

L'Université canadienne Canada's university

MAT2722A, 2012 Midterm #2 Arian NOVRUZI Department of Mathematics and Statistics University of Ottawa email:novruzi@uottawa.ca

Écrivez CLAIREMENT (en lettres capitales) votre

NOM DE FAMILLIE, PRENOM

Instructions:

- La durée de l'examen est de 80 minutes.
- L'utilisation de manuel, notes de cours, calculatrice ou tout autre appareil électronique de calcul est interdite.
- Ecrivez clairement la solution dans l'espace qui suit la question. Vous pouvez utiliser le verso des pages si nécessaire (veuillez l'indiquer dans ce cas).
- Vous trouverez une feuille de brouillon à la fin du questionnaire.
- Ne détachez pas le questionnaire.

$$\frac{506}{500}$$

There is bolide

$$E = \{(x,y_1), (x,y_2) \in \Omega, x^2 + y^2 \in \Omega, x^2 \in$$

Question 1 (5 points)
Thouvez le volume du solide entouré par les paraboloïdes $z=12-2x^2-2y^2$ and $z=x^2+y^2$.

28 = (0'0) f - (0'4-) f = 2P. dS Hors: f(x,y)= 2x2 + 2y - y2+ K; dlow x + R - Rz = 1 x + 2 x + 3 x +2) Autroment, on remarque que 7 est conserbatlos. LE = 04 +8- = 32, 7 2 07 = "158 + (72) costs] = 4 (tros 8 + seas ture 8 -) . (2) = 16 (4 cost. (4 uist. (- 4 sint) + (2 - 2, 4 sint). 4 cost.) dt JET, 2/21 = (4 cost, 45/4), LETA/2, RJ = 4. [2+-4+2] = 4. (2-4)=-8. = 46 (4. (2-2.4t). 4) dt = [[1'0] + + (o'o) = (+'o) + + (o'o) = (+) \ + € [0'1] } 76.72 + 76.72 = 56.72 e 1) - l= l' n (s 705

Question 2 (4 points) Calculez l'integrale curviligne de $\vec{F}(x,y) = (4x,2-2y)$ le long de la courbe γ , où γ consiste du segment orienté de (0,0) à (0,4) et du l'arc du cercle $x^2 + y^2 = 16$ orienté de (0,4) à

$$\int_{A}^{\infty} \frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial u}{\partial x}$$

$$\int_{A}^{\infty} \frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial u}{\partial x}$$

$$\int_{A}^{\infty} \frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial u}{\partial x}$$

$$\int_{A}^{\infty} \frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial u}{\partial x}$$

$$\int_{A}^{\infty} \frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial u}{\partial x}$$

$$\int_{A}^{\infty} \frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial u}$$

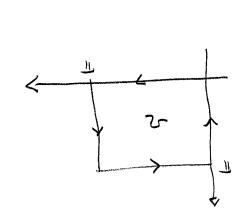
son potentiel, et pour les autres champs expliquez pourquoi ils ne sont pas conservatifs.

Seulement un des champs de vecteurs suivants est un champs conservatif. Détérminez-le et

 $(x, y) = (xy^3, x^2y)$

(squiod 9) g uoitsən

Question 4 (5 points)
Soit γ le carré avec les noeuds (0,0), (π,π) , (π,π) et $(0,\pi)$, orienté contre le mouvement des aiguilles d'une montre, et $\vec{F}(x,y) = (x\cos y, 2y\sin x)$. Calculez $\oint_{\mathcal{A}} \vec{F} \cdot d\vec{\tau}$ en utilisant le



théorème de Green.

| | | | · | | | Votre résultat |
|----------|-------|---|---|---|---|----------------|
| | lstoT | ₽ | 8 | 7 | Ι | Problème |
| Réponses | | | | | | |

$$S_{2}$$

$$S_{2}$$

$$S_{3}$$

$$S_{3}$$

$$S_{3}$$

$$S_{3}$$

$$S_{3}$$

$$S_{3}$$

$$S_{3}$$

$$S_{4}$$

$$S_{3}$$

$$S_{4}$$

$$S_{4}$$

$$S_{5}$$

$$S_{5$$

Question 1 (5 points)
Trouvez le volume du solide entouré par les paraboloïdes $z=12-x^2-y^2$ and $z=2x^2+2y^2$.

2) Authement, on remorque que F at cousernals: $(2x)_{3} = 0 = (1-2y)x$.

Sous, $F = \nabla f \Leftarrow 0 = 1$ Abors, $F = \nabla f \Leftarrow 0 = 1$ $f(x,y) = x^{2} + f(y) = 1$ f(

- 5 = 18 - 12 = 16.

 $\frac{1}{1} + \frac{1}{1} + \frac{1$

Question 2 (4 points)
Calculez l'integrale curviligne de $\vec{F}(x,y) = (2x,1-2y)$ le long de la courbe γ , où γ consiste du segment orienté de (0,0) à (0,4) et du l'arc du cercle $x^2 + y^2 = 16$ orienté de (0,4) à (-4,0).

Jos

Seulement un des champs de vecteurs suivants est un champs conservatif. Détérminez-le et son potentiel, et pour les autres champs expliquez pourquoi ils ne sont pas conservatifs.

 $a) \stackrel{\text{right}}{G}(x, y) = (\sin y, \cos y)$ $b) \stackrel{\text{dight}}{G}(x, y) = (xy^2, -x^2)$

(squiod 9) & noitesu

théorème de Green. des aiguilles d'une montre, et $\vec{F}(x,y) = (x\cos y, y\sin x)$. Calculez $\oint_{\mathbb{R}} \vec{F} \cdot d\vec{r}$ en utilisant le Soit γ le carré avec les noeuds (0,0), (π,π) , (π,π) et $(0,\pi)$, orienté contre le mouvement (squiod g) to uoitsən

