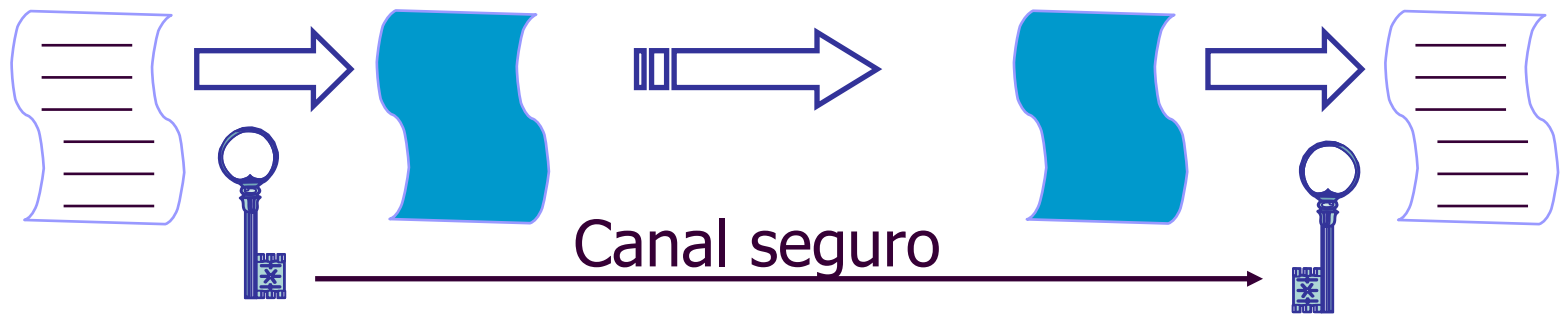


- Smartcards

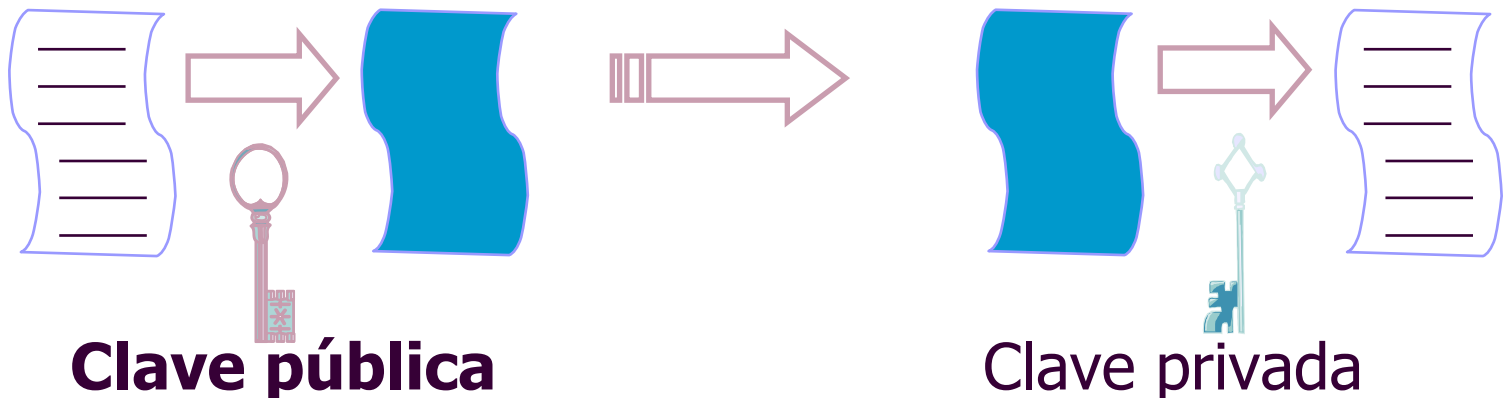


Criptografía Moderna

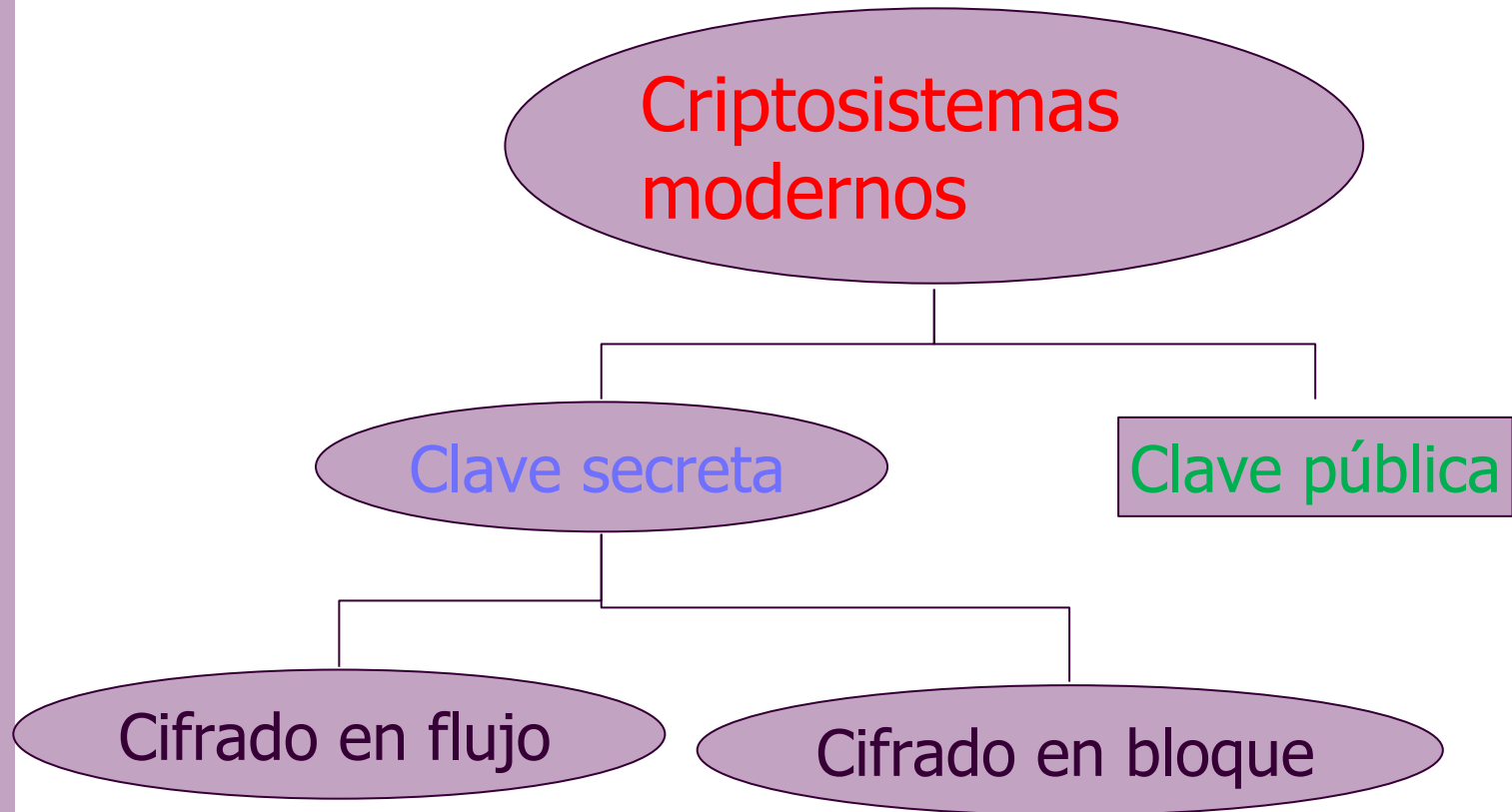
– Criptosistemas Simétricos o de **Clave Secreta**:



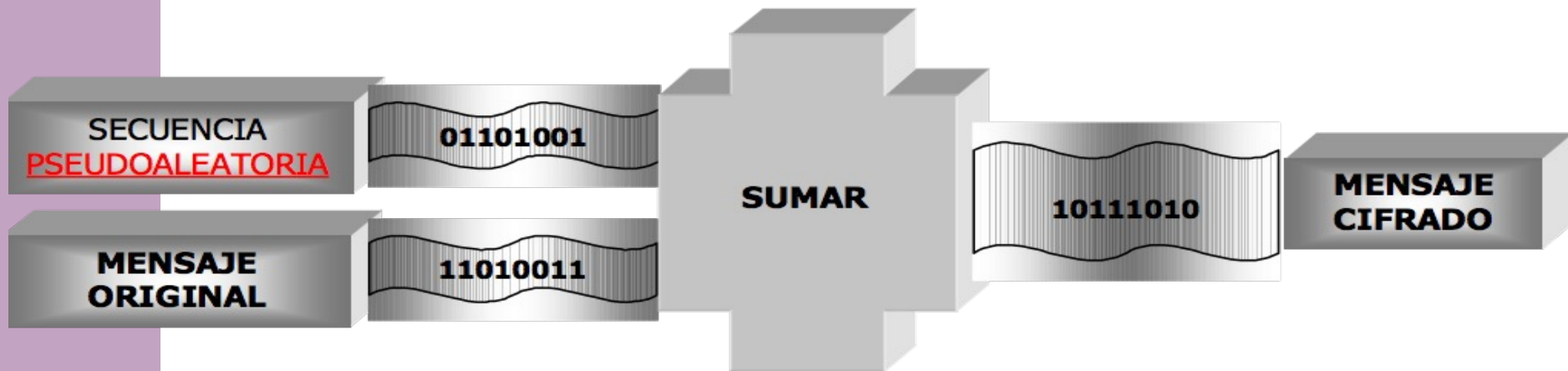
– Criptosistemas Asimétricos o de **Clave Pública**:



