

# MyProject Documentation

## Contents

<b>Module</b> diceGameOptimizing	<b>2</b>
Sub-modules	2
<b>Module</b> diceGameOptimizing.diceGame	<b>3</b>
Classes	3
Class Game	3
Parameters	3
Methods	3
<b>Module</b> diceGameOptimizing.diceGameOptimizer	<b>4</b>
Functions	4
Function optimizeDiceGame	4
<b>Module</b> diceGameOptimizing.evolutionary	<b>5</b>
Sub-modules	5
<b>Module</b> diceGameOptimizing.evolutionary.agent	<b>5</b>
Classes	5
Class Agent	5
Parameters	5
Methods	5
<b>Module</b> diceGameOptimizing.evolutionary.evolutionarySearch	<b>6</b>
Classes	6
Class EvolutionarySearch	6
Parameters	6
Methods	6
<b>Module</b> diceGameOptimizing.evolutionary.strategy	<b>7</b>
Sub-modules	7
<b>Module</b> diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.strat	<b>7</b>
Classes	7
Class StrategyAbstact	7
Ancestors (in MRO)	7
Descendants	7
Methods	7
<b>Module</b> diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.stratList	<b>8</b>
Classes	8
Class StratList	8
Ancestors (in MRO)	8
Methods	8
<b>Module</b> diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.stratVec	<b>10</b>
Classes	10
Class StratVec	10
Ancestors (in MRO)	10
Methods	10

<b>Module</b> <code>diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.stratVecComplete</code>	<b>11</b>
Classes	11
Class <code>StratVecComplete</code>	11
Ancestors (in MRO)	11
Methods	11
<b>Module</b> <code>diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.stratVecDoubleLayer</code>	<b>12</b>
Classes	12
Class <code>StratVecDoubleLayer</code>	12
Ancestors (in MRO)	12
Static methods	12
Methods	12
<b>Module</b> <code>diceGameOptimizing.output</code>	<b>13</b>
Functions	13
Function <code>evalSameNameTestRuns</code>	13
Function <code>generatePlot</code>	13
Function <code>maxlists</code>	13
Function <code>meanlists</code>	13
Function <code>minlists</code>	13
Function <code>varlists</code>	13
<b>Namespace</b> <code>diceGameOptimizing.reinforcement</code>	<b>14</b>
Sub-modules	14
<b>Module</b> <code>diceGameOptimizing.reinforcement.agent</code>	<b>14</b>
Classes	14
Class <code>Agent</code>	14
Methods	14
<b>Module</b> <code>diceGameOptimizing.reinforcement.reinforcementLearning</code>	<b>14</b>
Classes	14
Class <code>ReinforcementLearning</code>	14
Parameters	15
Methods	15
<b>Module</b> <code>diceGameOptimizing.reinforcement.strategy</code>	<b>15</b>
Sub-modules	15
<b>Module</b> <code>diceGameOptimizing.reinforcement.strategy.stratQTable</code>	<b>16</b>
Functions	16
Function <code>argNmax</code>	16
Classes	16
Class <code>StratQTable</code>	16
Parameters	16
Methods	16

## Module `diceGameOptimizing`

Implementiert das Reinforcement Learning als Optimierungsalgorithmus.

### Sub-modules

- [diceGameOptimizing.diceGame](#)
- [diceGameOptimizing.diceGameOptimizer](#)
- [diceGameOptimizing.evolutionary](#)
- [diceGameOptimizing.output](#)
- [diceGameOptimizing.reinforcement](#)

## Module `diceGameOptimizing.diceGame`

### Classes

#### Class `Game`

```
class Game(  
    pips,  
    sides,  
    rewardDraw=0.5  
)
```

Diese Klasse implementiert das Würfelspiel, für welches Strategien optimiert werden sollen. Jede Interaktion mit dem Würfelspiel läuft über eine Instanz dieser Klasse.

Erstellt eine Instanz des Würfelspiels (pips, sides).

#### Parameters

**pips** : **int** Anzahl der zu verteilenden Augen

**sides** : **int** Anzahl der Seiten des Würfels

**rewardDraw** : **float** Auszahlung für ein Unentschieden

#### Methods

##### Method `finished`

```
def finished(  
    self  
)
```

Gibt an, ob ein angefangenes Spiel beendet wurde. Sollte nicht ohne gestartetes Spiel aufgerufen werden.

