



TECHNISCHE UNIVERSITÄT
BERGAKADEMIE FREIBERG

Die Ressourcenuniversität. Seit 1765.

Fakultät für Mathematik und Informatik
Institut für Informatik
Lehrstuhl für Künstliche Intelligenz und Datenbanken

Bakkalaureatsarbeit

Eine Studie zur kombinatorischen Optimierung mit Ameisenalgorithmen

Samuel Dressel

Angewandte Informatik
Vertiefung: Künstliche Intelligenz

Matrikel: 59 963

26. September 2017

Betreuer/1. Korrektor:
Prof. Dr. H. Jasper

2. Korrektor:
M. Sc. V. Göhler

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	3
2	Grundlagen	3
2.1	Der Ameisenalgorithmus (Ant Colony Optimization)	3
2.1.1	Biologische Grundlagen	3
2.1.2	Der Ameisenalgorithmus	3
2.2	Das Travelling-Salesman-Problem	4
2.2.1	Das Problem im Allgemeinen	4
2.2.2	Ansätze und Algorithmen zur Lösung des Problems	5
2.2.3	TSPLib als Quelle für bekannte Probleme	5
2.2.4	Möglichkeiten der Distanzberechnung	5
2.2.5	Das Travelling-Salesman-Problem und der Ameisenalgorithmus	5
3	Implementierung des Problems in C++	5
3.1	Programmstruktur und Funktionsweise	5
3.2	Vorgehensweise zur Untersuchung von verschiedenen Datensätzen mit verschiedenen Implementierungen	5
4	Ergebnisse der Durchführung	5
4.1	Resultate bei Iteration einzelner Ameisen nacheinander	5
4.2	Resultate bei paralleler Erschließung	5
5	Auswertung und Vergleich	5
5.1	Vergleich der iterativen und parallelen Implementierung	5
5.2	Vergleich mit der optimalen Lösung	5
5.3	Vergleich mit der Laufzeit und Komplexität mit anderen Algorithmen	5
6	Zusammenfassung und Fazit	5
7	Anhang	5
	Literatur	6

1 Einleitung

2 Grundlagen

2.1 Der Ameisenalgorithmus (Ant Colony Optimization)

2.1.1 Biologische Grundlagen

Grundlage der Erörterung über die Funktionsweise des Ameisenalgorithmus bildet sicherlich ein Blick auf die biologischen Grundlagen. Dabei spielt die Kommunikation der Ameisen untereinander die zentrale Rolle. Ein Tierstaat wie er bei den Ameisen zu finden ist funktioniert nur mit einer effektiven und sinnvollen Kommunikation. Methoden zur Verständigung wie das Kommunizieren über Vibrationen und Berührungen sind eher die Ausnahme und kommen nur in speziellen Situationen zum Tragen ([1]). Dagegen wird zum größten Teil der Informationsaustausch über Duftstoffe (sog. Pheromone) bevorzugt. Diese werden durch verschiedene Drüsen erzeugt und wiederum in unterschiedlicher Kombination und Konzentration abgegeben. Diese Pheromone werden zum einen benutzt, um Nestgenossen zu erkennen oder um bei Gefahren Kampf- und Abwehrverhalten auszulösen. Hauptsächlich jedoch nutzen Ameisen die Pheromone um eine Duftspur über ihren Hinterleib abzugeben. Diese dienen ihnen und ihren Nestgefährten als Orientierungshilfe. Zum einen werden damit Straßen zu anderen Kolonien gebildet - zum anderen dient es dazu, anderen Ameisen den Weg zu einer Nahrungsquelle zu zeigen. Die Tatsache, dass ein Weg mit einer höheren Pheromonkonzentration bevorzugt wird, ist Grundlage des Ameisenalgorithmus.