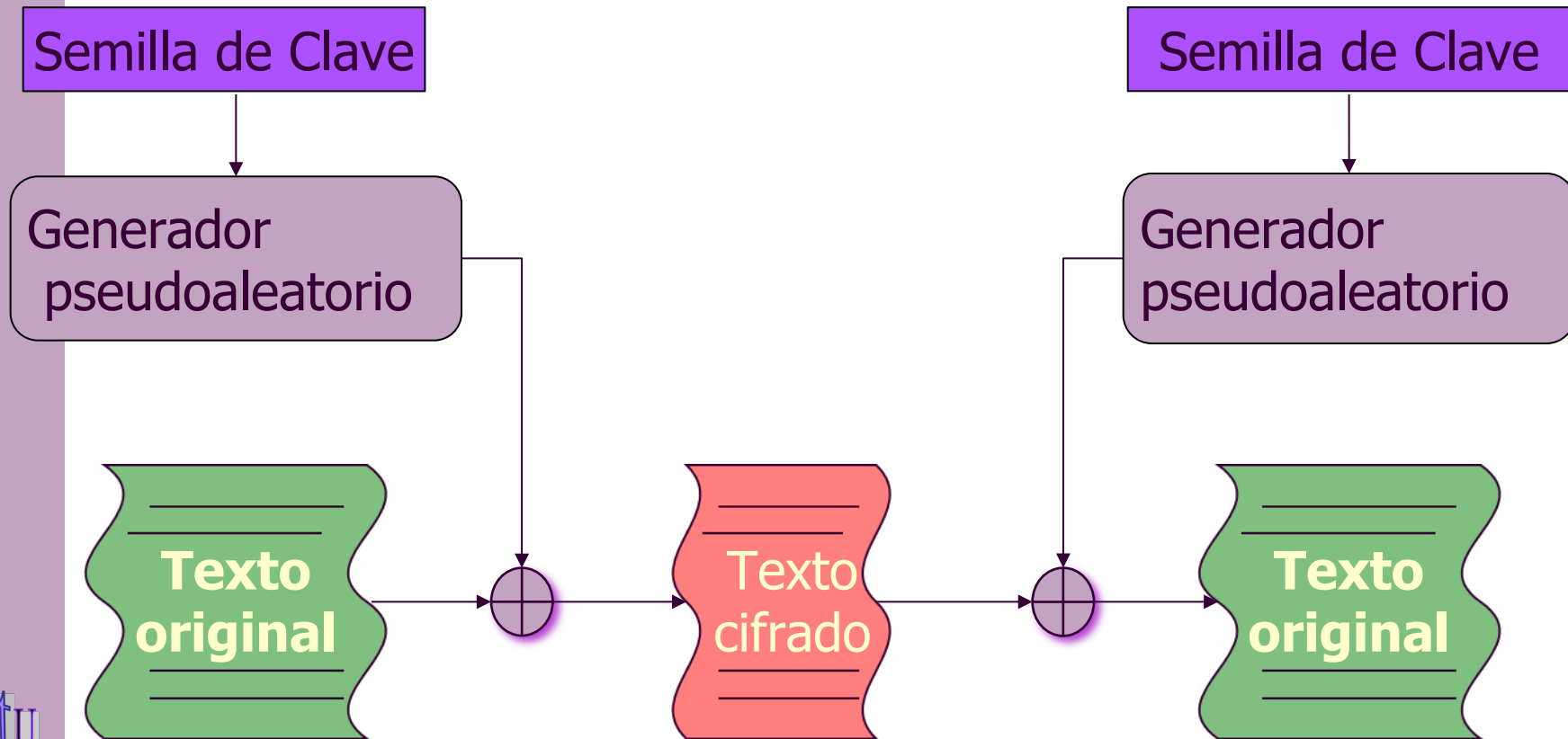
Protección de la confidencialidad



Cifrado en Flujo

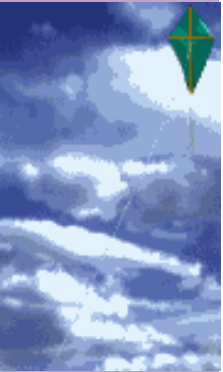


Cifrado en Flujo



Cifrado en Flujo

- El emisor usa una semilla secreta y un algoritmo determinista (**generador pseudoaleatorio**) para generar una secuencia binaria.
- Con la secuencia generada y el texto en claro expresado en binario se realiza una **XOR bit a bit**.
- Realizando la misma operación con el texto cifrado y la misma secuencia pseudoaleatoria se recupera el texto en claro.



Generadores Pseudoaleatorios

1. ChaCha20



2. C/A  GPS

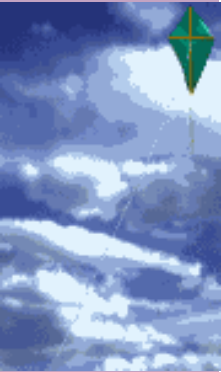
3. Snow3G



4. ZUC



5. Crypto-1





Cifrado en SSL/TLS

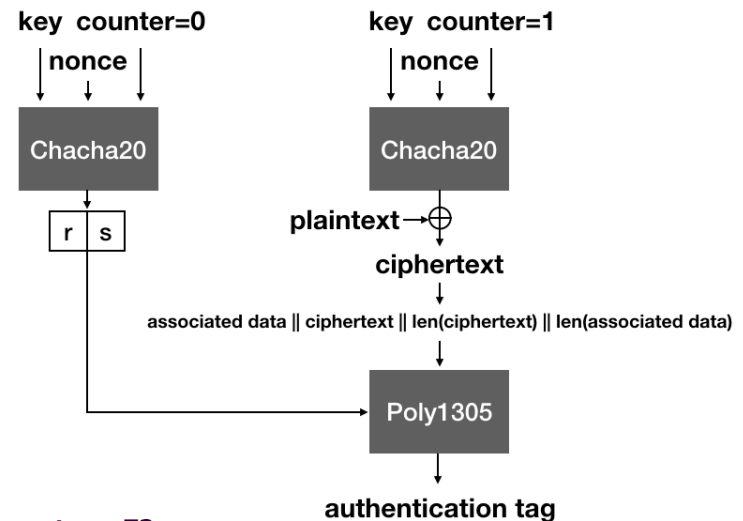
Cifrado			Versión del Protocolo					
Tipo	Algoritmo	Fortaleza nominal (bits)	SSL 2.0	SSL 3.0 <small>note 1 note 2 note 3</small>	TLS 1.0 <small>note 1 note 3</small>	TLS 1.1 <small>note 1</small>	TLS 1.2 <small>note 1</small>	TLS 1.3 ^{>14}
Cifrado por bloques	AES GCM ^{15 note 4}	256, 128	N/D	N/D	N/D	N/D	Seguro	Seguro
	AES CCM ^{16 note 4}		N/D	N/D	N/D	N/D	Seguro	Seguro
	AES CBC ^{note 5}		N/D	N/D	depende	depende	depende	N/D
	Camellia GCM ^{17 note 4}	256, 128	N/D	N/D	N/D	N/D	Seguro	N/D
	Camellia CBC ^{18 note 5}		N/D	N/D	depende	depende	depende	N/D
	ARIA GCM	256, 128	N/D	N/D	N/D	N/D	Seguro	N/D
	ARIA CBC		N/D	N/D	depende	depende	depende	N/D
	SEED CBC ^{19 note 5}	128	N/D	N/D	depende de las mitigaciones	depende de las mitigaciones	depende de las mitigaciones	N/D
	3DES EDE CBC <small>note 5 note 6</small>	112 ^{note 7}	Inseguro	Inseguro	Inseguro	Inseguro	Inseguro	N/D
	GOST 28147-89 CNT ^{13 note 6}	256	N/D	N/D	Inseguro	Inseguro	Inseguro	N/D
	IDEA CBC ^{note 5 note 6 note 8}	128	Inseguro	Inseguro	Inseguro	Inseguro	N/D	N/D
	DES CBC ^{note 5 note 6 note 8}	56	Inseguro	Inseguro	Inseguro	Inseguro	N/D	N/D
		40 ^{note 9}	Inseguro	Inseguro	Inseguro	N/D	N/D	N/D
	RC2 CBC ^{note 5 note 6}	40 ^{note 9}	Inseguro	Inseguro	Inseguro	N/D	N/D	N/D
Cifrador de flujo	ChaCha20+Poly1305 ^{24 note 4}	256	N/D	N/D	N/D	N/D	Seguro	Seguro
	RC4 ^{note 10}	128	Inseguro	Inseguro	Inseguro	Inseguro	Inseguro	N/D
		40	Inseguro	Inseguro	Inseguro	N/D	N/D	N/D

Cifrado ChaCha20 de SSL/TLS



ECRYPT II
↓↑↔⊗⊕⊖⊗⊕⊖⊗⊕⊖

- Cifrado en flujo desarrollado en 2008 por Daniel **Bernstein**.
- Es un generador pseudoaleatorio de tipo **ARX**, e.d. con operaciones: **Add** de suma de 32 bits con acarreo ($\text{mod } 2^{32}$), **Rotate** (rotaciones) y **XOR** o sumas binarias XOR.
- El generador se alimenta de:
 - Una **constante** de 128 bits
 - una clave secreta de **256 bits**,
 - un **nonce** pseudoaleatorio de 96 bits y
 - un **contador** de 32 bits
- Produce 512 bits de secuencia cifrante.
- La secuencia cifrante tiene un **periodo** máximo de 2^{73}
- Se suele combinar con el código de autenticación de mensajes MAC, **Poly1305**.
- Es rápido, no está patentado y hay implementaciones de dominio público.
- Es la base de la función hash BLAKE, finalista en el concurso NIST de hash.



Cifrado ChaCha20 de SSL/TLS



Cipher Suites

TLS 1.3 (server has no preference)

TLS_AES_128_GCM_SHA256 (0x1301) ECDH x25519 (eq. 3072 bits RSA) FS

TLS_AES_256_GCM_SHA384 (0x1302) ECDH x25519 (eq. 3072 bits RSA) FS

TLS_CHACHA20_POLY1305_SHA256 (0x1303) ECDH x25519 (eq. 3072 bits RSA) FS

TLS 1.2 (suites in server-preferred order)

TLS_ECDHE_ECDSA_WITH_AES_256_GCM_SHA384 (0xc02c) ECDH x25519 (eq. 3072 bits RSA) FS

TLS_ECDHE_ECDSA_WITH_CHACHA20_POLY1305_SHA256 (0xcca9) ECDH x25519 (eq. 3072 bits RSA) FS

TLS_ECDHE_ECDSA_WITH_AES_128_GCM_SHA256 (0xc02b) ECDH x25519 (eq. 3072 bits RSA) FS

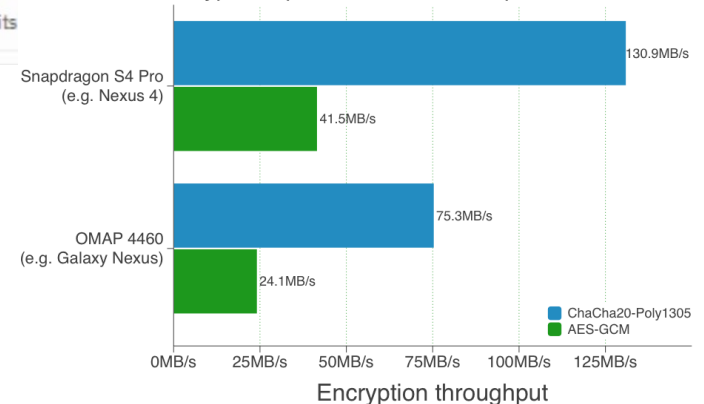
TLS_ECDHE_ECDSA_WITH_AES_256_CBC_SHA384 (0xc024) ECDH x25519 (eq. 3072 bits RSA) FS