Returns

Ob das angefangene Spiel beendet wurde.

##### Method `generateDice`

```
def generateDice(  
    self,  
    usedSides,  
    dice  
)
```

Hilfsfunktion. Generiert alle möglichen Würfel inklusive Permutationen in DICE.

##### Method `illegal`

```
def illegal(  
    self  
)
```

Hilfsfunktion.

##### Method `reward`

```
def reward(  
    self,  
    output=False  
)
```

Berechnet unter Beachtung des Wertes "rewardDraw" die Auszahlung eines abgeschlossenen legalen Spiels für den Spieler.

Returns

**reward : int** Gesamtauszahlung.

#### Method start

```
def start(
    self,
    playInOrder=False,
    invisibleGame=False
)
```

Startet ein zufälliges Spiel, außer wenn playInOrder True ist. In diesem Fall werden alle möglichen Würfel (inkl. Permutationen) nacheinander gespielt.

Parameters

**playInOrder : bool** Legt fest, ob alle Würfel der Reihe nach statt zufällig gespielt werden sollen.

**invisibleGame : bool** Legt fest, ob das gestartete Spiel mitgezählt wird.

Returns

Liste mit erstem Spielzug.

#### Method takeAction

```
def takeAction(
    self,
    action: int,
    output=False
)
```

Spielt ein bereits gestartetes Spiel weiter.

Parameters

**action : int** Zu verteilende Augenzahl.

Returns

**oppDice : [int]** Würfel des Gegners bisher.

**reward : float** Auszahlung für den Zug. Immer 0 außer bei letztem.

## Module `diceGameOptimizing.diceGameOptimizer`

### Functions

#### Function optimizeDiceGame

```
def optimizeDiceGame(
    pips,
    sides,
    optimizerType,
    newname=None,
    evo_kwargs=None,
    rl_kwargs=None,
    output=False
)
```

Hauptfunktion, die je nach Parametern eine Strategie optimiert.

Parameters

**pips : int** Augenanzahl für das Spiel.  
**sides : int** Seitenanzahl für das Spiel.  
**optimizerType : str** Legt Algorithmustyp fest; Entweder "EVO" oder "RL".  
**newname : str** Name für das Diagramm.  
**evo\_kwargs : dict** Parameter für EVO.  
**rl\_kwargs : dict** Parameter für RL

## Module `diceGameOptimizing.evolutionary`

Implementiert die Evolutionären Algorithmen als Optimierungsalgorithmen.

### Sub-modules

- [diceGameOptimizing.evolutionary.agent](#)
- [diceGameOptimizing.evolutionary.evolutionarySearch](#)
- [diceGameOptimizing.evolutionary.strategy](#)

## Module `diceGameOptimizing.evolutionary.agent`

### Classes

#### Class `Agent`

```
class Agent(  
    game,  
    strategyHandler,  
    strat,  
    changeRate  
)
```

Implementiert einen Agenten für das Evolutionäre Lernen.

Erstellt einen neuen Agenten.

### Parameters

**game : Game** Die Spielinstanz, um die Fitness zu bestimmen.  
**strategyHandler : StrategyAbstract** Handelt die Strategie des Agenten.  
**strat : Any** Strategie, direkt als Liste o. Ä.  
**changeRate : float** Wert, wie stark die Strategie mit jeder Mutation angepasst werden soll.

### Methods

#### Method `changedAgent`

```
def changedAgent(  
    self  
)
```

Gibt einen veränderten Agenten zurück.

Returns

Neues Objekt eines veränderten Agenten.

#### Method `evaluateFitness`

```
def evaluateFitness(  
    self,  
    fitnessAgainst,  
    invisibleGame=False,
```

```
        output=False
    )
```

Bestimmt die Fitness des Agenten.

Parameters

**fitnessAgainst** : **float** | **str** Anteil, gegen wie viele Würfel (Anzahl) von allen gespielt werden soll. Falls "all" wird gegen jeden genau einmal gespielt.

