

exercice 1: (5,5 pts)

a - L description. TBOV.

TECHNVERTE  $\sqsubseteq$  TENTECH.

TECHNVERTE  $\equiv$  TECHNOLOGIE  $\sqcap \exists$  reduce. ENCTAB  $\sqcap$   
 $\exists$  optimise. EXPLENE.

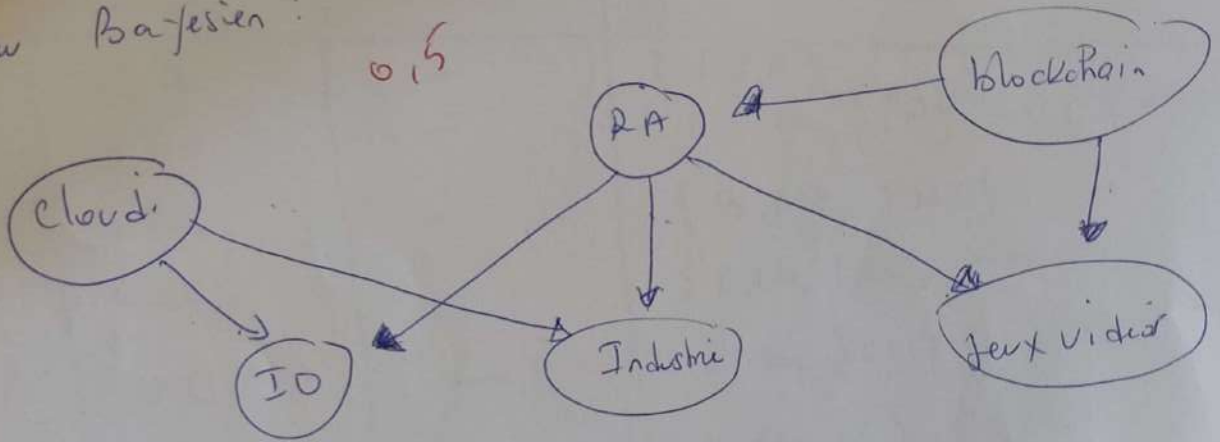
0,5

b - L description: ARBY.

TECHVERTE (ENREOL). 0,5

c - Réseau Bayésien:

0,5



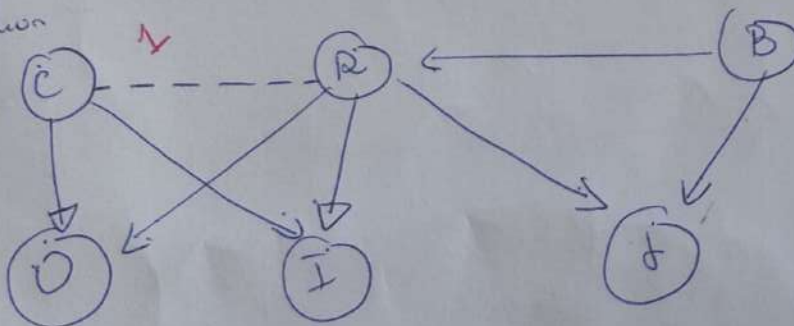
d - L floue. 0,5

Règle floue:

Si Système Blayage a une bonne précision géométrique  
 Alors la distorsion géométrique seront moins importante.

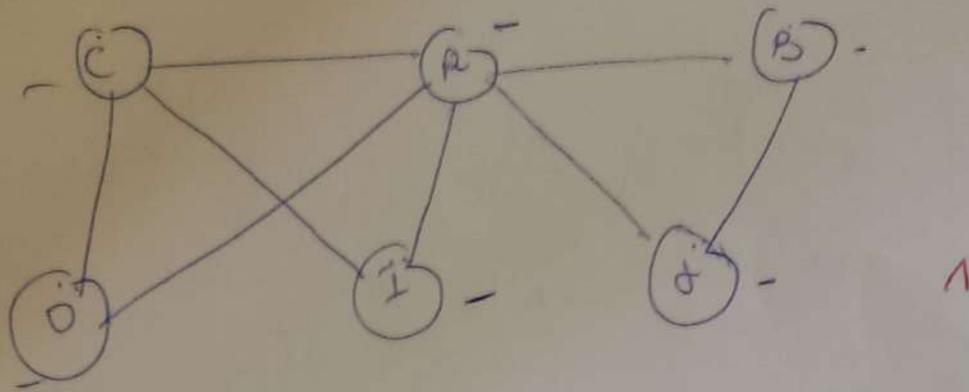
(2) le réseau défini est un multi-connectés  
 Transformation en un arbre de fonction.