TLS_ECDHE_ECDSA_WITH_AES_128_CBC_SHA256 (0xc023) ECDH x25519 (eq. 3072 bits RSA) FS

TLS_ECDHE_ECDSA_WITH_AES_256_CBC_SHA (0xc00a) ECDH x25519 (eq. 3072 bits RSA) FS

TLS_ECDHE_ECDSA_WITH_AES_128_CBC_SHA (0xc009) ECDH x25519 (eq. 3072 bits RSA) FS

Encryption speed for some widespread mobile CPUs



Cifrado ChaCha20 de SSL/TLS

- Las operaciones se realizan sobre un **estado interno de 512 bits, e.d. 16 palabras de 32 bits dispuestas como matrices 4×4:**

0	1	2	3
4	5	6	7
8	9	10	11
12	13	14	15

- El **estado inicial** se compone de: una clave de 256 bits, un contador de 32 bits, un nonce de 96 bits, y una constante de 128 bits, organizado como: 8 palabras de clave Key, 1 palabra contador Counter, 3 palabras de Nonce y 4 palabras constantes (expa, nd 3, 2-by y te k):

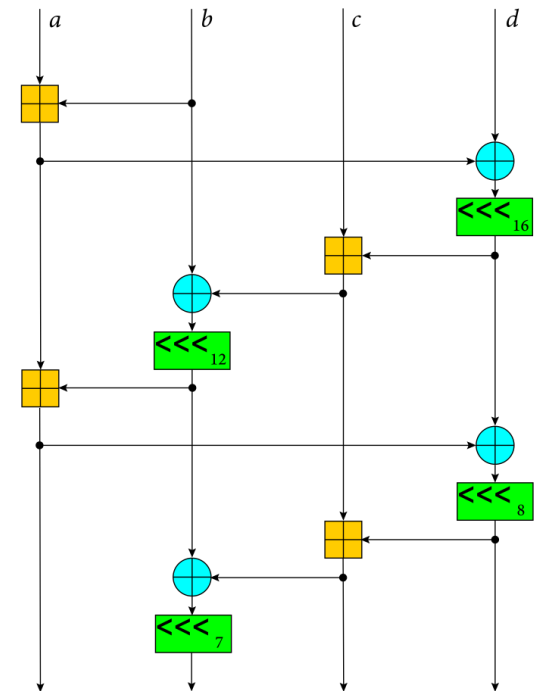
"expa"	"nd 3"	"2-by"	"te k"
Key	Key	Key	Key
Key	Key	Key	Key
Counter	Nonce	Nonce	Nonce



Cifrado ChaCha20 de SSL/TLS

- La operación principal es Quarter-Round **QR(a,b,c,d)**, que toma una entrada de 4 palabras, y la actualiza como salida de 4 palabras de forma que:

$a=a+b$	\longrightarrow	$d=(d \oplus a) \ll 16$
$c=c+d$	\longrightarrow	$b=(b \oplus c) \ll 12$
$a=a+b$	\longrightarrow	$d=(d \oplus a) \ll 8$
$c=c+d$	\longrightarrow	$b=(b \oplus c) \ll 7$



- Hay 20 iteraciones de QR(a,b,c,d), t.q. en las:
 - **impares** se aplica sobre las 4 **columnas**
 - **pares** se aplica sobre las 4 **diagonales**



Implementaciones del Cifrado ChaCha20

Algorithm 1 ChaCha20 Stream Cipher:

$C = \text{ChaCha20-SC}(K, N, P)$.

```
Input:     $K \in \{0, 1\}^{256}, N \in \{0, 1\}^{96}, P \in \{0, 1\}^*$ 
Output:   $C \in \{0, 1\}^{|P|}$ 

1: for  $i \leftarrow 0$  to  $\lceil |P|/512 \rceil - 1$  do
2:   /* Init State */
3:    $S[0] \leftarrow 0x61707865, S[1] \leftarrow 0x3320646e$ 
4:    $S[2] \leftarrow 0x79622d32, S[3] \leftarrow 0x6b206574$ 
5:    $S[4..11] \leftarrow K$  {Set Key}
6:    $S[12] \leftarrow i$  {Set Counter}
7:    $S[13..15] \leftarrow N$  {Set Nonce}
8:    $S' \leftarrow S$  {Save Initial State}
9:   for  $n \leftarrow 0$  to 9 do {10 Double Rounds}
10:    /* Column Round */
11:     $S[0, 4, 8, 12] \leftarrow \text{QR}(S[0], S[4], S[8], S[12])$ 
12:     $S[1, 5, 9, 13] \leftarrow \text{QR}(S[1], S[5], S[9], S[13])$ 
13:     $S[2, 6, 10, 14] \leftarrow \text{QR}(S[2], S[6], S[10], S[14])$ 
14:     $S[3, 7, 11, 15] \leftarrow \text{QR}(S[3], S[7], S[11], S[15])$ 
15:    /* Diagonal Round */
16:     $S[0, 5, 10, 15] \leftarrow \text{QR}(S[0], S[5], S[10], S[15])$ 
17:     $S[1, 6, 11, 12] \leftarrow \text{QR}(S[1], S[6], S[11], S[12])$ 
18:     $S[2, 7, 8, 13] \leftarrow \text{QR}(S[2], S[7], S[8], S[13])$ 
19:     $S[3, 4, 9, 14] \leftarrow \text{QR}(S[3], S[4], S[9], S[14])$ 
20:  end for
21:   $k_i^N \leftarrow S \boxplus S'$  { $\forall 0 \leq x \leq 15 : S[x] \boxplus S'[x]$ }
22:   $c_i \leftarrow p_i \oplus k_i^N$  {Encrypt}
23: end for
24: return  $C$ 
```

```
#define ROTL(a,b) (((a) << (b)) | ((a) >> (32 - (b))))
#define QR(a, b, c, d) ( \
    a += b, d ^= a, d = ROTL(d,16), \
    c += d, b ^= c, b = ROTL(b,12), \
    a += b, d ^= a, d = ROTL(d, 8), \
    c += d, b ^= c, b = ROTL(b, 7))
#define ROUNDS 20

void chacha_block(uint32_t out[16], uint32_t const in[16])
{
    int i;
    uint32_t x[16];

    for (i = 0; i < 16; ++i)
        x[i] = in[i];
    // 10 loops x 2 rounds/loop = 20 rounds
    for (i = 0; i < ROUNDS; i += 2) {
        // Odd round
        QR(x[0], x[4], x[8], x[12]); // column 0
        QR(x[1], x[5], x[9], x[13]); // column 1
        QR(x[2], x[6], x[10], x[14]); // column 2
        QR(x[3], x[7], x[11], x[15]); // column 3
        // Even round
        QR(x[0], x[5], x[10], x[15]); // diagonal 1 (main diagonal)
        QR(x[1], x[6], x[11], x[12]); // diagonal 2
        QR(x[2], x[7], x[8], x[13]); // diagonal 3
        QR(x[3], x[4], x[9], x[14]); // diagonal 4
    }
    for (i = 0; i < 16; ++i)
        out[i] = x[i] + in[i];
}
```



Entrada de Datos en el Cifrado ChaCha20

Key= 00:01:02:03: 04:05:06:07: 08:09:0a:0b: 0c:0d:0e:0f:
10:11:12:13: 14:15:16:17: 18:19:1a:1b: 1c:1d:1e:1f

Nonce= (00:00:00:09:00:00:00:4a:00:00:00:00)

Block Count = 1

Se usa el formato **Little-endian** (bytes en orden inverso):

ChaCha state with the key setup:

61707865	3320646e	79622d32	6b206574
03020100	07060504	0b0a0908	0f0e0d0c
13121110	17161514	1b1a1918	1f1e1d1c
00000001	09000000	4a000000	00000000



Ejemplo de QR en Cifrado ChaCha20

$a = 11111111_{\text{Hex}}$

$b = 01020304_{\text{Hex}}$

$c = 9b8d6f43_{\text{Hex}}$

$d = 01234567_{\text{Hex}}$

$a = a + b = 11111111_{\text{Hex}} + 01020304_{\text{Hex}} = 12131415_{\text{Hex}};$

$d = d \wedge a = 01234567_{\text{Hex}} \wedge 12131415_{\text{Hex}} = 13305172_{\text{Hex}} = 0001\ 0011\ 0011\ 0000\ 0101\ 0001\ 0111\ 0010;$

$d = d \lll 16 = 01010001011100100001001100110000 = 51721330_{\text{Hex}};$

$c = c + d = 9b8d6f43 + 51721330 = \text{ECFF8273};$

$b = b \wedge c = 01020304 \wedge \text{ECFF8273} = \text{EDFD8177} = 1110\ 1101\ 1111\ 1101\ 1000\ 0001\ 0111\ 0111;$

$b = b \lll 12 = 11011000000101110111111011011111 = \text{D8177EDF};$

$a = a + b = 12131415 + \text{D8177EDF} = \text{EA2A92F4};$

$d = d \wedge a = 51721330 \wedge \text{EA2A92F4} = \text{BB5881C4} = 10111011010110001000000111000100;$

$d = d \lll 8 = 01011000100000011100010010111011 = 5881C4BB;$

$c = c + d = \text{ECFF8273} + 5881C4BB = 14581472\text{E};$

$b = b \wedge c = \text{D8177EDF} \wedge 14581472\text{E} = 9\text{D9639F1} = 10011101100101100011100111110001;$

$b = b \lll 7 = 11001011000111001111100011001110 = \text{CB1CF8CE};$



Ejercicio de Cifrado ChaCha20

Dada una entrada del ChaCha20, con valores:

Clave = 00:00:00:00: 00:00:00:00: 00:00:00:00:
00:00:00:00: FF:FF:FF:0F: FF:FF:FF:F0: FF:FF:0F:FF:
FF:FF:F0:FF

Contador = 01:00:00:00

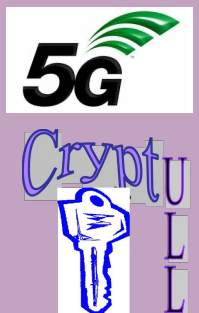
Nonce aleatorio = 02:00:00:00: 03:00:00:00: 04:00:00:00

¿Cuál es la 1ª palabra de la salida de la 1ª iteración de QR aplicada sobre la 1ª columna?