**invisibleGame** : **bool** Legt fest, ob das Spiel gezählt wird.

## Module `diceGameOptimizing.evolutionary.evolutionarySearch`

### Classes

#### Class `EvolutionarySearch`

```
class EvolutionarySearch(
    game,
    strategyRep=0,
    populationSize=100,
    chooseBest=0.2,
    changeRate=1,
    generations=50,
    gamesToPlay=None,
    fitnessAgainst='all',
    output=False
)
```

Implementiert den Evolutionären Algorithmus. Lässt sich durch die `train()` Methode ausführen.

#### Parameters

**game** : **Game** Environment, das optimiert wird.

**strategyRep** : **int** Art der Strategiedarstellung. 0 -> Liste; 1 -> Vektor; 2 -> Vektor; 3 -> NeuronalesNetz

**populationSize** : **int** Populationsgröße.

**chooseBest** : **float** Anteil der Population, auf dem die Mutationen für die nächste Generation basieren.

**changeRate** : **float** Wert, wie stark die Agenten verändert werden. (Änderungsrate)

**generations** : **int** Anzahl der Generationen, über die trainiert wird.

**gamesToPlay** : **int** Anzahl der Spiele, die zum Training gespielt werden dürfen.

**fitnessAgainst** : **int** | **str** Spezifiziert die Fitnessbestimmung. (s. Agent)

**Note:** Wenn `gamesToPlay` nicht `None` ist wird für die Anzahl der Spiele trainiert. Ansonsten nach Anzahl der Generationen.

#### Methods

##### Method `nextGeneration`

```
def nextGeneration(
    self
)
```

Erstellt die nächste Generation an Agenten.

- Von allen Agenten die Fitness bestimmen.
- Die Agenten anhand ihrer Fitness sortieren.
- Die besten `chooseBest` auswählen.
- Fortpflanze und mit leichten Veränderungen in die nächste Generation.

### Method train

```
def train(  
    self  
)
```

Führt den Trainingszyklus aus.

Returns

**rewardPoints : [(int, float)] Punkte (insgesamt gespielte Spiele, erreichte Auszahlung)**

## Module `diceGameOptimizing.evolutionary.strategy`

### Sub-modules

- [diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.strat](#)
- [diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.stratList](#)
- [diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.stratVec](#)
- [diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.stratVecComplete](#)
- [diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.stratVecDoubleLayer](#)

## Module `diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.strat`

### Classes

#### Class `StrategyAbstact`

```
class StrategyAbstact(  
    pips,  
    sides  
)
```

Abstrakte Klasse die notwendige Methoden vorgibt. Wird verwendet um die einzelnen Arten der Repräsentation Strategien zu implementieren. Nur für Evolutionäre Suche.

### Ancestors (in MRO)

- [abc.ABC](#)

### Descendants

- [diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.stratList.StratList](#)
- [diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.stratVec.StratVec](#)
- [diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.stratVecComplete.StratVecComplete](#)
- [diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.stratVecDoubleLayer.StratVecDoubleLayer](#)

### Methods

#### Method `changedStrategy`

```
def changedStrategy(  
    self,  
    strategy,  
    changeRate  
)
```

Passt eine gegebene Strategie an.

Parameters

**strategy : Any** Zu ändernde Strategie.

**changeRate : float** Änderungsrate für die Strategie.

Returns

Veränderte Strategie.

#### Method nextMove

```
def nextMove(  
    self,  
    opponentsMoves,  
    strategy  
)
```

Bestimmt aus gegnerischem Würfel und einer Strategie den nächsten Zug.

Parameters

**opponentsMoves : [int]** Alle bisherigen Züge des Gegners.

**strategy : Any** Strategie, nach der gespielt werden soll.

Returns

Augenzahl, die gespielt werden soll.

#### Method randomStrategy

```
def randomStrategy(  
    self  
)
```

Erstellt eine zufällige Strategie.

Returns

Eine Zufällige Strategie.

## Module `diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.stratList`

### Classes

#### Class StratList

```
class StratList(  
    pips,  
    sides  
)
```

Implementiert die Strategiedarstellung über Listen.

Initialisiert neuen Strategie Handler.

#### Ancestors (in MRO)

- [diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.strat.StrategyAbstract](#)
- [abc.ABC](#)

### Methods

#### Method changedStrategy

```
def changedStrategy(  
    self,  
    strategy,  
    changeRate  
)
```

Verändert eine gegebene Strategie und gibt eine neue zurück.