2.1.2 Der Ameisenalgorithmus

Der historische Ursprung des Algorithmus findet sich in den Versuchen von Jean-Louis Deneubourg und seine Kollegen ([2]). Das sogenannte "Double-Bridge-Experiment" zeigte, dass Ameisen den kürzesten Weg aufgrund der Pheromonmarkierung finden. In dem Experiment ist eine Kolonie von Argentinischen Ameisen durch zwei Brücken mit einer Nahrungsquelle verbunden ([3]). Dabei können die Ameisen die Futterquelle nur über diese zwei Brücken erreichen. Im ersten Teil des Versuchs sind diese beiden Brücken jeweils gleich lang (Abbildung 1a). Zu Beginn erkunden die Ameisen die Umgebung der Kolonie bis sie eine Entscheidung über die Auswahl der Brücke treffen müssen. Lässt sich aufgrund einer noch nicht stattgefundenen Begehung der Brücken keine Pheromonspur feststellen, so entscheiden die Ameisen rein zufällig welche Brücke sie wählen. Die Wahrscheinlichkeit für beide Wege liegt bei gleichen Bedingungen bei ca. 50 Prozent. Wird der Versuch über längere Zeit durchgeführt, so wird durch Zufall die Pheromonkonzentration der einen Brücke höher sein als die andere. Diese wird dadurch attraktiver für die Ameisen und wird somit letztendlich der favorisierte Weg zur Nahrungsquelle. Im zweiten durchgeführten Versuch sind die beiden Brücken unterschiedlich lang (Abbildung 1b). Auch hier liegt die Wahrscheinlichkeit für beide Brücken zu Anfang bei ca. 50 Prozent. Da die Ameisen, die sich für die kürzere Brücke entscheiden, schneller wieder zurück am Nest sind, steigt das Pheromonlevel auf diesem Weg deutlich schneller an. Nach einigen Iterationen kristallisiert sich die kürzere Brücke als optimale Route heraus, während der längere Weg durch Pheromonreduktion immer unattraktiver wird. Im Vergleich zum ersten Versuch geschieht dieser Prozess wesentlich schneller und effektiver.

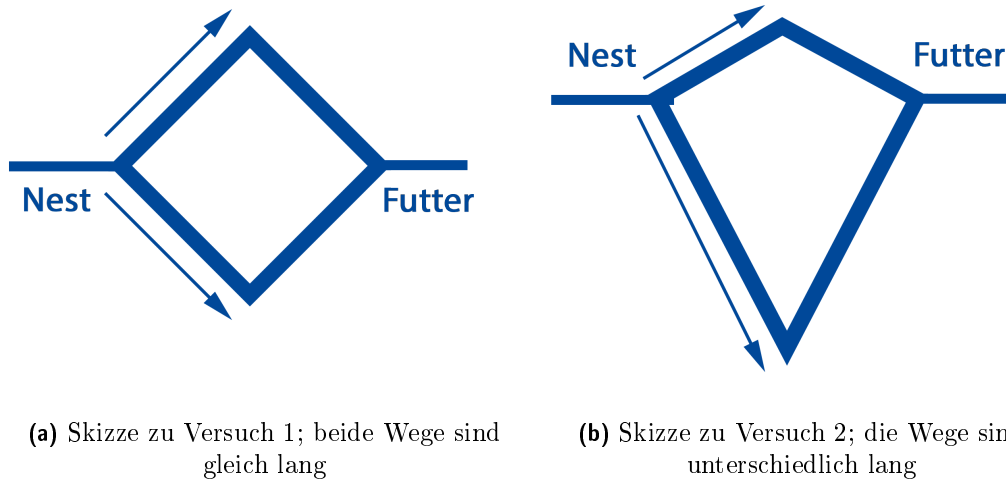


Abb. 1: Double-Bridge-Experiment

2.2 Das Travelling-Salesman-Problem

2.2.1 Das Problem im Allgemeinen

Das Travelling Salesman Problem (im Folgenden mit TSP abgekürzt) ist eines der bekanntesten und meist untersuchten Optimierungsprobleme ([4]). Die Aufgabe, mit der sich das Problem beschäftigt, ist folgende: Ein Handlungsreisender soll in einer Rundreise n verschiedene Städte besuchen. Der Reisende startet dabei (zufällig) in einer dieser Städte und am Ende seiner Reise kehrt er auch wieder in diese Stadt zurück. Dabei sollen alle Städte nur einmal besucht werden und dabei die Weglängen bzw. die Kosten minimiert werden.

Im Jahr 1832 erschien in Deutschland ein Buch mit dem Titel "Der Handlungsreisende, wie er sein soll und was er zu thun hat, um Aufträge zu erhalten und eines glücklichen Erfolges in seinen Geschäften gewiss zu sein". Dieses Buch und dessen Inhalt definierte die Grundlagen des Problems. Die erste Benutzung des Ausdrucks Traveling Salesman Problem ist nicht ganz geklärt; in mathematischen Kreisen war dies in den Jahren 1931 - 1932 der Fall. ([5]). Dies geschah als mehrere amerikanische Mathematiker sich des Problems annahmen - wichtige Vertreter waren dabei Merrill Flood und Hassler Whitney, die dort die Überlegungen des österreichischen Mathematikers Karl Menger als Grundlage nahmen. Nach und nach wurde das Problem durch zahlreiche Veröffentlichungen immer präsenter und ist bis heute eines der schwierigsten und prominentesten Probleme in der Mathematik.