(a) normalisation



--- arcs ajoutés  
 après normalisation

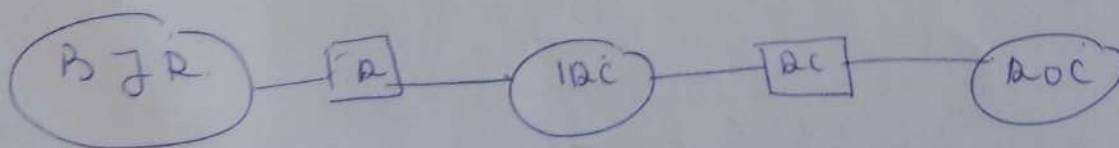
Arbre moralisé  
b) Triangulation



noeud	cluster induit	Arêtes Ajoutées	cluster-set
B	BJR	—	{BJR}
J	JR	—	" car {JR} $\subset$ {BJR}
I	IRC	—	{BJR, IRC}
A	AOC	—	{BJR, IRC, AOC}
O	OC	—	" car {OC} $\subset$ {AOC}
C	C	—	" car {C} $\subset$ {AOC}

e) Construction de l'arbre de jonction.

		Sep candidat	masse	coût	sep sélectionné
BJR	IRC	A	1	2	*
	AOC	A	1	2	
IRC	AOC	AC	2	4	*



exercice 2.

$$\Delta = \langle W, D \rangle$$

$$W = \{a, b\}$$

$$D = \left\{ \underbrace{\frac{a : \neg c}{d}}_{d1}, \underbrace{\frac{\neg d}{c}}_{d2}, \underbrace{d : \frac{\neg c}{e}}_{d3} \right\}$$

1 -  $d1$  et  $d2$  sont utilisables et mutuellement exclusifs.  
l'application liti de  $d1$  rend  $d3$  utilisable  $0,5$

2 - la théorie  $\Delta$  admet deux extensions.

$$E_1 = P_\Delta(E_1) = \text{th} \left( W \cup \underbrace{\left\{ \frac{d}{e} \right\}}_{\substack{\text{consequent} \\ \text{de } d1}} \right) \quad \begin{matrix} 1,25 \\ \text{consequent de } d3. \end{matrix}$$

$$E_2 = P_\Delta(E_2) = \text{th} \left( W \cup \underbrace{\left\{ \frac{c}{e} \right\}}_{\text{consequent de } d2} \right) \quad 1,25$$

3 - la sélection d'une extension peut se faire en appliquant des propriétés entre les défauts.  $0,5$

on peut étendre la théorie  $\Delta$  en une théorie priorisée  $\Delta = \langle W, D, < \rangle$  tels que :

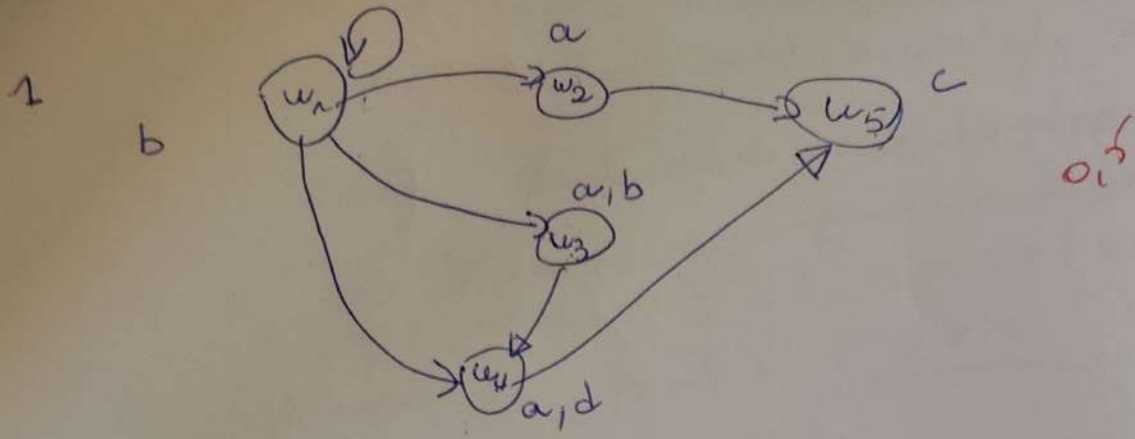
$$W = \{a, b\}$$

$$D = \left\{ \frac{a : \neg c}{d}, \frac{\neg d}{c}, \frac{d : \neg c}{e} \right\}$$

avec  $<$  :  $d1 < d2$

ainsi l'extension  $E_1$  sera l'extension retenue.





2 -  $\pi, w_1 \models \Box (\Diamond a \vee a)$  Vraie car 0,5

$w_1, w_2, w_3$  et  $w_4$  sont les seuls mondes accessibles depuis  $w_1$ .