**Method createState**

```
def createState(  
    self,  
    usedSides,  
    state  
)
```

Hilfsfunktion. Erstellt alle States.

**Method nextMove**

```
def nextMove(  
    self,  
    opponentsMoves,  
    strategy  
)
```

Gibt den nächsten Zug zurück

**Method numOfState**

```
def numOfState(  
    self,  
    state  
)
```

Hilfsfunktion. Gibt Nummer eines States an.

**Method randStrategyRecursive**

```
def randStrategyRecursive(  
    self,  
    usedSides,  
    usedPips,  
    strategy,  
    strategy_usedPips,  
    startingPlayer,  
    alreadyUsedPips  
)
```

Hilfsfunktion. Erstellt mit rekursivem Prüfen auf Legalität eine zufällige Strategie.

**Method randomStrategy**

```
def randomStrategy(  
    self  
)
```

Ruft das rekursive Erstellen einer Random Strategie auf und gibt diese zurück.

**Method traceState**

```
def traceState(  
    self,  
    stateNum,  
    strategy  
)
```

Schau ob eine Strategie, die an einer bestimmten Stelle bearbeitet wurde legal ist.

## Module `diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.stratVec`

### Classes

#### Class `StratVec`

```
class StratVec(  
    pips,  
    sides  
)
```

Implementiert die Strategiedarstellung über einfache Vektoren.

Initialisiert neuen Strategie Handler für einfache Vektor-Strategien.

#### Ancestors (in MRO)

- [diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.strat.StrategyAbstract](#)
- [abc.ABC](#)

### Methods

#### Method `changedStrategy`

```
def changedStrategy(  
    self,  
    strategy,  
    change  
)
```

Gibt eine veränderte Strategie zurück.

#### Method `convertToStratList`

```
def convertToStratList(  
    self,  
    toConvert  
)
```

Hilfsfunktion. Umwandlung zu einer Listen-Strategie.

#### Method `nextMove`

```
def nextMove(  
    self,  
    opponentsMoves,  
    strategy  
)
```

Gibt den nächsten Zug zurück.

#### Method `randomStrategy`

```
def randomStrategy(  
    self  
)
```

Erstellt eine zufällige Strategie.

## Module `diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.stratVecComplete`

### Classes

#### Class `StratVecComplete`

```
class StratVecComplete(  
    pips,  
    sides  
)
```

Implementiert die Strategiedarstellung über größere Vektoren.

Initialisiert neuen Strategie Handler für eine größere Vektor-Strategien.

#### Ancestors (in MRO)

- [diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.strat.StrategyAbstract](#)
- [abc.ABC](#)

### Methods

#### Method `changedStrategy`

```
def changedStrategy(  
    self,  
    strategy,  
    changeRate  
)
```

Gibt eine veränderte Strategie zurück.

#### Method `convertToStratList`

```
def convertToStratList(  
    self,  
    toConvert  
)
```

Hilfsfunktion. Umwandlung zu einer Listen-Strategie.

#### Method `nextMove`

```
def nextMove(  
    self,  
    opponentsMoves,  
    strategy  
)
```

Gibt den nächsten Zug zurück.

#### Method `randomStrategy`

```
def randomStrategy(  
    self  
)
```

Erstellt eine zufällige Strategie.

## Module `diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.stratVecDoubleLayer`

### Classes

#### Class `StratVecDoubleLayer`

```
class StratVecDoubleLayer(  
    pips,  
    sides  
)
```

Implementiert die Strategiedarstellung über einfache Vektoren.

Initialisiert neuen Strategie Handler für NN-Strategien.

#### Ancestors (in MRO)

- [diceGameOptimizing.evolutionary.strategy.strat.StrategyAbstract](#)
- [abc.ABC](#)

#### Static methods

##### Method `activation`

```
def activation(  
    x  
)
```

Hilfsfunktion. Aktivierungsfunktion Sigmoid.

#### Methods

##### Method `changedStrategy`

```
def changedStrategy(  
    self,  
    strategy,  
    change  
)
```

Verändert eine gegebene Strategie und gibt eine neue zurück.

##### Method `convertToStratList`

```
def convertToStratList(  
    self,  
    toConvert  
)
```

Hilfsfunktion. Umwandlung zu einer Listen-Strategie.