Unter der bislang unbewiesenen Annahme, dass die Komplexitätsklassen P und NP verschieden sind, gehört das TSP zur Klasse der NP -vollständigen Probleme, was bedeutet dass es sich nicht mit einem deterministischen Algorithmus in Polynomialzeit lösen lässt ([6]). Alle ansatzweise effektiven Möglichkeiten und Algorithmen zur Lösung des TSP sind deshalb nichtdeterministisch. Unter anderem lassen sich Approximationsalgorithmen angeben, die in polynomieller Laufzeit eine Lösung liefern, die höchstens doppelt (Spanning-Tree-Heuristik) bzw. höchstens 1,5-mal (Christofides-Heuristik) so lang wie die optimale Lösung ist ([7]).

2.2.2 Ansätze und Algorithmen zur Lösung des Problems

Da das Problem wie oben schon erwähnt zu den NP-vollständigen Problemen gehört, gibt es keinen effizienten Algorithmus der bei einer hohen Anzahl von Städten eine optimale Tour findet. ([5, p. 150]). Entweder ist ein Algorithmus zur Lösung des TSP schnell oder er findet eine optimale Tour - aber er wird nicht beide Eigenschaften besitzen. Man entscheidet sich deswegen dafür effiziente heuristische Algorithmen zu konstruieren, die zwar keine optimale Tour finden, aber zumindest eine annäherungsweise optimale Tour. Der einfachste Algorithmus zur exakten Lösung des TSP ist die sogenannte "brute-force" oder naive Methode ([4]). Dieser Algorithmus betrachtet nacheinander alle möglich Touren und deren Länge und ermittelt durch den Vergleich derselben die optimale und kürzeste Tour. Ist der Graph G , der dieses Problem modelliert, ein ungerichteter Graph, so muss man mit diesem Algorithmus $\frac{1}{2} \cdot (n - 1)!$ verschiedene Rundreisen betrachten. Bei neun verschiedenen Städten ergeben sich daraus 20160 verschiedene Touren, bei 16 Städten dagegen schon 653 Milliarden Routen, was diesen Algorithmus für die meisten Optimierungsprobleme völlig unbrauchbar macht. Selbst bei dynamischen

2.2.3 TSPLib als Quelle für bekannte Probleme

2.2.4 Möglichkeiten der Distanzberechnung

2.2.5 Das Travelling-Salesman-Problem und der Ameisenalgorithmus

3 Implementierung des Problems in C++

3.1 Programmstruktur und Funktionsweise

3.2 Vorgehensweise zur Untersuchung von verschiedenen Datensätzen mit verschiedenen Implementierungen

4 Ergebnisse der Durchführung

4.1 Resultate bei Iteration einzelner Ameisen nacheinander

4.2 Resultate bei paralleler Erschließung

5 Auswertung und Vergleich

5.1 Vergleich der iterativen und parallelen Implementierung

5.2 Vergleich mit der optimalen Lösung

5.3 Vergleich mit der Laufzeit und Komplexität mit anderen Algorithmen

6 Zusammenfassung und Fazit

7 Anhang

Literatur

- [1] Christian Dietrich and Erich Steiner. Das Leben unserer Ameisen - ein Überblick. *Biologiezentrum Linz/Austria*.
- [2] J.-L. Deneubourg, S. Aron, S. Goss, and J. M. Pasteels. The self-organizing exploratory pattern of the argentine ant. *Journal of Insect Behavior*, Vol. 3, No. 2, 1990, 1989.
- [3] M. Dorigo. Ant colony optimization. 2007.
- [4] Berthold Vöcking, Helmut Alt, Martin Dietzfelbinger, Rüdiger Reischuk, Christian Scheideler, Heribert Vollmer, and Dorothea Wagner. *Taschenbuch der Algorithmen*, chapter Das Travelling Salesman Problem, pages 413–422. Springer-Verlag Berlin Heidelberg, 2008.
- [5] E.L. Lawler, J.K.Lenstra, A.H.G. Rinnooy Kan, and D.B. Shmoys. *The Traveling Salesman Problem - A Guided Tour of Combinatorial Optimization*. John Wiley and Sons Ltd., 1985.
- [6] David L. Applegate, Robert E. Bixby, Vasek Chvátal, and William J. Cook. *The traveling salesman problem: a computational study*. Princeton University Press, 2007.
- [7] M. Grötschel. Schnelle Rundreisen: Das Travelling Salesman-Problem. *ZIB-Report 05-57*, 2005.