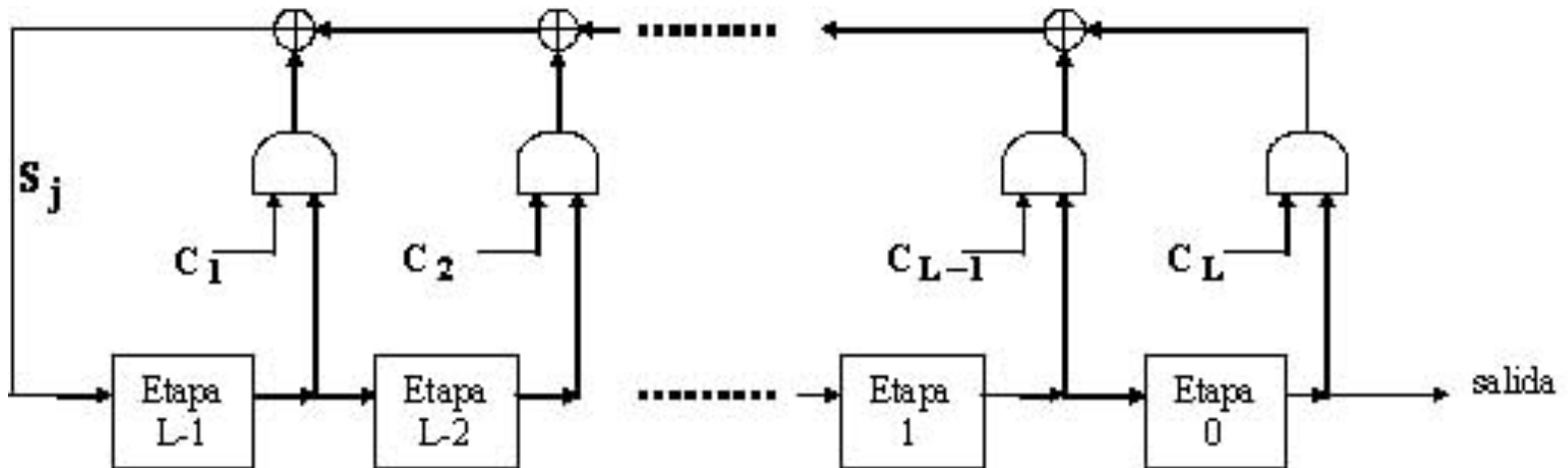
Sabiendo que las palabras constantes son (expa, nd 3, 2-by y te k)= (61707865, 3320646e, 79622d32, 6b206574)



Registro de Desplazamiento con Realimentación Lineal



- En **GPS, Bluetooth, telefonía móvil y cifrados militares** se usan cifrados en flujo basados en RDRLs o Linear Feedback Shift Registers (LFSRs)
- Generador de secuencia binaria pseudoaleatoria s_j .



- Cada etapa de la estructura se inicializa con un bit.
- A cada golpe de reloj, se realimenta con un bit producido mediante XORs definidos por la estructura.

RDRL o LFSR

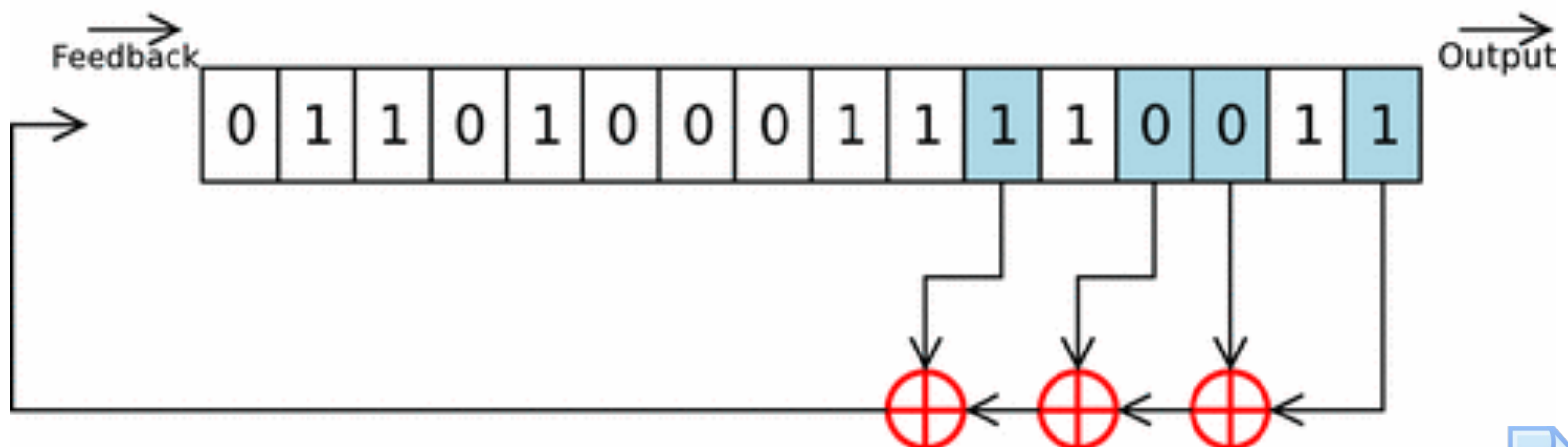
Polinomio de realimentación:

$C(x) = 1 + c_1x + c_2x^2 + \dots + c_Lx^L$ con c_i binarios

- El polinomio de realimentación determina el periodo de la secuencia.
- El periodo máximo es $2^L - 1$

m	Polinomios primitivos	m	Polinomios primitivos
1	$x + 1$	13	$x^{13} + x^4 + x^3 + x + 1$
2	$x^2 + x + 1$	14	$x^{14} + x^{10} + x^6 + x + 1$
3	$x^3 + x + 1$	15	$x^{15} + x + 1$
4	$x^4 + x + 1$	16	$x^{16} + x^{12} + x^3 + x + 1$
5	$x^5 + x^2 + 1$	17	$x^{17} + x^3 + 1$
6	$x^6 + x + 1$	18	$x^{18} + x^7 + 1$
7	$x^7 + x^3 + 1$	19	$x^{19} + x^5 + x^2 + x + 1$
8	$x^8 + x^4 + x^3 + x^2 + 1$	20	$x^{20} + x^3 + 1$
9	$x^9 + x^4 + 1$	21	$x^{21} + x^2 + 1$
10	$x^{10} + x^3 + 1$	22	$x^{22} + x + 1$
11	$x^{11} + x^2 + 1$	23	$x^{23} + x^5 + 1$
12	$x^{12} + x^6 + x^4 + x + 1$	24	$x^{24} + x^7 + x^2 + x + 1$

(Polinomio primitivo: irreducible cuyas raíces son elementos primitivos, e.d. con potencias que generan todo el cuerpo de Galois)



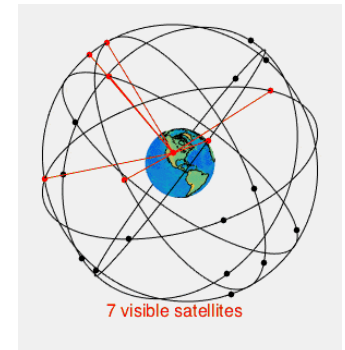
Ej: polinomio de realimentación: $1 + x^{11} + x^{13} + x^{14} + x^{16}$



Comunicaciones en GNSS



- Un Sistema global de navegación por satélite (Global Navigation Satellite System, GNSS) es una constelación de 18-30 satélites que transmite señales para el posicionamiento y localización.
- Actualmente, 4 sistemas forman parte de GNSS, transmitiendo diferentes señales:
 - **GPS, de los Estados Unidos de América:**
 - **L1C/A, P(Y), L1C, L2C y L5**
 - **GLONASS, de la Federación Rusa:**
 - **L10F, L20F, L20C, L10C y L30C**
 - **BDS o BeiDou, de China:**
 - **B1I, B1C, B2I, B2A y B3I**
 - **Galileo, de Europa:**
 - **E1 y E5a/b**
- El 87% de las señales se generan usando **LFSRs**.



Comunicaciones en GPS



- **GPS L1C/A** (Código de Adquisición Aproximativa): Generador para uso civil. Utiliza 2 LFSRs de longitud 10 y estados iniciales 111.....1.
- **GPS P(Y)** (Cifrado de Precisión): Generador para uso militar. Genera una secuencia cifrante de periodo $2,35 \times 10^{14}$ que se repite cada 266 días (con reset cada domingo), y en la que cada satélite usa un fragmento diferente. Utiliza 4 LFSRs de longitud 12.
- Hay otras 3 señales para uso civil, pero todavía no plenamente operativas: GPS L1C, GPS L2C y GPS L5, de las que GPS L2C y GPS L5 también usan LFSRs.
- No basadas en LFSRS son **GPS L1C, BDS B1C y Galileo E1**.
- Las secuencias generadas con GPS L1C/A y GPS P(Y) son **secuencias de Gold**, (como **BDS B1I, BDS B2I, BDS B2A, BDS B3I y Galileo E5a/b**).