##### Method `nextMove`

```
def nextMove(  
    self,  
    opponentsMoves,  
    strategy  
)
```

Gibt den nächsten Zug zurück

### Method randomStrategy

```
def randomStrategy(  
    self  
)
```

Erstellt eine zufällige Strategie. **Note:** Inputlayer:  $(s-1)(p+1)$  Neuronen. Gewichte dazwischen:  $HIDDEN\_LAYER\_SIZE \times (s-1)(p+1)$  Hiddenlayer:  $HIDDEN\_LAYER\_SIZE$  Gewichte dazwischen  $(p+1) \times (HIDDEN\_LAYER\_SIZE)$  Outputlayer:  $(p+1)$  Neuronen

## Module diceGameOptimizing.output

### Functions

#### Function evalSameNameTestRuns

```
def evalSameNameTestRuns(  
    testRunRewardPoints: [(<class 'str'>, <class 'float'>)]  
)
```

#### Function generatePlot

```
def generatePlot(  
    testRuns: (<class 'str'>, [(<class 'int'>, <class 'float'>)])  
)
```

Generiert aus den Reward-Punkten vno verschiedenen Durchläufen der Algorithmen ein Diagramm. Sortiert verschiedene Durchläufe nach Name zusammen. Gibt Minimal-, Maximal-, Durchschnittswert an.

Parameters

**testRuns : (str, [(int, float)])**

#### Function maxlists

```
def maxlists(  
    lists  
)
```

#### Function meanlists

```
def meanlists(  
    lists  
)
```

#### Function minlists

```
def minlists(  
    lists  
)
```

#### Function varlists

```
def varlists(  
    lists,  
    add  
)
```

## Namespace `diceGameOptimizing.reinforcement`

### Sub-modules

- [diceGameOptimizing.reinforcement.agent](#)
- [diceGameOptimizing.reinforcement.reinforcementLearning](#)
- [diceGameOptimizing.reinforcement.strategy](#)

## Module `diceGameOptimizing.reinforcement.agent`

### Classes

#### Class `Agent`

```
class Agent(  
    game,  
    strategy  
)
```

### Methods

#### Method `evaluateFitness`

```
def evaluateFitness(  
    self  
)
```

#### Method `generationComplete`

```
def generationComplete(  
    self  
)
```

#### Method `nextMove`

```
def nextMove(  
    self,  
    state  
)
```

#### Method `reinforce`

```
def reinforce(  
    self,  
    state,  
    nextState,  
    action,  
    reward  
)
```

## Module `diceGameOptimizing.reinforcement.reinforcementLearning`

### Classes

#### Class `ReinforcementLearning`

```
class ReinforcementLearning(  
    game,  
    defaultQValue=0.5,  
    strategyRep=0,
```

```

        alpha=0.9,
        endAlpha=None,
        gamma=0.5,
        epsilon=0.3,
        endEpsilon=None,
        epsilonDecay=0.999,
        timeSteps=100,
        rewardPointDensity=0.001,
        output=False
    )

```

Implementiert das Reinforcement Learning in Form von Q-Learning ( $\epsilon$ -greedy). Lässt sich durch die `train()` Methode ausführen.

### Parameters

**game** : **Game** Environment, das optimiert wird.  
**defaultQValue** : **float** Standardwert im Q-Table  
**strategyRep** : **int** Art der Darstellung des Q-Table  
**alpha** : **float** konstanter Wert  $\alpha$  für Q-Learning  
**gamma** : **float** konstanter Wert  $\gamma$  für Q-Learning  
**epsilon** : **float** Startwert des  $\epsilon$   
**endEpsilon** : **float** Endwert des  $\epsilon$   
**epsilonDecay** : **float** Faktor, mit dem  $\epsilon$  nach jedem Spiel verringert wird  
**timeSteps** : **int** Anzahl der zu spielenden Spiele  
**rewardPointDensity** : **float** gibt die Dichte der rewardPoints an

**Warning:** Es muss  $0 \leq \text{strategyRep} \leq 0$  gelten.

**Note:** Bei Verwendung von `endEpsilon` wird `epsilonDecay` ignoriert!

**Note:** Bei zu großen Werten von `defaultQValue` wird stürzt der Algorithmus in eine Depression.

### Methods

#### Method `nextGeneration`

```

def nextGeneration(
    self
)

```

Spielt ein Spiel und führt dabei das Q-Learning aus.

