

FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS, INGENIERÍA Y AGRIMENSURA ESCUELA DE CIENCIAS EXACTAS Y NATURALES DEPARTAMENTO DE CIENCIAS DE LA COMPUTACIÓN LÓGICA

Práctica 3: Completitud de la Lógica Proposicional

- 1. Completar la demostración de soundness con las reglas que faltaron hacer en clase.
- 2. Completar el caso de la disyunción y la negación en el Lema 7.
- 3. Demostrar que los Γ_n definidos en el Lema 4 son consistentes, para cualquier n.
- 4. Decidir cuáles de los siguientes conjuntos son consistentes:
- a) $\{\neg p_1 \land p_2 \to p_0, \ p_1 \to (\neg p_1 \to p_2), \ p_0 \leftrightarrow \neg p_2\}$
- b) $\{p_0 \to p_1, p_1 \to p_2, p_2 \to p_3, p_3 \to \neg p_0\}$
- c) $\{p_0 \to p_1, p_0 \land p_2 \to p_1 \land p_3, p_0 \land p_2 \land p_4 \to p_1 \land p_3 \land p_5, ...\}$
- **5.** Demostrar que las siguientes proposiciones son equivalentes:
- a) $\{\phi_1, ..., \phi_n\}$ es inconsistente
- b) $\vdash \neg(\phi_1 \land \phi_2 \land ... \land \phi_n)$
- c) $\vdash \phi_1 \land \phi_2 \land \dots \land \phi_{n-1} \rightarrow \neg \phi_n$
- **6.** Decimos que ϕ es independiente de Γ si $\Gamma \nvdash \phi$ y $\Gamma \nvdash \neg \phi$. Demostrar que $p_1 \to p_2$ es independiente de $\{p_1 \leftrightarrow p_0 \land \neg p_2, p_2 \to p_0\}$.
- 7. Demostrar que un conjunto consistente Γ es maximalmente consistente si $\forall \phi$ se cumple que $\phi \in \Gamma$ o $\neg \phi \in \Gamma$.
- 8. Usando la definición inductiva de \vdash , demostrar que si $\Gamma \vdash \phi$ entonces existe $\Delta \subseteq \Gamma$ finito tal que $\Delta \vdash \phi$.

Práctica 3 2021 Página 1/1