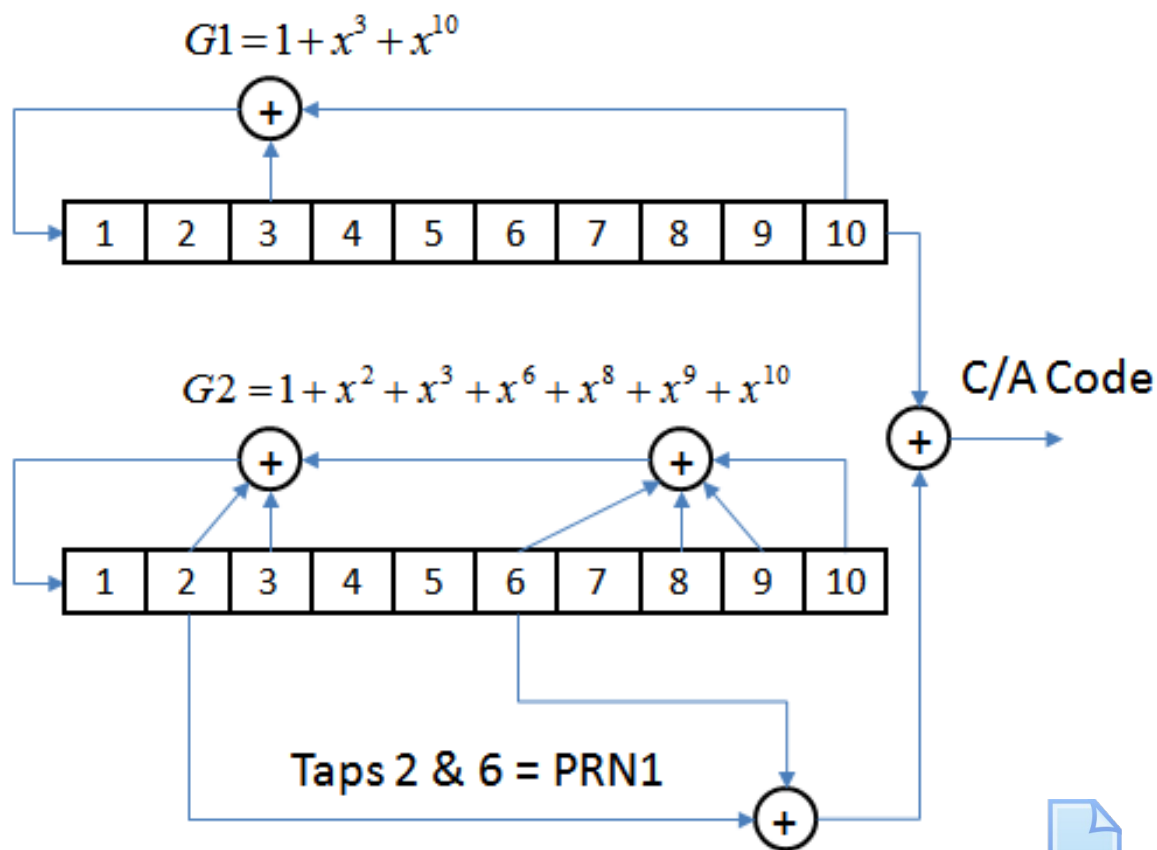




GPS C/A

- Genera una secuencia de periodo $2^{10}-1=1023$ que se repite cada milisegundo, y que es diferente para cada satélite.
- Genera una **secuencia Gold**, con baja correlación cruzada con otras generadas con el mismo generador, lo que es útil cuando varios dispositivos transmiten en el mismo rango de frecuencia.

PRN ID	G2 Taps	PRN ID	G2 Taps
1	2 & 6	17	1 & 4
2	3 & 7	18	2 & 5
3	4 & 8	19	3 & 6
4	5 & 9	20	4 & 7
5	1 & 9	21	5 & 8
6	2 & 10	22	6 & 9
7	1 & 8	23	1 & 3
8	2 & 9	24	4 & 6
9	3 & 10	25	5 & 7
10	2 & 3	26	6 & 8
11	3 & 4	27	7 & 9
12	5 & 6	28	8 & 10
13	6 & 7	29	1 & 6
14	7 & 8	30	2 & 7
15	8 & 9	31	3 & 8
16	9 & 10	32	4 & 9



(El par de celdas del 2º LFSR depende del satélite, como en BDS B1I y BDS B2I.)



GPS P(Y)

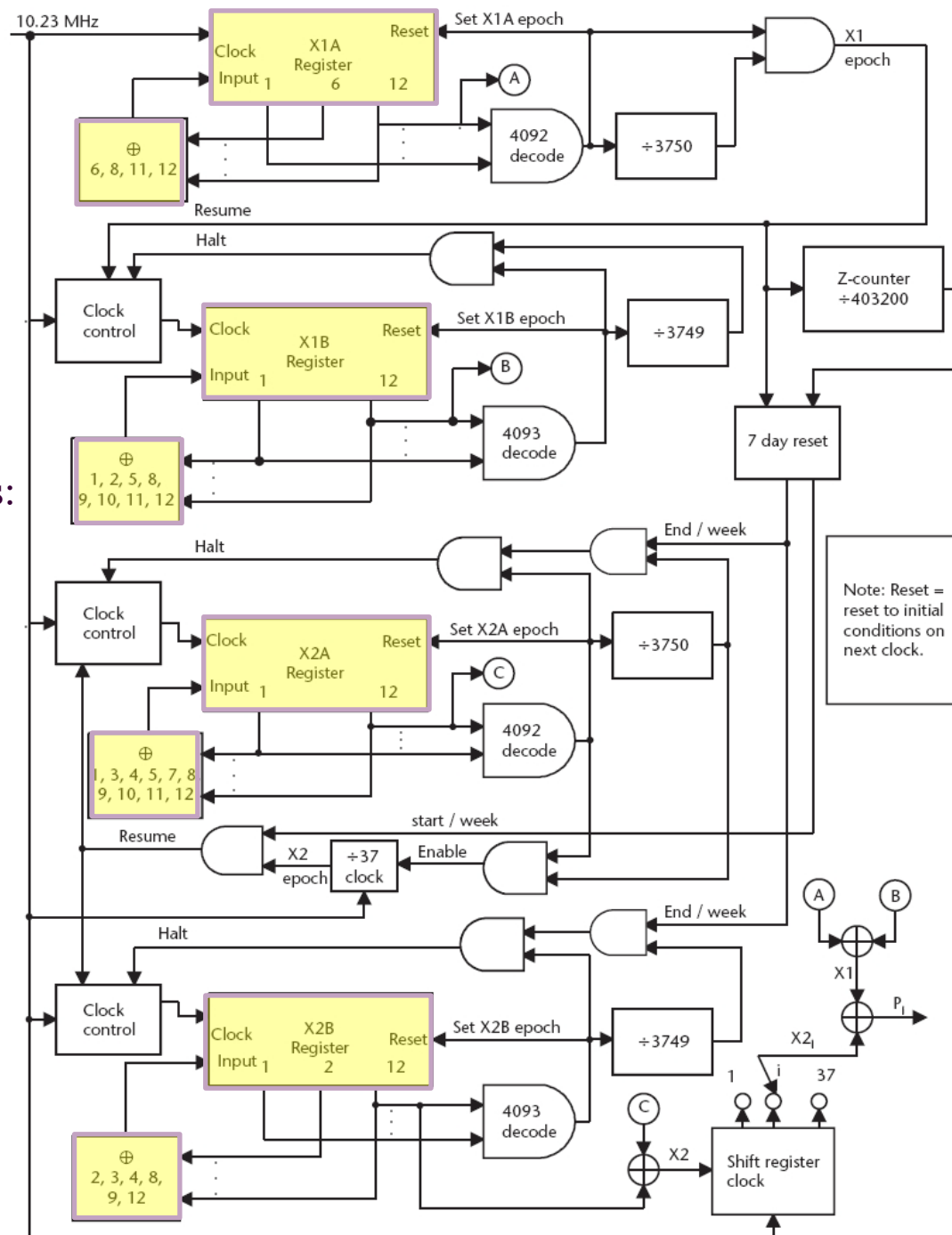


GPS

Estados iniciales de los RDRLs:

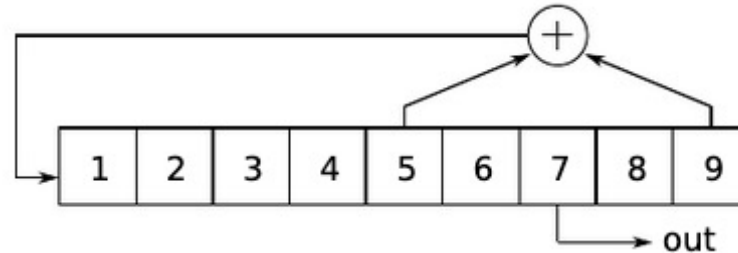
- De X1A: 001001001000
- De X1B: 010101010100
- De X2A: 100100100101
- De X2B: 010101010100

<https://www.gps.gov/technical/icwg/IS-GPS-200K.pdf>

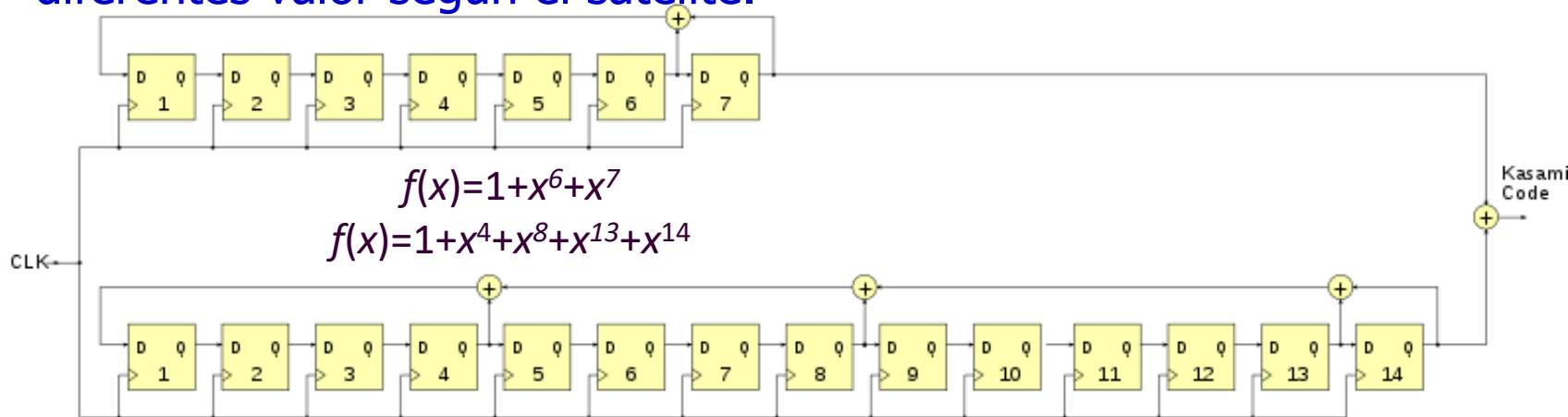


Comunicaciones en GLONASS

- **GLONASS L1OF y GLONASS L2OF:** Generadores que utilizan 1 LFSR de longit



- **GLONASS L2OC:** Generador para uso civil. Genera una **secuencia Kasami** (como **GLONASS L1OC y GLONASS L3OC**). Utiliza 2 LFSRs de longitudes 7 y 14, y el estado inicial de SR2 toma diferentes valor según el satélite.



