课程编号: 100052205 北京理工大学 2023 — 2024 学年 第 — 学期

_数字信号处理_课程 期中测试 A卷

考试日期: 2023.10.17 所需时间: 45 分钟

班级: _____ 学号: _____ 姓名: _____

一、(30分)

- 1. 【15 分】判断序列 $x(n) = A\cos\left(\frac{3\pi}{7}n \frac{\pi}{8}\right)$ 的周期性,若是周期性的,试确定其周期。
- 2. 【15 分】离散时间系统 $y(n) = \frac{3}{2}x(n) + a$ a为常数, x(n)代表输入, y(n)代表输出,判断是否线性非时变。

二、(30分)

已知 $u(n) = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 & 3 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ 和 $v(n) = \begin{bmatrix} 3 & 2 & 1 & 0 & -1 & -2 \end{bmatrix}$

- 1. 【15 分】求: 序列 $h(n) = u((3-n))_6 R_6(n)$ 和 $x(n) = v((2+n))_6 R_6(n)$
- 2. 【15 分】求: 序列u(n)和v(n)的 6 点圆周卷积,并指出与线性卷积的结果相同的值

三、(30分)

- 1. 【15 分】若对模拟信号 $x(t) = \sin(2\pi t) + 2\cos(4\pi t)$ 以采样率 $f_s = 16$ Hz 进行 采样 2 秒,得到一个 32 点数字序列 x(n),计算 X(k) = DFT[x(n)]
- 2. 【15 分】已知序列

$$x(n)$$
, $0 \le n \le 3$
 $X(k) = DFT \lceil x(n) \rceil = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 & -2 \end{bmatrix}$

求: $DFT\left[x((n-2))_4R_4(n)\right]$

四、(10分)

解释 DFT 对连续时间信号处理中频谱混叠和频谱泄漏产生的原因,有何改善措施?