Eksploracja danych i wyszukiwanie informacji w mediach społecznościowych

Wykład 3 - statystyczne prawa języka

dr inż. Julian Sienkiewicz

22 października 2018

 wyjątkowo interesujące z punktu widzenia fizyków (również: matematyków, statystyków etc),

 wyjątkowo interesujące z punktu widzenia fizyków (również: matematyków, statystyków etc),

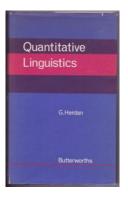
Znane prawa lingwistyczne

sam Gustav Herdan (1897–1968, wybitny austriacki lingwista) stwierdził w 1964 r: 'language in use' cannot be studied without statistics,

 wyjątkowo interesujące z punktu widzenia fizyków (również: matematyków, statystyków etc),

Znane prawa lingwistyczne

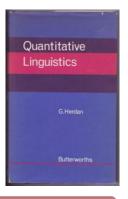
- sam Gustav Herdan (1897–1968, wybitny austriacki lingwista) stwierdził w 1964 r: 'language in use' cannot be studied without statistics,
- ogólnie podobnymi problemami zajmuje się lingwistyka kwantytatywna (quantitative linguistics), dość interdyscyplinarny dział nauki



 wyjątkowo interesujące z punktu widzenia fizyków (również: matematyków, statystyków etc),

Znane prawa lingwistyczne

- sam Gustav Herdan (1897–1968, wybitny austriacki lingwista) stwierdził w 1964 r: 'language in use' cannot be studied without statistics,
- ogólnie podobnymi problemami zajmuje się lingwistyka kwantytatywna (quantitative linguistics), dość interdyscyplinarny dział nauki



Ludek Hrebicek (2005)

...the notion law (in the narrower sense scientific law) in linguistics and especially in quantitative linguistics ... need not obtain some special comprehension different from its validity in other sciences. Probably, the best delimitation of this concept can be found in the works by the philosopher of scientific knowledge Karl Raimund Popper...

OL'			
Główne	prowa	linawietv	7121
CIUWIIC	Diawa	muuvisi	7 N I
	The second line is not the second		

obserwable postać prawo

Główne prawa lingwistyki

prawo	obserwable	postać
Zipfa	f: częstość słowa w, r: ranga słowa w	$f(r) = Ar^{-\alpha}$

Główne prawa lingwistyki

prawo	obserwable	postać
Zipfa	f: częstość słowa w, r: ranga słowa w	$f(r) = Ar^{-\alpha}$
Menzeratha- Altmanna	x: długość całości, y: rozmiar części	$y = Bx^{\beta} e^{-\gamma x}$

Główne prawa lingwistyki

prawo	obserwable	postać
Zipfa	f: częstość słowa w, r: ranga słowa w	$f(r) = Ar^{-\alpha}$
Menzeratha- Altmanna	x: długość całości, y: rozmiar części	$y = Bx^{\beta} e^{-\gamma x}$
Неара	V: liczba słów, N rozmiar bazy danych	$V \sim N^{lpha}$

prawo	obserwable	postać		
Zipfa	f: częstość słowa w, r: ranga słowa w	$f(r) = Ar^{-\alpha}$		
Menzeratha- Altmanna	x: długość całości, y: rozmiar części	$y = Bx^{\beta} e^{-\gamma x}$		
Неара	V: liczba słów, N rozmiar bazy danych	$V \sim N^{lpha}$		

Inne prawa

prawo	obserwable	postać
rekurencji	au: odległość między słowami	$P(au) = \exp(lpha au)^eta$
korelacji długo- zasięgowych	$\mathit{C}(au)$: autokorelacja z przesunięciem $ au$	$\mathit{C}(au) \sim au^{-lpha}$
skalowania entropii	H entropia tekstu z blokami o rozmairze n	$H \sim \alpha n^{\beta} + \gamma n$
Taylora	σ : odchylenie stand. wokół średniej μ	$\sigma \sim \mu^{lpha}$

Prawo Zipfa

 George Zipf – amerykański lingwista (1902–1950) spopularyzował to eponimiczne prawo w latach 30-tych i 40-tych XX w., ale nie uznawał się z jego odkrywcę,

Prawo Zipfa

- George Zipf amerykański lingwista (1902–1950) spopularyzował to eponimiczne prawo w latach 30-tych i 40-tych XX w., ale nie uznawał się z jego odkrywcę,
- jest jednym z wielu praw związanych z potegowym rozkładem prawdopobieństwa pewnych zmiennych,

- George Zipf amerykański lingwista (1902–1950) spopularyzował to eponimiczne prawo w latach 30-tych i 40-tych XX w., ale nie uznawał się z jego odkrywce,
- jest jednym z wielu praw związanych z potegowym rozkładem prawdopobieństwa pewnych zmiennych,
- historyczne sformułowanie brzmi następująco: Jeśli słowa (typy) otrzymają rangę (ranking) zgodnie z częstotliwością wystepowania r = 1, 2, ..., V, to częstość f(r) r-tego słowa skaluje się z ranga jak

$$f(r)=\frac{f(1)}{r},$$

gdzie f(1) to częstość słowa najczęstszego.