Cifrado en Telefonía Móvil

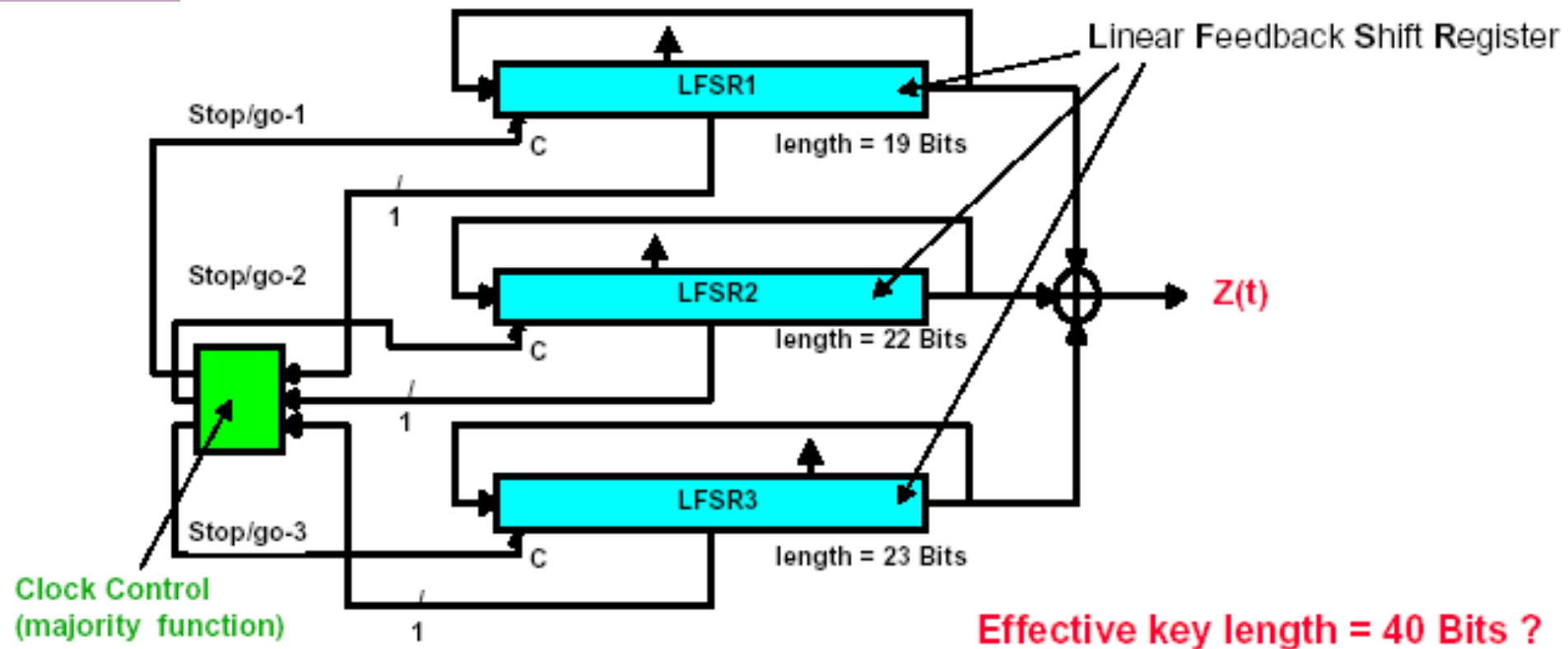
- 2G o GSM (**A5**) desde 1999
- 3G o UMTS (**Kasumi y SNOW3G**) desde 2002
- 4G o LTE (**SNOW3G y AES**) desde 2010
- 5G (**SNOW3G, ZUC y AES**) desde 2020



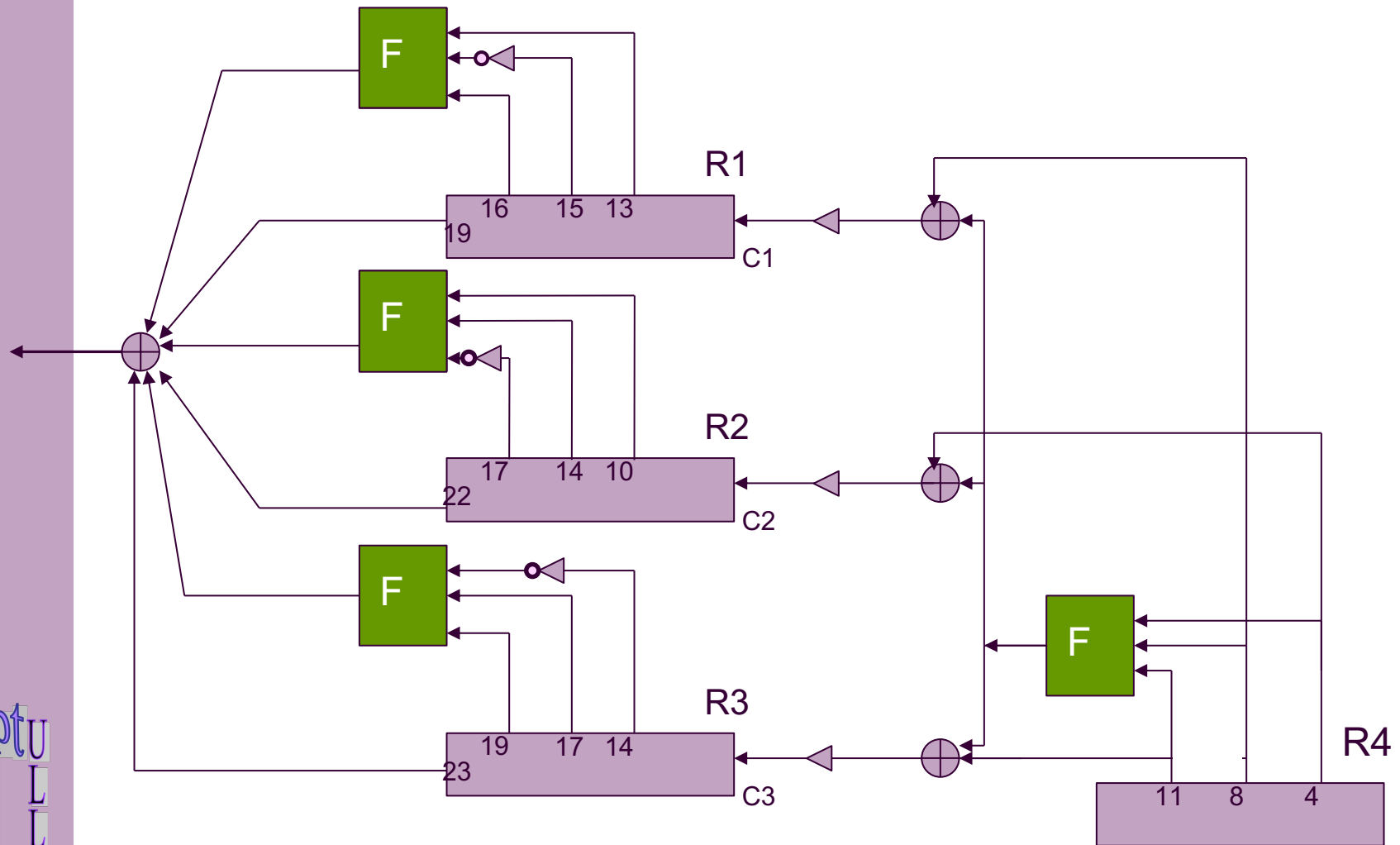
<http://www.movistar.es/particulares/coberturas/movil/5G/>



Generador A5/1 de GSM



Generador A5/2 de GSM



Cifrado en 3G (UMTS), 4G (LTE) y 5G

Para confidencialidad en UMTS:

- UEA1 = KASUMI
- UEA2 = **SNOW 3G**



Para confidencialidad en LTE:

- 128-EEA1 = **SNOW 3G**
- 128-EEA2 = AES
- 128-EEA3 = **ZUC**



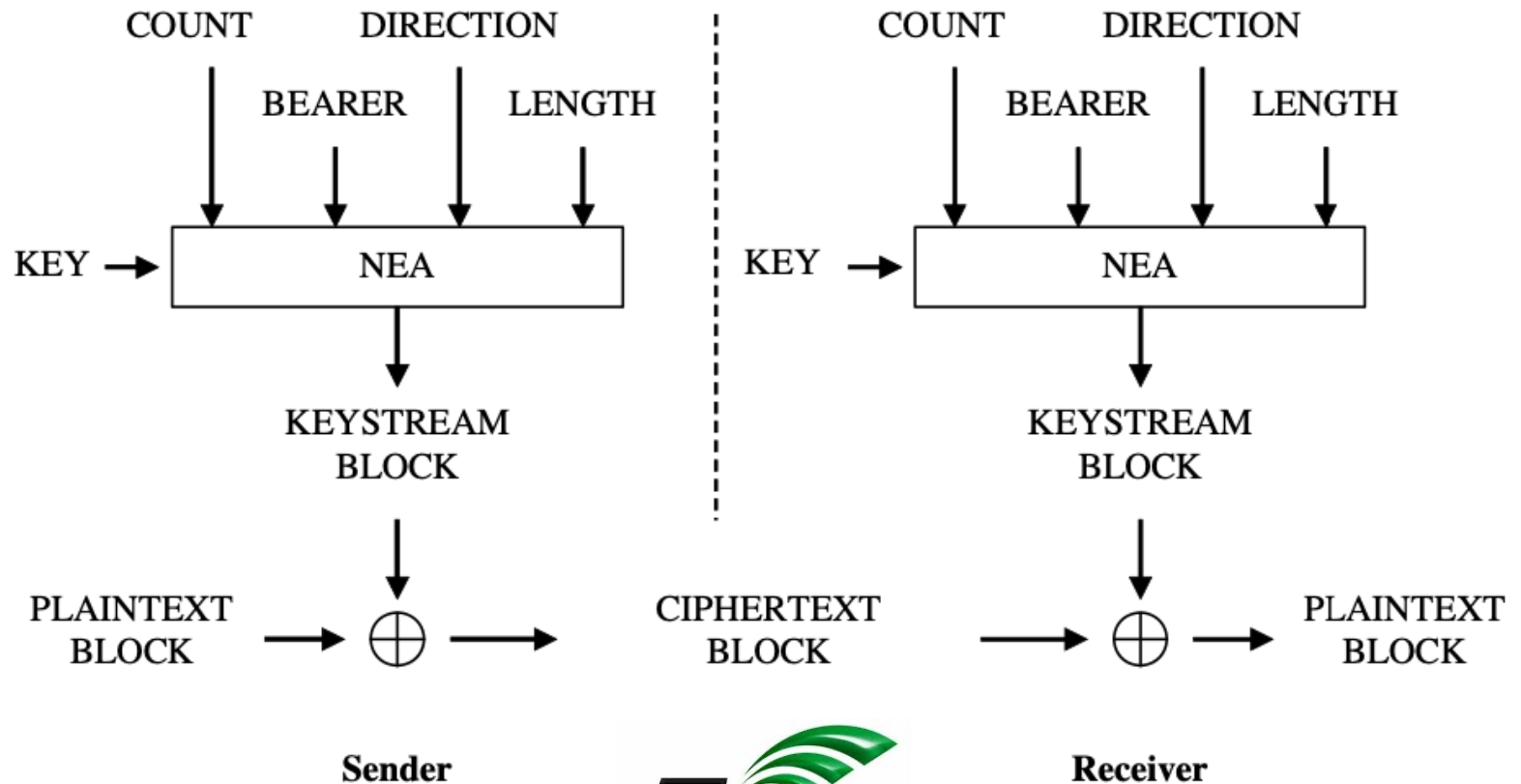
Para confidencialidad e integridad:

- NEA1 = NIA1 = **SNOW 3G**
- NEA2 = NIA2 = AES
- NEA3 = NIA3 = **ZUC**



Cifrado en 5G

Entrada: Clave de 128 bits, Contador de 32 bits, Identidad del portador de 5 bits, Dirección de la transmisión de 1 bit, y Longitud de la secuencia cifrante necesaria.



