

① Considere lo expuesto en la sección 1.4.3 y demuestre que

$$A_{ik}^i \tilde{A}_{ji}^j = \delta_{jk}$$

tenemos que los 2 factores anteriores son matrices de transformación, por lo que:

$$A_{ik}^i = \frac{\partial x^i}{\partial x^k}, \quad \tilde{A}_{ji}^j = \frac{\partial x^j}{\partial x^i}$$

reemplazando en la ecuación inicial tenemos

$$\frac{\partial x^i}{\partial x^k} \frac{\partial x^j}{\partial x^i} = \delta_{jk}$$

Los diferenciales se "cancelan" por la regla de la cadena y obtenemos:

$$\frac{\partial x^j}{\partial x^k} = \delta_{jk}$$

nos resulta la derivada de 2 vectores de la misma base y dado que son bases ortonormales, el resultado será 1 si $i=j$ y se anula en caso contrario, por lo que esta derivada será igual al delta de Kronecker

$$\frac{\partial x^j}{\partial x^k} = \delta_{jk} \rightarrow \delta_{jk} = \begin{cases} 1 & \text{si } i=j \\ 0 & \text{si } i \neq j \end{cases}$$