w powyższym równaniu występuje ten problem, że stała nie jest najlepiej dobrana w przypadku dużych r, gdyż dla f(1) > 0 istnieje zawsze takie r^* , $\dot{z}e \sum_{r}^{r^*} f(1)/r > 1$

w związku z tym, obecnie używa się po prostu postaci:

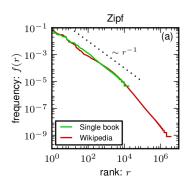
$$f(r)=\frac{\beta)}{r^{\alpha}},$$

gdzie β jest stałą normującą, a $\alpha \geq 1$,

 związek z innymi prawami potęgowymi motywuje również inną postać

$$P(f) = \frac{\beta^+)}{f^{\alpha^+}},$$

gdzie
$$\alpha^+ = 1 + \frac{1}{\alpha}$$
.



Pojedyncza książka, tu Moby Dick Melville'a, do pobrania ze strony Projektu Gutenberg http://www.gutenberg.org/.
Czerwony – angielska Wikipedia, pobrana z http://dumps.wikimedia.org

Prawo Menzaretha-Altmanna

Prawo Menzeratha-Altmanna

Paul Menzerath (1883–1954) spopularyzował to prawo w sposób jakosciowy, odnoszący się do fonemów:

Relacje pomiedzy prawami

Prawo Menzaretha-Altmanna

Prawo Menzeratha-Altmanna

Paul Menzerath (1883–1954) spopularyzował to prawo w sposób jakosciowy, odnoszący się do fonemów: im większa całości, tym mniejsze jej części,

Prawo Menzeratha-Altmanna

Paul Menzerath (1883–1954) spopularyzował to prawo w sposób jakosciowy, odnoszący się do fonemów: im większa całości, tym mniejsze jej części,

Znane prawa lingwistyczne

 prace Menzeratha zostały spopularyzowane przez Gabriela Altmanna i przedstawione w sposób ilościowy za pomocą równania

$$v = Bx^{\beta} e^{-\gamma x}$$
.

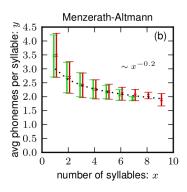
gdzie *x* oznacza długość całości a *y* rozmiar (średni) części.

Prawo Menzeratha-Altmanna

- Paul Menzerath (1883–1954) spopularyzował to prawo w sposób jakosciowy, odnoszący się do fonemów: im większa całości, tym mniejsze jej cześci,
- prace Menzeratha zostały spopularyzowane przez Gabriela Altmanna i przedstawione w sposób ilościowy za pomocą równania

$$v = Bx^{\beta} e^{-\gamma x}$$
.

gdzie *x* oznacza długość całości a *y* rozmiar (średni) części.



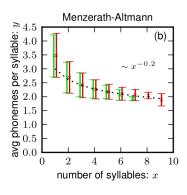
Prawo Menzaretha-Altmanna

Prawo Menzeratha-Altmanna

- Paul Menzerath (1883–1954) spopularyzował to prawo w sposób jakosciowy, odnoszący się do fonemów: im większa całości, tym mniejsze jej cześci,
- prace Menzeratha zostały spopularyzowane przez Gabriela Altmanna i przedstawione w sposób ilościowy za pomocą równania

$$v = Bx^{\beta} e^{-\gamma x}$$
.

gdzie *x* oznacza długość całości a *y* rozmiar (średni) cześci.



Relacje pomiedzy prawami

Rozmiar słowa jest mierzony przez liczbę sylab x_w , natomiast rozmiar składowych jako liczbę fonemów na sylabę $y_w=z_w/x_w$. Wartość y_w jest usredniona po wszystkich słowach w z $x_w=x$.

Prawo Heapa

Prawo Heapa

prawo Heapa (Heap's law) mówi, że:

liczba różnych słów skaluje się potegowo wraz z całkowitą liczbą słów,

$$V \sim N^{\alpha}$$
,

gdzie *V* to liczba różnych słów (lub typów) a *N* to całkowita liczba słów.

Prawo Heapa

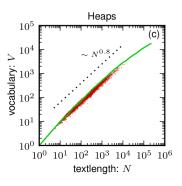
Prawo Heapa

 prawo Heapa (Heap's law) mówi, że: liczba różnych słów skaluje się

liczba różnych słów skaluje się potegowo wraz z całkowitą liczbą słów,

$$V \sim N^{\alpha}$$
,

gdzie *V* to liczba różnych słów (lub typów) a *N* to całkowita liczba słów.



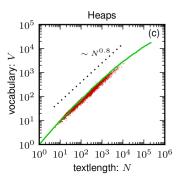
Prawo Heapa

prawo Heapa (Heap's law) mówi, że:

liczba różnych słów skaluje się potegowo wraz z całkowitą liczbą słów,

$$V \sim N^{\alpha}$$
,

gdzie *V* to liczba różnych słów (lub typów) a *N* to całkowita liczba słów.