Or  $(\Diamond a \vee a)$  est vrai dans  $w_1, w_2, w_3, w_4$  d'où la formule est vraie.

b -  $\pi, w_2 \models \neg (\Diamond (\Diamond (c \supset \Box b) \wedge \Diamond b))$  0,5

$w_5$  est le seul monde accessible depuis  $w_2$ .  
 Or il n'existe aucun monde accessible depuis  $w_5 \Rightarrow \forall$  la formule  $f$   $\Diamond f$  est faux en  $w_5 \Rightarrow$

$w_5 \Rightarrow$   
 $\pi, w_2 \models \Diamond (\Diamond (c \supset \Box b) \wedge \Diamond b)$   
 est faux.

$\Rightarrow$  la formule b est vraie

$$w_3 \models \Box \Box (a \supset \Box c \wedge \neg d.) \quad \text{o, x}$$

$w_4$  est le seul monde accessible depuis  $w_3$   
et  $w_5$  est le seul monde accessible depuis  $w_4$

comme  ~~$\nexists$  de monde accessible depuis  $w_3$~~

$\Rightarrow$   ~~$\nexists$  la formule  $\Box \Box \neg$  est vrai en  $w_3$~~   
comme  $a$  est fait en  $w_5 \Rightarrow (a \supset \Box c \wedge \neg d)$  vrai en  $w_5 \Rightarrow$   
donc la formule  $c$  est vraie.

$$d. \pi, w_4 \models \neg \Box (\Box a \supset b) \quad \text{o, x}$$

$w_5$  est le seul monde accessible depuis  $w_4$   
et  ~~$\nexists$  monde accessible depuis  $w_5$~~

d'où  $\Box a$  est fait en  $w_5 \Rightarrow (\Box a \supset b)$  est vrai

en  $w_5$  et  $w_4$  par  $w_5$  et  $w_5$  est le seul  
monde accessible depuis  $w_4$

$\Rightarrow \Box (\Box a \supset b)$  est vrai en  $w_4$

$\Rightarrow d$  est faux.

$$e. \pi, w_5 \models \neg (\Box \Box (\Box c \wedge d)) \quad \text{o, x}$$

vrai  $\Rightarrow$

$\pi, w_5 \models (\Box \Box (\Box c \wedge d))$  vrai

d'où  $e$  est faux

o, x

3 - non, le modèle ne peut pas être interprété comme  
un modèle modal temporel. Car la relation est réflexive.  
en  $w_1$ .

$$1 - \Omega = \{SI, DW, JV, BC\}$$

$$m_1(\{SI\}) = 0,7$$

$$m_1(\{DW\}) = 0,22$$

$$m_1(\Omega) = 0,08$$

0,1

$$m_2(\{SI, JV\}) = 0,55$$

$$m_2(\{BC\}) = 0,25$$

$$m_2(\Omega) = 0,2$$

0,15

$$m_3(\Omega) = 1$$

ignorance totale

0,15

$$\begin{cases} \sum m(A) = 1 \\ m(\phi) = 0 \end{cases}$$

2 - dans le cadre Probabiliste, l'ignorance totale est confondue avec l'équi. Probabilité : 0,15  
 $P(SI) = P(DW) = P(JV) = P(BC) = 1/4$

3 - Combinaison des sources

$$m_{12}(A) = \frac{1}{1-k} \sum_{B \cap C = A} m_1(B) * m_2(C)$$

$$k = \sum_{B \cap C = \phi} m_1(B) * m_2(C) \quad \text{degré de conflit}$$

$m_2 \backslash m_1$	$\{SI, JV\}$ 0,55	$\{BC\}$ 0,25	$\Omega$ 0,2
$\{SI\}$ 0,7	$\{SI\}$ 0,385	$\phi$ 0,175	$\{SI\}$ 0,14
$\{DW\}$ 0,22	$\phi$ 0,121	$\phi$ 0,055	$\{DW\}$ 0,044
$\Omega$ 0,08	$\{SI, JV\}$ 0,044	$\{BC\}$ 0,02	$\Omega$ 0,016

$$k = 0,351$$

$$\frac{1}{1-k} = \frac{1}{0,649} \approx 1,5408$$

$$m_{12}(\{SI\}) = 0,8089$$

$$m_{12}(\{DW\}) = 0,0677$$

$$m_{12}(\{SI, JV\}) = 0,0677$$

$$m_{12}(\{BC\}) = 0,0308$$

$$m_{12}(\Omega) = 0,0246$$

2 -  $\{SI\}$  est l'hypothèse la plus soutenue.