Generador SNOW 3G de 3G, 4G y 5G



- SNOW 3G consta de dos partes:

- un **LFSR** y
- una **máquina de estados finitos FSM**.



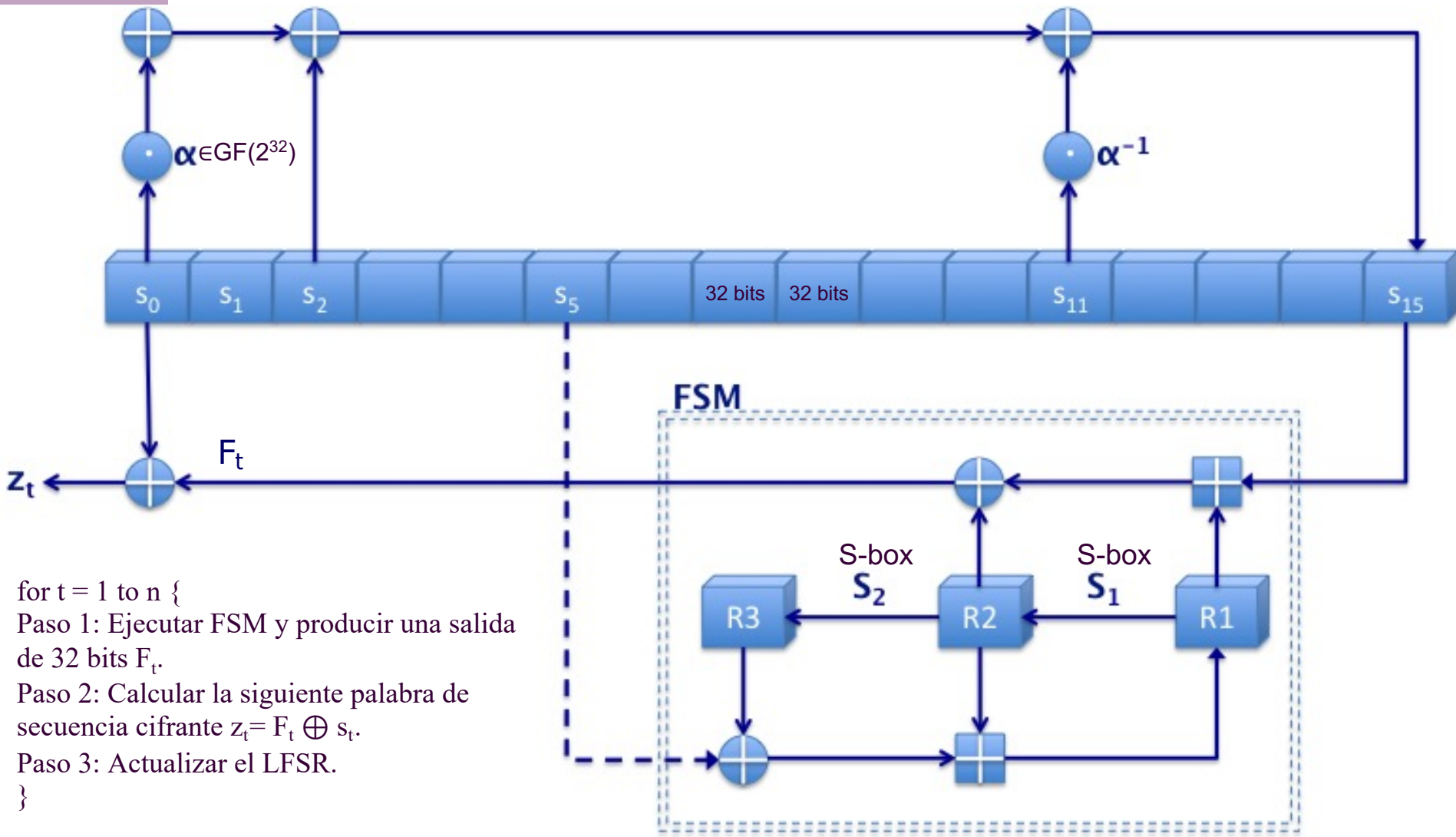
- El LFSR tiene longitud 16 y **cada elemento $s_0, s_1, s_2, \dots, s_{15}$, contiene 4 bytes, e.d. 32 bits.**

- La realimentación se define con un polinomio primitivo sobre $GF(2^{32})$, e implica dos multiplicaciones, una por una constante α de $GF(2^{32})$ y otra por la inversa de α .

$$s_{t+16} = \alpha s_t \oplus s_{t+2} \oplus \alpha^{-1} s_{t+11}, \forall t \geq 0$$



Generador SNOW 3G de 3G, 4G y 5G



SNOW 3G



- La **FSM** es la parte no lineal del generador y se alimenta de dos valores de entrada procedentes del LFSR correspondientes a los elementos en las posiciones 5 y 15.
- La FSM está formada por **tres registros de 32 bits, R1, R2 y R3**, y dos cajas de sustitución o S-boxes, S1 y S2, que se usan para actualizar los registros R2 y R3.
- En la FSM, las **S-Boxes** S1 y S2 toman 32 bits y producen 32 bits tras varias combinaciones de una S-box básica sobre cada uno de los 4 bytes de entrada. La caja S1 se basa en la S-box usada en el cifrado AES, mientras que la S-box S2 fue diseñada para SNOW 3G.
- En la FSM, las operaciones de mezcla de la FSM consisten en una **XOR bit a bit, y una suma de enteros módulo 2^{32}** .



SNOW 3G



- El LFSR puede usarse en dos **modos de operación**:
 - de inicialización (desechando la salida de 32 iteraciones)
 - de generación de secuencia cifrante.
- SNOW 3G se inicializa usando:
 - una **clave de 128 bits** como 4 palabras de 32 bits: k_0, k_1, k_2, k_3
 - un vector de inicialización **IV de 128 bits** como 4 palabras de 32 bits: IV_0, IV_1, IV_2, IV_3
 - Una palabra 1 de todo unos: 0xffffffff
 - $R1 = R2 = R3 = 0$

$$s_{15} = k_3 \oplus IV_0$$

$$s_{14} = k_2$$

$$s_{13} = k_1$$

$$s_{12} = k_0 \oplus IV_1$$

$$s_{11} = k_3 \oplus 1$$

$$s_{10} = k_2 \oplus 1 \oplus IV_2$$

$$s_9 = k_1 \oplus 1 \oplus IV_3$$

$$s_8 = k_0 \oplus 1$$

$$s_7 = k_3$$

$$s_6 = k_2$$

$$s_5 = k_1$$

$$s_4 = k_0$$

$$s_3 = k_3 \oplus 1$$

$$s_2 = k_2 \oplus 1$$

$$s_1 = k_1 \oplus 1$$

$$s_0 = k_0 \oplus 1$$



Implementación de SNOW 3G



- Las dos **multiplicaciones** implicadas en el LFSR se corresponden con productos de polinomios en módulo $x^8+x^7+x^5+x^3+1$, pero pueden implementarse como **desplazamientos de bytes, y XORs con el byte $A9_{16}=10101001_2$** .



- Implican aplicar operación distributiva sobre los dos bytes multiplicandos, usando para ello el byte de menor peso, y luego para cada bit 1 de ese byte, desplazar a izquierda el otro byte, de forma que cada vez que su bit más significativo antes del desplazamiento sea 1, hay que hacer, tras el desplazamiento, una XOR bit a bit con el byte $A9_{16}=10101001_2$.



- El nº de desplazamientos a realizar viene dado por la posición de los bits iguales a 1 en el 1er byte multiplicando.



Multiplicación en SNOW 3G



Los bytes se representan en forma de polinomios.

Ej: $57_{(16)} = 0101\ 0111_{(2)} = x^6 + x^4 + x^2 + x + 1$

$83_{(16)} = 1000\ 0011_{(2)} = x^7 + x + 1$

Multiplicación en $GF(2^8)$

Consiste en multiplicar los polinomios (en módulo 2), y el resultado reducirlo módulo el polinomio $x^8 + x^7 + x^5 + x^3 + 1$ (que se corresponde con el byte **101**).