- zwykle $0 < \alpha < 1$,
- dla Moby Dicka N wzrasta z każdym słowem, więc V(N) tworzy krzywą,
- dla Wikipedii V i N są wyznaczone dla każdego dokumentu

Czy pomiędzy prawem Heapa oraz Zipfa można wykazać związek? Otóż tak, przy założeniu pewnego modelu zerowego null model:

Czy pomiędzy prawem Heapa oraz Zipfa można wykazać związek? Otóż tak, przy założeniu pewnego modelu zerowego null model:

zakładamy, że słowa tworzone są zgodnie z procesem Poissona,

Czy pomiędzy prawem Heapa oraz Zipfa można wykazać związek? Otóż tak, przy założeniu pewnego modelu zerowego *null model*:

- zakładamy, że słowa tworzone są zgodnie z procesem Poissona,
- wtedy liczba różnych słów jest dana jako

$$N(M) = \sum_{r} I[n_r(M, f_r)],$$

gdzie n_r to całkowita liczba przypadków wystąpienia r-tego słowa w procesie Poissona o długości M z częstością f_r , a I(..) to funkcja wskaźnikowa,

Problemy

Czy pomiędzy prawem Heapa oraz Zipfa można wykazać związek? Otóż tak, przy założeniu pewnego modelu zerowego *null model*:

- zakładamy, że słowa tworzone są zgodnie z procesem Poissona,
- wtedy liczba różnych słów jest dana jako

$$N(M) = \sum_{r} I[n_r(M, f_r)],$$

gdzie n_r to całkowita liczba przypadków wystąpienia r-tego słowa w procesie Poissona o długości M z częstością f_r , a I(..) to funkcja wskaźnikowa.

uśrednianie po realizacjach procesu Poissona daje

$$E[I[n_r(M, f_r)]] = 1 - \exp(-Mf_r),$$

co pokazuje prawdopodobieństwo, że słowo o randze r pojawia się co najmniej raz w tekście o długości M,

dla wszystkich słów

$$\mathrm{E}[N(M)] \equiv \mu(M) = \sum_r 1 - \exp(-Mf_r),$$

w podobny sposób można wyznaczyć wariancję,

w podobny sposób można wyznaczyć wariancję,

$$V[N(M)] \equiv \sigma(M)^2 \equiv V[N(M)^2] - V[N(M)]^2 =$$

$$= \sum_r \exp(-Mf_r) - \exp(-2Mf_r)$$

ullet jeśli w tym momencie założymy postać prawa Zipfa, to dla $M\gg 1$ (po długich obliczniach) otrzymamy

$$E[N(M)] \sim M^{\lambda}$$

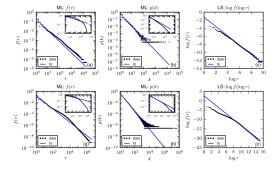
gdzie $\alpha=1/\lambda$, natomiast z relacji związanej z wariancją dostaniemy

$$\sigma(M)^2 \sim \mu^{\beta}$$

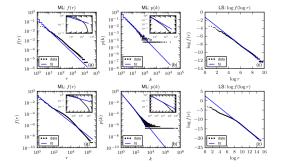
$$z \beta = 1/2.$$

Wprowadzenie

Dopasowywanie wykładnika



Dopasowywanie wykładnika



	Ran	k: f(r)	Frequ	ency: $P(f)$	Linear	$\log f(\log r)$
Book	$\hat{\alpha}_Z$	p-value	$\hat{\alpha}_Z$	p-value	$\hat{\alpha}_Z$	R^2
Alice's Adventures in Wonderland (L. Carroll)	1.22	$< 10^{-4}$	1.46	$< 10^{-4}$	1.21	0.97
The Voyage Of The Beagle (C. Darwin)	1.20	$< 10^{-4}$	1.59	$< 10^{-4}$	1.29	0.97
The Jungle (U. Sinclair)	1.21	$< 10^{-4}$	1.45	$< 10^{-4}$	1.22	0.98
Life On The Mississippi (M. Twain)	1.20	$< 10^{-4}$	1.38	$< 10^{-4}$	1.16	0.98
Moby Dick; or The Whale (H. Melville)	1.19	$< 10^{-4}$	1.38	$< 10^{-4}$	1.15	0.98
Pride and Prejudice (J. Austen)	1.21	$< 10^{-4}$	1.66	$< 10^{-4}$	1.35	0.98
Don Quixote (M. Cervantes)	1.21	$< 10^{-4}$	1.70	$< 10^{-4}$	1.38	0.98
The Adventures of Tom Sawyer (M. Twain)	1.21	$< 10^{-4}$	1.29	$< 10^{-4}$	1.12	0.98
Ulysses (J. Joyce)	1.18	$< 10^{-4}$	1.15	$< 10^{-4}$	1.03	0.97
War and Peace (L. Tolstoy)	1.20	$< 10^{-4}$	1.84	$< 10^{-4}$	1.44	0.97
English Wilcinedia	1.17	< 10 ⁻⁴	1.60	< 10 ⁻⁴	1.58	0.99

Relacje pomiedzy prawami

Brak uwzględnienia korelacji

