AGC 030 D. Inversion Sum*†

张晴川 qzha536@aucklanduni.ac.nz

December 13, 2020

大意

给一个数组 $A[1\dots 3000]$ 。 $Q\le 3000$ 次更新,每次给 X,Y,有一半概率交换 A[X] 和 A[Y],一半概率无事发生。 求所有 2^Q 种情况的逆序对数之和。

题解

设 p[i][j] 表示 A[i] > A[j] 的概率。 每次交换时,只需要更新与 X 和 Y 有关的地方,一共 O(N) 个。 根据期望线性性,最后答案就是 $\sum_{i=1}^n \sum_{j=i+1}^n 2^Q \times p[i][j]$ 。

复杂度

时间: O(N² + NQ)
空间: O(N²)

代码

https://atcoder.jp/contests/agc030/submissions/13684619

^{*}https://atcoder.jp/contests/agc030/tasks/agc030_d

[†]更多内容请访问: https://github.com/SamZhangQingChuan/Editorials