## پاسخ سوال جلسه دوم

سوال: توابع مورد استفاده در شبکه عصبی مصنوعی را با فرمول و کاربرد بیان کنید.

تابع فعالساز (Activation Functions): در شبکههای عصبی برای ایجاد عدم خطیت و تعمیم پذیری استفاده می شوند. این توابع معمولاً به عنوان تابعی غیر خطی در هنگام اعمال ورودی ها به لایه های شبکه استفاده می شوند، تا شبکه قادر به یادگیری روابط پیچیده تر و استخراج ویژگی های غیر خطی از داده ها باشد. در زیر، توابع فعال سازی رایج و کاربردهای آنها توضیح می دهم:

۱- تابع سیگموید (Sigmoid): زمانی که می خواهیم خروجی مدل احتمال باشد، از تابع سیگموید استفاده می کنیم؛ چون تابع سیگموید مقادیر را به بازه صفر تا ۱ می برد و احتمالات هم میان همین بازه قرار دارند. این تابع در مسائل طبقه بندی معمولاً خیلی خوب عمل می کند.

### (0,1) بازه: $f(x) = s = 1/(1+e^{-x})$ معادله

۲- تابع تانژانت هایپربولیک (Tanh, Hyperbolic Tangent): این تابع صفرمحور است؛ مقادیر منفی، به شدت منفی و مقادیر صفر در گراف تانژانت هایپربولیک نزدیک به صفر نگاشت می شوند.

## (-1,1) بازه: (f(x) = a =tanh(x) = $(e^x - e^{-x})/(e^x + e^{-x})$

۳- تابع واحد یکسوشده ی خطی (ReLU / Rectified Linear Unit): تابع فعالساز واحد یکسوشده ی خطی در زمینه ی یادگیری عمیق بسیار مشهور است و در بیشتر مواقع استفاده می شود. این تابع به این صورت عمل می کند که مقادیر منفی (زیر صفر) را صفر و مقادیر مثبت (بیشتر از صفر) و مقادیر برابر با صفر را همان مقدار خودش در نظر می گیرد. از نظر محاسباتی بسیار کارآمد است و به شبکه اجازه می دهد به سرعت همگرا شود؛ زیرا رابطه ی آن خطی است و به همین دلیل، در مقایسه با تابعهای سیگموید و Tanh ، سریعتر است.

#### f(x) = a = max(0,x) بازه: ( $\infty+$ , 0)

۴- تابع فعالساز الله شده است از مشکل اصلی تابع ReLU ارائه شده است از مشکل اصلی تابع ReLU ارائه شده است از مشکل می دارد که این امر باعث می شود ReLU جلوگیری می کند. این تابع یک شیب مثبت ملایم به سمت مقادیر منفی دارد که این امر باعث می شود.
عملیات پس انتشار (Backpropagation) حتی برای مقادیر منفی هم انجام شود.

### $(0.01, +\infty)$ بازه: (f(x)= a = max(0.01x, x) معادله

-4 تابع (Softmax): این تابع فعالساز در طبقهبندیهای چندکلاسه استفاده می شود. زمانی که احتیاج داشته باشیم در خروجی احتمال عضویت بیشتر دو کلاس را پیشبینی کنیم، می توانیم به سراغ این تابع برویم. تابع سافت مکس تمامی مقادیر یک بردار با طول K را به بازه ی صفر تا ۱ می برد، به طوری که جمع تمامی مقادیر این بردار با هم ۱ می شود. این تابع برای نورونهای لایه ی خروجی استفاده می شود؛ زیرا در شبکههای عصبی در آخرین لایه (خروجی) به طبقه بندی ورودی ها در کلاسهای مختلف نیاز داریم. این تابع قابلیت استفاده در تسک های چند کلاسه را دارد. خروجی هر کلاس را میان صفر تا ۱ عادی سازی می کند؛ سپس آنها را بر مجموعه شان تقسیم و احتمال عضویت مقادیر ورودی را در هر کلاس به ما در خروجی ارائه می کند؛

# (0,1) بازه: $f(x) = e^{x_i} / (\Sigma \square_{=0} e^{x_i})$ بازه:

۶- تابع هزینه (Cost Function): استفاده برای اندازه گیری خطا یا تفاوت بین خروجی تخمینی شبکه و خروجی مورد انتظار، و به عنوان معیاری برای تنظیم و بهینه سازی وزنها در فرآیند آموزش شبکه.
 مانند: میانگین مربعات خطا(MSE):

$$MSE = \frac{1}{n} \sum_{i} (\widehat{Y} - Y)^{2}$$

تابع بهینهسازی (Optimization Function): در شبکههای عصبی مصنوعی، برای بهینهسازی وزنها و پارامترهای دیگر شبکه از توابع بهینهسازی نام برده و کاربرد و فرمول هرکدام را توضیح شبکه از توابع بهینهسازی نام برده و کاربرد و فرمول هرکدام را توضیح داده شده است:

۷- تابع Gradient Descent این تابع بهینهسازی برای به دست آوردن وزنهای بهینه بر اساس مقدار گرادیان (شیب) تابع هدف استفاده می شود. به طور معمول، از گرادیان نسبت به وزنها استفاده می شود تا به سمت جهت کاهش تابع هدف حرکت کند.

معادله: وزن جدید = وزن قبلی - نرخ یادگیری × گرادیان تابع هدف نسبت به وزن

- تابع بهینه استفاده : Stochastic Gradient Descent این تابع بهینه سازی نیز برای به دست آوردن وزنهای بهینه استفاده می شود. این روش به طور می شود، اما در آن از نمونه های تصادفی داده های آموزش برای محاسبه گرادیان استفاده می شود. این روش به طور کلی سرعت آموزش را افزایش می دهد.

معادله: وزن جدید = وزن قبلی – نرخ یادگیری  $\times$  گرادیان تابع هدف نسبت به وزن (برای هر نمونه آموزشی به طور تصادفی)

- ۹- تابع (Adam (Adaptive Moment Estimation) است. از آن برای بهبود عملکرد بهینه سازی و سرعت آموزش استفاده می شود.

  RMSprop های است. از آن برای بهبود عملکرد بهینه سازی و سرعت آموزش استفاده می شود.

  معادله: وزن جدید = وزن قبلی نرخ یادگیری × مقدار اصلاح شده گرادیان
- ۱۰ تابع (Adagrad (Adaptive Gradient) این تابع بهینه سازی برای سفرهای آموزشی با شیب نسبتاً بزرگ استفاده می شود. آن را می توان برای مسائلی که از طریق تحلیل گرادیان مستقیم انجام می شوند به کار برد.

  معادله: وزن جدید = وزن قبلی نرخ یادگیری × گرادیان تقسیم بر جمع مربعات گرادیانهای قبلی