#### Method `train`

```

def train(
    self
)

```

Führt Trainingszyklus über `timeSteps` viele Spiele aus.

Returns

**rewardPoints** : **[(int, float)]** Punkte (insgesamt gespielte Spiele, erreichte Auszahlung)

## Module `diceGameOptimizing.reinforcement.strategy`

Diese Untermodul beinhaltet alle Darstellungen von Strategien (Policies) fürs Q-Learning.

### Sub-modules

- [diceGameOptimizing.reinforcement.strategy.stratQTable](#)

## Module `diceGameOptimizing.reinforcement.strategy.stratQTable`

### Functions

#### Function `argNmax`

```
def argNmax(  
    a,  
    N,  
    axis=None  
)
```

### Classes

#### Class `StratQTable`

```
class StratQTable(  
    game,  
    defaultQValue,  
    alpha,  
    alphaDecay,  
    gamma,  
    epsilon,  
    epsilonDecay  
)
```

Implementiert eine Q-Table auf Basis eines dict.

#### Parameters

**game : Game** Environment, das optimiert wird.  
**defaultQValue : float** Standardwert im Q-Table.  
**strategyRep : int** Art der Darstellung des Q-Table.  
**alpha : float** Konstanter Wert  $\alpha$  für Q-Learning.  
**alphaDecay : float** Faktor, mit dem  $\alpha$  nach jedem Spiel verringert wird.  
**gamma : float** Konstanter Wert  $\gamma$  für Q-Learning.  
**epsilon : float** Startwert des  $\epsilon$ .  
**epsilonDecay : float** Faktor, mit dem  $\epsilon$  nach jedem Spiel verringert wird.

#### Methods

##### Method `bestMove`

```
def bestMove(  
    self,  
    state  
)
```

Gibt den besten Zug zurück. (ohne  $\epsilon$ -greedy)

##### Method `generateQTable`

```
def generateQTable(  
    self,  
    defaultQValue  
)
```

Hilfsfunktion. Generiert alle keys für den Q-Table. Nicht nötig mit "lazy" Ansatz zur Erstellung.



#### Method nextMove

```
def nextMove(
    self,
    state
)
```

Wählt nach  $\epsilon$ -greedy Strategie den nächsten Zug aus. Erweiterung: Die Aktion mit dem n. größten Wert wird zur Wahrscheinlichkeit  $(1-\epsilon)^n$  ausgewählt.

#### Method nthBestMove

```
def nthBestMove(
    self,
    state,
    nth
)
```

Rekursive Funktion, um mit Wahrscheinlichkeit  $\epsilon$  nicht den nth Zug zu wählen.

#### Method printqtable

```
def printqtable(
    self
)
```

Hilfsfunktion. Ausgabe des Q-Table.

#### Method reinforce

```
def reinforce(
    self,
    state,
    nextState,
    action,
    reward
)
```

Update der Q-Funktion.

Parameters

**state : ((int,...),(int,...))** Zustand.

**nextState : ((int,...),(int,...))** Nächster Zustand.

**action : int** Gewählte Aktion.

**reward : float** Erlangte Belohnung.

---

Generated by *pdoc* 0.9.2 (<https://pdoc3.github.io>).

PDF-ready markdown written to standard output. ^^^^^^^^^^^^^^^^^ Convert this file to PDF using e.g. Pandoc:

```
pandoc --metadata=title:"MyProject Documentation" \
--from=markdown+abbreviations+tex_math_single_backslash \
--pdf-engine=xelatex --variable=mainfont:"DejaVu Sans" \
--toc --toc-depth=4 --output=pdf.pdf pdf.md
```

or using Python-Markdown and Chrome/Chromium/WkHtmlToPDF:

```
markdown_py --extension=meta \
--extension=abbr \
--extension=attr_list \
--extension=def_list \
--extension=fenced_code \
```

```
--extension=footnotes  \
--extension=tables      \
--extension=admonition  \
--extension=smarty      \
--extension=toc         \
pdf.md > pdf.html
```

```
chromium --headless --disable-gpu --print-to-pdf=pdf.pdf pdf.html
```

```
wkhtmltopdf --encoding utf8 -s A4 --print-media-type pdf.html pdf.pdf
```

or similar, at your own discretion.