Ej: $\{57\} \cdot \{83\}$

$$\begin{aligned} (5\ 7)_{16} \otimes (8\ 3)_{16} &= (C\ 1)_{16} \rightarrow \\ (x^6 + x^4 + x^2 + x + 1) \otimes (x^7 + x + 1) &= \\ x^{13} + x^{11} + x^9 + x^8 + x^6 + x^5 + x^4 + x^3 + 1 &\equiv \\ (x^7 + x^4 + x^2 + x) \bmod (x^8 + x^7 + x^5 + x^3 + 1) \end{aligned}$$

Ej: $01010111 \times 10000011 = 01010111 \times 00000001 + 01010111 \times 00000010 + 01010111 \times 10000000 =$
 $01010111 + 10101110 + 01010111 \times 10000000 = 01010111 + 10101110 + 01101111 = 10010110 = 96$

0	1	2	3	4	5	6	7
01010111	10101110	01011100+ 10101001= 11110101	11101010+ 10101001= 01000011	10000110	00001100+ 10101001= 10100101	01001010+ 10101001= 11100011	11000110+ 10101001= 01101111



Multiplicaciones en SNOW 3G



If el bit más más significativo de la entrada V es 1, then

$$\text{MUL}_x(V, c) = (V \ll 1) \oplus c,$$

else

$$\text{MUL}_x(V, c) = V \ll 1.$$

If $i = 0$, then

$$\text{MUL}_x\text{POW}(V, i, c) = V,$$

else

$$\text{MUL}_x\text{POW}(V, i, c) = \text{MUL}_x(\text{MUL}_x\text{POW}(V, i - 1, c), c).$$



Multiplicaciones en SNOW 3G



$MUL_{\alpha}(c) =$

$(MULxPOW(c, 23, 0xA9) \parallel MULxPOW(c, 245, 0xA9) \parallel MULxPOW(c, 48, 0xA9) \parallel MULxPOW(c, 239, 0xA9)).$

$DIV_{\alpha}(c) =$

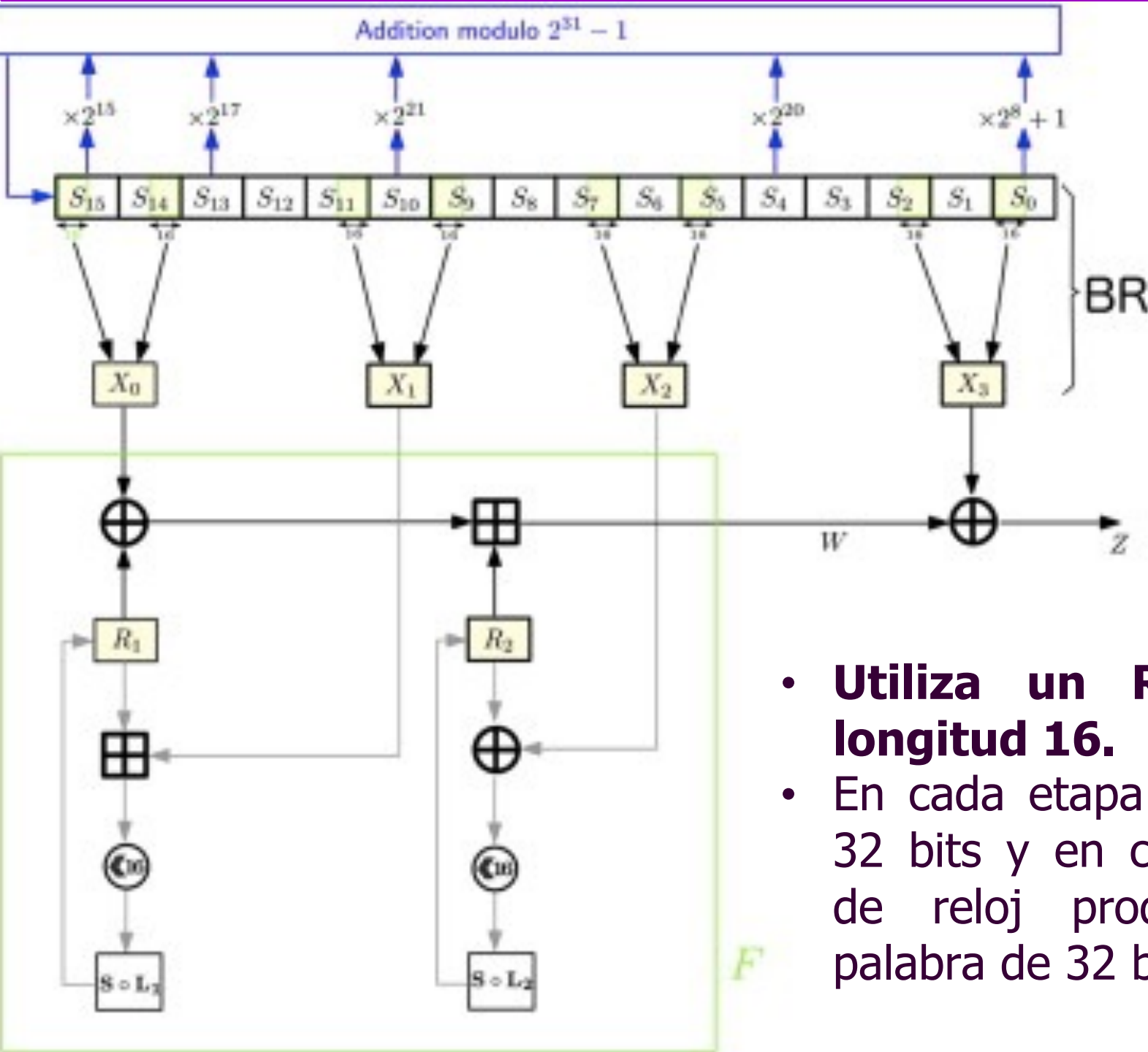
$(MULxPOW(c, 16, 0xA9) \parallel MULxPOW(c, 39, 0xA9) \parallel MULxPOW(c, 6, 0xA9) \parallel MULxPOW(c, 64, 0xA9)).$



ZUC

4G^{LTE}

5G



- Utiliza un RDRL de longitud 16.
- En cada etapa almacena 32 bits y en cada golpe de reloj produce una palabra de 32 bits

Inseguridad de 4G vs 5G

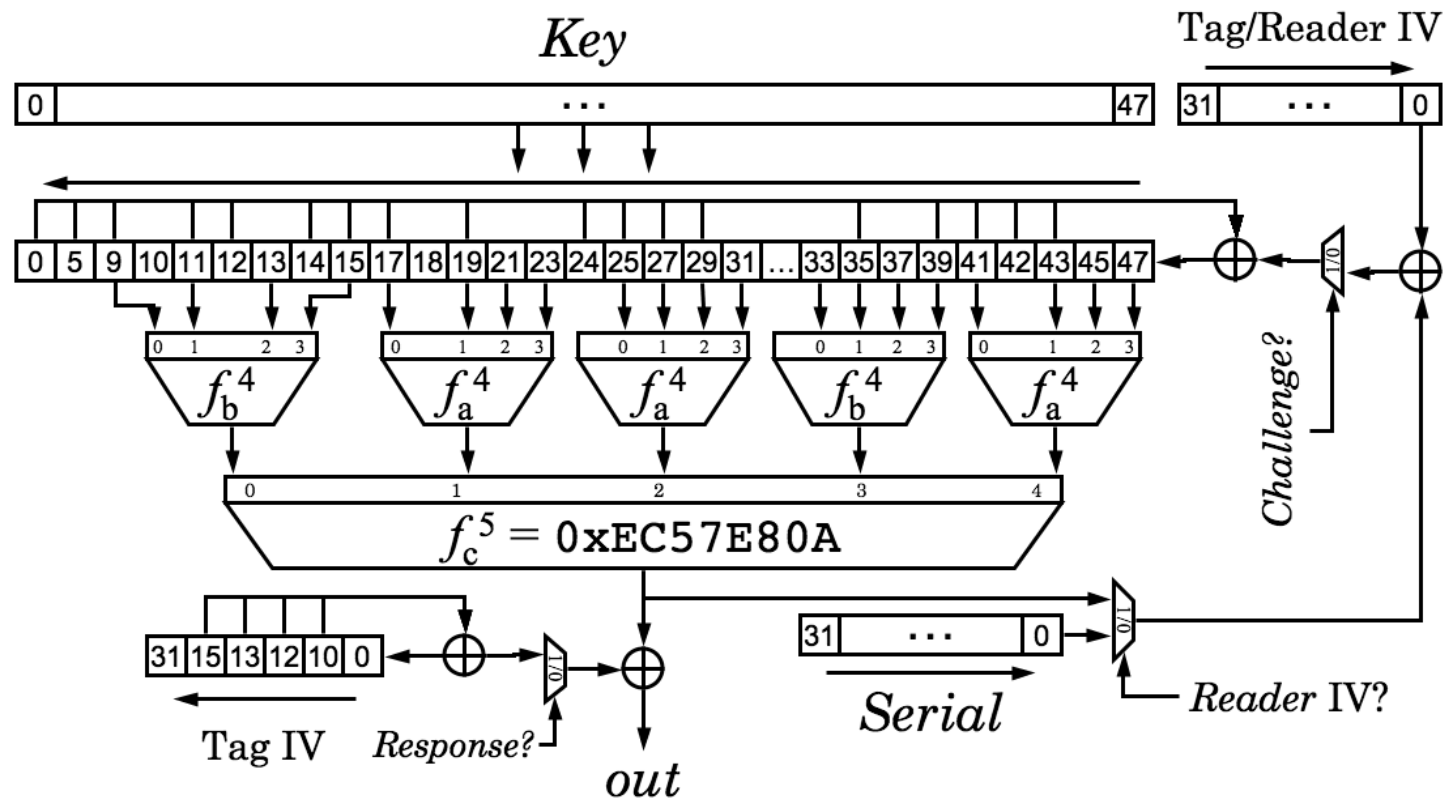
- En 2018 usando una herramienta llamada **LTEInspector** se atacó en 4G:
 - **Conexión**: cuando se asocia el dispositivo de un usuario con la red.
 - **Desconexión**: cuando se apaga el dispositivo y se desconecta de la red.
 - **Búsqueda**: cuando se realiza una llamada y se busca al dispositivo en la red.
- El ataque más peligroso a 4G es de **suplantación o spoofing** porque un atacante puede conectarse sin tener credenciales legítimas.
- Otro ataque a 4G permite **bloquear** a un dispositivo el acceso a la red, **rastrear** a un usuario por las antenas que usa, o enviar alertas falsas.
- **5G se empezó a implantar en 2020.**
- La mayor diferencia entre 5G y 4G es la velocidad, pero tb en seguridad:
 - soporta claves de 256 bits para versiones futuras,
 - comprueba integridad detectando cambios no autorizados de los datos del usuario,
 - hay cambios en la autenticación,
 - protege la confidencialidad de los mensajes iniciales entre dispositivo y red,
 - permite reautenticación al moverse entre diferentes redes,
 - se puede usar la clave pública de la red para cifrar parte del identificador de abonado,
 - permite verificar la presencia, lo que resulta útil para roaming y prevención de fraudes,
 - se puede utilizar autenticación mutua basada en certificados,
 - protege el perímetro de la red doméstica en las interconexiones con otras redes.



Generator Crypto-1



Crypto1 Cipher



$$f_a^4 = 0x9E98 = (a+b)(c+1)(a+d)+(b+1)c+a$$

$$f_b^4 = 0xB48E = (a+c)(a+b+d)+(a+b)cd+b$$

Tag IV \oplus Serial is loaded first, then Reader IV \oplus NFSR

